

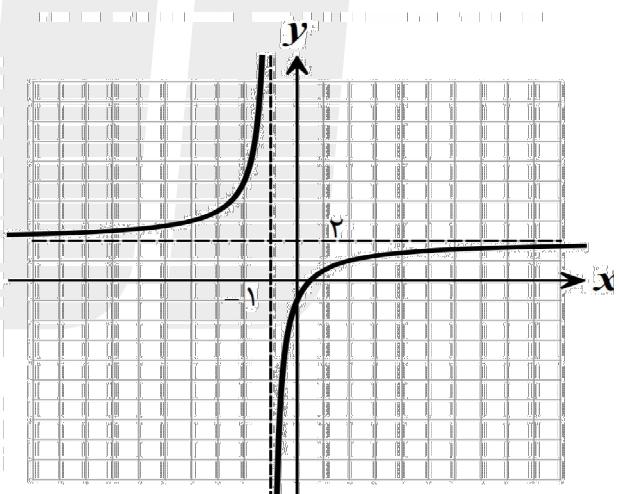
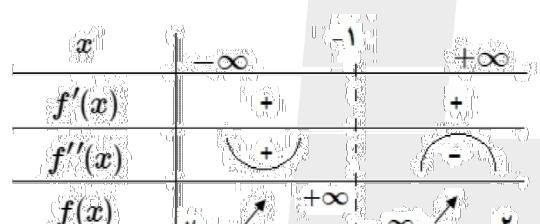
سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲		رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۲	ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح	ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح
دوازدهم		نام و نام خانوادگی:	تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۵/۱۵	مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir
سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.					ردیف
درستی یا نادرستی عبارت‌های زیر را مشخص کنید.					
۰.۷۵	<p>الف) اگر n عدد طبیعی زوج و a عدد حقیقی باشد، آن‌گاه چندجمله‌ای $x^n + a^n$ بر $x + a$ بخش‌پذیر است.</p> <p>ب) تابع $x = \tan y$ در مجموعه $\left\{ \frac{\pi}{2}, 2\pi \right\} - \left\{ \frac{\pi}{2}, \frac{3\pi}{2} \right\}$، اکیداً صعودی است.</p> <p>پ) خط $x = 2$ مماس قائم بر منحنی تابع $f(x) = \sqrt[3]{x - 2}$ در نقطه (۲, ۰) است.</p>	۱			
۰.۷۵	<p>جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر نمودار تابع $f(x) = \sqrt[3]{x}$ را در راستای محور x‌ها، دو واحد به سمت چپ انتقال دهیم و آن را $g(x)$ بنامیم. آن‌گاه نمودار تابع $(x)^{-1} g$ از ناحیه محورهای مختصات نمی‌گذرد.</p> <p>ب) حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{x+1}{\tan x}$ برابر است.</p> <p>پ) اگر $f(x) = x^3 + 4x^2$ باشد، حاصل $(f'(x))'$ برابر است.</p>	۲			
۱.۵	<p>الف) اگر نمودار تابع f به صورت زیر باشد، نمودار تابع $(2x+1)f(2x+1) = y$ را به کمک آن رسم کنید.</p>	۳			
۰.۷۵	<p>ب) اگر دامنه تابع g بازه $[4, -2]$ باشد، آن‌گاه دامنه تابع $k(x) = 3g(-2x)$ را به دست آورید.</p>				
۰.۷۵	<p>نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} \sqrt{-x} & x < 0 \\ x^2 & x > 0 \end{cases}$ را رسم کنید. بزرگترین بازه‌ای که این تابع در آن اکیداً صعودی است را بنویسید.</p>	۴			
۰.۷۵	<p>اگر چندجمله‌ای $p(x) = x^r + kx^r + 2$ بر $x - k$ بخش‌پذیر باشد، مقدار k را بیابید.</p>	۵			
۱.۵	<p>نمودار داده شده در شکل مقابل مربوط به تابع با ضابطه $y = a \cos(bx) + c$ است. اگر $b < 0$ باشد، مقادیر a، b و c را به دست آورید. (راه حل نوشته شود).</p>	۶			

ساعت شروع: ۸:۰۰ صبح		ریاضی و فیزیک	رشته:	تعداد صفحه: ۲	سوالات آزمون نهایی درس: حسابان ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۵/۱۵	تاریخ آزمون:	دوازدهم	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir					
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) - استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.				
ردیف					
۷	۱.۷۵	معادله مثلثاتی $\tan \delta x = \tan x$ را حل کنید. سپس جواب‌هایی از آن را که در بازه $[\frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2})$ قرار دارند، مشخص کنید.			
۸	۱	(الف) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x+1}{(x-3)^2}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^3 - 4x^2}{-x^3 x - 2}$			
۹	۱.۷۵	مجانب‌های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{x-3}{x^2-9}$ را در صورت وجود به دست آورید. سپس وضعیت نمودار تابع f را در همسایگی مجانب قائم آن نمایش دهید.			
۱۰	۱	اگر $f(2) = 7$ و $f'(2) = 5$ باشد، مشتق تابع $g(x) = x f(x)$ را در $x = 2$ به دست آورید.			
۱۱	۱	اگر $f(x) = x (x-2)$ باشد. به کمک تعریف مشتق، مشتق پذیری تابع f را در نقطه $x = 0$ بررسی کنید.			
۱۲	۲.۷۵	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) (الف) $f(x) = \frac{\sqrt{x+1}}{x^3 - 6x + 1}$ (ب) $g(x) = 2 \tan x + \cos^4(2x^3)$			
۱۳	۱.۷۵	تابع $f(x) = 7\sqrt{x} + 5$ قد متوسط کودکان را بر حسب سانتی‌متر تا حدود ۶۰ ماهگی نشان می‌دهد که در آن x مدت زمان پس از تولد (بر حسب ماه) است. الف) آهنگ متوسط رشد در بازه $[0, 25]$ را به دست آورید. ب) آهنگ لحظه‌ای تغییر قد کودک در ۴۹ ماهگی را به دست آورید.			
۱۴	۱.۵	نقاط اکسترمم نسبی و مطلق تابع $f(x) = x^3 - 6x^2 - 1$ در صورت وجود بیابید.			
۱۵	۱	اگر $f(x) = ax^3 + 3x^2 + 1$ باشد، مقدار a را طوری بیابید که $x = \frac{1}{3}$ طول نقطه عطف نمودار تابع باشد.			
۱۶	۲	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{2x-1}{x+1}$ رارسم کنید. موفق باشید.			

رشنده:	رواضی و فیزیک	ساعت شروع:	۱۴۰۳/۰۵/۱۵	تاریخ آزمون:	۸:۰۰ صبح	مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه
دواندهم	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳	azmoon.medu.ir	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش				
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره					
۱	(ب) نادرست (۰/۲۵) ب) نادرست (۰/۲۵) (به ترتیب صفحه های ۳۲، ۲۰ و ۸۹)	۰.۷۵	(پ) درست (۰/۲۵)				
۲	(الف) دوم (۰/۲۵) (ب) صفر (یا ۰) (۰/۲۵) (به ترتیب صفحه های ۵۳، ۱۴ و ۹۸)	۰.۷۵	(پ) ۲ (۰/۲۵)				
۳	الف) ابتدا نقاط مشخص شده در نمودار f را در راستای محور طول هایک واحد به سمت چپ منتقل کرده، سپس طول آنها را بر ۲ تقسیم می کنیم. یا (نقاط با استفاده از محاسبه به دست آورده شود) (۰/۲۵)	۱.۰					
۴	در بازه $(0, +\infty)$ اکیداً صعودی است. (۰/۲۵) (صفحه ۱۸)	۰.۷۵					
۵	به پاسخ درست که از طریق تقسیم چندجمله‌ای بر دو جمله‌ای حاصل شود، به تناسب بارم، نمره تعلق گیرد. (صفحه ۱۹)	۰.۷۵	$\frac{x - k}{(0/25)} = \cdot \rightarrow x = k \rightarrow p(k) = \cdot \rightarrow k^3 + k^3 + 2 = \cdot \rightarrow k^3 = -1 \rightarrow k = -1$				

رشنده:	رواضی و فیزیک	ساعت شروع:	۱۴۰۳/۰۵/۱۵	تاریخ آزمون:	۸:۰۰ صبح	مدت آزمون:	۱۲۰ دقیقه	دوازدهم
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir								
راهنمای تصحیح							ردیف	
نمره								
۱.۰	$\begin{cases} a + c = ۲ \quad (۰ / ۲۵) \\ - a + c = -۱ \quad (۰ / ۲۵) \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} c = ۱ \quad (۰ / ۲۵) \\ a = ۲ \Rightarrow a = ۲ \quad (۰ / ۲۵) \end{cases}$ $T = ۴\pi \Rightarrow \frac{۴\pi}{ b } = ۴\pi \rightarrow b = \frac{۱}{۴} \xrightarrow{b < ۰} b = -\frac{۱}{۴} \quad (۰ / ۲۵)$							روش اول:
۱.۰	$\begin{cases} c = \frac{\max + \min}{۲} \quad (۰ / ۲۵) \rightarrow c = ۱ \quad (۰ / ۲۵) \\ a = \frac{\max - \min}{۲} \quad (۰ / ۲۵) \rightarrow a = ۲ \rightarrow a = ۲ \quad (۰ / ۲۵) \end{cases}$ $T = ۴\pi \Rightarrow \frac{۴\pi}{ b } = ۴\pi \rightarrow b = \frac{۱}{۴} \xrightarrow{b < ۰} b = -\frac{۱}{۴} \quad (۰ / ۲۵)$							روش دوم: صفحه ۲۸
۱.۲۵	$\Delta x = k\pi + x \quad (۰ / ۲۵) \rightarrow x = \frac{k\pi}{\varphi} \quad (۰ / ۲۵)$ <p>یا اشاره شود که (جواب‌هایی قابل قبول هستند که باقی‌مانده عدد صحیح k بر φ برابر باشد). (۰ / ۲۵)</p> $k = ۰ \rightarrow x = ۰ \quad (۰ / ۲۵), \quad k = ۱ \rightarrow x = \frac{\pi}{\varphi} \quad (۰ / ۲۵)$							۶
۱	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow ۳^+} \frac{x+۱}{(x-۳)^۲} = \frac{۴}{+} = +\infty \quad (۰ / ۲۵)$ (صفحه ۵۳)</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^۳}{-x^۳(-x)} = \lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x^۳}{x^۳} = -1 \quad (۰ / ۲۵)$ (صفحه ۶۹)</p>							۷
۱.۷۵	<p>در تابع $f(x) = \frac{(x-۳)}{(x-۳)(x+۳)}$ خط $x = ۳$ شرایط مجانب قائم را ندارد. (۰ / ۲۵)</p> $\lim_{x \rightarrow -3^-} f(x) = \frac{1}{-} = -\infty \quad (۰ / ۲۵) \Rightarrow x = -3 \text{ مجانب قائم منحنی تابع } f \text{ است.} \quad (۰ / ۲۵)$ $\lim_{x \rightarrow -3^+} f(x) = \frac{1}{+} = +\infty \quad (۰ / ۲۵)$ <p>$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x}{x^۲} = ۰ \Rightarrow y = ۰$ مجانب افقی (۰ / ۲۵)</p> <p>رسم نمودار (۰ / ۵)</p>							۸
	(صفحه ۵۸ و ۶۸)							۹

ردیف	نحوه	راهنمای تصحیح	فهره
۱۰	۱	$\frac{1}{2} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2} = \frac{1}{2} f'(2) = 5 \quad (\cdot / 25) \Rightarrow f'(2) = 10 \quad (\cdot / 25)$ $g'(x) = \frac{1 \times f(x) + x \times f'(x)}{(\cdot / 25)} \Rightarrow g'(2) = \frac{1 \times 2 + 2 \times 10}{(\cdot / 25)} = 27$	دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir
۱۱	۱	$f'(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot} \frac{ x (x - 2) - f(\cdot)}{x - \cdot} = \begin{cases} f'_-(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^-} \frac{-x(x - 2) - \cdot}{x} = +2 & (\cdot / 25) \\ f'_+(\cdot) = \lim_{x \rightarrow \cdot^+} \frac{x(x - 2) - \cdot}{x} = -2 & (\cdot / 25) \end{cases}$ <p>چون $(\cdot) \neq f'_-(\cdot) \neq f'_+(\cdot)$ لذا تابع f در \cdot مشتقپذیر نیست. $(\cdot / 25)$ (صفحه ۸۶)</p>	(صفحه ۷۹ و ۹۴)
۱۲	۲.۲۵	$f'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x+1}}(x^3 - 6x + 1) - \frac{3x^2 - 6}{2\sqrt{x+1}}}{(\cdot / 25)}$ <p>(الف) $g'(x) = \frac{2(1 + \tan^2 x) + (5)(6x^2)(-\sin(2x^3)) \cos^2(2x^3)}{(\cdot / 25)}$ (صفحه ۱۰۱)</p>	(صفحه ۱)
۱۳	۱.۲۵	$\frac{f(25) - f(\cdot)}{25 - \cdot} = \frac{85 - 5\cdot}{25} = \frac{35}{25} = \frac{7}{5} \quad (\cdot / 25)$ $f'(x) = 7 \times \frac{1}{2\sqrt{x}} \xrightarrow{x=49} f'(49) = \frac{1}{2} \quad (\cdot / 25)$	(الف) (ب)
۱۴	۱.۵	$f'(x) = 3x^2 - 12x \xrightarrow{f' = 0} 3x(x - 4) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = \cdot \\ x = 4 \notin [-1, 3] \end{cases} \quad (\cdot / 25)$ <p>رسم جدول $(\cdot / 25)$</p> <p>(+) نقطه ماکزیمم نسبی $(0, 0)$, (۰, ۰) نقطه ماکزیمم مطلق $(0, 25)$ و $(3, -27)$ نقطه مینیمم مطلق $(25, 0)$ این تابع در بازه $[1, 3]$ است. (صفحه ۱۲۵)</p>	(صفحه ۱۰۵)

رشنده: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۴۰۳/۰۵/۱۵	دوازدهم
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ آزمون:	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و ایشارگر داخل و خارج کشور تابستان ۱۴۰۳ azmoon.medu.ir		
نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
۱	$f'(x) = ۳ax^۲ + ۶x(۰ / ۲۵) \rightarrow f''(x) = ۶ax + ۶(۰ / ۲۵)$ $\frac{x=۱}{۳a+۶ = ۰(۰ / ۲۵)} \rightarrow a = -۲(۰ / ۲۵)$	(صفحه ۱۳۶) ۱۵
۲	$f(x) = \frac{۳x-۱}{x+۱}, \quad D_f = \mathbb{R} - \{-۱\}$ $f'(x) = \frac{۳}{(x+۱)^۲}, \quad x \neq -۱$ $f''(x) = \frac{-۶}{(x+۱)^۳}, \quad x \neq -۱$ $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{۳x-۱}{x+۱} = ۳$ $\lim_{x \rightarrow (-1)^+} \frac{۳x-۱}{x+۱} = \frac{-۳}{+} = -\infty$ $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{۳x-۱}{x+۱} = \frac{-۳}{-} = +\infty$	$y = ۳$ (مجانب افقی $x = -۱$ (مجانب قائم  (۰/۲۵)
۳	 $f'(x)$ $f''(x)$ $f(x)$ (۰/۵)	(۰/۲۵) ۱۶
	(۱۴۱ صفحه)	(۰/۵)