

## با اسمه تعالی

تعداد صفحه :	مدت امتحان :	رشته :	سوالات امتحان شبه نهایی درس:
۲	۹۰ دقیقه	ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	ریاضی و آمارا
پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری	نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع : ۷/۳۰ صبح	تاریخ امتحان : ۱۴۰۳/۰۱/۲۷

دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳ مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش  
<http://aee.medu.gov.ir>

استفاده از ماشین حساب ساده (دارای چهار عمل اصلی، جذر و درصد) مجاز است.

ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
	<b>فصل اول : معادلات</b>	

۱/۵	<p>در هر مورد جای خالی را با یک عدد مناسب کامل کنید.</p> <p>(الف) محیط مربعی که اندازه قطر آن برابر <math>\sqrt{2}</math> باشد، برابر ..... است.</p> <p>(ب) معادله درجه دوم <math>x^2 - ..... = 0</math> دارای ریشه مضاعف <math>x = 1</math> است.</p> <p>(پ) مجموع ریشه های معادله <math>4x^2 + 3x - 7 = 0</math> برابر ..... است.</p>	۱
-----	--	---

۳	<p>معادله های زیر را حل کنید.</p> <p>(حل به روش تجزیه) <math>x^3 - 6x = 0</math></p> <p>(حل به روش فرمول کلی) <math>2x^3 - 5x - 3 = 0</math> (ب)</p> <p>(پ) <math>\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2}</math> (معادله عبارت گویا)</p>	۲
---	---	---

۱	معادله درجه دومی را بنویسید که ریشه های آن ۷ و ۶ باشد.	۳
۱	با تشکیل معادله، عددی بباید که پنج برابر آن به علاوه دو، مساوی با سه برابر آن عدد منهای دو باشد.	۴

**فصل دوم : تابع**

۱	<p>اگر <math>A = \{2, 3\}</math> و <math>B = \{4, 5, 6\}</math>. در این صورت؛</p> <p>(الف) رابطه ای از <math>A</math> به <math>B</math> بنویسید که تابع باشد.</p> <p>(ب) رابطه ای از <math>B</math> به <math>A</math> بنویسید که تابع نباشد.</p>	۵
---	--	---

۱/۵	دامنه تابع $g(x) = 2x^3 + 3$ ، مجموعه $\{-1, \sqrt{2}, 0\}$ است. برد آن را بدست آورید.	۶
-----	--	---

۰/۷۵	طول یک مستطیل ۳ واحد بیشتر از عرض آن است. ضابطه تابع محیط این مستطیل را بر حسب عرض آن بنویسید.	۷
------	--	---

۱	نمودار تابع خطی $f$ از مبدأ مختصات می گذرد و $f(2) = 3$ . معادله این تابع را بنویسید.	۸
---	---	---

۱/۲۵	نمودار سه‌می $y = x^3 + 4x$ را رسم کنید.	۹
------	--	---

۱/۵	<p>در یک کارخانه نوعی لامپ تولید می شود. اگر <math>x</math> متوسط تعداد لامپ های تولیدی در روز برای این کارخانه باشد، آن گاه تابع درآمد و هزینه روزانه آن به ترتیب <math>R(x) = 300x + 2000</math> و <math>C(x) = x^3 + 30x + 30</math> است.</p> <p>(الف) معادله سود این کارخانه را بنویسید.</p> <p>(ب) این کارخانه روزانه چند لامپ باید تولید کند تا بیشترین سود را داشته باشد؟</p> <p>(پ) بیشترین سود این کارخانه را محاسبه کنید.</p>	۱۰
-----	---	----

**ادامه سوالات در صفحه بعد**

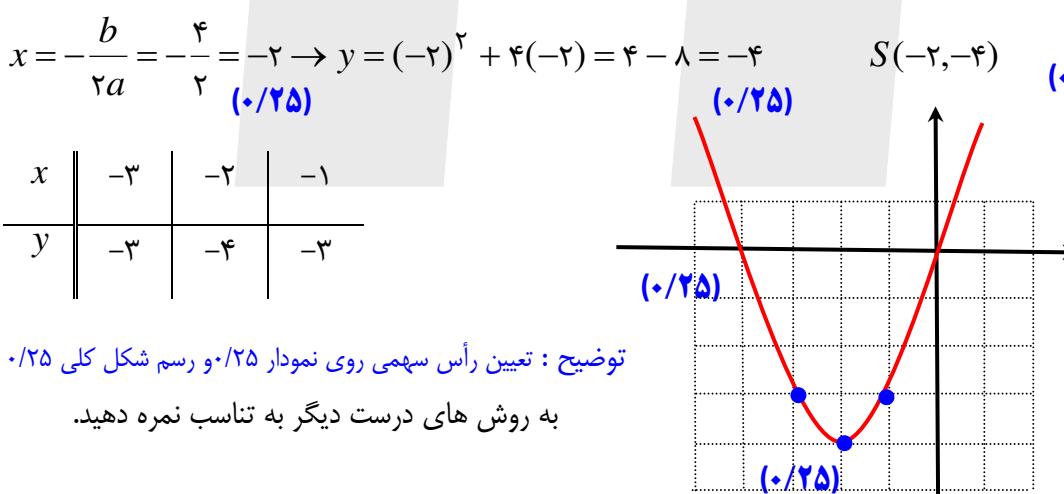
### فصل سوم : کار با داده‌های آماری

۱	<p>درستی یا نادرستی هر مورد را مشخص کنید.</p> <p>(الف) هر زیرمجموعه از جامعه آماری که به روش مشخصی انتخاب شده باشد را آماره می‌نامند.</p> <p>(ب) نمونه‌ای را که در آن همه اعضای جامعه، شانس انتخاب یکسان در نمونه داشته باشند را نمونه تصادفی می‌نامند.</p> <p>(پ) وقتی داده دوره افتاده در بین داده‌های یک مجموعه آماری وجود داشته باشد، میانه نسبت به میانگین، معیار مناسبتری است.</p> <p>(ت) تمام داده‌های یک مجموعه آماری برابر هستند. در این صورت واریانس آن داده‌ها برابر یک است.</p>	۱۱
۰/۷۵	<p>بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها، برای هر یک از موضوعات زیر را بنویسید.</p> <p>(الف) تعداد افراد استفاده کننده از پل عابر در یک روز و خیابان مشخص</p> <p>(ب) ساعت خواب دانش‌آموزان کلاس شما در شب گذشته</p> <p>(پ) سن همه دانش‌آموزان پایه دهم مدرسه شما بر حسب ماه</p>	۱۲
۱/۵	<p>نوع هر یک از متغیرها (کمی، کیفی) و مقیاس اندازه‌گیری (اسمی، ترتیبی، فاصله‌ای، نسبتی) آنها را به طور کامل مشخص کنید.</p> <p>(الف) مدرک تحصیلی کارمندان</p> <p>(ب) وزن هندوانه‌های یک مزرعه</p> <p>(پ) گروه خونی کارمندان یک شرکت</p>	۱۳
۰/۵	<p>پارامتر جامعه در چه صورتی قابل محاسبه است؟</p>	۱۴
۱/۲۵	<p>میانگین داده‌های زیر برابر ۲۲ است.</p> <p>۲۰ و ۲۵ و ۳۰ و ۲۲ و <math>a</math> و ۲۵ و ۲۴ و ۲۰ و ۲۱ و ۲۰ و ۲۵ و ۳۰ و ۱۵</p> <p>(الف) مقدار <math>a</math> را بدست آورید.</p> <p>(ب) میانه داده‌ها را تعیین کنید.</p>	۱۵
۱/۵	<p>برای داده‌های ۱۵ و ۱۳ و ۱۱ و ۱۰ و ۶ میانگین و انحراف معیار را محاسبه کنید.</p>	۱۶
۲۰	جمع	

موفق و پیروز باشید.

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمارا</b>
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانشآموزان دیبرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسرکشود در طرح سه نماصال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱/۵	هر مورد <b>(۰/۵)</b> نمره $\frac{3}{4}$ (صفحه ۲۸) - (صفحه ۲۲) صفر (صفحه ۱۲) (صفحه ۴۷۱۰) الف		۱
۳	$x^3 - 6x = 0 \rightarrow x(x-6) = 0 \rightarrow x = 0, x = 6$ (صفحه ۲۰) $2x^2 - 5x - 3 = 0 \rightarrow \Delta = b^2 - 4ac = 25 + 24 = 49$ (صفحه ۲۸) $x_1 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5+7}{4} = 3$ (۰/۲۵) $x_2 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{5-7}{4} = -\frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\frac{4}{2x-1} = \frac{5}{x+2} \rightarrow 4(x+2) = 5(2x-1) \rightarrow 4x + 8 = 10x - 5 \rightarrow 6x = 13 \rightarrow x = \frac{13}{6}$ (۰/۲۵) <span style="color: red;">صفحه ۳۵</span>		۲
۱	$x = -6 \rightarrow x + 6 = 0$ $\times$ $\rightarrow (x+6)(x-6) = 0 \rightarrow x^2 - x - 36 = 0$ (صفحه ۲۱) $x = 7 \rightarrow x - 7 = 0$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۵) <span style="background-color: #cccccc; padding: 5px;">لطفا به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</span>		۳
۱	$5x + 2 = 3x - 2 \rightarrow 2x = -4 \rightarrow x = -2$ (صفحه ۱۴)		۴
۱	برای نمونه الف) $\{(2,4), (3,5), (3,6)\}$ نمره <b>(۰/۵)</b> هر مورد (صفحه ۴۵) ب) $\{(2,4), (3,5), (3,6)\}$ نمره <b>(۰/۵)</b> هر پاسخ درست دیگر نمره داده شود.		۵
۱/۵	$x = -1 \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(-1) = 2(-1)^3 + 3 = 5$ (۰/۵) $x = \sqrt{2} \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(\sqrt{2}) = 2(\sqrt{2})^3 + 3 = 7$ (۰/۵) $\rightarrow R_f = \{5, 7, 3\}$ $x = 0 \rightarrow g(x) = 2x^3 + 3 \rightarrow g(0) = 2(0)^3 + 3 = 3$ (۰/۵) (صفحه ۵۱) <span style="background-color: #cccccc; padding: 5px;">در صورتی دانشآموز فقط برد را بنویسید، به هر عضو برد <b>۰/۵</b> نمره داده شود.</span>		۶



مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمارا</b>
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانشآموزان دبیرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسرکشود در طرح سه نماصال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۷۵	اگر عرض مستطیل $x$ باشد، آن‌گاه طول مستطیل برابر $۳ + x$ است. $p = ۲(x + ۳ + x) = ۲(۲x + ۳) = ۴x + ۶$ (۰/۲۵)	(۰/۲۵) (۰/۲۵) لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۷
۱	$m = \frac{۳ - ۰}{۲ - ۰} = \frac{۳}{۲}$ شیب خط (۰/۲۵) $\rightarrow f(x) = \frac{۳}{۲}x$ معادله خط (۰/۲۵)	$y = mx + n \xrightarrow{(۰, ۰)} ۰ = ۳(۰) + n \rightarrow n = ۰$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۸
۱/۲۵	$y = x^۲ + ۴x$ $x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۴}{۲} = -۲ \rightarrow y = (-۲)^۲ + ۴(-۲) = ۴ - ۸ = -۴$ (۰/۲۵)  	(۰/۲۵) (۰/۲۵) لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۹
۱/۵	الف) $P(x) = R(x) - C(x) = ۳۰x - (x^۲ + ۲۰x + ۳۰) = -x^۲ + ۱۰x - ۳۰$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) ب) $x = -\frac{b}{۲a} = -\frac{۱۰}{-۲} = ۵$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) پ) $P(۵) = -(۵)^۲ + ۱۰(۵) - ۳۰ = ۲۴۷$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(۰/۲۵) (۰/۲۵) لطفاً به روش‌های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۱۰

مدت امتحان: ۹۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ادبیات و علوم انسانی و علوم و معارف اسلامی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: <b>ریاضی و آمارا</b>
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۱/۲۷		پایه ۵۵ دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		دانشآموزان دیبرستان‌های دوره دوم متوسطه روزانه سراسرکشود در طرح سه نماصال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	الف) نادرست (صفحه ۷۳) ب) درست (صفحه ۸۳) ت) نادرست (صفحه ۹۰) هر مورد (۰/۲۵) نمره		۱۱
۰/۷۵	ب) مصاحبه هرمورد (۰/۲۵) نمره	الف) مشاهده (صفحه ۷۸)	۱۲
۱/۵	ب) کمی نسبتی پ) کیفی اسمی	الف) کیفی ترتیبی (صفحه ۸۰)	۱۳
	برای هر مورد، نوع متغیر (۰/۲۵) و مقیاس (۰/۲۵) نمره می باشد.		
۰/۵	(۰/۵) نمره	در صورتی که داده‌های کل جامعه در اختیار باشند.	۱۴
۱/۲۵	$\bar{x} = \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} \xrightarrow{\bar{x}=۲۲} \frac{۲۰۲ + a}{۱۰} = ۲۲ \rightarrow ۲۰۲ + a = ۲۲۰ \rightarrow a = ۱۸$ $\text{الف) } (۰/۲۵) \quad (۰/۲۵) \quad (۰/۲۵)$ ۱۵ و ۲۵ و ۲۵ و ۲۴ و ۲۲ و ۲۱ و ۲۰ و ۱۸ و ۱۵		(صفحه ۸۶)
	$\text{ب) ابتدا داده را مرتب می کنیم.}$ چون تعداد داده زوج است، لذا میانه برابر میانگین دو عدد وسط است. از این رو می توان نوشت:		۱۵
	$\tilde{x} = \frac{۲۱ + ۲۲}{۲} = ۲۱/۵ \quad (۰/۲۵)$		
۱/۵	$\bar{x} = \frac{۵۵}{۵} = ۱۱ \quad (۰/۲۵)$ $\text{میانگین } (۰/۲۵)$	$\begin{array}{ c c c c c c c } \hline x & ۶ & ۱۰ & ۱۱ & ۱۳ & ۱۵ \\ \hline x - \bar{x} & -۵ & -۱ & ۰ & ۲ & ۴ \\ \hline (x - \bar{x})^۲ & ۲۵ & ۱ & ۰ & ۴ & ۱۶ \\ \hline \end{array}$ $\sigma = \sqrt{\frac{۲۵ + ۱ + ۰ + ۴ + ۱۶}{۵}} = \sqrt{\frac{۴۶}{۵}} \approx ۳/۰۳$ انحراف معیار $(۰/۵) \quad (۰/۵)$	$(۹۰ \text{ صفحه})$

همکار گرامی؛ ضمن عرض خسته نباشید، برای جنابعالی آرزوی صحت و سلامتی داریم.

