

با اسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳ صفحه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱	ساعت شروع: ۱۴ عصر	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال http://aee.medu.gov.ir			۱۴۰۳
نمره	سوالات (استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است)		ردیف

۱	درستی یا نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید. الف) برای رسم نمودار وارون یک تابع کافی است قرینه نمودار آن تابع را نسبت به خط $y = x$ رسم کنیم. ب) دو تابع $f(x) = \frac{x^3}{x}$ و $g(x) = x$ با هم برابرند. پ) قضیه تالس یک قضیه دوشرطی است. ت) انتهای کمان رو برو به زاویه $\frac{6\pi}{5}$ رادیان در ربع سوم دایره مثلثاتی قرار دارد.	۱
۰/۷۵	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید. الف) لگاریتم عدد $\frac{1}{81}$ در پایه ۳ برابر است. ب) ضابطه وارون تابع $f(x) = 2^x$ به صورت است. پ) دامنه تابع $h(x) = \frac{1}{x^2+x}$ برابر مجموعه است.	۲
۱	گزینه صحیح را انتخاب کنید. الف) فاصله نقطه (۱، ۲) از خط $3x - 4y + 6 = 0$ برابر کدام عدد است؟ ۱) ۴ ۲) ۳ ۳) ۲ ۴) ۱ ب) کدامیک از توابع زیر در $x = 2$ ناپیوسته است؟ $k(x) = 2^x$ (۴) $h(x) = (x - 2)^2$ (۳) $g(x) = \sqrt{x - 2}$ (۲) $f(x) = x - 2 $ (۱)	۳
۱	در معادله درجه دو به شکل $ax^2 + bx + c = 0$. اگر یکی از ریشه های این معادله برابر ۲ باشد و $c = ۲b$ ، در این صورت ریشه دیگر این معادله را بیابید.	۴
۱	معادله $\sqrt{x+3} + \sqrt{3x+1} = 4$ را حل کنید.	۵
۱	در شکل مقابل $ST \parallel BC$ است. مقادیر y , x , c را به دست آورید. 	۶
	"ادامه سوالات در صفحه بعد"	

با اسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳ صفحه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱	ساعت شروع: ۱۴ عصر	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال http://aee.medu.gov.ir			۱۴۰۳
نمره	سوالات (استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است)		ردیف

۱/۷۵	مثلث ABC یک مثلث قائم الزاویه است ($A = 90^\circ$) که AH ارتفاع وارد بر وتر آن است. اگر $AB = ۱۲$ و $AH = ۶$ باشند، آنگاه اندازه BH ، BC و AC را بیابید.	۷
۰/۵	ضابطه وارون تابع $f(x) = \frac{2x-1}{x}$ را بنویسید.	۸
۱/۷۵	اگر $f = \{(2, -1), (3, 1), (1, 0), (4, 2)\}$ ، $g = \{(1, 1), (2, 3), (3, 1)\}$ دو تابع باشند، آنگاه الف) تابع های $f \times g$ ، $\frac{g}{f}$ را به صورت مجموعه هایی از زوج مرتب ها بنویسید. ب) آیا تابع g یک تابع یک به یک است؟ چرا؟	۹
۰/۷۵	دایره ای به شعاع ۸ سانتی متر مفروض است. اندازه زاویه مرکزی مقابل به کمانی برابر ۴۵ درجه می باشد. طول این کمان چند سانتی متر است؟	۱۰
۱/۷۵	مقدار عبارت زیر را به دست آورید. $2 \sin \frac{5\pi}{4} - \cos \frac{5\pi}{6} + 2 \cos \frac{7\pi}{4} =$	۱۱
۰/۷۵	نمودار تابع زیر را در دستگاه مختصات در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید. $y = 1 + \sin(x + \frac{\pi}{2})$	۱۲
۱/۵	نمودار تابع $f(x) = 3^{ax-2} + b$ از نقاط $(2, 8)$ و $(0, -\frac{1}{9})$ می گذرد. مقادیر a و b ، به دست آورید.	۱۳
۲	الف) اگر $\log 2 \approx ۰/۳۰۱$ ، در این صورت مقدار تقریبی $\log 125$ را محاسبه کنید. ب) معادله لگاریتمی $\log_2 x + \log_2 (x - 2) = ۳$ را حل کنید. "ادامه سوالات در صفحه بعد"	۱۴

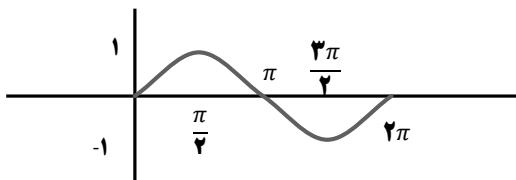
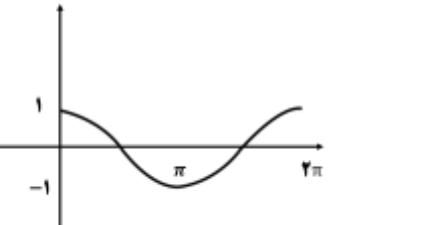
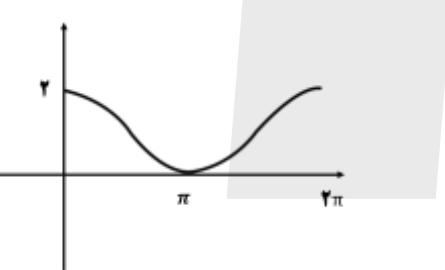
با اسمه تعالی

تعداد صفحه: ۳ صفحه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: علوم تجربی	سوالات امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۲
نام و نام خانوادگی:	تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱	ساعت شروع: ۱۴ عصر	پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال http://aee.medu.gov.ir			۱۴۰۳
نمره	سوالات (استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است)		ردیف

۰/۵	نموداری از یک تابع رسم کنید که در نقطه $x = 2$ حد راست آن تابع برابر ۳ است ولی حد چپ و مقدار تابع در $x = 2$ برابر ۲ باشد.	۱۵
۱/۵	در صورت وجود حاصل حد های زیر را به دست آورید. (۱) نشان دهنده جزء صحیح است. الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 4}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{[x] + 1}{\cos(-\pi x)}$	۱۶
۱/۵	پیوستگی تابع زیر را در نقطه $x = -2$ بررسی کنید. (۱) نشان دهنده جزء صحیح است. $f(x) = \begin{cases} [x] - 2 & x < -2 \\ -5 & x = -2 \\ 3 - 2x^2 & x > -2 \end{cases}$	۱۷
۲۰	جمع نمرات	موفق و سر بلند باشید.

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۴ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: ریاضی ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۱	هر مورد ۰/۲۵ نمره دارد	ت) درست پ) نادرست	الف) درست ۱
۰/۷۵	هر مورد ۰/۲۵ نمره دارد	$\mathbb{R} - \{-1\}$ $f^{-1}(x) = \log_2 x$	الف) ۴ ۲
	در قسمت (پ) پاسخ به صورت بازه $(-\infty, -1) \cup (-1, 0) \cup (0, +\infty)$ نیز صحیح است.		
۱	هر مورد ۰/۰۵ نمره دارد	ب) گزینه ۲	الف) گزینه ۴ ۳
۱	$x_1 = 2, \quad x_1 + x_2 = 2 + x_2 = -\frac{b}{a} \quad (0/25)$ $2 + x_2 = -x_2 \quad (0/25) \Rightarrow x_2 = -1 \quad (0/25)$	$x_1 x_2 = 2x_2 = \frac{c}{a} = \frac{2b}{a} \quad (0/25)$	۴
	صفحه ۱۳ کتاب درسی (به روش های صحیح دیگر نمره تعلق می گیرد)		
۱	$\sqrt{x+3} = 4 - \sqrt{3x+1} \Rightarrow x+3 = 16 + 3x+1 - 8\sqrt{3x+1} \quad (0/25)$ $2x+14 = 8\sqrt{3x+1} \Rightarrow x+7 = 4\sqrt{3x+1} \quad (0/25)$ $x^2 + 14x + 49 = 16(3x+1) \Rightarrow x^2 - 34x + 33 = 0 \Rightarrow x = 1, x = 33 \quad (0/5)$	صفحه ۲۳ کتاب درسی	۵
۱	$\frac{AS}{AB} = \frac{AT}{AC} = \frac{ST}{BC} \Rightarrow \frac{4}{1} = \frac{6}{2x+5} \quad (0/25)$ $2x+5 = \frac{6 \times 1}{4} = 15 \Rightarrow x = 5 \quad (0/25)$ $\frac{AS}{SB} = \frac{AT}{AC} \Rightarrow \frac{4}{6} = \frac{y}{9} \quad (0/25)$ $y = 6 \quad (0/25)$	تمرین کتاب درسی صفحه ۴۱	۶
	(به روش های صحیح دیگر نمره تعلق می گیرد)		
۰/۷۵	$BH^2 = AB^2 - AH^2 = 108 \Rightarrow BH = 6\sqrt{3} \quad (0/5)$ $AB^2 = BH \times BC \Rightarrow BC = \frac{12^2}{6\sqrt{3}} = 8\sqrt{3} \quad (0/5)$ $CH = BC - BH = 2\sqrt{3} \quad (0/25)$ $AC^2 = CH \times BC = 2\sqrt{3} \times 8\sqrt{3} = 48 \Rightarrow AC = 4\sqrt{3} \quad (0/5)$	تمرین کتاب درسی صفحه ۴۵	۷

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۴ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۵	$y = \frac{2x-1}{3} \Rightarrow 3y = 2x - 1 \Rightarrow 3y + 1 = 2x \Rightarrow x = \frac{3y+1}{2}$ $f^{-1}(x) = \frac{3x+1}{2}$ (۰/۲۵ نمره)		۸
			صفحه ۶۲ کتاب درسی
۱/۷۵	$f \times g = \{(2, -3), (3, 1), (1, 0)\}$ (۰/۷۵ نمره) $\frac{g}{f} = \{(2, -3), (3, 1)\}$ (۰/۵ نمره) ب) خیر، در دو زوج مرتب مولفه دوم تکراری می باشند و مولفه های اول یکسان نیستند. (۰/۵ نمره)		(الف)
			صفحه ۶۹ کتاب درسی
۰/۷۵	$45^\circ = \frac{\pi}{4}$ رادیان (۰/۲۵ نمره) $\Rightarrow \frac{\pi}{4} = \frac{l}{r} = \frac{l}{\lambda}$ (۰/۲۵ نمره) $\Rightarrow l = 2\pi (0/25)$		۱۰
			صفحه ۷۴ کتاب درسی
۱/۷۵	$\sin \frac{5\pi}{4} = -\sin \frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰/۵ نمره) $\cos \frac{5\pi}{4} = -\cos \frac{\pi}{4} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰/۵ نمره) $\cos \frac{7\pi}{4} = \cos \frac{\pi}{4} = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰/۵ نمره) $2\left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) - \left(-\frac{\sqrt{2}}{2}\right) + 2\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$ (۰/۲۵ نمره)		۱۱
			صفحه ۸۷ کتاب درسی

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۴ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان شبہ نهایی درس: ریاضی ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
نمره	راهنمای تصحیح		ردیف
۰/۷۵		$y = \sin(x)$ مرحله اول (۰/۲۵ نمره)	
		$y = \sin(x + \frac{\pi}{4})$ مرحله دوم (۰/۲۵ نمره)	۱۲
		$y = 1 + \sin(x + \frac{\pi}{4})$ مرحله سوم (۰/۲۵ نمره)	
	صفحه ۹۳ کتاب درسی (در صورت رسم مرحله سوم نمره کامل تعلق می گیرد.)		
۱/۵	$f(\cdot) = -\frac{1}{9} \Rightarrow 3^{-2} + b = -\frac{1}{9} \Rightarrow b = -1$ (۰/۷۵ نمره) $f(2) = \cdot \Rightarrow 3^{ax-2} - 1 = 8 \Rightarrow 3^{2a-2} = 9 = 3^2$ (۰/۲۵ نمره) $\Rightarrow 2a - 2 = 2$ (۰/۲۵ نمره) $a = 2$ (۰/۲۵ نمره) صفحه ۱۰۳ و ۱۰۴ کتاب درسی		۱۳
۲	(الف) $\log 125 = \log 5^3 = 3 \log 5 = 3(\log \frac{1}{2}) = 3 (\log 10 - \log 2) = 3 (1 - 0.301) = 2/0.97$ $(\log \frac{1}{2})$ (۰/۲۵ نمره) $(\log 10)$ (۰/۲۵ نمره) $(\log 2)$ (۰/۲۵ نمره) $(1 - 0.301)$ (۰/۲۵ نمره) (ب) $\log_2 x(x-2) = 3$ (۰/۲۵ نمره) $\Rightarrow x(x-2) = 2^3 = 8$ (۰/۲۵ نمره) $\Rightarrow x^2 - 2x - 8 = 0 \Rightarrow$ $x = -2$ (۰/۵ نمره) یا $x = 4$ (۰/۵ نمره) صفحه ۱۱۲ کتاب درسی		۱۴

مدت امتحان: ۱۱۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۴ عصر	رشته: علوم تجربی	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۲/۱		پایه یازدهم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir		دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱۵	<p>رسم هر قسمت ۰/۲۵ نمره دارد. به همه رسم های صحیح نمره تعلق می گیرد.</p> <p>صفحه ۱۲۷ کتاب درسی</p>	۰/۵	
۱۶	<p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 4} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(x-1)}{(x-2)(x+2)} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-1)}{(x+2)} = \frac{1}{4}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{\lfloor x \rfloor + 1}{\cos(-\pi x)} = \lim_{x \rightarrow -1^-} \frac{-2+1}{-1} = 1$</p> <p>صفحه ۱۳۱ و ۱۳۴ کتاب درسی</p>	۱/۵	
۱۷	$\lim_{x \rightarrow -2^+} (3 - 2x) = -5, \quad \underbrace{\lim_{x \rightarrow -2^-} (\lfloor x \rfloor) - 2 = -3 - 2 = -5, \quad \underbrace{f(-2) = -5}_{(۰/۲۵ نمره)}$ <p>تابع در $x = -2$ پیوسته است (۰/۰ نمره)</p> <p>صفحه ۱۴۲ کتاب درسی</p>	۱/۵	
۲۰	مجموع نمره	پیروز و سر بلند باشید	