

## با اسمه تعالی

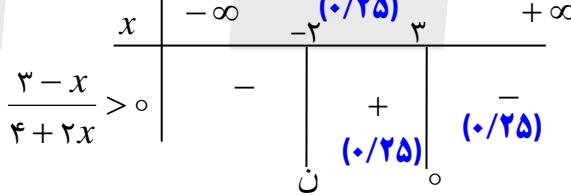
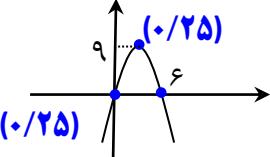
سوالات امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۱	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری	ساعت شروع: ۷/۳۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد.)	نمره
۱	در هر یک از عبارت های زیر، پاسخ صحیح را از بین پاسخ های داخل پرانتز انتخاب کنید و در پاسخ نامه بنویسید. الف) مجموعه تهی، یک مجموعه ..... است. ( نامتناهی ، متناهی ) ب) جمله ششم الگوی ... و ۲۰ و ۱۳ و ۸ و ۵ برابر ..... است. ( ۴۰ ، ۳۶ ) پ) واسطه هندسی بین دو عدد ۸ و ۱۸ برابر ..... است. ( ۱۳ و ۱۲ ) ت) اگر $\sin\theta$ مثبت و $\cos\theta$ منفی باشد، زاویه $\theta$ در ربع ..... دایره مثلثاتی قرار دارد. ( دوم ، چهارم ) ث) اگر $a$ و $b$ دو عدد مثبت باشند، تساوی ..... همواره درست است. ( $\sqrt{a \times b} = \sqrt{a} \times \sqrt{b}$ ، $\sqrt{a+b} = \sqrt{a} + \sqrt{b}$ )	۱/۲۵
۲	در هر مورد، جای خالی را با یک کلمه یا عدد مناسب، کامل کنید. الف) طول بازه (-۳, ۷) برابر ..... است. ب) نمایش $\sqrt[۳]{(-7)^۲}$ را به صورت عدد صحیح ..... می توان نوشت. پ) کسر $\frac{\sin ۳۸^\circ}{\cos ۳۸^\circ}$ برابر $(\cot ۳۸^\circ)$ است. ت) اگر $\alpha$ زاویه ای باشد که یک خط، با جهت مثبت محور افقی می سازد، آن گاه شیب خط برابر ..... است. ث) برای عدد صفر، فاکتوریل به صورت ..... ! ${}^{\circ}$ تعریف می شود.	۱/۲۵
۳	دنباله حسابی رو برو را در نظر بگیرید. جمله پانزدهم این دنباله را به کمک جمله عمومی، به دست آورید.	۱
۴	در یک کلاس ۳۷ نفری ۱۷ نفر عضو گروه آموزشی و ۲۵ نفر عضو گروه فرهنگی هستند. اگر ۳ نفر عضو هیچ یک از این دو گروه نباشند، تعیین کنید چند نفر هم عضو گروه آموزشی و هم عضو گروه فرهنگی هستند؟	۱
۵	مطابق شکل مقابل، یک بالن توسط دو طناب $AB$ و $AC$ ، به زمین بسته شده است. اگر طول طناب $AB$ برابر ۳۶ متر باشد. با توجه به شکل، ابتدا ارتفاع بالن را تعیین و سپس طول طناب $AC$ را محاسبه کنید. $(\sin ۶۵^\circ \approx ۰/۹)$	۱/۵
۶	با فرض با معنی بودن عبارت مقابل، حاصل آن را محاسبه کنید.	۱/۲۵
۷	حاصل عبارت مقابل را به دست آورید.	۱
۸	مخرج کسر رو برو را گویا کنید.	۱

ادامه سوالات در صفحه بعد

سوالات امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۱	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دهم دوره دوم متوسطه نظری	ساعت شروع: ۷/۳۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان دبیرستان های دوره دوم متوسطه روزانه در طرح سه نما سال ۱۴۰۳ http://aee.medu.gov.ir			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش
ردیف	سوالات (پاسخ نامه دارد.)	نمره	
۹	$\frac{x^2 - 5xy + 6y^2}{x^2 - 4y^2}$ را تا حد امکان ساده کنید.	۱	
۱۰	به کمک تشکیل معادله و حل آن، مسئله زیر را حل کنید.  یک عکس به ابعاد ۲۰ در ۲۰ سانتی متر، درون یک قاب با مساحت ۶۰۰ سانتی متر مربع قرار دارد. اگر فاصله همه لبه های عکس تا قاب برابر باشد. ابعاد این قاب عکس را پیدا کنید.	۱/۵	
۱۱	نامعادله مقابله را به روش تعیین علامت حل کنید.	۱	$\frac{3-x}{4+2x} > 0$
۱۲	نمودار سهیمی به معادله $x^2 - 6x - y = 0$ را رسم کنید.	۱	
۱۳	الف) تابعی مثل بزنید که دامنه و برد آن برابر باشند، ولی همانی نباشد.  ب) نمودار تابع $f$ یک خط راست موازی محور $x$ ها است و $f(5) = 4$ . اگر نمودار تابع $g$ نیمساز ناحیه اول و سوم باشد، آن گاه حاصل $g(-2) = f(8)$ می باشد. (دلیل خود را به طور کامل بنویسید).	۱/۲۵	
۱۴	نمودار تابع $f$ در شکل مقابل را در نظر بگیرید و سپس به سوالات زیر پاسخ دهید.  الف) مقدار $f(0)$ چقدر است? ب) دامنه و برد را بنویسید. پ) نمودار تابع $g(x) = f(x) + 2$ را رسم کنید.	۱/۲۵	
۱۵	در تابع خطی $f$ داریم $f(2) = -2$ و $f(1) = 1$ . ضابطه این تابع را بنویسید.	۱	
۱۶	با اعداد ۲ و ۳ و ۵ و ۷ چند عدد سه رقمی با ارقام غیرتکراری می توان نوشت؟ روش حل خود را بنویسید.	۰/۵	
۱۷	مسئله ای طرح کنید که جواب آن برابر $\binom{5}{3} + \binom{6}{2}$ است.	۰/۷۵	
۱۸	معادله روی را حل کنید.	۰/۷۵	$P(5,2) = 2n + C(5,3)$
۱۹	نه نقطه متمایز روی محیط یک دایره قرار دارند. چند مثلث مختلف می توان کشید که رئوس آن، از این نه نقطه انتخاب شده اند؟ (روش حل خود را بنویسید).	۰/۷۵	

موفق و سرفراز باشید.

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری	۱۴۰۳/۰۲/۰۱ تاریخ امتحان :
۲	دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>
۳	$a = 8 \quad d = 5 - 8 = -3 \quad (0/25)$ $a_n = a + (n-1)d \rightarrow a_{15} = 8 + (15-1)(-3) = 8 - 42 = -34$ $(0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$	۱/۲۵ ب) ۷ (صفحه ۵۶) ب) ۱ (صفحه ۱۲۸) ث) $\tan \alpha$ (صفحه ۴۰) الف) متناهی (صفحه ۵) ت) دوم (صفحه ۳۸) پ) ۵۲ (صفحه ۳۱) هر مورد (۰/۲۵) نمره
۴	روش دوم : حل به کمک رسم. نمودار ون	۱/۲۵ $n(A \cup B) = ۳۷ - ۳ = ۳۴ \quad (0/25)$ $n(A \cup B) = n(A) + n(B) - n(A \cap B)$ $\rightarrow ۳۴ = ۱۷ + ۲۵ - n(A \cap B) \rightarrow n(A \cap B) = ۸$ $(0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$ $(17 - x) + x + (25 - x) = 37 - 3$ $(0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$ $-x = 34 - 32 \rightarrow x = 8$ $(0/25)$
۵	$\sin 60^\circ = \frac{h}{a} \rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} = \frac{h}{36} \rightarrow h = 18\sqrt{3}$ متر $\sin 65^\circ = \frac{h}{b} \rightarrow \frac{9}{10} = \frac{18\sqrt{3}}{b} \rightarrow b = 20\sqrt{3}$ متر	۱/۵
۶	صفحه ۴۳	۱/۲۵ $\frac{\sin x - \sin^3 x}{\cos^3 x} \times \cot x = \frac{\sin x(1 - \sin^2 x)}{\cos^3 x} \times \cot x = \frac{\sin x \times \cos^2 x}{\cos^3 x} \times \cot x$ $= \frac{\sin x}{\cos x} \times \cot x = \tan x \times \cot x = 1$ $(0/25) \quad (0/25) \quad (0/25)$

ردیف	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۱	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷/۳۰	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱		
دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>	
نمره	راهنمای تصحیح			
۱	$5\sqrt[3]{64} - (\lambda^2)^{\frac{1}{3}} = 5\sqrt[3]{4} - (\lambda^3)^{\frac{1}{3}} = 10 - \sqrt[3]{8} = 10 - 2 = 8$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(صفحه ۶۱)		۷
۱	$\frac{6}{\sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{2} + 1} = \frac{6}{\sqrt[3]{4} + \sqrt[3]{2} + 1} \times \frac{\sqrt[3]{2} - 1}{\sqrt[3]{2} - 1} = \frac{6}{\sqrt[3]{8} - 1} \times (\sqrt[3]{2} - 1) = 6(\sqrt[3]{2} - 1)$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(صفحه ۶۶)		۸
۱	$\frac{x^2 - 5xy + 6y^2}{x^2 - 4y^2} = \frac{(x - 2y)(x - 3y)}{(x - 2y)(x + 2y)} = \frac{x - 3y}{x + 2y}$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(صفحه ۶۶)		۹
۱/۵	$(20 + 2x)(10 + 2x) = 600 \rightarrow 4x^2 + 60x - 400 = 0 \rightarrow x^2 + 15x - 100 = 0$ (۰/۵) (۰/۲۵) $\rightarrow (x - 5)(x + 20) = 0 \rightarrow x = 5, x = -20$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	غیر قابل قبول هر روش حل را که درست استفاده شود، به تناسب نمره داده شود.		۱۰
۱	$\frac{3-x}{4+2x} > 0$ $3-x=0 \rightarrow x=3$ $4+2x=0 \rightarrow x=-2$		(صفحه ۸۵)	۱۱
۱	$x = -\frac{b}{2a} = -\frac{6}{2} = -3 \rightarrow y = 6(3) - (3)^2 = 9 \rightarrow S(3, 9)$ (۰/۲۵) (۰/۲۵)	مختصات رأس سهمی (۳, ۹) (توضیح: تعیین رأس سهمی روی نمودار ۰/۲۵ و رسم شکل کلی ۰/۲۵)	(صفحه ۷۹)	۱۲
		و با انتخاب نقاط (۰, ۶) و (۶, ۹) نمودار سهمی به شکل مقابل به دست می آید. به روش های درست دیگر به تناسب نمره دهید.		

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۷/۳۰	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۱
تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱		پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری	
مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>		دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳	
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح	
۱۳	۱/۲۵	<p>(الف) <math>f = \{(1,2), (2,1)\}</math> (نمایش تابع به روش های دیگر نیز نمره داده شود.)  <math>(0/25)(0/25)</math></p> <p>ب) مطابق مشخصات داده شده، واضح است که تابع <math>f</math>، یک تابع ثابت بوده و لذا <math>f(9) = f(4) = 2</math> (مطابق)  <math>(0/25)</math></p> <p>همچنین تابع <math>g</math>، یک تابع همانی است، از این رو <math>g(8) = g(4) - 8 = 2 - 8 = -6</math> پس می توان نوشت:  <math>(0/25) \quad (0/25)</math></p> <p>در صورتی که دانش آموز فقط <math>2f(9) - g(8) = 2f(9) - (-6) = 2f(9) + 6</math> نمره تعلق گیرد.</p>	
۱۴	۱/۲۵	<p>(الف) <math>f(\circ) = -2</math> نمره</p> <p>ب) روش اول <math>D_f = [-2, 2]</math> و <math>R_f = [-2, 0]</math> هر مورد <math>(0/25)</math> نمره</p> <p>روش دوم <math>D_f = \{x \mid x \in R, -2 \leq x &lt; 2\}</math> و <math>R_f = \{x \mid x \in R, -2 \leq x \leq 0\}</math> هر مورد <math>(0/25)</math> نمره</p> <p>پ) نمودار تابع در راستای قائم دو واحد به بالا منتقل می شود. رسم نمودار <math>(0/5)</math> نمره (صفحه ۱۰۶ و صفحه ۱۱۳)</p>	
۱۵	۱	<p><math>f(x) = ax + b</math> (صفحه ۱۰۸)</p> <p><math>f(2) = 1 \rightarrow 2a + b = 1</math> و <math>f(1) = -2 \rightarrow a + b = -2</math></p> <p><math>\rightarrow \begin{cases} 2a + b = 1 \\ a + b = -2 \end{cases} \quad (0/25) \rightarrow a = 3, b = -5 \quad (0/25) \quad (0/25)</math></p> <p>معادله تابع خطی <math>f(x) = 3x - 5</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>m = \frac{1 - (-2)}{2 - 1} = 3</math> شبیه خط <math>(0/25)</math></p> <p><math>y = mx + b \rightarrow 1 = 3(2) + b \rightarrow b = -5</math> (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p><math>\rightarrow f(x) = 3x - 5</math> معادله خط <math>(0/25)</math></p> <p>لطفا به راه حل های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</p>	روش دوم:
۱۶	۰/۵	<p>(صفحه ۱۲۲) طبق اصل ضرب داریم. <math>4 \times 3 \times 2 = 24</math> (۰/۲۵) (۰/۲۵)</p> <p>لطفا به راه حل های درست دیگر به تناسب نمره دهید.</p>	

ردیف	راهنمای تصحیح امتحان شبه نهایی درس: ریاضی ۱	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۷/۳۰	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه ۵ هم دوره دوم متوسطه نظری		تاریخ امتحان: ۱۴۰۳/۰۲/۰۱		
دانش آموزان دیبرستان های دوره دوم متوسطه روزانه سراسر کشور در طرح سه نما سال ۱۴۰۳			مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش <a href="http://aee.medu.gov.ir">http://aee.medu.gov.ir</a>	
۱۷	راهنمای تصحیح	نمره		
۱۸	(صفحه ۱۴۰) درون کیسه‌ای ۵ مهره قرمز و ۶ مهره آبی وجود دارد، دو مهره به تصادف و همزمان از این کیسه بیرون می‌آوریم. (۰/۲۵) تعداد حالت هایی را تعیین کنید که این دو مهره همنگ باشند. (۰/۲۵)	۰/۷۵	$\binom{5}{2} + \binom{6}{2} = \binom{5}{2} + \binom{6}{2}$ (۰/۲۵)	
۱۹	نمونه‌ای دیگر:			یک آزمون شامل ۶ سوال تستی و ۵ سوال تشریحی است. به چند حالت می‌توان به سه سوال تشریحی یا دو سوال تستی پاسخ داد. (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵) پاسخ های درست دیگر نیز به تناسب نمره داده شود.
۱۸	لطفا به راه حل های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۰/۷۵	$P(5,2) = 2n + C(5,3) \rightarrow \frac{5!}{3!} = 2n + \frac{5!}{3! \times 2!} \rightarrow 20 = 2n + 10 \rightarrow n = 5$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(صفحه ۱۳۴)
۱۹	لطفا به راه حل های درست دیگر به تناسب نمره دهید.	۰/۷۵	$\binom{9}{3} = \frac{9!}{3! \times 6!} = \frac{9 \times 8 \times 7 \times 6!}{6 \times 6!} = 84$ (۰/۲۵) (۰/۲۵) (۰/۲۵)	(صفحه ۱۳۹)

همکار گرامی؛ ضمن عرض خسته نباشد، برای جنابعالی آرزوی صحت و سلامتی داریم.