

نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته : ریاضی فیزیک
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان : ۱۴/۶/۹۸	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوللبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریورماه سال ۱۳۹۸		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
------	-----------------------	------

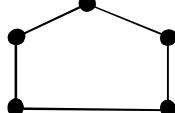
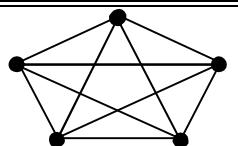
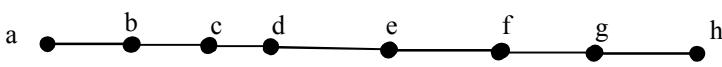
۱	درستی یا نادرستی گزاره های زیر را تعیین کنید. الف) مجموع هر دو عدد فرد ، عددی زوج است. ب) برای هر عدد طبیعی n بزرگتر از ۱ ، عدد $1 - 3^n$ اول است.	./۵
۲	جاهای خالی را پر کنید. الف) $c = ab$ اگر و تنها اگر دو شرط زیر برقرار باشند: ۱) $a c, b c$ ۲) $\forall m > 0, \dots$ ب) گراف G را می نامیم هرگاه بین هر دو راس آن حداقل یک مسیر وجود داشته باشد. ج) مقدار $(C_n)_2$ به ازای هر عدد طبیعی $n > 2$ برابر است با: د) هرگاه $(kn+1)$ کبوتر یا بیشتر در لانه قرار بگیرند، در این صورت لانه ای وجود دارد که حداقل کبوتر در آن قرار گرفته است.	۱/۵
۳	برای هر سه عدد حقیقی x, y, z ثابت کنید:	۱/۵
۴	اگر باقی مانده تقسیم a بر دو عدد ۵, ۶ به ترتیب ۳, ۲ باشد؛ باقی مانده تقسیم عدد a را بر ۳۵ بیابید.	۱/۵
۵	باقی مانده تقسیم $19 + 19^7$ را بر ۱۳ بیابید.	۱/۵
۶	با تبدیل معادله سیاله خطی $29000 = 2000x + 5000y$ به معادله هم نهشتی و حل آن، جواب های عمومی این معادله را بیابید.	۱/۵
۷	گراف G با مجموعه راس های $V = \{a, b, c, d, e, f\}$ و مجموعه یال های زیر در نظر بگیرید: $E = \{ab, bc, cd, ed, ae, cf, ef\}$ الف) نمودار گراف را رسم کنید. ج) یک مسیر به طول ۵ از b به d بنویسید.	۲
۸	یک گراف ۵ راسی غیر تهی $-k$ -منتظم رسم کنید به طوری که: الف) k بیشترین مقدار ممکن را داشته باشد. ب) k کمترین مقدار ممکن را داشته باشد.	۱
	» بقیه سوالات در صفحه دوم «	

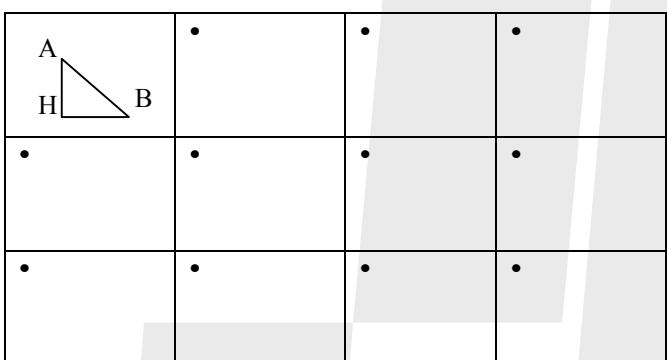
رشنده : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۶/۴	تعداد صفحه: ۲	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریورماه سال ۱۳۹۸ http://aee.medu.ir			
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره	

۹	الف) گراف p_8 را رسم کنید. ب) یک ۷-مجموعه از آن را مشخص کنید. ج) یک مجموعه احاطه گر مینیمال ۴ عضوی از آن را مشخص نمایید.	۱/۵
۱۰	در گراف شکل زیر یک مجموعه احاطه گر غیر مینیمال انتخاب کنید؛ سپس با حذف برخی از راس ها، آن را به یک مجموعه احاطه گر مینیمال تبدیل نمایید.	۱
۱۱	۴ کتاب فیزیک متفاوت و ۵ کتاب ریاضی متفاوت را می توانیم به چند طریق در قفسه ای و در یک ردیف بچینیم به طوری که: الف) همواره کتاب های فیزیک کنار هم باشند. ب) هیچ دو کتاب ریاضی کنار هم نباشند. ج) یک کتاب ریاضی خاص و دو کتاب فیزیک خاص همواره کنار هم باشند.	۱/۵
۱۲	تعداد جواب های صحیح و نامنفی معادله $x_1 + x_2 + \dots + x_n = 12$ با شرط $x_1 > 2, x_2 \geq 4$ را محاسبه کنید.	۱
۱۳	قرار است چهار مدرس T_1, T_2, T_3, T_4 در چهار جلسه متوالی در چهار کلاس C_1, C_2, C_3, C_4 به گونه ای تدریس کنند که هر مدرس در هر کلاس دقیقا یک جلسه تدریس کند، برای این منظور برنامه ریزی نمایید.	۱
۱۴	چند عدد طبیعی مانند n به طوری که $350 \leq n \leq 1$ وجود دارد که بر هیچ یک از اعداد ۴ و ۶ بخش پذیر نباشد.	۱/۵
۱۵	۱۳ نقطه درون یک مستطیل 6×8 قرار دارند؛ نشان دهید حداقل ۲ نقطه از این ۱۳ نقطه وجود دارند که فاصله آنها از هم، کمتر از $\sqrt{8}$ باشد.	۱/۵
	"موفق باشید"	۲۰ جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸ http://aee.medu.ir			

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱	الف) درست ۰/۲۵ ب) نادرست ۰/۲۵ صفحه ۳ کتاب	۰/۵
۲	الف) ۰/۵ ب) همبند ۰/۲۵ ج) $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ ۰/۲۵ د) به ترتیب متن سوال n و $(k+1)$ ۰/۵ صفحات ۳۹ و ۸۲ و ۱۳ کتاب	۱/۵
۳	۰/۲۵ $x^r + y^r + z^r \geq xy + yz + xz \Leftrightarrow 2x^r + 2y^r + 2z^r \geq 2xy + 2yz + 2xz$ $\Leftrightarrow (x^r + y^r - 2xy) + (y^r + z^r - 2yz) + (x^r + z^r - 2xz) \geq 0$ $\Leftrightarrow (x-y)^r + (y-z)^r + (x-z)^r \geq 0$ ۰/۵ چون نابرابری آخری همواره درست است پس با بازگشت روابط حکم برقرار است. صفحه ۱۱ کتاب	۱/۵
۴	صفحه ۱۶ کتاب $\begin{cases} a = 5q + 2 \\ a = 5q' + 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5a = 30q + 12 \\ 5a = 30q' + 15 \end{cases} \Rightarrow a = 30q'' - 3 \quad ۰/۵$ $\Rightarrow a = 30r + 27 \quad ۰/۵$	۱/۵
۵	صفحه ۲۱ کتاب $\underbrace{27 \equiv 1}_{(0/5)} \Rightarrow \underbrace{(27)^{\frac{1}{2}} \equiv 1^{\frac{1}{2}}}_{(0/25)} \Rightarrow \underbrace{(27)^{\frac{1}{2}} + 19 \equiv 1^{\frac{1}{2}} + 19 = 20}_{(0/25)} \Rightarrow (27)^{\frac{1}{2}} + 19 \equiv 7 \quad ۰/۵$	۱/۵
۶	صفحه ۲۷ کتاب $2x + 5y = 29 \quad ۰/۲۵ \Rightarrow 2x \equiv 29 \quad ۰/۲۵ \Rightarrow 2x \equiv 4 \quad ۰/۲۵ \Rightarrow x = 5k + 2 \quad ۰/۵$ $y = -2k + 5 \quad ۰/۲۵$	۱/۵
۷	الف) رسم شکل (۱ نمره) $N_G[b] = \{a, b, c\} \quad ۰/۵$ $b, a, e, f, c, d \quad ۰/۵$ صفحه ۳۶ و ۳۹ کتاب	۲

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدّت امتحان: ۱۲۰ دقیقه																									
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه																										
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸																										
ردیف	نمره	راهنمای تصحیح																										
۸	۱	 ب) ۰/۵	 الف) ۰/۵ صفحه ۴۲ کتاب																									
۹	۱/۵	 صفحه ۵۴ کتاب	الف) ۰/۵ ب) ۰/۵ لطفا به پاسخ های دیگر برای قسمت های ب و ج نمره تعلق گیرد. ج) $\{a, d, e, h\}$ ۰/۵ {a, d, g} ۰/۵																									
۱۰	۱	یک مجموعه احاطه گر غیر مینیمال به صورت $\{a, h, f, b\}$ است. اکنون با حذف راس a از آن، یک مجموعه احاطه گر مینیمال به دست می آید. ۰/۵	صفحه ۴۷ کتاب																									
۱۱	۱/۵	$3! \times 7!$ ۰/۵ $4! \times 6!$ ۰/۵ $5! \times 4!$ ۰/۵	الف) ۰/۵ صفحه ۷۲ کتاب																									
۱۲	۱	$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 12 \rightarrow y_1 + ۳ + x_۲ + x_۳ + x_۴ + y_۵ + ۴ + x_۶ = 12$ $y_1 + x_2 + x_3 + x_4 + y_5 + x_6 = ۵ \quad ۰/۲۵ \xrightarrow{\binom{n+k-1}{k-1}} \binom{۵+۶-۱}{۶-۱} (۰/۵)$	۰/۲۵ صفحه ۷۲ کتاب																									
۱۳	۱	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> <tr> <td>C_1</td><td>T_1</td><td>T_2</td><td>T_3</td><td>T_4</td></tr> <tr> <td>C_2</td><td>T_4</td><td>T_1</td><td>T_2</td><td>T_3</td></tr> <tr> <td>C_3</td><td>T_2</td><td>T_4</td><td>T_1</td><td>T_3</td></tr> <tr> <td>C_4</td><td>T_3</td><td>T_2</td><td>T_4</td><td>T_1</td></tr> </table>		۱	۲	۳	۴	C_1	T_1	T_2	T_3	T_4	C_2	T_4	T_1	T_2	T_3	C_3	T_2	T_4	T_1	T_3	C_4	T_3	T_2	T_4	T_1	صفحه ۷۳ (این جدول یکی از پاسخ های ممکن است، لطفا به پاسخ های درست دیگر نمره تعلق گیرد)
	۱	۲	۳	۴																								
C_1	T_1	T_2	T_3	T_4																								
C_2	T_4	T_1	T_2	T_3																								
C_3	T_2	T_4	T_1	T_3																								
C_4	T_3	T_2	T_4	T_1																								

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱۴	$ \overline{A}_1 \cap \overline{A}_2 = \underbrace{ \overline{A}_1 \cup \overline{A}_2 }_{0/25} = S - \overline{A}_1 - \overline{A}_2 + \overline{A}_1 \cap \overline{A}_2 = ۳۵۰ - \left[\frac{۳۵۰}{4} \right] - \left[\frac{۳۵۰}{6} \right] + \left[\frac{۳۵۰}{12} \right] = ۲۳۴ + ۰/۷۵$ <p style="text-align: right;">صفحه ۸۴ کتاب</p>	۱/۵	
۱۵	تعداد لانه ها: ۱۲ مربع به مانند شکل ۰/۲۵  طبق اصل لانه کبوتری دو نقطه مانند A و B در یک لانه جای می گیرند. پس: $\begin{cases} AH < 2 \\ BH < 2 \end{cases} \Rightarrow AH^2 + BH^2 < 8 \quad ۰/۵ \Rightarrow AB^2 < 8 \Rightarrow AB < \sqrt{8} \quad ۰/۵$ <p style="text-align: right;">صفحه ۸۵ کتاب</p>	۱/۵	

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»