

باسمه تعالی

|  |                          |   |                                  |
|--|--------------------------|---|----------------------------------|
| تعداد صفحه: ۲  | ساعت شروع: ۱۰ صبح        | رشته: علوم تجربی  | سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳ |
| مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه  | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۹ | نام و نام خانوادگی:   | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه     |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.gov.ir |                          | دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشوردی ماه سال ۱۴۰۲ |                                  |

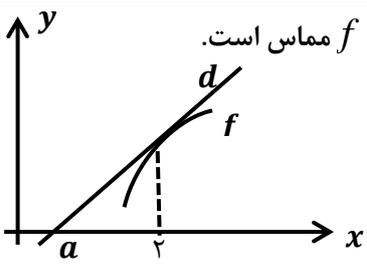
|      |   |      |
|------|---|------|
| ردیف | سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد) | نمره |
|------|---|------|

|                          |  |  |
|--------------------------|--|--|
| ۰/۷۵                     | <p>۱ درست‌ی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید.</p> <p>الف) نمودار تابع <math>y = f\left(\frac{x}{3}\right)</math>، از انقباض افقی نمودار تابع <math>y = f(x)</math> به دست می آید.</p> <p>ب) فقط دو زاویه وجود دارد که مقدار کسینوس آن <math>\frac{2}{5}</math> باشد.</p> <p>پ) باقیمانده تقسیم چند جمله ای <math>P(x) = 2x^3 - x^2 + 1</math> بر <math>x - 1</math> برابر ۲ است.</p> |  |
| ۰/۷۵                     | <p>۲ جاهای خالی را با عدد مناسب پر کنید.</p> <p>الف) اگر <math>f(x) = \frac{ x }{1+ x }</math>، مقدار <math>f \circ f(1)</math> برابر ..... است.</p> <p>ب) اگر <math>\alpha</math> یک زاویه حاده و <math>\sin \alpha = \frac{2}{5}</math>، حاصل <math>\cos 2\alpha</math> برابر ..... است.</p> <p>پ) بازه <math>(-2, 0)</math>، یک همسایگی چپ برای عدد ..... است.</p>                    |  |
| ۱                        | <p>۳ نمودار تابع <math>f</math> به صورت مقابل است.</p> <p>دامنه و برد تابع <math>g(x) = 2f(-x)</math> را بنویسید.</p>  |  |
| ۱/۵                      | <p>۴ ضابطه و دامنه تابع وارون تابع زیر را به دست آورید.</p> <p><math>f(x) = -x^2 - 2 ; x \geq 0</math></p>   |  |
| ۱                        | <p>۵ مقدار ماکزیمم تابع <math>f(x) = a \cos \frac{x}{2} + 3</math> برابر ۶ می باشد، <math> a </math> و دوره تناوب را به دست آورید.</p>   |  |
| ۱/۵                      | <p>۶ جوابهای معادله مثلثاتی <math>2 \sin 4x = 1</math> را به دست آورید. کدام جوابها در بازه <math>\left[0, \frac{\pi}{2}\right]</math> هستند؟</p>  |  |
| ادامه سؤالات در صفحه دوم |  |  |

باسمه تعالی

|  |                          |  |               |
|--|--------------------------|--|---------------|
| سؤالات امتحان نهایی درس: ریاضی ۳   | رشته: علوم تجربی         | ساعت شروع: ۱۰ صبح  | تعداد صفحه: ۲ |
| نام و نام خانوادگی:  | تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۹ | مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه  |               |
| دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشوری ماه سال ۱۴۰۲ |                          | مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.gov.ir |               |

|      |   |      |
|------|---|------|
| ردیف | سؤالات (پاسخ نامه دارد) (استفاده از ماشین حساب ساده مجاز می باشد) | نمره |
|------|---|------|

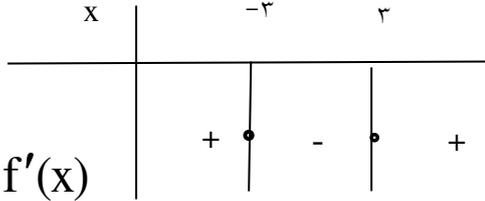
|            |  |         |
|------------|--|---------|
| ۷          | <p>حدهای زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x]}{x-2}</math></p> <p>ب) <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{1+x-4x^2}{3x+2x^2}</math></p>  | ۱/۵     |
| ۸          | <p>خط <math>d</math> در نقطه با طول <math>x=2</math> بر نمودار تابع <math>f(x) = -x^2 + 6x - 5</math> مماس است. با توجه به شکل مقدار <math>a</math> (نقطه برخورد خط <math>d</math> با محور <math>x</math> ها) را بیابید.</p>  | ۱/۵     |
| ۹          | <p>مشتق تابع های زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست).</p> <p>الف) <math>f(x) = (2\sqrt{x} + 1)(x^x - 2x)</math></p> <p>ب) <math>g(x) = \frac{3x+1}{x^5 - x + 1}</math></p>   | ۲       |
| ۱۰         | <p>معادله حرکت متحرکی به صورت <math>f(t) = 2t^3 + t - 1</math> است،</p> <p>الف) سرعت متوسط متحرک در بازه <math>[1, 2]</math> را محاسبه کنید.</p> <p>ب) سرعت لحظه ای متحرک در لحظه <math>t = 2</math> چقدر است؟</p>   | ۱/۵     |
| ۱۱         | <p>با رسم جدول تغییرات تابع <math>f(x) = x^3 - 27x + 1</math> مشخص کنید تابع در کدام بازه ها اکیداً صعودی است؟</p>   | ۱/۵     |
| ۱۲         | <p>می خواهیم یک قوطی فلزی استوانه ای شکل و در باز بسازیم که گنجایش آن دقیقاً ۹۰۰ سانتی متر مکعب است. ابعاد قوطی چقدر باشد تا مقدار فلز به کار رفته در تولید آن مینیمم شود؟ (<math>\pi \approx 3</math>)</p>  | ۱/۵     |
| ۱۳         | <p>معادله قطر کانونی یک بیضی، <math>y = -1</math> و معادله قطر کوچک، <math>x = 2</math> است. اگر طول قطرهای بزرگ و کوچک به ترتیب ۱۲ و ۸ واحد باشند، مرکز بیضی و فاصله کانونی را به دست آورید.</p>  | ۱/۲۵    |
| ۱۴         | <p>معادله دایره ای به صورت <math>x^2 + y^2 - 2x - 6y + 6 = 0</math> است، مختصات مرکز این دایره را به دست آورید.</p>  | ۰/۲۵    |
| ۱۵         | <p>فرض کنید جمعیت یک کشور متشکل از ۴۵ درصد مرد و ۵۵ درصد زن باشد و شیوع یک بیماری ویروسی به ترتیب در این دو دسته ۴ درصد و ۶ درصد باشد. اگر فردی به تصادف از این جامعه انتخاب شود، با چه احتمالی به بیماری مورد نظر مبتلا است؟</p>  | ۱/۵     |
| موفق باشید |  | ۲۰ نمره |

|  |                   |   |                            |
|--|-------------------|---|----------------------------|
| تعداد صفحه: ۳  | ساعت شروع: ۱۰ صبح | رشته: علوم تجربی  | راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۹   |                   | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه  |                            |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.gov.ir |                   | دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۲ |                            |

|      |      |
|------|------|
| ردیف | نمره |
|------|------|

|   |   |      |
|---|---|------|
| ۱ | الف) نادرست ب) نادرست پ) درست<br>هر مورد ۰/۲۵   | ۰/۷۵ |
| ۲ | الف) $\frac{1}{3}$ ب) $\frac{17}{25}$ پ) صفر<br>هر مورد ۰/۲۵  | ۰/۷۵ |
| ۳ | $D_g = [0, 5]$ (۰/۵) , $R_g = [-4, 6]$ (۰/۵)  | ۱    |
| ۴ | $y = -x^2 - 2 \xrightarrow{x \geq 0} x = \sqrt{-y-2}$ (۰/۷۵) $\Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt{-x-2}$ (۰/۲۵)<br>$D_{f^{-1}} = (-\infty, -2]$ (۰/۵)   | ۱/۵  |
| ۵ | $ a  + 3 = 6$ (۰/۲۵) $\Rightarrow  a  = 3$ (۰/۲۵) $T = \frac{2\pi}{ b }$ (۰/۲۵) $\Rightarrow \frac{2\pi}{1} = 4\pi$ (۰/۲۵)  | ۱    |
| ۶ | $\sin 4x = \frac{1}{2} \Rightarrow 4x = 2k\pi + \frac{\pi}{6} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{\pi}{24}$ (۰/۵)<br>$4x = 2k\pi + \pi - \frac{\pi}{6} \Rightarrow x = \frac{k\pi}{2} + \frac{5\pi}{24}$ (۰/۵) $x = \frac{5\pi}{24}, \frac{\pi}{24}$ (۰/۵) | ۱/۵  |
| ۷ | الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x]}{x-2} = \frac{1}{0^-} = -\infty$ (۰/۲۵)<br>ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1+x-4x^2}{3x+2x^2} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-4x^2}{2x^2} = -2$ (۰/۲۵)  | ۱/۵  |
| ۸ | $f'(x) = -2x + 6$ (۰/۲۵) $\rightarrow f'(2) = 2$ (۰/۲۵)<br>$d : (2, 3), (a, 0)$ (۰/۲۵) : $2 = \frac{0-3}{a-2}$ (۰/۵) $\Rightarrow a = \frac{1}{2}$ (۰/۲۵)   | ۱/۵  |
| ۹ | الف) $f'(x) = \underbrace{\left(\frac{1}{\sqrt{x}}\right)(x^2 - 2x) + \overbrace{(4x^2 - 2)}^{(۰/۲۵)}(2\sqrt{x} + 1)}_{(۰/۵)}$  | ۲    |

|  |                   |   |                            |
|--|-------------------|---|----------------------------|
| تعداد صفحه: ۳  | ساعت شروع: ۱۰ صبح | رشته: علوم تجربی  | راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۹   |                   | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه  |                            |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.gov.ir |                   | دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۲ |                            |
| ردیف   | نمره              |   |                            |

|      |  |    |
|------|--|----|
|      | $g'(x) = \frac{3(x^5 - x + 1) - (5x^4 - 1)(3x + 1)}{(x^5 - x + 1)^2}$  |    |
| ۱/۵  | الف) $\frac{f(2) - f(1)}{2 - 1} = 15$ (۰/۲۵)<br>ب) $f'(t) = 6t^2 + 1$ (۰/۵) $\rightarrow f'(2) = 25$ (۰/۲۵)  | ۱۰ |
| ۱/۵  | $f'(x) = 3x^2 - 27 = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = \pm 3$ (۰/۲۵)<br><br>   | ۱۱ |
| ۱/۵  | $h = \frac{300}{r^2}$ (۰/۲۵) $S = \frac{1800}{r} + 3r^2$ (۰/۲۵) $S' = \frac{-1800}{r^2} + 6r = 0$ (۰/۵)<br>$r = \sqrt[3]{300}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow h = \sqrt[3]{300}$ (۰/۲۵)   | ۱۲ |
| ۱/۲۵ | مرکز بیضی محل برخورد قطر کانونی و قطر کوچک است، پس: $O(2, -1)$ (۰/۲۵)<br>باتوجه به اینکه $AA' = 12$ و $BB' = 8$ ، بنابراین:<br><br>$AA' = 2a = 12 \rightarrow a = 6$ (۰/۲۵)<br>$BB' = 2b = 8 \rightarrow b = 4$ (۰/۲۵) | ۱۳ |

باسمه تعالی

|  |                   |   |                            |
|--|-------------------|---|----------------------------|
| تعداد صفحه: ۳  | ساعت شروع: ۱۰ صبح | رشته: علوم تجربی  | راهنمای تصحیح درس: ریاضی ۳ |
| تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۹   |                   | پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه  |                            |
| مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش<br>http://aee.medu.gov.ir |                   | دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج در نوبت دی ماه سال ۱۴۰۲ |                            |

|      |      |
|------|------|
| ردیف | نمره |
|------|------|

|         |  |            |    |
|---------|--|------------|----|
|         | $c^2 = 36 - 16 = 20 \rightarrow c = \underbrace{2\sqrt{5}}_{(0/25)}$ $\rightarrow FF' = \underbrace{2c = 4\sqrt{5}}_{(0/25)}$                        | همچنین:    |    |
| ۰/۷۵    | $\rightarrow O\left(-\frac{a}{2}, -\frac{b}{2}\right) = \left(\frac{2}{2}, \frac{6}{2}\right) = (1, 3) \quad (0/5)$                                  |            | ۱۴ |
| ۱/۵     | $p = \underbrace{\left(\frac{0}{45} \times \frac{0}{4}\right)}_{(0/25)} + \underbrace{\left(\frac{0}{55} \times \frac{0}{6}\right)}_{(0/5)} = 0/051$ |            | ۱۵ |
| ۲۰ نمره |  | موفق باشید |    |