



نقد چه سؤال

سال یازدهم ریاضی

۱۴۰۲ آذر

مدت پاسخ‌گویی به آزمون: ۱۷۰ دقیقه

تعداد کل سوالات جهت پاسخ‌گویی: ۱۴۰ سوال

عنوان	نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	شماره صفحه دفترچه سؤال	وقت پیشنهادی (دقیقه)
	حسابان (۱)	۲۰	۱-۲۰	۴-۷	۳۰
دروز انتقام	هندرسه (۲)	۱۰	۲۱-۳۰	۸-۱۱	۳۰
		۱۰	۳۱-۴۰		
	آمار و احتمال	۱۰	۴۱-۵۰	۱۲-۱۳	۱۵
	فیزیک (۲)	۲۰	۵۱-۷۰	۱۴-۱۸	۳۰
	شیمی (۲)	۲۰	۷۱-۹۰	۱۹-۲۳	۲۰
	فارسی (۲)	۱۰	۹۱-۱۰۰	۲۴-۲۵	۱۰
	عربی زبان قرآن (۲)	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۲۶-۲۷	۱۰
	دین و زندگی (۲)	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۲۸-۲۹	۱۰
	زبان انگلیسی (۲)	۲۰	۱۲۱-۱۴۰	۳۰-۳۱	۱۵
	جمع کل	۱۴۰	۱-۱۴۰	۴-۳۱	۱۷۰

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

@kanoonir_11r



پدیدآورندگان آزمون ۳ آذر سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام درس	نام طراحان
حسابان (۱)	پویک اسلامی - مجتبی نادری - فرید غلامی - محمدابراهیم توزنده‌جانی - پدرام نیکوکار - محمدمصطفی ابراهیمی - مصطفی بهنام‌قدم - امیرحسین افشار - امیر هوشنگ خمسه - نسترن صمدی - ابراهیم نجفی
هندسه (۲)	فرید غلامی - امیرحسین ابومحوب - بابک اسلامی - بنیامین یعقوبی - محمدابراهیم توزنده‌جانی
آمار و احتمال	فرید غلامی - مرتضی فهمی‌علوی - فرزانه خاکپاش - هادی فولادی - امیرحسین ابومحوب
فیزیک (۲)	میلاد سلامتی - مهدی باگستانی - پوریا علاقه‌مند - کامران ابراهیمی - میثم دشتیان - مصطفی کیانی - سعید اردم - بهنام دیباچی‌اصل - محمدعلی راست‌پیمان - فاروق مردانی
شیمی (۲)	روزبه رضوانی - منصور سلیمانی‌ملکان - امین نوروزی - علی افخمی‌نیا - عباس هنرخواه - احمد رضا چشانی‌پور - میثم کیانی - هادی مهدی‌زاده - فاضل قهرمانی‌فرد - یاسر راش - سیدریحیم هاشمی دهکردی - محمد عظیمیان زواره - فیضه یداللهی - یاسر علیشائی - رسول عابدینی‌زواره - پویا رستگاری
فارسی (۲)	محسن اصغری، حسن افتاده، مریم شمرانی، الهام محمدی، علی فاضل خسروشاهی
عربی، زبان قرآن (۲)	محسن رحمانی، امیر رضا عاشقی، مرتضی کاظم شیرودی، مجید همایی
دین و زندگی (۲)	امیر مهدی افشار، محسن بیاتی، مرتضی محسنی کبیر
زبان انگلیسی (۲)	مجتبی درخشان گرمی، محسن رحیمی، عقیل محمدی‌روش، محمدحسین مرتضوی

کنسلکران، مسئولین درس و پیراستاران

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
حسابان (۱)	ایمان چینی فروزان	حمدیرضا رحیم‌خانلو، مهرداد ملوندی، عادل حسینی	سمیه اسکندری
هندسه (۲)	امیرحسین ابومحوب	مهرداد ملوندی، سجاد محمدنژاد	سرژیقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال	امیرحسین ابومحوب	مهرداد ملوندی، سجاد محمدنژاد	سرژیقیازاریان تبریزی
فیزیک (۲)	مصطفی افضلی	مهدی بحر کاظمی، محمدامین رشید، ماهان زواری، بابک اسلامی	علیرضا همایون‌خواه
شیمی (۲)	ایمان حسین نژاد	امیر رضا حکمت‌نیا، ماهان زواری، امیر رضا واشقانی، احسان پنجه‌شاهی	امیرحسین مرتضوی
فارسی (۲)	علی فاضل خسروشاهی	اعظم رجایی، مرتضی منشاری	الناز معتمدی
عربی، زبان قرآن (۲)	محسن رحمانی	فاطمه منصور‌خاکی، اسماعیل یونس‌پور	لیلا ایزدی
دین و زندگی (۲)	امیر مهدی افشار	سکینه گلشنی	زهره قموشی
زبان انگلیسی (۲)	عقیل محمدی‌روش	رحمت الله استیری، محدثه مرآتی	سوگند بیگلری

کروه فنی و تولید

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
گروه عمومی	مدیر: الهام محمدی - مسئول دفترچه: مصصومه شاعری
مسئول دفترچه: سمیه اسکندری (اختصاصی) - فریبا رئوفی (عمومی)	مدیر گروه: محیا اصغری
مسئول دفترچه: سمیه اسکندری (اختصاصی) - فریبا رئوفی (عمومی)	مسئول دفترچه: سمیه اسکندری (اختصاصی) - فریبا رئوفی (عمومی)
حروفنگاری و صفحه‌آرایی	فاطمه علی‌باری (اختصاصی) - سحر ایروانی (عمومی)
نظرات چاپ	حمدی محمدی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)



۳۰ دقیقه

حسابان (۱)

جبر و معادله

(قدر مطلق و ویژگی های آن)

آشنایی با هندسه تحلیلی)

صفحه های ۲۳ تا ۳۶

هدف گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ گویی به سؤال های درس حسابان (۱)، هدف گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

حسابان (۱)

۱- با توجه به مفهوم قدر مطلق، کدام گزینه نادرست است؟

$$a < 0, |a| + a = 0 \text{ اگر } \quad (۲)$$

$$a \geq 0, |a| - a = 0 \text{ اگر } \quad (۱)$$

$$|a| + a = 0, a < 0, \text{ آنگاه } \quad (۴)$$

$$|a| - a = 0, a \geq 0, \text{ آنگاه } \quad (۳)$$

$$-2 < x \leq -\sqrt{x^2} \text{ باشد، حاصل } \quad (۲) \text{ کدام است؟}$$

$$-2 - 2x \quad (۲)$$

$$2 - 2x \quad (۱)$$

$$-2 \quad (۴)$$

$$2x - 2 \quad (۳)$$

۳- تعداد جواب های معادله $|x - 2| = 1$ در بازه $(-2, 4)$ کدام است؟

$$3 \quad (۲)$$

$$2 \quad (۱)$$

$$4) \text{ صفر}$$

$$4 \quad (۳)$$

۴- مساحت سطح محدود به نمودار $y = \frac{2}{3}x - 2$ و خط $y = |x| - |x - 2|$ کدام است؟

$$2 \quad (۲)$$

$$8 \quad (۱)$$

$$1 \quad (۴)$$

$$6 \quad (۳)$$

محل انجام محاسبات



۵- اگر خط $y = ax + b$ نمودار تابع $f(x) = 3|x - 3| - 3x + |x - 4| + |a| + |b|$ کدام است؟

۱۴ (۲)

۶ (۱)

۸ (۴)

۲۰ (۳)

۶- مقدار a چقدر باشد تا تابع $y = x^2 - 4x - a$ دقیقاً سه ریشه متمایز داشته باشد؟

۱ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

۴ (۳)

۷- بهازی چه مقادیری از x رابطه $|2x + 1| = |-x| + |-x - 1|$ برقرار است؟

 $-1 \leq x \leq 0$ (۲) $\mathbb{R} - (-1, 0)$ (۱)

هیچ مقدار (۴)

 $0 \leq x \leq 1$ (۳)

۸- مجموعه جواب نامعادله $\|x - 4\| > \|x - 2\|$ کدام است؟

(-3, 2) (۲)

(2, 4) (۱)

(-3, 3) (۴)

(-2, 2) (۳)

۹- تعداد ریشه‌های معادله $2(4 - x^2)^2 - 3|x^2 - 4| + 1 = 0$ کدام است؟

۴ (۲)

۰ ریشه ندارد.

۲ (۴)

۸ (۳)

۱۰- معادله $|x^2 - 1| + |x^2 - 1| = |x - 1|$ دارای چند ریشه متمایز است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

محل انجام محاسبات



۱۱ - دو نقطه $A(-1, 1)$ و $B(3, -1)$ مفروض‌اند. معادله عمودمنصف AB کدام است؟

$$y = -x \quad (2)$$

$$y = -x + 2 \quad (1)$$

$$y = x \quad (4)$$

$$y = x - 2 \quad (3)$$

۱۲ - مساحت دایره‌ای که معادله یک قطر آن $y = x + 1$ است و از نقطه $(1, 4)$ می‌گذرد، 2π است. معادله قطعی که از نقطه A می‌گذرد،

کدام است؟

$$y = 2x + 2 \quad (2)$$

$$y = -x + 5 \quad (1)$$

$$y = -2x + 6 \quad (4)$$

$$y = x + 3 \quad (3)$$

۱۳ - قرینه نقطه $A(1, 2)$ نسبت به نقطه $W(3, 5)$ است. فاصله A' تا مبدأ مختصات چقدر است؟
tg - AzmonVIP

$$\sqrt{89} \quad (2)$$

$$\sqrt{74} \quad (1)$$

$$9 \quad (4)$$

$$8 \quad (3)$$

۱۴ - خط L به معادله $(m+1)x + (m-1)y = 2m+3$ بر خط به معادله $x - 2y = 1 - m$ عمود است. عرض از مبدأ خط L کدام است؟

$$7 \quad (2)$$

$$5/5 \quad (1)$$

$$-5/5 \quad (4)$$

$$-7 \quad (3)$$

۱۵ - اگر دو ضلع موازی مربعی $3x - 2y = 2$ و $4x - 2y = 4$ باشند، محیط این مربع چقدر است؟

$$\frac{2\sqrt{5}}{5} \quad (2)$$

$$\sqrt{5} \quad (1)$$

$$5 \quad (4)$$

$$\frac{8\sqrt{5}}{5} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



۱۶- مساحت مثلثی به رئوس $A(1, 2)$ و $B(-1, 3)$ و $C(5, y)$ برابر ۴ است. مقدار مثبت y چقدر است؟

۵ (۲)

۴ (۱)

۷ (۴)

۶ (۳)

۱۷- مرکز دایره‌ای محل برخورد دو خط $x = 3y + 5$ و $x = 2y + 2$ می‌باشد. اگر این دایره برخط $x = 3y + 5$ مماس باشد، شعاع آن چقدر است؟

$$\frac{\sqrt{10}}{10} \quad (2)$$

$$\sqrt{10} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5} \quad (4)$$

$$\sqrt{5} \quad (3)$$

۱۸- کدام نقطه روی خط $2x - 1 = 4y + 2$ از خط $3x + 4y = 2$ به فاصله یک واحد است؟

$$\left(\frac{1}{5}, \frac{-3}{5}\right) \quad (2)$$

$$(2, -3) \quad (1)$$

$$\left(\frac{7}{5}, \frac{-9}{5}\right) \quad (4)$$

$$\left(\frac{3}{5}, \frac{-1}{5}\right) \quad (3)$$

۱۹- بیشترین فاصله نقطه $(1, 2)$ از خط به معادله $mx + 3y = m$ کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴) صفر

۳ (۳)

۲۰- اگر یک ضلع مثلث متساوی‌الاضلاع روی خط $1 = 2x + y$ واقع باشد و $A(0, 1)$ مختصات یک رأس این مثلث باشد، مساحت مثلث کدام است؟

$$\frac{3\sqrt{3}}{5} \quad (2)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{5} \quad (1)$$

$$\frac{2\sqrt{3}}{3} \quad (4)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{5} \quad (3)$$



یک روز، یک درس: روزهای دوشنبه در سایت کانون (www.kanoon.ir) به درس حسابان (۱) اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس حسابان (۱) را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

محل انجام محاسبات



۳۰ دقیقه

هندسه (۲)

دایره (راطیه های طولی در نقطه ای خارج دایره - حالت های دو دایره نسبت به هم و مماس مشترک ها - چندضلعی های محاطی و محیطی تا انتهای چندضلعی های محیطی و محاطی)
صفحه های ۱۸ تا ۲۵

هدف گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سوال

لطفاً قبل از شروع پاسخ گویی به سوال های درس هندسه (۲)، هدف گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سوال به چند سوال می توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هندسه (۲)

هدف گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

۲۱- اگر شعاع دو دایره C' برابر ۱۲ و C برابر ۹ و فاصله بین مرکز دو دایره برابر ۲ باشد، تعداد مماس مشترک های دو دایره کدام است؟

۱ (۲)

۱) صفر

۴ (۴)

۲ (۳)

۲۲- مقدار x چقدر باشد تا اندازه مماس مشترک خارجی دو دایره به شعاع های ۸ و ۳ و طول خط المركزين $= 13$ ، برابر $3 - 5x$ گردد؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۶ (۴)

۵ (۳)

۲۳- شعاع دایرة محاطی یک n ضلعی برابر r است. اگر مساحت این n ضلعی برابر S باشد، محیط این n ضلعی برابر کدام است؟

$$\frac{S}{2r} \quad (۲)$$

$$\frac{S}{r} \quad (۱)$$

$$\frac{2S}{r} \quad (۴)$$

$$\frac{S}{nr} \quad (۳)$$

۲۴- از نقطه M واقع در خارج دایرة (O, r) ، مماسی به طول ۱۵ بر این دایره رسم شده است. کمترین فاصله M از نقاط واقع بر دایرة

کدام است؟

۷ (۲)

۵ (۱)

۱۰ (۴)

۹ (۳)

۲۵- اگر دو دایرة $C(O, R)$ و $C'(O', R')$ مماس خارج باشند، چه تعداد از گزاره های زیر نادرست است؟الف) نقطه تماس دو دایره روی پاره خط OO' است.

ب) مماس مشترک داخلی دو دایره از وسط مماس مشترک خارجی آنها می گذرد.

پ) طول مماس مشترک خارجی دو دایره برابر $\sqrt{2RR'}$ است.

۱ (۲)

۱) صفر

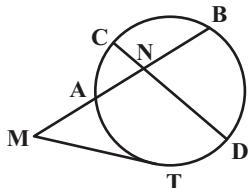
۳ (۴)

۲ (۳)

محل انجام محاسبات



۲۶- در شکل زیر پاره خط MT بر دایره مماس است. اگر $MA = 4$, $ND = MT = 6$ باشد، طول پاره خط NC کدام است؟



۱ (۱)

۱/۵ (۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۲۷- دو دایره $C'(O', \lambda)$ و $C(O, \lambda)$ مفروض‌اند. اگر طول مماس مشترک خارجی دو دایره برابر ۲۴ باشد، طول مماس رسم شده از مرکز دایره

کوچک‌تر بر دایره بزرگ‌تر کدام است؟

۱۸ (۲)

۱۶ (۱)

۲۴ (۴)

۲۰ (۳)

۲۸- دو دایره $C(O, \lambda - x)$ و $C'(O', 2x + 3)$ با طول خط‌المرکزین $OO' = 3x + 3$ مفروض‌اند. به ازای چند مقدار x ، این دو دایره تنها یک نقطه مشترک دارند؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲۹- پاره خط AB به طول ۷ واحد مفروض است. چند خط در صفحه این پاره خط وجود دارد به‌طوری که فاصله نقاط A و B از آن‌ها به‌ترتیب ۴ و ۳ واحد باشد؟

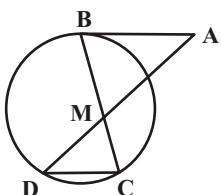
۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۳۰- در شکل زیر پاره خط AB بر دایره مماس است. اگر $MD = 2MC = 4$, $MB = 6$, $AB \parallel CD$ باشد، طول پاره خط AB کدام است؟



۶ (۱)

۹ (۲)

۱۰ (۳)

۱۲ (۴)

محل انجام محاسبات



هندسه (۲) - سوالات آشنا

۳۱- دایره $C(O, R)$ و نقطه M را در خارج آن در نظر می‌گیریم. دایره‌ای به قطر OM ، دایره C را در دو نقطه A و B قطع می‌کند،

کدام گزینه در حالت کلی نادرست است؟

۲) OM نیمساز زاویه AMB است.

۱) مثلث OAM متساوی الساقین است.

۴) AB بر OM عمود است.

۳) MA بر دایره C مماس است.

۳۲- فاصله دورترین نقطه دایره‌ای از نقطه P برابر 9 سانتی‌متر و فاصله P تا مرکز آن دایره $\frac{13}{2}$ سانتی‌متر است. طول مماس مرسوم از نقطه P بر این دایره کدام است؟

بر این دایره کدام است؟

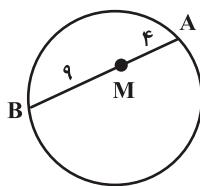
$\sqrt{6}$ (۴)

$\sqrt{13}$ (۳)

۶ (۲)

$3\sqrt{2}$ (۱)

۳۳- در شکل زیر، طول وتری که از نقطه M گذشته و در این نقطه به نسبت 1 به 3 تقسیم می‌شود، کدام است؟



$2\sqrt{3}$ (۱)

$4\sqrt{3}$ (۲)

$6\sqrt{3}$ (۳)

$8\sqrt{3}$ (۴)

۳۴- از نقطه P دو مماس عمود بر هم بر دایره‌ای به شعاع 2 رسم شده است، مساحت ناحیه بین دو مماس و محیط دایره کدام است؟

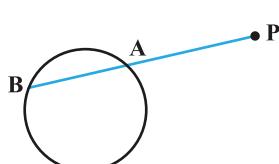
$2 - \frac{\pi}{2}$ (۴)

$4 - \frac{\pi}{2}$ (۳)

$2\pi - 4$ (۲)

$4 - \pi$ (۱)

۳۵- در شکل زیر، $AB = 3$ ، $PA = 5$ و شعاع دایره برابر 4 واحد است، فاصله نقطه P تا مرکز دایره کدام است؟



$2\sqrt{21}$ (۱)

$2\sqrt{14}$ (۲)

$4\sqrt{7}$ (۳)

$3\sqrt{7}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۳۶- ذوزنقه‌ای با طول قاعده‌های ۸ و ۱۲ و اندازه یک ساق برابر ۵ واحد، مفروض است. اگر این ذوزنقه قابل محاط در دایره باشد، طول قطعه

مماسی که از نقطه تلاقی دو ساق بر دایره محیطی آن رسم می‌شود، کدام است؟

$$8\sqrt{3} \quad (4)$$

$$6\sqrt{5} \quad (3)$$

$$5\sqrt{6} \quad (2)$$

$$4\sqrt{5} \quad (1)$$

۳۷- اگر بین شعاع‌های دو دایره و طول خط‌المرکزین آن‌ها (d) روابط $r_1 - r_2 = \frac{d}{4}$ و $r_1 + r_2 = \frac{3d}{4}$ برقرار باشد، شعاع کوچک‌ترین دایره‌ای که

به هر دو دایره مماس است، کدام است؟

$$\frac{d}{16} \quad (2)$$

$$\frac{d}{4} \quad (1)$$

$$\frac{d}{8} \quad (4)$$

$$\frac{d}{2} \quad (3)$$

۳۸- دو دایره C_1 و C_2 به شعاع ۵ مماس خارج‌اند. چند خط می‌توان رسم کرد که بر دایره C_1 مماس باشد و در دایره C_2 وتری به طول ۶

جدا کند؟

$$4) بی‌شمار \quad (4)$$

$$4) (3)$$

$$2) (2)$$

$$1) صفر \quad (1)$$

۳۹- در رسم مماس بر دایره $C(O, R)$ از نقطه M خارج آن، از دایره $C'(O', R')$ که قطر آن است، کمک می‌گیریم. اگر طول این

دو مماس رسم شده برابر ۸ باشد، طول مماس مشترک خارجی دو دایره C و C' کدام است؟

$$\sqrt{35} \quad (4)$$

$$4) (3)$$

$$2\sqrt{6} \quad (2)$$

$$3) (1)$$

۴۰- دو دایره $C(O, R)$ و $C'(O', R')$ در دو نقطه A و B متقاطع‌اند. اگر طول مماس مشترک خارجی این دو دایره ۶ باشد، اندازه

AB کدام است؟

$$9/6 \quad (4)$$

$$4/8 \quad (3)$$

$$3/6 \quad (2)$$

$$2/4 \quad (1)$$



یک روز، یک درس: روزهای شنبه در سایت کانون (www.kanoon.ir) به درس هندسه (۲) اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس هندسه (۲) را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

محل انجام محاسبات



۱۵ دقیقه

- آمار و احتمال
آشنایی با مبانی ریاضیات
(جبر مجموعه‌ها تا انتهای
قوانین دمورگان)
صفحه‌های ۱۶ تا ۳۰

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس آمار و احتمال، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:
از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟
هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

آمار و احتمال

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

۴۱ - اگر $A = \{a, \{a, \{a\}\}, \{a\}, \{a, b\}, \{b\}\}$ باشد، کدام گزاره زیر نادرست است؟

$\{\{a\}, \{b\}\} \subseteq A$ (۲)

(۱) مجموعه A دارای ۳۲ زیرمجموعه است.

$\{\{a\}, b\} \subseteq A$ (۴)

$\{a, \{b\}, \{a, b\}\} \subseteq A$ (۳)

۴۲ - برای دو مجموعه A و B رابطه $(A - B) \cup B = A$ برقرار است. کدام تساوی زیر همواره درست است؟

$A \cup B' = A$ (۲)

$A \cap B' = A$ (۱)

$A' \cap B' = A'$ (۴)

$A' \cup B' = A'$ (۳)

۴۳ - اگر A و B دو مجموعه غیرتھی و $(A \cup B) - (B - A') = \emptyset$ باشد، آنگاه چه تعداد از مجموعه‌های زیر ناتھی است؟

$B - A$ (ب)

$A - B$ (ب)

$A \cap B$ (الف)

۱ (۲)

(۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۴۴ - کدامیک از روابط زیر نادرست است؟

$(A - B) \cap (B - A) = \emptyset$ (۲)

$A - B = B' - A'$ (۱)

$A - (B - C) = (A - B) - C$ (۴)

$(B \subseteq A) \wedge (B \subseteq A') \Rightarrow B = \emptyset$ (۳)

۴۵ - اگر $A \cap \{1, 2, 3\}$ مجموعه مرجع باشد، چند مجموعه سه عضوی مانند A وجود دارد بهطوری که $U = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}$ مخالف تھی باشد؟

۳۱ (۲)

۲۷ (۱)

۳۵ (۴)

۳۲ (۳)

محل انجام محاسبات



۴۶- اگر $A \cup C = A - (B \cap C)$ باشد، حاصل عبارت $A' \subseteq B' \subseteq C'$ همواره کدام است؟

A - B (۲)

 \emptyset (۱)

B - C (۴)

A - C (۳)

۴۷- اگر A و B دو مجموعه باشند، $A - B = A - (B - A)$ همواره برابر کدام است؟

A \cap B (۲)

A (۱)

A \cup B (۴)

B (۳)

۴۸- اگر A و B دو مجموعه باشند، حاصل عبارت $[B' - (A' \cap B')] \cup [(A' \cup B') - (A \cup B)]$ همواره برابر کدام است؟

A' (۲)

B' (۱)

B (۴)

A (۳)

۴۹- اگر A و B دو مجموعه باشند به طوری که $n(A \cup B) = 7$ و تعداد زیرمجموعه‌های B ، هشت برابر تعداد زیرمجموعه‌های $A - B$ باشد،

آنگاه مجموعه A حداقل چند زیرمجموعه مانند C دارد به طوری که $C \not\subseteq B$ ؟

۴ (۲)

۳ (۱)

۸ (۴)

۶ (۳)

۵۰- مجموعه اعداد طبیعی یک رقمی چند زیرمجموعه دارد که حاصل ضرب اعضای آنها بر عدد ۸ بخش پذیر باشند؟

۳۲۰ (۲)

۲۵۶ (۱)

۳۸۴ (۴)

۳۵۲ (۳)



یک روز، یک درس: روزهای چهارشنبه در سایت کانون (www.kanoon.ir) به درس آمار و احتمال اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه درس‌ها و آزمونک مربوط به درس آمار و احتمال را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

محل انجام محاسبات



۳۰ دقیقه

فیزیک (۲)**الکتریسیته ساکن**

(از ابتدای خطوط میدان

الکتریکی تا انتهای میدان

(کتریکی در داخل رساناها)

صفحه های ۱۷ تا ۳۲

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤاللطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس **فیزیک (۲)**، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:

از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

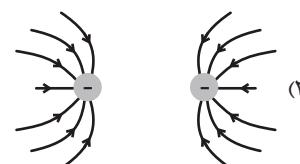
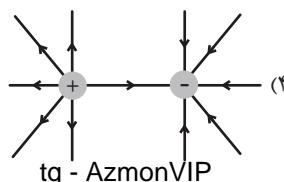
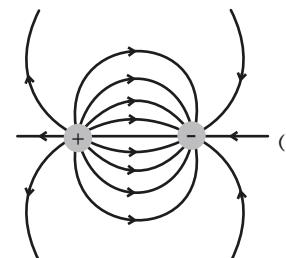
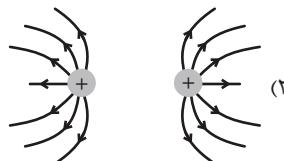
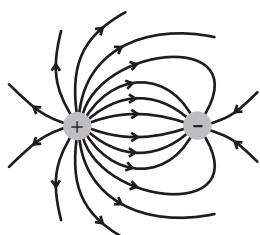
هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

فیزیک (۲)

۵۱- خطوط میدان الکتریکی در اطراف دو کره رسانای کوچک مشابه و باردار مطابق شکل زیر است. اگر دو کره را یک لحظه با هم تماس دهیم و پس از

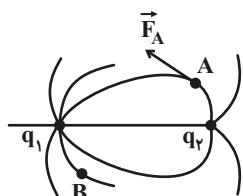
برقراری تعادل، دوباره به فاصله قبلی برگردانیم، کدام گزینه خطوط میدان را در اطراف دو کره به درستی نشان می‌دهد؟



۵۲- در شکل زیر خطوط میدان الکتریکی در اطراف دو کره رسانای کوچک و مشابه که دارای بار الکتریکی هستند، رسم شده است. با توجه به

جهت نیروی الکتریکی وارد بر یک الکترون که در نقطه A قرار دارد، مشخص کنید اگر این دو کره پس از تماس با هم در همان محل قبلی

قرار گیرند و در نقطه B یک پروتون قرار دهیم، جهت نیروی الکتریکی وارد بر آن مطابق با کدام گزینه می‌شود؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

(۱)

(۲)

(۳)

محل انجام محاسبات



۵۳- بادکنکی به جرم 6 g در هوا در حالت تعادل است. اگر بار الکتریکی $C = 40 \mu\text{C}$ به طور یکنواخت روی آن توزیع شده باشد و اندازه نیروی شناوری وارد بر آن $N = 4$ باشد، میدان الکتریکی یکنواخت در محل این بادکنک در چه جهتی بوده و اندازه آن چند نیوتون بر کولن است؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

۲) پایین - $2 / 5 \times 10^{-5}$

۱) بالا - $2 / 5 \times 10^{-5}$

۴) پایین - 5×10^{-5}

۳) بالا - 5×10^{-5}

۵۴- اگر بار الکتریکی نقطه‌ای $C = 10 \mu\text{C}$ را 40 cm میلی‌متر در جهت خطاهای میدان الکتریکی یکنواختی به بزرگی $E = 10^6 \text{ N/C}$ جابه‌جا کنیم،

تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی آن چند میلی‌ژول می‌شود؟

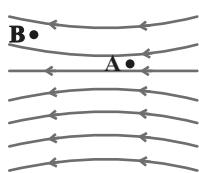
۲) -4×10^{-3}

۱) 4×10^{-3}

۴) -4

۳) 4

۵۵- در شکل زیر اگر اندازه نیروی الکتریکی وارد بر بار نقطه‌ای q و پتانسیل الکتریکی آن را به ترتیب در نقطه A با F_A و V_A و در نقطه B با V_B و F_B نمایش دهیم، کدام گزینه زیر درست است؟



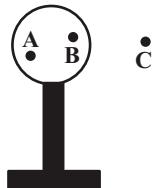
$V_A < V_B$ ، $F_A < F_B$ ۲)

$V_A < V_B$ ، $F_A > F_B$ ۱)

$V_A > V_B$ ، $F_A > F_B$ ۴)

$V_A > V_B$ ، $F_A < F_B$ ۳)

۵۶- در شکل زیر، کره فلزی رسانایی با بار الکتریکی منفی روی پایه رسانایی قرار دارد. به ترتیب از راست به چپ پتانسیل الکتریکی از A تا B و از B تا C چگونه تغییر می‌کند؟ (A و B روی کره رسانایی قرار دارند).



۱) ثابت - کاهش

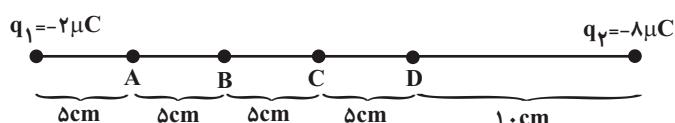
۲) ثابت - افزایش

۳) افزایش - کاهش

۴) افزایش - افزایش

۵۷- مطابق شکل دو ذره باردار در فاصله 30 cm از هم قرار دارند. در حرکت از C تا D ، پتانسیل الکتریکی ... و در حرکت از A تا C پتانسیل الکتریکی ...

۱) افزایش می‌یابد - ابتدا کاهش و سپس افزایش می‌یابد.



۲) افزایش می‌یابد - کاهش می‌یابد.

۳) کاهش می‌یابد - افزایش می‌یابد.

۴) کاهش می‌یابد - ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

محل انجام محاسبات



۵۸- مطابق شکل، یک ذره آلفا (هسته اتم هلیم) و یک الکترون به ترتیب از نقاط A و A' رها می‌شوند و بعد از طی مسیرهای مشخص شده با

تندی‌های v و v' به ترتیب به نقاط B و B' می‌رسند. اگر جرم ذره آلفا، ۷۲۲۵ برابر جرم الکترون باشد، حاصل $\frac{v'}{v}$ کدام است؟ (تنها

نیروی مؤثر، نیروی الکتریکی است).

	۲۱ / ۲۵ (۲)	۸۵ (۱)
	۱۷۰ (۴)	۴۲ / ۵ (۳)

۵۹- مطابق شکل زیر، در میدان الکتریکی یکنواخت قائمی به بزرگی $E = ۱۰^۳ \frac{N}{C}$ که جهت آن رو به بالا است، ذرهای به جرم ۲۰g و بار

۳۰mC را با نیروی قائمی به بزرگی $F = ۴۰\text{N}$ به اندازه ۵۰cm در خلاف جهت خطهای میدان الکتریکی جابه‌جا می‌کنیم. انرژی جنبشی

	(g = ۱۰ \frac{N}{kg})	ذره چند ژول تغییر خواهد کرد؟ (۱)
۵ (۲)		۲۱ (۱)
۶ (۴)		۳۶ (۳)

۶۰- در صفحه مختصات xoy، ذره بارداری به جرم ۲g و بار الکتریکی $-85\mu\text{C}$ را از نقطه O راه می‌کنیم. اگر بزرگی میدان الکتریکی

$E = ۴ \times ۱۰^۵ \frac{N}{C}$ در جهت محور x ها و شتاب گرانشی \vec{g} در خلاف جهت محور y ها باشد، مسیر حرکت ذره روی کدامیک از خطوط زیر

	$x \leq ۰, y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ (۲)	$x \geq ۰, y = \frac{\sqrt{3}}{3}x$ (۱)
	$x \leq ۰, y = \sqrt{3}x$ (۴)	$x \geq ۰, y = \sqrt{3}x$ (۳)

۶۱- ذرهای با بار الکتریکی -4mC در یک میدان الکتریکی یکنواخت در خلاف جهت خطوط میدان پرتاب شده و تغییرات انرژی جنبشی آن بین دو نقطه

است. اگر تنها نیروی مؤثر وارد بر ذره، نیروی میدان الکتریکی باشد، اختلاف پتانسیل بین این دو نقطه A و B به صورت $K_B - K_A = ۲۰\text{mJ}$

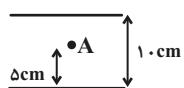
يعني $V_B - V_A$ چند ولت است؟

۲۰ (۲)	۵۰ (۱)
-۲۰ (۴)	-۵۰ (۳)

محل انجام محاسبات



-۶۲- در شکل زیر اختلاف پتانسیل الکتریکی بین دو صفحه رسانای افقی که دارای بارهای هماندازه و ناهمنام هستند، ثابت و برابر با 20 V است. اگر صفحه بالایی که دارای بار مثبت است را در راستای قائم به اندازه d پایین بیاوریم، پتانسیل الکتریکی نقطه ثابت A به اندازه 25 ولت افزایش می‌یابد. d چند سانتی‌متر است؟ (پتانسیل الکتریکی صفحه بالایی را صفر و میدان الکتریکی بین دو صفحه را یکنواخت در نظر بگیرید).



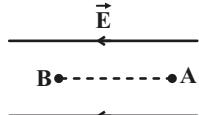
$$2/5 \quad (2)$$

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (1)$$

$$2 \quad (3)$$

-۶۳- در شکل زیر، بزرگی میدان الکتریکی یکنواخت برابر با $\frac{N}{C} = 10^4$ و فاصله بین دو نقطه A و B برابر با 2 cm است. اگر یک الکترون را با تندی $8 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$ از نقطه A به طرف نقطه B پرتاب کنیم، هنگام رسیدن به نقطه B تندی آن چند متر بر ثانیه است؟ (جرم الکترون برابر 10^{-27} g و بار الکتریکی آن $C = 10^{-19}$ است).



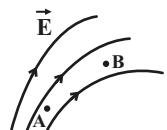
$$4\sqrt{2} \times 10^6 \quad (2)$$

$$8\sqrt{2} \times 10^6 \quad (1)$$

$$8\sqrt{2} \times 10^4 \quad (4)$$

$$3 \quad \text{صفر}$$

-۶۴- در شکل زیر، بار الکتریکی منفی از نقطه A تا B جایه‌جا می‌شود. کدام گزینه در مورد اندازه میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی و انرژی



پتانسیل الکتریکی بار در نقاط A و B درست است؟

$$U_A < U_B, V_A > V_B, E_A > E_B \quad (2)$$

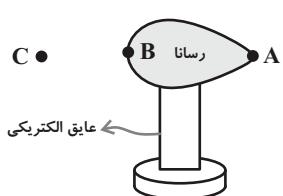
$$U_A > U_B, V_A > V_B, E_A > E_B \quad (1)$$

$$U_A > U_B, V_A < V_B, E_A > E_B \quad (4)$$

$$U_A < U_B, V_A < V_B, E_A < E_B \quad (3)$$

-۶۵- در شکل زیر، رسانای دوکی شکل دارای بار مثبت است و نقاط A و B روی رسانا قرار دارند. کدام گزینه در مورد مقایسه پتانسیل

الکتریکی و چگالی سطحی بار الکتریکی نقاط مشخص شده درست است؟



$$V_C > V_A = V_B, \sigma_A > \sigma_B \quad (1)$$

$$V_C < V_A = V_B, \sigma_A > \sigma_B \quad (2)$$

tg - AzmonVIP

$$V_C > V_A = V_B, \sigma_A < \sigma_B \quad (3)$$

$$V_C < V_A = V_B, \sigma_A < \sigma_B \quad (4)$$

محل انجام محاسبات



۶۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- الف) میدان الکتریکی درون یک رسانای باردار منزوی که داخل میدان الکتریکی قرار گرفته، مخالف صفر است.
- ب) بار اضافی داده شده به یک رسانا، روی سطح خارج آن توزیع می‌شود.
- پ) شخصی که در داخل اتوبوس قرار دارد از خطر آذربخش در امان است.
- ت) پتانسیل الکتریکی تمام نقاط درون جسم رسانای باردار منزوی با هم برابر است و الزاماً صفر است.

۳ (۲)

۱ (۴)

۴ (۱)

۲ (۳)

۶۷- در الکتریسیته ساکن، چه تعداد از موارد زیر در نقاط نوک‌تیز سطح جسم رسانای باردار نسبت به سایر نقاط بیشتر است؟

«پتانسیل الکتریکی، میدان الکتریکی، چگالی سطحی بار، تراکم بار»

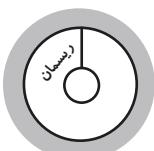
۲ (۲)

۴ (۴)

۱ (۱)

۳ (۳)

۶۸- مطابق شکل گلوله فلزی بارداری با بار الکتریکی q توسط ریسمانی عایق از سقف پوسته‌ای رسانا و بدون بار آویزان است. دو جسم را با



سیمی رسانا به یکدیگر متصل می‌کنیم. در این صورت بار پوسته و گلوله به ترتیب ... و ... می‌شود.

-q و q (۲)

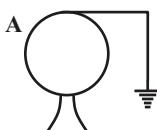
q و صفر (۱)

-q و صفر (۴)

صفر و q (۳)

۶۹- کره باردار و رسانای A وقتی به زمین متصل می‌شود، 3×10^{18} الکترون از زمین به کره A منتقل می‌شود. اگر شعاع کره A برابر با

$$(C = 3, e = 1/6 \times 10^{-19} C) \text{ بوده است؟ } \frac{C}{m^3}$$



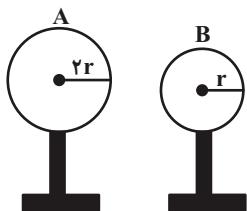
۱ (۲)

۰/۵ (۱)

۸ (۴)

۲ (۳)

۷۰- چگالی سطحی کره‌های رسانای A و B در شکل زیر برابر است. برای اینکه چگالی سطحی کره A، $\frac{3}{8}$ برابر چگالی سطحی کره B شود



باید ...

(۱) ۷۵ درصد بار کره A به کره B منتقل شود.

(۲) ۲۵ درصد بار کره A به کره B منتقل شود.

(۳) نصف بار کره A به کره B منتقل شود.

(۴) نصف بار کره B به کره A منتقل شود.



یک روز، یک درس: روزهای یکشنبه در سایت کانون (www.kanoon.ir) به درس فیزیک (۲) اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمون‌ک مربوط به درس فیزیک (۲) را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

محل انجام محاسبات



دقيقة ۲۰

شیمی (۲)

قدرت هدایای زمینی را بدانیم

(از ابتدای دنیا واقعی واکنش‌ها
تا انتهای کربن، اساس
استخوان‌بندی هیدروکربن‌ها)
صفحه‌های ۲۲ تا ۳۳

هدف‌گذاری قبل از شروع هر درس در دفترچه سؤال

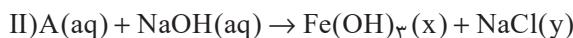
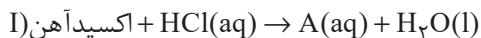
شیمی (۲)

لطفاً قبل از شروع پاسخ‌گویی به سؤال‌های درس شیمی (۲)، هدف‌گذاری چند از ۱۰ خود را بنویسید:

از هر ۱۰ سؤال به چند سؤال می‌توانید پاسخ صحیح بدهید؟

هدف‌گذاری شما برای آزمون امروز چیست؟

هدف‌گذاری چند از ۱۰ برای آزمون امروز

۷۱- دو واکنش زیر مربوط به شناسایی کاتیون موجود در اکسیدی از آهن است. کدام مطلب درست است؟ ($\text{Fe} = 56, \text{O} = 16, \text{g.mol}^{-1}$)

۱) نسبت شمار کاتیون‌ها به آنیون‌ها در هر دو ترکیب A و اکسید آهن یکسان و برابر با ۳ است و این اکسید به عنوان رنگ قرمز در نقاشی استفاده می‌شود.

۲) در شرایط یکسان و در دما و فشار اتفاق، حالت فیزیکی Fe(OH)_3 و NaCl در واکنش (II) همانند حالت فیزیکی فراورده‌های واکنش تخمیر بی‌هوایی گلوکز است.۳) نسبت مجموع ضرایب استوکیومتری مواد در معادله موازن شده (I) به این نسبت در واکنش (II) برابر با $\frac{1}{3}$ است.

۴) در فرایند تولید آهن، از هر گرم از این نوع اکسید آهن با خلوص ۷۰٪، ۴۹٪ گرم آهن تولید می‌شود.

۷۲- کدام گزینه درست است؟

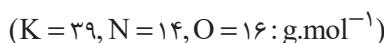
۱) آهن در طبیعت به شکل کانی هماتیت که حاوی آهن (II) اکسید است، یافت می‌شود.

۲) شیمی‌دان‌ها برای تعیین مقدار فراورده مورد انتظار از مفهومی به نام بازده درصدی واکنش استفاده می‌نمایند.

۳) در واکنش ترمیت چون دمای ذوب همه مواد شرکت‌کننده در دو طرف معادله واکنش از دمای محیط بالاتر است، حالت فیزیکی تمام مواد به شکل جامد است.

۴) در روش استخراج فلز به کمک گیاهان که مناسب برای استخراج فلزاتی مانند طلا و مس می‌باشد، از خاکستر حاصل از سوختن گیاه، فلز را استخراج می‌کنند.

۷۳- با حرارت دادن پتاسیم نیترات با خلوص ۹۰٪ در یک ظرف سر باز، به تقریب چند درصد از جرم مواد جامد کاسته می‌شود؟ (ناخالصی‌ها تجزیه نمی‌شوند).



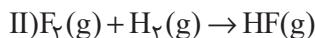
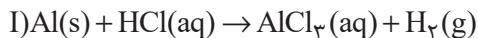
۷ / ۲ (۲)

۲۸ / ۶ (۱)

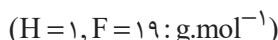
۲۱ / ۵ (۴)

۱۴ / ۳ (۳)

۷۴- واکنش‌های موازن نشده زیر را در نظر بگیرید:



اگر همه گاز هیدروژن آزاد شده بر اثر مصرف ۲۰۰ mL هیدروکلریک اسید با غلظت ۱٪ مولار در واکنش (I) در واکنش (II) مصرف شود، چند گرم گاز فلور از واکنش (II) مصرف می‌شود؟ (بازده واکنش‌های I و II به ترتیب برابر ۹۰٪ درصد است).



۰ / ۳۳۷۷ (۲)

۰ / ۳۰۴۰ (۱)

۰ / ۲۷۳۶ (۴)

۰ / ۰۹۱۲ (۳)

محل انجام محاسبات



-۷۵ در دو ظرف جداگانه دربسته، جرم ناخالص و برابر (m) از ماده A را قرار می‌دهیم تا تجزیه شود. اگر تعداد مولکول‌های A باقیمانده در ظرف (۱) برابر تعداد مولکول‌های باقیمانده A در ظرف (۲) باشد، نسبت جرم ناخالصی ظرف (۱) چند برابر (۲) است؟

	درصد خلوص ۱۰۰	بازده درصدی ۱۰۰	مجموع جرم فراورده‌های تولیدی
واکنش ظرف ۱	α	β	$0 / 16m$
واکنش ظرف ۲	β	α	$0 / 16m$

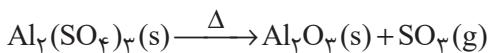
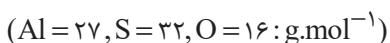
۴ (۲)

۰ / ۲۵ (۱)

$$\frac{100}{36} (۴)$$

۰ / ۳۶ (۳)

-۷۶ پس از تجزیه کامل $4 / 68$ گرم آلومینیم سولفاتات در یک ظرف سر باز، مطابق واکنش موازن نشده زیر، $4 / 44$ گرم ماده جامد در ظرف باقی مانده است. درصد خلوص آلومینیم سولفاتات کدام است؟ (ناخالصی‌ها در واکنش شرکت نمی‌کنند).



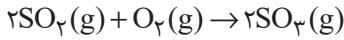
۷۵ (۲)

۰ / ۱۰ (۱)

۵۰ (۴)

۰ / ۶۰ (۳)

-۷۷ $12 / 8$ گرم با $3 / 2$ گرم اکسیژن در یک ظرف سریسته و در شرایط STP واکنش می‌دهد. اگر بازده واکنش 40 درصد باشد، در پایان واکنش $(S = 32, O = 16 : g/mol^{-1})$ چند لیتر گاز در ظرف واکنش وجود خواهد داشت؟



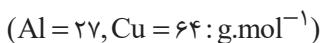
۴ / ۰۳۲ (۲)

۰ / ۸۲۴ (۱)

۳ / ۵۸۴ (۴)

۰ / ۷۹۲ (۳)

-۷۸ مخلوطی از Al و Cu به جرم 25 گرم را در ظرفی حاوی هیدروکلریک اسید می‌اندازیم. اگر فقط نیمی از فلز فعال‌تر با این اسید واکنش داده و فلز دیگر دست نخورده باقی بماند و در اثر واکنش 12 لیتر گاز از ظرف خارج شود، درصد خلوص مس در مخلوط اولیه کدام است؟ (حجم مولی گازها در شرایط واکنش برابر 24 لیتر بر مول است).



۷۲ (۲)

۰ / ۶۴ (۱)

۲۸ (۴)

۰ / ۳۶ (۳)

-۷۹ برای تولید $5 / 6$ تن آهن از سنگ معدن Fe_2O_3 با خلوص ۵۰% ، مطابق واکنش زیر، چند تن از این سنگ معدن لازم است و گاز CO_2 حاصل را با چند کیلوگرم کلسیم اکسید برای تولید کلسیم کربنات می‌توان جذب کرد؟ (بازده درصدی واکنش تولید آهن را ۸۰% در نظر بگیرید). $(Fe = 56, Ca = 40, O = 16, C = 12 : g/mol^{-1})$ (گزینه‌ها را به ترتیب از راست به چپ بخوانید).



۴۲۰۰ ، ۲۰ (۲)

۰ / ۴۲۰۰ (۱)

۸۴۰۰ ، ۲۰ (۴)

۰ / ۸۴۰۰ (۳)

محل انجام محاسبات



۸۰- در نمونه‌ای از یک آلیاژی که دارای مس، نیکل و کروم است، به ازای هر اتم مس، دو اتم نیکل و یک اتم کروم وجود دارد. به تقریب درصد

$$(Cu = 64, Ni = 57, Cr = 52 : g/mol^{-1})$$

۳۳/۷ (۲)

۲۲/۴ (۱)

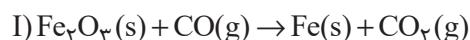
۲۸/۴ (۴)

۲۷/۸ (۳)

۸۱- اگر بازده درصدی واکنش‌های (I) و (II) به ترتیب ۸۰٪ و ۴۰٪ درصد باشد، در اثر مصرف کربن دی‌اکسید حاصل از واکنش ۳۲۰ گرم از آهن (III)

اکسید با خلوص ۲۰٪ با مقدار کافی کربن مونوکسید، چند گرم گلوکز در واکنش (II) حاصل می‌شود و نسبت مجموع ضرایب استوکیومتری مواد در واکنش

$$(H = 1, C = 12, O = 16, Fe = 56 : g/mol^{-1}) \text{ (معادله واکنش‌ها موازن شوند.)}$$



۱/۸ ، ۱۷/۲۸ (۲)

۱/۸ ، ۳۴/۵۶ (۱)

۰/۵۵ ، ۱۷/۲۸ (۴)

۰/۵۵ ، ۳۴/۵۶ (۳)

۸۲- در نوعی سنگ معدن که تنها حاوی مخلوطی از FeO و Fe_2O_3 به جرم ۱۲ گرم است، $8/96$ گرم عنصر آهن وجود دارد. درصد خلوص

$$(O = 16, Fe = 56 : g/mol^{-1})$$

۴۰ (۲)

۲۵ (۱)

۷۵ (۴)

۶۰ (۳)

۸۳- اگر ۵ کیلوگرم از یک نمونه آب که در هر کیلوگرم از آن، $1/164$ گرم یون هیدروژن سولفات (HSO_4^-) وجود دارد، با یک نمونه $1/875$

گرمی از $NaOH$ که در اثر جذب رطوبت، درصد جرمی آن به ۸۰٪ درصد رسیده است، واکنش دهد، پس از پایان واکنش، به تقریب چند گرم

یون هیدروژن سولفات باقی مانده است؟ (۸۰٪ درصد $NaOH$ مصرف می‌شود.)

$$(H = 1, O = 16, Na = 23, S = 32 : g/mol^{-1})$$



۲/۹۱ (۲)

۲/۴۱ (۱)

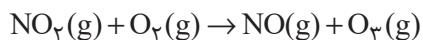
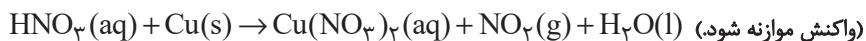
۳/۹۲ (۴)

۳/۴۱ (۳)

محل انجام محاسبات



-۸۴- مطابق واکنش‌های زیر، برای تولید $5/6$ لیتر گاز اوزون در شرایط STP چند گرم فلز مس با خلوص 80% درصد را باید با مقدار کافی از نیتریک اسید



۰/۱۵، ۱۰ (۲)

۰/۱۲۵، ۸ (۱)

۰/۱۵، ۸ (۴)

۰/۱۲۵، ۱۰ (۳)

-۸۵- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

آ) بازیافت فلزها سبب کاهش سرعت گرمایش جهانی می‌شود.

ب) در استخراج فلز، درصد بالایی از سنگ معدن به فلز تبدیل می‌شود.

پ) آهنگ مصرف و استخراج فلز با آهنگ برگشت فلز به طبیعت تقریباً برابر است.

ت) در بستر دریا، ستون‌های سولفیدی فلزهای واسطه می‌توانند تشکیل شود.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

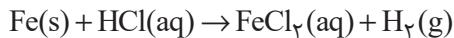
-۸۶- کدام موارد از مطالب زیر درست هستند؟

آ) بازیافت فلزها و از جمله فلز آهن، ردپای CO_2 را کاهش داده و به توسعه پایدار کشور کمک می‌کند.

ب) حدود 50% درصد از نفتی که از چاههای نفت بیرون کشیده می‌شود به عنوان سوخت در وسایل نقلیه استفاده می‌شود.

پ) اگر آرایش الکترونی فشرده کاتیون M^{3+} به صورت $[Ar]^{3d^4}$ باشد، عنصر M در گروه ۶ جدول دوره‌های قرار دارد.

ت) از واکنش $4/0$ مول آهن با خلوص 75% درصد در واکنش موازن نشده زیر، حداقل مقدار $72/6$ لیتر گاز در شرایط STP تولید می‌شود.



(معادله واکنش موازن شود.)

(۱)، (۲)

(۱)، (۲)

(۳)، (۴)

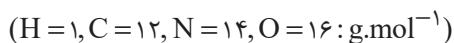
(۳)، (۴)

محل انجام محاسبات

**۸۷- کدام مورد، نادرست است؟**

- (۱) ارزیابی چرخه عمر اصطلاحی است که برای ارزیابی میزان تأثیر یک فراورده بر روی محیط زیست در مدت طول عمر آن به کار می‌رود.
- (۲) ارزیابی چرخه عمر شامل ارزیابی از دو مرحله تولید و مصرف یک فراورده است.
- (۳) تأثیر حمل و نقل ماده خام روی محیط زیست از مرحله مصرف در مراحل چرخه عمر است.
- (۴) نفت خام در دنیای کنونی دو نقش اساسی ایفا می‌کند که نقش نخست آن، منبع تأمین انرژی است.

۸۸- با توجه به مولکول‌های اتن، اتین، هیدروژن سیانید و کربن دی‌اکسید، همه گزینه‌های زیر نادرست‌اند، به جز ...



- (۱) در ساختار هیدروژن سیانید و کربن دی‌اکسید همه اتم‌ها از قاعدة هشت‌تایی پیروی می‌کنند.
- (۲) حجم یک مول از اتین در شرایط استاندارد، دو واحد کمتر از حجم یک مول اتن در همان شرایط است.
- (۳) در کربن دی‌اکسید همانند هیدروژن سیانید، مجموع عدددهای کوانتمی اصلی و فرعی الکترون‌های لایه ظرفیت اتم مرکزی، برابر ۱۰ است.
- (۴) در کربن دی‌اکسید بر خلاف اتن، تعداد جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی متفاوت است.

۸۹- کدام گزینه، نادرست است؟

- (۱) اتم کربن C ۶ در خانه ۶، دوره ۲ و گروه ۱۴ جدول تناوبی قرار دارد.
- (۲) علت تنوع ترکیبات کربن، توانایی تشکیل پیوندهای یگانه، دوگانه، سه‌گانه و تشکیل زنجیر و حلقه‌های کربنی است.
- (۳) نفت خام، مخلوطی از هزاران ترکیب شیمیایی است که بخش اندکی از آن را هیدروکربن‌های گوناگون تشکیل می‌دهند.
- (۴) در مولکول‌های اتن و اتین شمار اتم‌های کربن برابر، اما شمار پیوندهای کووالانسی متفاوت است.

۹۰- چند مورد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

- * یکی از راه‌های تهییه سوخت سبز، استفاده از بقایای گیاهانی مانند سیب‌زمینی و ... است.
- * در واکنش تخمیر بی‌هوایی گلوکز، مجموع ضرایب استوکیومتری مواد موجود در واکنش برابر ۳ است.
- * استخراج فلز روی با استفاده از گیاهان مقرر به صرفه است.
- * اغلب گونه‌های فلزی غلظت بیشتری در کف اقیانوس نسبت به ذخایر زمینی دارند.
- * براساس توسعه پایدار، لازم نیست در تولید یک ماده همه ملاحظات اقتصادی، اجتماعی و زیست محیطی را در نظر گرفت.

۴ (۲)

۲ (۱)

۳ (۴)

۱ (۳)



یک روز، یک درس: روزهای سهشنبه در سایت کانون (www.kanoon.ir) به درس شیمی (۲) اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس شیمی (۲) را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

محل انجام محاسبات



۱۰ دقیقه

ادبیات پایداری

درس ۳ تا ۵

صفحة ۴۹ تا ۲۷

فارسی (۲)

۹۱- معنای واژه‌های مشخص شده در مقابل کدام یک از گزینه‌های زیر، نادرست است؟

(۱) صدای و نعره‌های درهم شترهای حامل زنیورک، با آهنگ شیپورها درمی‌آمیخت: (نوعی توپ جنگی)

(۲) سپیده فردای گنجه با نهیب و صفیر گلوله‌های توپ روس، باز شد: (فرستاده)

(۳) انگار از همه بریده بودند و حتی کورسوبی از امید در دلشان پیدا نبود: (نور اندک)

(۴) حکیمی را پرسیدند: «چندین درخت نامور که خدای عَزَّ و جَلَ آفریده است.»: (مشهور)

۹۲- در کدام گزینه تعداد واژگان با املای نادرست بیشتر است؟

(۱) معین بودن، قرن جدید، تصرف کشور

(۲) خرگه خوارزمشاهی، غرص خورشید، قلت خوردن

(۳) چشم طمع، موضوع مسلم، سلیب سرخ

(۴) دشمنان بعنی، اعیاد مذهبی، عقربه‌های تبل

۹۳- در متن زیر آرایه‌های کدام گزینه وجود دارد؟

«ففقار زخم خورده و ستم دیده، نگاه منظر و یاری جویش را به جنوب دوخته بود. موج‌های سنگین و افسارگسیخته ارس، سدوار در برابر سپاه
ایستاده بود و چشم ناظران را خیره می‌کرد.»

(۲) تشبيه، تضاد، استعاره، کنایه، ایهام

(۱) مجاز، کنایه، تشبيه، استعاره، تشخيص

(۴) حس‌آمیزی، تضاد، استعاره، واج‌آرایی، جناس

(۳) کنایه، واج‌آرایی، مراعات نظیر، جناس، تشخيص

۹۴- با توجه به ابیات زیر، کدام گزینه درست است؟

بنای زندگی برآب می‌دید

«ز رخسارش فرو می‌ریخت اشکی

خيال تازه‌ای در خواب می‌دید»

در آن سیما بگون ام واج لرزان

(۱) «ز رخسارش فرو می‌ریخت اشکی» آرایه تشخيص دارد.

(۲) در بیت دوم، «خيال تازه» کنایه دارد.

(۳) در بیت نخست کنایه وجود ندارد.

(۴) در ابیات ادات تشبيه، مشاهده می‌شود.

۹۵- کدام یک از گزینه‌های زیر در مورد قالب «چهارپاره»، نادرست است؟

(۱) نام دیگر این نوع شعر و قالب، «دوبیتی‌های پیوسته» است.

(۲) «چهارپاره»، بیشتر برای طرح مضامین اجتماعی و سیاسی به کار می‌رود.

(۳) رواج «چهارپاره»، از دوره پهلوی بوده و تاکنون ادامه یافته است.

(۴) ملک‌الشعرای بهار، فریدون مشیری و فریدون توللی سروده‌هایی در این قالب دارند.

**۹۶-در کدام گزینه «شاخن» نمی‌باشد؟**

- (۱) علامه دهخدا با تدوین لغتنامه خدمت فرهنگی بی‌نظیری انجام داد.
- (۲) به در خانه حاج آقا مدرس رسید و ایستاد.
- (۳) خاله‌ام با همهٔ تمکنی که داشت به زندگی درویشانه‌ای قناعت کرده بود.
- (۴) سیدرضی از شاعران و فقیهان قرن دوازدهم و گردآورندهٔ نهج‌البلاغه است.

۹۷-واژه «دیروز» در کدام یک از گزینه‌های زیر نقش قیدی دارد؟

- (۱) دیروز، برایم روز بسیار خوبی بود.
- (۲) مطالب جلسهٔ دیروز، در مدرسه مطرح شد.
- (۳) اتفاقات دیروز را بی‌اهمیت بدان.
- (۴) دیروز، با علی به اداره رفتیم.

۹۸-در عبارات زیر، چند «ترکیب اضافی» وجود دارد؟

«شهر، عرصهٔ محشر را به خاطر می‌آورد. گنجه با واپسین رمق‌هایش، زیر سقفی از دود و غبار نفس می‌کشید. بادهای زمستان، ناله‌های واماندگان را با بوی خون هزاران شجاع گنجه تا فراز قله‌های قفقاز می‌برد.»

(۴) ۵۵

(۳) نه

(۲) هشت

(۱) هفت

۹۹-مفهوم کدام بیت متفاوت است؟

گهی افراط و گه تفریط کردیم
که از افراط و تفریط‌ش کرانه است
غیر از آن شک و شبیه و غلط است
کزین دو خصلت بد خسروان شوند گدا

تا در این ره چه کند همت مردانه ما
از آن به که کشور به دشمن دهیم
به راه مملکت فرزند و زن را
هر که درگلشن پرخار جهان مأوا کرد
به از زنده دشمن بدو شادکام

- (۱) میان نیک و بد تخلیط کردیم
- (۲) همهٔ اخلاق نیکو در میانه است
- (۳) راه حق آن بود که در وسط است
- (۴) مباش عاشق افراط و مایل تفریط
- ۱۰۰- بیت زیر با کدام گزینه قرابت معنایی ندارد؟
- «در ره عشق وطن از سر جان خاسته‌ایم
- (۱) گر همه سر به سر، تن به کشتن دهیم
- (۲) شبی آمد که می‌باید فدا کرد
- (۳) خار گلزار وطن دامن انسش بکشید
- (۴) چنین گفت کامروز مردن به نام

یک روز، یک درس: روزهای یکشنبه در سایت کانون <https://www.kanoon.ir> به درس فارسی اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس فارسی را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

۱۰ دقیقه

عربی، زبان قرآن (۲)

- من آیاتِ الأخلاقِ
(تمارین)

- فی محض المعلمِ
(متن درس)

درس ۱ و ۲
صفحة ۲۲ تا ۱۲**عربی، زبان قرآن (۲)**

۱۰۱ - ما هو المناسبُ للفراغ؟ «تسمية الآخرين بالأسماء القبيحة: ...»

۲) تلقیب

۴) تجسس

۱) تنازعٌ

۳) فَحْض

■ عین الصّحیح فی الجواب للترجمة (۱۰۲ - ۱۰۶):

۱۰۲ - «فِي الْحُصَّةِ الْأُولَى كَانَ الطَّلَابُ الْمُجَدُونَ يَدْرُسُونَ وَ لَوْ كَانَ بَيْنَهُمْ طَالِبٌ مُشَاغِبٌ!»:

۱) در یک زنگ دانشآموزان کوشای درس می خوانند و میان آنها دانشآموزان اخلاقگر بودند.

۲) در زنگ یکم دانشآموزان پر تلاش درس می خوانند حتی اگر دانشآموزان تنبیل بینشان باشند.

۳) دانشآموزان پر تلاش در اوایل زنگ داشتند مطالعه می نمودند، اگر چه میان آنها دو دانشآموز شلوغ کننده بودند.

۴) دانشآموزان کوشای در زنگ اول درس می خوانند، هر چند میان آنها دو دانشآموز اخلاقگری بودند.

۱۰۳ - «أَلَفَ عَدَّةً مِنَ الْعُلَمَاءِ كُتُبًا فِي مَجَالَاتِ التَّعْلُمِ وَ التَّعْلِيمِ يَرْتَبِطُ بَعْضُهَا بِالْمَعْلَمِ!»:

۱) گروهی از عالمان کتاب‌هایی را در زمینه‌یاددهی و یادگیری تألیف کرده‌اند که بعضی‌شان به معلم مرتبط می‌شد!

۲) تعدادی از علماء کتاب‌هایی را در زمینه‌یادگیری و یاددهی تألیف کرده‌اند که بعضی‌هایشان به معلم مرتبط می‌شود!

۳) تعدادی از دانشمندان کتاب‌هایی را در زمینه‌یادگیری و یادگیری تألیف کرده‌اند که بعضی از آنها به معلم مرتبط می‌شود!

۴) گروهی از دانشمندان کتاب‌هایی را در زمینه‌یادگیری و یاددهی تألیف کرده بودند که بعضی‌هایشان به معلم مرتبط می‌شد!

۱۰۴ - ﴿فَأَنْزَلَ اللَّهُ سَكِينَتَهُ عَلَى رَسُولِهِ وَ عَلَى الْمُؤْمِنِينَ﴾: پس ...

۱) خداوند آرامش را بر پیامبر و بر مؤمنان نازل کردا!

۲) خداوند آرامش خود را بر پیامبر و مؤمنان نازل کردا!

۳) خداوند آرامش خود را بر پیامبر و بر مؤمنان نازل کردا!

۴) پروردگار آسایش را بر پیامبر و بر اهل ایمان فرو فرستاد!

۱۰۵ - «مَنْ لَا يَسْتَمِعُ إِلَى الدَّرْسِ جَيْدًا يَرْسُبُ فِي الْامْتِحَانِ!»:

۱) هر کس به درس خوب، گوش فرانده‌د، در امتحان مردود می‌شود!

۲) کسی که به درس، خوب گوش فرانمی‌دهد، در آزمون مردود خواهد شد!

۳) هر کس به درس، خوب گوش فرانده‌د، در امتحان مردود می‌شود!

۴) هر کس به تدریس، به خوبی گوش فرانده‌د، در امتحان مردود خواهد شد!

١٠٦ - عین الخطأ:

- (١) فَكَرَّ مهران حَول هذه المشكلة: مهران درباره این مشکل فکر کرد،
 (٢) فذهبَ إِلَى معلم الكيمياء؛ و نزد معلم شیمی رفت،
 (٣) و شرحَ لِه القضيَّة و قال: و ما جرا را براي وي شرح داد و گفت،
 (٤) أُحِبُّ أَن أَكْتَبَ إِنشَاءً تَحْتَ عنوانِ «الجامعة»؛ دوست داشتم انشائی با عنوان «دانشگاه» بنویسم!

١٠٧ - عین ما ليس فيه اسم الفاعل أو اسم مبالغة:

(١) عداوة العاقل خيرٌ من صداقه الجاهل!

(٢) أراد المشتري تخفيض السعر!

(٣) يا غفار الذنب، إغفر ذنبنا!

(٤) إشترينا فساتين بأسعارٍ رخيصة!

١٠٨ - عین ما ليس فيه اسم التفضيل:

- (١) هذه الكلمات أقلَّ في اللهجات العربية!
 (٢) أنا أُحِبُّ اللون الأحمر من بين الألوان!
 (٣) عداوة العاقل خيرٌ من صداقه الجاهل!

١٠٩ - عین وزن «مَفْعُل» لا يدلُّ على اسم المكان:

(١) في الحِصَّةِ الأولى كان الطَّلَابُ في محضرِ المَعْلِمِ!

(٢) قراءةُ هذا المَطَلَبِ مفيدةٌ لَنَا، لأنَّنا نستفيدُ منه!

(٣) في سوقِ مَشَدِ المَقْدَسَةِ رأيتُ زميلاً القديمِ و والده!

(٤) ما ذهبتُ إلى المَلَعَبِ لِمشاهدةِ كُرةِ الْقَدَمِ!

١١٠ - عین الصَّحِيحِ في تكميلِ الفراغ:

«سَتَّةٌ و سَبْعُونَ نَاقْصٌ ... يُساوِي خَمْسَةٍ و سَتِينَ!»

(١) أربعة عشرَ (٢) ثلاثة عشرَ (٣) إثناعشرَ (٤) أحدعشرينَ

یک روز، یک درس: روزهای سهشنبه در سایت کانون <https://www.kanoon.ir> به درس عربی، زبان قرآن اختصاص دارد.

شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس عربی، زبان قرآن را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.



دین و زندگی (۲)

دین و زندگی (۲)

• تکنر و اندیشه

تمام هدایت (از ابتدای

«عوامل ختم نبوت تا

(پایان درس)»

معجزه جاویدان

درس ۲ و ۳

صفحة ۲۸ تا ۴۴

۱۱۱- اگر کسی به واسطه آشنایی با زبان عربی، دریابد که آیات قرآن با سایر سخن‌ها کاملاً فرق می‌کند، کدام اعجاز قرآن را دریافت نموده است و این که قرآن بنا به فرموده امام باقر (ع) تمام نیازهای برتر انسان را برآورده می‌کند، مؤید کدام جنبه از اعجاز قرآن است؟

(۱) لفظی- لفظی

(۳) لفظی- محتوا

(۲) محتوا

(۴) محتوا

۱۱۲- در هر یک از موارد زیر، به ترتیب، به کدام جنبه از اعجاز محتوا ای قرآن کریم اشاره می‌شود؟

- قائل شدن حقوق خانوادگی و اجتماعی برای زن در قرآن

- نکوهش جهل در قرآن

(۱) ذکر نکات علمی بی‌سابقه- ذکر نکات علمی بی‌سابقه

(۲) تأثیرناپذیری از عقاید جاهلیت- ذکر نکات علمی بی‌سابقه

(۳) ذکر نکات علمی بی‌سابقه- تأثیرناپذیری از عقاید جاهلیت

(۴) تأثیرناپذیری از عقاید جاهلیت- تأثیرناپذیری از عقاید جاهلیت

۱۱۳- کدام مورد کارهای خارق العاده پیامبران را معجزه می‌نامد و رمز و راز این که خداوند معجزه اصلی پیامبر اکرم (ص) را در قرآن کریم قرار داد، چیست؟

(۱) قرآن کریم- اندیشمندان و ادبیان زمان خودش آن را معجزه بدانند.

(۲) قرآن کریم- آیندگان هم مانند مردم زمان خودش آن را معجزه بدانند.

(۳) اندیشمندان اسلامی- آیندگان هم مانند مردم زمان خودش آن را معجزه بدانند.

(۴) اندیشمندان اسلامی- اندیشمندان و ادبیان زمان خودش آن را معجزه بدانند.

۱۱۴- مخاطب قرآنی «علی ان یأتوا بمثل هذا القرآن» کدام مورد است؟

(۱) تمامی جن و انس

(۲) کسانی که در الهی بودن قرآن شک دارند.

(۳) کسانی که به دروغ قرآن را به پیامبر نسبت داده‌اند.

(۴) ادبیان و اندیشمندان

۱۱۵- آسان‌ترین راه برای غیرالهی نشان دادن اسلام و قرآن کریم در کدام عبارت شریفه تبیین شده است؟

(۲) «قل فأتوا بسوره مثله»

(۱) «ان یأتوا بمثل هذا القرآن»

(۴) «لا یأتون بمثله»

(۳) «قل لئن اجتمع الانس و الجن»

یک روز، یک درس: روزهای شنبه در سایت کانون <https://www.kanoon.ir> به درس دین و زندگی اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس دین و زندگی را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.



۱۱۶- چه سرنوشتی در انتظار کسانی است که دینی جز اسلام اختیار کنند و ایمان نیاوردن پیروان پیامبر قبلی به آخرین پیامبر نشانه چیست؟

۱) اذا لاراتاب المبطلون- وجود دو یا چندین دین در یک زمان

۲) و هو في الآخرة من الخاسرين- وجود دو یا چندین دین در یک زمان

۳) و هو في الآخرة من الخاسرين- عدم پیروی از دستورات پیامبران گذشته

۴) اذا لاراتاب المبطلون- عدم پیروی از دستورات پیامبران گذشته

۱۱۷- مفهوم آیه شریفة «و ما كنت تتلوا مِنْ قَبْلِهِ مِنْ كِتَابٍ وَ لَا تَخْطُلْهُ...» با کدام شعر در ارتباط است؟

بر او نازل شده «أَدْعُوكُمْ إِلَى اللَّهِ»

۱) بر او ختم آمده پایان این راه

به غمزه مسئله آموز صد مدرس شد

۲) نگار من که به مكتب نرفت و خط ننوشت

گرفته دست جانها دامن وی

۳) شده او پیش و دلها جمله در پی

دل رمیده مارا انیس و مونس شد

۴) ستاره‌ای بدرخشید و ماه مجلس شد

۱۱۸- وظیفه هر پیامبری که می‌آمد نسبت به پیامبر بعدی چه بود؟

۱) تصحیح و تکمیل تعالیم او

۲) بشارت او

۳) تأیید و هشدار از عدم پیروی از او

۱۱۹- عوامل ختم نوبت در کدام گزینه به درستی بیان نشده است؟

۱) حفظ قرآن کریم از تحریف به واسطه عنایت الهی و اهتمام پیامبر (ص) صورت گرفت.

۲) آمادگی جامعه بشری برای دریافت برنامه کامل زندگی، در مقابل رشد تدریجی سطح فکر آن‌ها بود.

۳) وجود امامان معصوم (ع) پس از پیامبر (ص) که سبب می‌شود همه مسئولیت‌های پیامبر (ص) تداوم یابد.

۴) پویایی و روزآمد بودن دین اسلام که باعث می‌شود این دین برای همیشه ماندگار باشد.

۱۲۰- کدام ویژگی دین مبین اسلام سبب می‌شود که پاسخ‌گوی نیازهای بشر در دوره‌های مختلف گردد؟

۱) جاؤدانه بودن قرآن کریم- استمرار و پیوستگی در دعوت

۲) توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت- استمرار و پیوستگی در دعوت

۳) توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت- وجود قوانین تنظیم‌کننده

۴) جاؤدانه بودن قرآن کریم- وجود قوانین تنظیم‌کننده

یک روز، یک درس: روزهای دوشنبه در سایت کانون <https://www.kanoon.ir> به درس زبان انگلیسی اختصاص دارد. شما می‌توانید خلاصه‌درس‌ها و آزمونک مربوط به درس زبان انگلیسی را در این روز از قسمت تازه‌ها در سایت کانون و نیز صفحه مقطع خود دریافت کنید.

زبان انگلیسی (۲)

۱۵ دقیقه

PART A: Grammar and Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

121- These days, plenty of researchers are trying to protect endangered languages, and this can save ... information and cultural values of people all around the world.

- 1) a few 2) a little 3) many 4) lots of

122- Yesterday, my father and I decided to buy the newest iPhone, 15 pro, for me, but we couldn't buy it because it was too expensive. It was

- 1) seven hundred and ninety nine dollar 2) seven hundreds and ninety-nine dollar
3) seven hundred and ninety-nine dollars 4) seven hundreds and ninety nine dollars

123- Today after his English class, my close friend, Jack, talked with our English teacher about the future and the teacher gave him some advice. I hope that my noble friend takes

- 1) that piece of advices 2) those pieces of advice
3) that pieces of advice 4) those piece of advice

124- To see how your language skills are improving, you need to ... changes in your vocabulary and fluency over time.

- 1) measure 2) protect 3) communicate 4) complete

125- I asked the man about the picture and he said he wanted one thousand dollars because it had historical

- 1) mind 2) culture 3) language 4) value

126- The lost man asked for help from the ... hunters and fishermen who lived less than thirty kilometers away.

- 1) foreign 2) native 3) amazing 4) specific

PART B: Reading Comprehension

Directions: Read the following passage and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

Learning a new language takes time and dedication. In the beginning, it is useful to be exposed to the language regularly through reading, listening, writing, and speaking. Reading children's books, watching TV shows, writing a journal, and having simple conversations with native speakers are good starter activities. These give learners a feel for the patterns and rhythms of the new language.

As learners gain basic proficiency, watching movies, listening to the news, and surfing the internet become helpful. These expose learners to more complex vocabulary and language structures. Talking to native speakers is also important at this stage. Learners should try to communicate as much as possible and not be afraid of making mistakes, as mistakes are part of the learning process.

Over time, with continued practice and exposure, fluency develops. Fluency comes from lots of listening and speaking. Joining language classes, exchange programs and travel to countries where the language is spoken will greatly accelerate learning. With persistence and dedication, anyone can become proficient in a foreign language. The reward is the ability to communicate with more people around the world.

127- What is the topic of the passage?

- 1) Effective language learning strategies
2) The history of language learning
3) Famous language teachers and their achievements
4) How to become a professional language teacher

128- How can learners achieve fluency in a foreign language, according to the passage?

- 1) Through occasional practice with native speakers 2) Only by attending language classes
3) By joining exchange programs and traveling 4) Fluency comes naturally with basic proficiency.

129- The underlined word "proficiency" in paragraph 2 refers to which of the following options?

- 1) skill 2) experience 3) dictionary 4) percent

زبان انگلیسی (۲)

Understanding People
(Grammar....,
Pronunciation)

درس ۱

صفحه ۲۸ تا ۳۶



130- According to the passage, which activity is NOT recommended for learners trying to gain basic proficiency in a new language?

- 1) Watching TV shows
- 2) Reading children's books
- 3) Writing a journal in the new language
- 4) Traveling to countries where many languages are spoken

تبديل به تست نمونه سؤال‌های امتحانی

PART C: Grammar and Vocabulary

Directions: Choose the word or phrase (1), (2), (3), or (4) that best completes each sentence. Then mark the answer on your answer sheet.

131- In the sea, there are ... of fish, each one with its own unique colors and patterns that make them special.

- | | |
|------------------------------------|--------------------------------|
| 1) two millions of different types | 2) millions of different types |
| 3) two million of different types | 4) millions of different type |

132- How ... do you think it will take to complete the project, considering the available resources and any possible challenges?

- | | | | |
|------------------|----------------------|--------------|----------------|
| 1) many of times | 2) some of the times | 3) much time | 4) little time |
|------------------|----------------------|--------------|----------------|

133- My mom and I baked a cake yesterday, and we used ... to make the cake extra creamy and delicious.

- | | | | |
|-----------------------|------------------------|--------------------------|--------------------------|
| 1) three bottles milk | 2) three milks bottles | 3) three milk of bottles | 4) three bottles of milk |
|-----------------------|------------------------|--------------------------|--------------------------|

134- In order to succeed in this project, we must all understand and agree on this important ... that quality is more important than quantity.

- | | | | |
|----------|------------|-----------|----------|
| 1) point | 2) history | 3) candle | 4) price |
|----------|------------|-----------|----------|

135- Using a language ... can change the intended meaning and prevent successful communication, so it's important to take the time to learn it correctly.

- | | | | |
|------------|--------------|----------------|-------------|
| 1) wrongly | 2) carefully | 3) fortunately | 4) probably |
|------------|--------------|----------------|-------------|

136- The cost of mobile phones can ... greatly based on the brand, model, and features they offer.

- | | | | |
|----------|--------------|---------|----------|
| 1) exist | 2) disappear | 3) vary | 4) order |
|----------|--------------|---------|----------|

PART D: Reading Comprehension

Directions: Read the following passage and answer the questions by choosing the best choice (1), (2), (3), or (4). Then mark the correct choice on your answer sheet.

The world's population is growing really fast. Currently, there are over 7.8 billion people on the planet, and this number is expected to reach 9.7 billion by 2050. The majority of this growth is happening in developing countries in Africa and Asia. In fact, it is estimated that by 2100, Africa alone will be home to more than 4 billion people.

This rapid population growth has big effects on our planet. It puts pressure on resources such as food, water, and energy, and makes problems such as pollution and climate change worse. It also creates challenges for governments and societies, because they need to provide basic things such as schools, hospitals, and homes to a growing population.

Despite these difficulties, there are also opportunities that come with a growing population. We have more people to work and come up with new ideas. And when we have lots of different people, we can learn more from each other and make the world a better place.

137- Which of the following is TRUE, according to the passage?

- 1) The world's population is decreasing fast.
- 2) Most of the population growth is happening in Africa and Asia.
- 3) The rapid population growth has no effect on our planet.
- 4) A growing population does not bring any opportunities.

138- How many more people are expected to be living in the world in about 30 years?

- | | | | |
|----------------|----------------|--------------|----------------|
| 1) 7.8 billion | 2) 1.9 billion | 3) 3 billion | 4) 9.7 billion |
|----------------|----------------|--------------|----------------|

139- What is one of the challenges that comes with a growing population?

- | | |
|---|--|
| 1) More money and new inventions | 2) New ideas and ways of looking at things |
| 3) Better schools, hospitals, and homes | 4) Not having enough resources |

140- What is the main idea of paragraph 3?

- 1) A growing population makes it harder to find enough food.
- 2) Many more people are being born in Africa and Asia.
- 3) Despite being hard, having more people can help us.
- 4) Problems like pollution and climate change will be worse by 2050.



پدیدآورندگان آزمون ۳ آذر سال یازدهم ریاضی

طراحان

نام درس	نام طراحان
حسابان (۱)	پوپک اسلامی - مجتبی نادری - فرید غلامی - محمدابراهیم توزنده‌جانی - پدرام نیکوکار - محمدمصطفی ابراهیمی - مصطفی بهنام‌قدم - امیرحسین افشار - امیر هوشنگ خمسه - نسترن صمدی - ابراهیم نجفی
هندسه (۲)	فرید غلامی - امیرحسین ابومحیوب - بابک اسلامی - پنیامین یعقوبی - محمدابراهیم توزنده‌جانی
آمار و احتمال	فرید غلامی - مرتضی فهمی‌علوی - فرزانه خاکپاش - هادی فولادی - امیرحسین ابومحیوب
فیزیک (۲)	میلاد سلامتی - مهدی باگستانی - پوریا علاقه‌مند - کامران ابراهیمی - میثم دشتیان - مصطفی کیانی - سعید اردم - بهنام دیباچی‌اصل - محمدعلی راست‌پیمان - فاروق مردانی
شیمی (۲)	روزبه رضوانی - منصور سلیمانی‌ملکان - این نوروزی - علی اخخی‌نیا - عباس هنرجو - احمد رضا چشانی‌پور - میثم کیانی - هادی مهدی‌زاده - فاضل قهرمانی‌فرد - یاسر راش - سید رحیم هاشمی دهکردی - محمد عظیمیان زواره - فیضه بداللهی - یاسر علیشائی - رسول عابدینی‌زواره - پویا رستگاری
فارسی (۲)	محسن اصغری، حسن افتاده، مریم شمرانی، الهام محمدی، علی کاظم شیرودی، مجید همایی
عربی، زبان قرآن (۲)	محسن رحمانی، امیر رضا عاشقی، مرتضی کاظم شیرودی، مجید همایی
دین و زندگی (۲)	امیر مهدی افشار، محسن بیاتی، مرتضی محسنی کبیر
زبان انگلیسی (۲)	مجتبی درخشان گرمی، محسن رحیمی، عقیل محمدی‌روش، محمدحسین مرتضوی

کنیه‌سکران، مسئولین درس و پیراستاران

نام درس	گزینشگر و مسئول درس	گروه ویراستاری	مسئول درس مستندسازی
حسابان (۱)	ایمان چینی فروزان	حمدیرضا رحیم خانلو، مهرداد ملوندی، عادل حسینی	سمیه اسکندری
هندسه (۲)	امیرحسین ابومحیوب	مهرداد ملوندی، سجاد محمدنژاد	سرژیقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال	امیرحسین ابومحیوب	مهرداد ملوندی، سجاد محمدنژاد	سرژیقیازاریان تبریزی
فیزیک (۲)	معصومه افضلی	مهدی بحر کاظمی، محمدامین رشید، ماهان زواری، بابک اسلامی	علیرضا همایون‌خواه
شیمی (۲)	ایمان حسین نژاد	امیر رضا حکمت‌نیا، ماهان زواری، امیر رضا واشقانی، احسان پنجه‌شاهی	امیرحسین مرتضوی
فارسی (۲)	علی وفایی خسروشاهی	اعظم رجایی، مرتضی منشاری	الناز معتمدی
عربی، زبان قرآن (۲)	محسن رحمانی	فاطمه منصور‌خاکی، اسماعیل یونس‌پور	لیلا ایزدی
دین و زندگی (۲)	امیر مهدی افشار	سکینه گلشنی	زهره قموشی
زبان انگلیسی (۲)	عقیل محمدی‌روش	رحمت الله استیری، محدثه مرآتی	سوگند بیگلاری

کروه فنی و تولید

مدیر گروه	بابک اسلامی
مسئول دفترچه	لیلا نورانی
گروه عمومی	مدیر: الهام محمدی - مسئول دفترچه: معصومه شاعری
مستندسازی و مطابقت با مصوبات	مدیر گروه: محیا اصغری مسئول دفترچه: سمية اسکندری (اختصاصی) - فریبا رئوفی (عمومی)
حروف‌نگاری و صفحه‌آرایی	فاطمه علی‌باری (اختصاصی) - سحر ایروانی (عمومی)
ناظرات چاپ	حميد محمدی

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

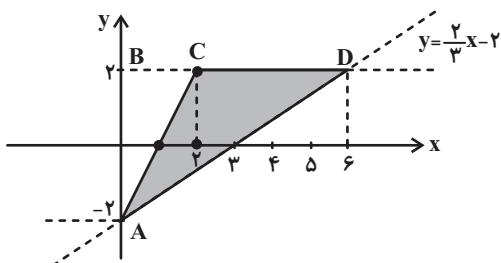


(فریدر غلامی)

۴ - گزینه «۱»

باید نمودارهای $y = \frac{2}{3}x - 2$ و $y = |x| - |x - 2|$ را در یک دستگاه

رسم کنیم.

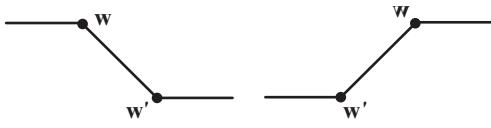


پس یک مثلث داریم که قاعده آن CD و ارتفاع آن AB است.

$$AB = 4, CD = 4 \Rightarrow \text{مساحت} = \frac{1}{2} \times 4 \times 4 = 8$$

یادآوری: برای $y = |x - a| - |x - b|$ ، دو نقطه a و b را مشخص کرده و نمودار به یکی $W'(a, -|a - b|)$ و $W(b, |a - b|)$ است:

از دو صورت زیر است:



(مسابان ا- صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

(محمد ابراهیم تووزنده‌پانی)

۵ - گزینه «۳»

با توجه به ریشه عبارت‌های داخل قدرمطلق، بازه‌بندی مناسب $f(x)$ را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$x < 3 : f(x) = -3x + 9 - 3x - x + 4 = -7x + 13$$

$$3 \leq x \leq 4 : f(x) = 3x - 9 - 3x - x + 4 = -x - 5$$

$$x > 4 : f(x) = 3x - 9 - 3x + x - 4 = x - 13$$

خط $ax + b$ تنها در شرایطی با این تابع بی شمار نقطه مشترک دارد که به یکی از سه صورت زیر باشد:

$$-7x + 13, -x - 5, x - 13$$

لذا بیشترین مقدار $|a| + |b|$ برابر است با:

$$|a| + |b| = |-7| + |13| = 20$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

حسابان (۱)

(پوپک اسلامی)

۱ - گزینه «۲»

طبق تعریف قدرمطلق

$$|a| = \begin{cases} a & ; a \geq 0 \\ -a & ; a < 0 \end{cases}$$

گزینه‌های «۱»، «۳» و «۴» درست هستند.

مثال نقص برای گزینه «۲»، $a = 0$ است.

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

۲ - گزینه «۴»اگر $x < -2$ باشد، آنگاه $-x = -x$ خواهد بود، لذا داریم:

$$|-2 - x| = \sqrt{x^2} = |-(-x)| = |x|$$

$$= |2 + x| = |x| = -2 - x + x = -2$$

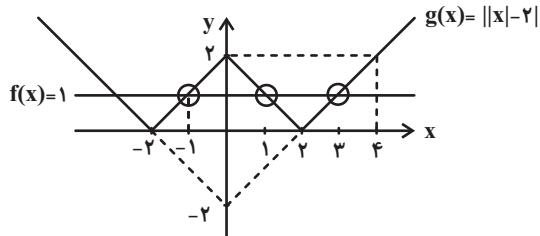
توجه: از $x < -2$ نتیجه می‌گیریم $x + 2 < 0$ و در نتیجه

$$|x + 2| = -2 - x$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)

۳ - گزینه «۱»برای به دست آوردن تعداد جواب‌های معادله $|x| - 2 = 1$ کافیست نمودار دوتابع $g(x) = |x| - 2$ و $f(x) = 1$ را در یک دستگاه مختصات رسم کنیم

و تعداد نقاط تلاقی نمودارهای این دو تابع را مشخص کنیم.

همان‌طوری که از نمودارهای f و g مشخص است، دو تابع در بازه $(-2, 4)$ فقطدر سه نقطه $x = -1, x = 1$ و $x = 3$ متقاطع‌اند.توجه کنید که برای رسم نمودار تابع $y = |x| - 2$ ، ابتدا نمودار تابع $y = |x|$ را دو واحد به سمت پایین برده تا به تابع $y = |x| - 2$ برسیم.سپس قسمت‌های زیر محور x را نسبت به این محور قرینه می‌کنیم (قسمت‌هایپایین محور x را حذف می‌کنیم) تا نمودار تابع $y = |x| - 2$ به دست آید.

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۸ تا ۳۳)



(امیرحسین اخشار)

۹ - گزینه «۳»

می دانیم:

$$(4-x^2)^2 =(-(x^2-4))^2=(x^2-4)^2$$

$$|x^2-4|^2=(x^2-4)^2$$

$$\Rightarrow 2(x^2-4)^2-3|x^2-4|+1=0$$

$$\Rightarrow 2|x^2-4|^2-3|x^2-4|+1=0$$

$$\frac{|x^2-4|=t}{a+b+c=0} \rightarrow 2t^2-3t+1=0$$

$$\begin{cases} t=1=|x^2-4| \\ t=\frac{c}{a}=\frac{1}{2}=|x^2-4| \end{cases}$$

$$|x^2-4|=1 \Rightarrow \begin{cases} x^2-4=1 \Rightarrow x^2=5 \Rightarrow x=\pm\sqrt{5} \\ x^2-4=-1 \Rightarrow x^2=3 \Rightarrow x=\pm\sqrt{3} \end{cases}$$

$$|x^2-4|=\frac{1}{2} \Rightarrow \begin{cases} x^2-4=\frac{1}{2} \Rightarrow x^2=\frac{9}{2} \Rightarrow x=\pm\sqrt{\frac{9}{2}} \\ x^2-4=-\frac{1}{2} \Rightarrow x^2=\frac{7}{2} \Rightarrow x=\pm\sqrt{\frac{7}{2}} \end{cases}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)

(امیر هوشمند فمسه)

۱۰ - گزینه «۲»

از اتحاد مزدوج و اتحاد چاق و لاغر استفاده می‌کنیم.

$$|(x-1)(x+1)| + |(x-1)(x^2+x+1)| - |x-1| = 0$$

$$\Rightarrow |x-1|(|x+1| + |x^2+x+1|-1) = 0$$

$$1) |x-1| = 0 \Rightarrow x = 1$$

عبارت درجه دوم x^2+x+1 همواره مثبت است، پس:

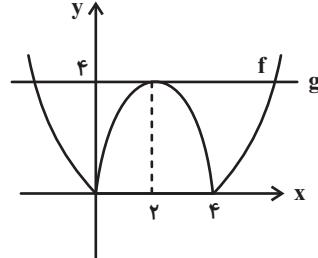
$$2) |x+1| + x^2 + x + 1 = 1 \Rightarrow |x+1| + x(x+1) = 0$$

$$\begin{cases} x \geq -1 \Rightarrow (x+1)(x+1) = 0 \Rightarrow x = -1 \\ x < -1 \Rightarrow x^2 - 1 = 0 \Rightarrow x = \pm 1 \end{cases}$$

پس معادله دو ریشه متمایز دارد.

(مسابان ا- صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)

(پدرام نیکوکار)

۶ - گزینه «۳»برای حل معادله $|x^2 - 4x| = a$ ، کافی است نمودار دو تابعو نقاط تلاقی آن‌ها را بررسی کنیم:
برای اینکه تابع g نمودار تابع f را فقط در سه نقطه قطع کند باید $a = 4$ باشد.

(مسابقات صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)

(محمد مصطفی ابراهیمی)

۷ - گزینه «۱»می‌دانیم رابطه $|-x| = |x|$ همواره برقرار است این یعنی همیشه می‌توانیم به دلخواه عبارت داخل یک قدرمطلق را در یک منفی ضرب کنیم.

$$|2x+1| = |-x| + |-x-1| \Rightarrow \underbrace{|2x+1|}_{a+b} = \underbrace{|x|}_{a} + \underbrace{|x+1|}_{b}$$

رابطه $|a+b| = |a| + |b|$ وقتی برقرار است که a و b هم علامت باشند،
یعنی $ab \geq 0$ باشد.

$$ab \geq 0 \Rightarrow x(x+1) \geq 0 \Rightarrow x \leq -1 \text{ یا } x \geq 0$$

$$\Rightarrow x \in \mathbb{R} - (-1, 0)$$

(مسابقات صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)

(محمد مصطفی بعنای مقدم)

۸ - گزینه «۴»

چون دو طرف نامساوی مثبت است می‌توانیم به توان ۲ برسانیم:

$$(|x|-4)^2 > (|x|-2)^2$$

$$\Rightarrow |x|^2 - 8|x| + 16 > |x|^2 - 4|x| + 4$$

$$\Rightarrow -4|x| > -12 \Rightarrow |x| < 3 \Rightarrow -3 < x < 3$$

(مسابقات صفحه‌های ۲۳ تا ۲۸)

 $\Rightarrow A'(5, 8)$ حال فاصله A' را تامباً مختصات پیدا می کنیم:

$$|OA'| = \sqrt{(5-0)^2 + (8-0)^2} = \sqrt{64+64} = \sqrt{128}$$

(مسابان ا- صفحه های ۷۶ تا ۷۹)

(فریدر غلامی)

«۱۴- گزینه ۴»عرض از مبدأ خط $(m+1)x + (m-1)y = 2m + ۳$ را محاسبه می کنیم،برای این منظور، X را صفر قرار می دهیم.

$$\Rightarrow (m-1)y = 2m + ۳ \Rightarrow y = \frac{2m + ۳}{m-1}$$

حال اگر m را پیدا کنیم، عرض از مبدأ پیدا می شود.

$$\text{شیب خط } X = -\frac{1}{2} \quad (y = -\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}) \quad 2y = 1 - x \quad \text{برابر است با } -\frac{1}{2}.$$

چون خط موردنظر بر این خط، یعنی $X = 1 - 2y$ عمود است، پس شیب آن ۲می باشد و شیب خط $(m+1)x + (m-1)y = 2m + ۳$ ، برابر است با:

$$\frac{-(m+1)}{m-1} = 2 \Rightarrow -m-1 = 2m-2$$

$$\Rightarrow 3m = 1 \Rightarrow m = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{2m+3}{m-1} = \frac{\frac{2}{3}+3}{\frac{1}{3}-1} = \frac{\frac{11}{3}}{-\frac{2}{3}} = -\frac{11}{2} = -5.5 \quad \text{عرض از مبدأ}$$

(مسابان ا- صفحه های ۷۶ تا ۷۹)

(فریدر غلامی)

«۱۵- گزینه ۳»در ابتدا، چون $3x - 2y = 4$ و $2x - 4y = 2$ دو ضلع موازی از مربع هستند، پس دارای شیب برابر هستند.

(نسترن صمدی)

«۱۱- گزینه ۳»عمود منصف AB خطی است که از نقطه وسط AB می گذرد و بر آن عمود است.

$$AB = \left(\frac{1+3}{2}, \frac{1-1}{2} \right) = (2, 0) \quad \text{نقطه وسط}$$

$$AB = \frac{1-(-1)}{1-3} = \frac{2}{-2} = -1 \Rightarrow AB \text{ عمود بر} = 1$$

$$\begin{cases} (2, 0) \\ m=1 \end{cases} \Rightarrow y-0=1(x-2) \Rightarrow y=x-2$$

(مسابان ا- صفحه های ۷۶ تا ۷۹)

(نسترن صمدی)

«۱۲- گزینه ۱»چون معادله یک قطر دایره $x + y = 1$ است پس مختصات مرکز آن به صورت $O(x, x+1)$ است.چون مساحت دایره 2π است پس طول شعاع آن $\sqrt{2}$ است. پس طول OA برابر است با $\sqrt{2}$.

$$\begin{aligned} OA &= \sqrt{(x-1)^2 + (x+1-4)^2} \\ &= \sqrt{x^2 + 1 - 2x + x^2 + 9 - 8x} = \sqrt{2} \\ &\Rightarrow 2x^2 - 8x + 8 = 0 \Rightarrow x^2 - 4x + 4 = 0 \\ &\Rightarrow (x-2)^2 = 0 \Rightarrow x = 2 \end{aligned}$$

معادله قطری که از مرکز و نقطه A می گذرد را می نویسیم:

$$\begin{cases} O(2, 3) \\ A(1, 4) \end{cases} \Rightarrow y-4 = \frac{4-3}{1-2}(x-1)$$

$$\Rightarrow y-4 = -(x-1) \Rightarrow y = -x + 5$$

(مسابان ا- صفحه های ۷۶ تا ۷۹)

(فریدر غلامی)

«۱۳- گزینه ۲»قرینه نقطه $A(x, y)$ نسبت به نقطه $W(\alpha, \beta)$ نقطه $A'(2\alpha-x, 2\beta-y)$ است.پس قرینه $(2, 5)$ نسبت به نقطه $W(3, 5)$ نقطه $(1, 2)$ است.

است.



راه حل دوم:

می‌دانیم مساحت مثلثی با رئوس A , B , C به صورت زیر محاسبه می‌شود.

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times \left| \begin{array}{cccc} x_A & x_B & x_C & x_A \\ y_A & y_B & y_C & y_A \end{array} \right|$$

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} |(x_A y_B + x_B y_C + x_C y_A) - (y_A x_B + y_B x_C + y_C x_A)|$$

پس مساحت مثلث با رئوس $A(1, 2)$, $B(-1, 3)$ و $C(5, y)$ به صورت زیر است:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} |(1 \times 3) + ((-1) \times y) + (5 \times 2)$$

$$-(2 \times (-1)) + 3 \times 5 + y \times 1|$$

$$= \frac{1}{2} |3 - y + 10 - (-2 + 15 + y)| = \frac{1}{2} |2y| = |y|$$

$$\Rightarrow S_{ABC} = |y| = 4 \Rightarrow y = \pm 4$$

مقدار مثبت y را خواسته که برابر ۴ است.

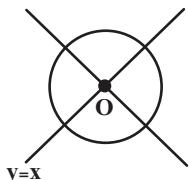
(مسابان ا-صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)

(فرید غلامی)

«۱۷- گزینه ۲»

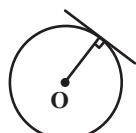
ابتدا محل برخورد دو خط، یعنی مرکز دایره را پیدا می‌کنیم، یعنی باید دستگاه

$$\begin{cases} y = x \\ 2y + x = 3 \end{cases}$$



$$\Rightarrow 2x + x = 3 \Rightarrow 3x = 3 \Rightarrow x = 1$$

$$\xrightarrow{y=x} y = 1 \Rightarrow O(1, 1)$$

حال اگر فاصله مرکز دایره، یعنی $O(1, 1)$ را از خط $3y + x = 5$ محاسبه کنیم، شعاع دایره به دست می‌آید.

$$\Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{a}{4} \Rightarrow a = 2$$

حال اگر فاصله دو خط موازی $4y - 2x = 2$ و $2y - x = 1$ را به دست آوریم، طول مربع و در نتیجه محیط آن مشخص می‌شود.و می‌دانیم فاصله دو خط موازی $ax + by = c'$ و $ax + by = c$ برابر است

$$\cdot \frac{|c - c'|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

در اینجا ابتدا، طرفین معادله $4y - 2x = 2$ را بر ۲ تقسیم می‌کنیم.

$$4y - 2x = 2 \xrightarrow{\div 2} 2y - x = 1$$

$$\frac{3-1}{\sqrt{4+1}} = \frac{2}{\sqrt{5}} \text{ برابر است با } 2y - x = 1 \text{ و } 2y - x = 3$$

پس ضلع مربع و محیط آن $\frac{2}{\sqrt{5}}$ است.

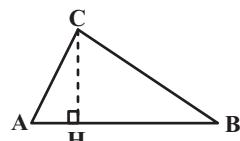
$$\Rightarrow \frac{2}{\sqrt{5}} = \frac{8\sqrt{5}}{5} \text{ محیط مربع}$$

(مسابقات-صفحه‌های ۲۹ تا ۳۶)

(فرید غلامی)

«۱۶- گزینه ۱»

راه حل اول: شکل فرضی زیر را در نظر بگیرید:



$$S_{ABC} = \frac{1}{2} CH \times AB \quad (1)$$

$$AB = \sqrt{(1+1)^2 + (2-3)^2} = \sqrt{5}$$

$$m_{AB} = \frac{3-2}{-1-1} = -\frac{1}{2}$$

$$AB : y - 2 = -\frac{1}{2}(x - 1) \Rightarrow AB : 2y + x - 5 = 0$$

$$CH = \frac{|2y + 5 - 5|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{|2y|}{\sqrt{5}}$$

$$\xrightarrow{(1)} S_{ABC} = \frac{1}{2} \times \frac{|2y|}{\sqrt{5}} \times \sqrt{5} \xrightarrow{S_{ABC}=4}$$

$$4 = |y| \xrightarrow{y > 0} y = 4$$



(امیرهوشگ فمسه)

«۱۹ - گزینه»

فاصله نقطه (x_0, y_0) از خط $ax + by + c = 0$ برابر است با:
آزمون وی ای پی

$$\frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\text{فاصله} = \frac{|m(1) + 6 - m|}{\sqrt{m^2 + 9}} = \frac{6}{\sqrt{m^2 + 9}}$$

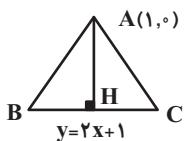
برای اینکه فاصله ماکریم شود باید مخرج مینیمم شود پس باید $m = 0$ لذا
حداکثر فاصله برابر ۲ است.

(مسابان ۱ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(نسترن صدری)

«۲۰ - گزینه»

چون نقطه $A(1, 0)$ در معادله $y = 2x + 1$ صدق نمی‌کند پس روی آن قرار
ندارد بنابراین مثلث بهصورت زیر است:



. $y = 2x + 1$ برابر است با فاصله AH تا خط $y = 2x + 1$

$$AH = \frac{|1 - 2(1) - 1|}{\sqrt{2^2 + 1^2}} = \frac{3}{\sqrt{5}}$$

طول قاعده BC را بهصورت زیر بهدست می‌آوریم.

$$\begin{cases} \frac{BC}{2} = HC \\ AC = BC \end{cases} \Rightarrow AH^2 + HC^2 = AC^2$$

$$\Rightarrow AH^2 + \left(\frac{AC}{2}\right)^2 = AC^2 \Rightarrow \frac{9}{5} = \frac{3}{4} AC^2$$

$$\Rightarrow AC^2 = \frac{12}{5} \Rightarrow AC = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{5}} = BC$$

$$S_{ABC} = \frac{AH \times BC}{2} = \frac{1}{2} \left(\frac{3}{\sqrt{5}}\right) \times \left(\frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{5}}\right) = \frac{3\sqrt{3}}{5}$$

(مسابان ۱ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

می‌دانیم که فاصله نقطه (x_0, y_0) از خط $ax + by + c = 0$ برابر است

با:

$$\frac{|ax_0 + by_0 + c|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$\frac{|3(1) + 1 - 5|}{\sqrt{9+1}}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

(مسابان ۱ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)

(ابراهیم نیفی)

«۱۸ - گزینه»

اگر نقطه‌ای روی خط $y + 2x - 1 = 0$ قرار داشته باشد، مختصات آن بهصورت

زیر خواهد بود:

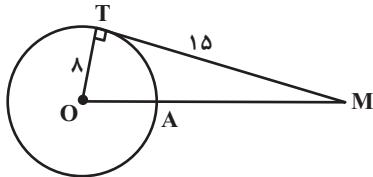
$$y + 2x - 1 = 0 \Rightarrow y = 1 - 2x \Rightarrow A(\alpha, 1 - 2\alpha)$$

$$\text{فاصله نقطه } A \text{ از خط } 3x + 4y - 2 = 0 \text{ را بهدست می‌آوریم:}$$

$$\Rightarrow d = \frac{|3(\alpha) + 4(1 - 2\alpha) - 2|}{\sqrt{3^2 + 4^2}} = \frac{|2 - 5\alpha|}{\sqrt{25}}$$

$$\frac{|2 - 5\alpha|}{5} = 1 \Rightarrow \begin{cases} 2 - 5\alpha = 5 \Rightarrow \alpha = -\frac{3}{5} \\ 2 - 5\alpha = -5 \Rightarrow \alpha = \frac{7}{5} \end{cases} \Rightarrow A\left(\frac{-3}{5}, \frac{11}{5}\right) \Rightarrow A\left(\frac{7}{5}, \frac{-9}{5}\right)$$

(مسابان ۱ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۹)



در مثلث قائم‌الزاویه OMT داریم:

$$OM^2 = OT^2 + MT^2 = 8^2 + 15^2 = 289 \Rightarrow OM = 17$$

$$MA = OM - OA = 17 - 8 = 9$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

هندسه (۲)

«۲۱ - گزینه ۱»

(فریدر غلامی)

$$\begin{cases} R = 12, R' = 9 \\ d = OO' = 2 \end{cases} \Rightarrow d < |R - R'|$$

پس دو دایره متداخل هستند و هیچ مماس مشترکی ندارند.

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۲۰ تا ۲۲)

(فریدر غلامی)

«۲۵ - گزینه ۲»

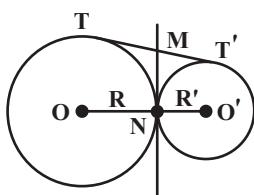
«۲۲ - گزینه ۱»

(فریدر غلامی)

$$TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2}$$

$$\Rightarrow 5x - 3 = \sqrt{13^2 - (8 - 2)^2} \Rightarrow 5x - 3 = 12 \Rightarrow x = 3$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)



$$\begin{cases} MT = MN \\ MT' = MN \end{cases} \Rightarrow MT = MT'$$

بنابراین مماس مشترک داخلی دو دایره از وسط مماس مشترک خارجی آنها

می‌گذرد، پس گزاره «ب» درست است.

طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس خارج $C'(O', R')$ و $C(O, R)$

برابر $2\sqrt{RR'}$ است، پس گزاره «ب» نادرست است.

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۲۰ تا ۲۲)

(امیرحسین ابومبوب)

اگر S و P به ترتیب مساحت و محیط یک n ضلعی محیطی و r شعاع دایره

محاطی این n ضلعی باشد، آنگاه داریم:

$$S = rP \Rightarrow P = \frac{S}{r} \Rightarrow \text{محیط} = 2P = \frac{2S}{r}$$

(هنرسه ۲ - صفحه ۲۵)

(بابک اسلامی)

«۲۴ - گزینه ۳»

مطلوب شکل از نقطه M ، مماس MT بر دایره رسم شده است. کمترین فاصله

نقطه M از نقاط واقع بر این دایره، برابر طول پاره خط MA است.



(امیرحسین ابومیوب)

«۲۸ - گزینه ۲»

دو دایره در صورتی تنها یک نقطه مشترک دارند که مماس داخل یا مماس خارج باشند.

حالات اول: دو دایره مماس خارج باشند. در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} OO' &= R + R' \Rightarrow 3x + 1 = 8 - x + 2x + 3 \\ \Rightarrow 2x &= 10 \Rightarrow x = 5 \end{aligned}$$

حالات دوم: دو دایره مماس داخل باشند. در این صورت داریم:

$$\begin{aligned} OO' &= |R - R'| \Rightarrow 3x + 1 = |(8 - x) - (2x + 3)| \\ \Rightarrow 3x + 1 &= |5 - 3x| \\ \Rightarrow \begin{cases} 3x + 1 = 5 - 3x \Rightarrow 6x = 4 \Rightarrow x = \frac{2}{3} \\ 3x + 1 = 3x - 5 \Rightarrow 1 = -5 \text{ غیرممکن} \end{cases} \end{aligned}$$

پس به ازای دو مقدار $x = 5$ و $x = \frac{2}{3}$ ، دو دایره دارای یک نقطه مشترک هستند.

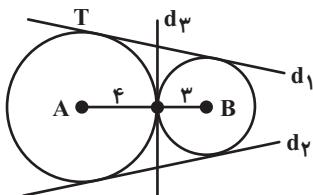
تذکر: دقت کنید به ازای دو مقدار به دست آمده، مقادیر R' ، O' و R مثبت هستند، پس هر دو مقدار قابل قبول‌اند.

(هنرسه -۲ صفحه ۲۰)

(بنیامین یعقوبی)

«۲۹ - گزینه ۳»

تمام خطهایی که به فاصله ۴ واحد از A قرار دارند، بر دایره‌ای به مرکز A و شعاع ۴ مماس هستند و به طور مشابه تمام خطهایی که به فاصله ۳ واحد از B قرار دارند، بر دایره‌ای به مرکز B و شعاع ۳ واحد مماس هستند. با توجه به طول پاره خط AB، دو دایره A و C'(B, 3) مماس مشترک خارج هستند. چون دو دایره مماس خارج، ۳ مماس مشترک (۲ مماس مشترک خارجی و یک مماس مشترک داخلی) دارند، پس مطابق شکل ۳ خط در این صفحه با مشخصات مورد نظر وجود دارد.



(هنرسه -۲ صفحه‌های ۲۱ و ۲۲)

(بنیامین یعقوبی)

«۲۶ - گزینه ۱»

فرض کنیم $X = NA$ و $y = NC$ باشد. طبق روابط طولی در دایره داریم:

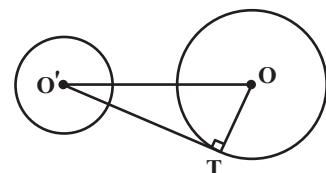
$$\begin{aligned} MT^2 &= MA \times MB \Rightarrow 6^2 = 4(4 + x + 3) \\ \Rightarrow 36 &= 4(7 + x) \Rightarrow 7 + x = 9 \Rightarrow x = 2 \\ NA \times NB &= NC \times ND \Rightarrow 2 \times 3 = y \times 6 \Rightarrow y = 1 \end{aligned}$$

(هنرسه -۲ صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(بابک اسلامی)

«۲۷ - گزینه ۳»

ابتدا به کمک شعاع‌های دو دایره و طول مماس مشترک خارجی، طول خط المکزین دو دایره را بدست می‌آوریم. اگر $OO' = d$ باشد، آنگاه داریم:



$$d^2 = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \text{طول مماس مشترک خارجی}$$

$$\Rightarrow 25 = \sqrt{d^2 - (15 - 8)^2} \xrightarrow{\text{توان ۲}} 576 = d^2 - 49$$

$$\Rightarrow d^2 = 625 \Rightarrow d = 25$$

$$\Delta OO'T: O'T^2 = OO'^2 - OT^2 = 25^2 - 15^2$$

$$= 625 - 225 = 400 \Rightarrow O'T = 20$$

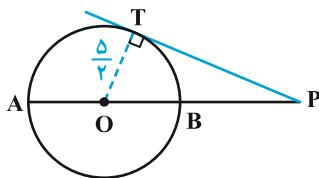
(هنرسه -۲ صفحه‌های ۱۹ تا ۲۲)



(کتاب آبی)

«۳۲ - گزینه ۲»

طبق فرض‌های مسئله $PO = \frac{13}{2}$ و $PA = 9$ است، پس اگر شعاع دایره برابر باشد، آن‌گاه: R



$$R = OA = AP - OP = 9 - \frac{13}{2} = \frac{5}{2} \Rightarrow OT = R = \frac{5}{2}$$

در مثلث قائم‌الزاویه OTP با استفاده از قضیه فیثاغورس داریم:

$$PT^2 = OP^2 - OT^2 = \left(\frac{13}{2}\right)^2 - \left(\frac{5}{2}\right)^2 = \frac{169 - 25}{4}$$

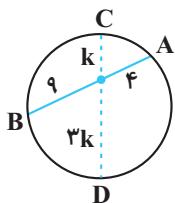
$$PT^2 = \frac{144}{4} = 36 \Rightarrow PT = 6$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(کتاب آبی)

«۳۳ - گزینه ۴»

فرض کنید وتر CD ، وتر مورد نظر باشد.



طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$4 \times 9 = 3k \times k \Rightarrow k = 2\sqrt{3}$$

طول این وتر برابر $4k$ است، پس:

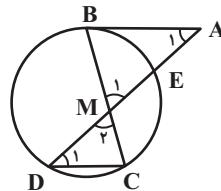
$$CD = 8\sqrt{3}$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(محمد ابراهیم توزنده‌هاانی)

«۳۰ - گزینه ۴»

مطابق شکل داریم:



$$\left. \begin{array}{l} AB \parallel CD, AD \text{ مورب } AD \Rightarrow \hat{A}_1 = \hat{D}_1 \\ \hat{M}_1 = \hat{M}_2 \end{array} \right\} \Rightarrow \Delta MAB \sim \Delta MDC$$

$$\Rightarrow \frac{MA}{MD} = \frac{MB}{MC} \Rightarrow \frac{MA}{MC} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \Rightarrow MA = 12$$

از طرفی طبق روابط طولی در دایره داریم:

$$MB \times MC = MD \times ME \Rightarrow 6 \times 2 = 4 \times ME \Rightarrow ME = 3$$

$$AE = MA - ME = 12 - 3 = 9$$

$$AB^2 = AE \times AD = 9 \times 16 = 144 \Rightarrow AB = 12$$

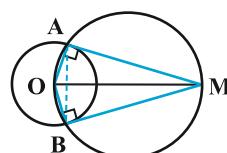
(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

هندسه (۲) - سوالات آشنا

(کتاب آبی)

«۳۱ - گزینه ۱»

در دایره‌ای که OM قطر آن است زاویه OAM زاویه محاطی رو به رو به قطر و بنابراین قائم است، یعنی مثلث OAM قائم‌الزاویه است. مطابق شکل در حالت آزمون وی آی پی کلی MA و OA برابر نیستند، پس مثلث OAM متساوی الساقین نیست.



(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)



(کتاب آبی)

«۳۶ - گزینه ۲»

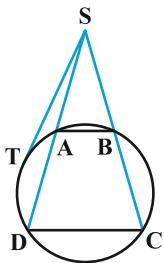
طبق فرض در شکل زیر داریم: $AD = 5$ و $CD = 12$ و $AB = 8$. چون

$AB \parallel CD$ پس طبق قضیه تالس:

$$\frac{SA}{SD} = \frac{AB}{CD} \Rightarrow \frac{SA}{SA+5} = \frac{8}{12} \Rightarrow 12SA = 8SA + 40$$

$$\Rightarrow 4SA = 40 \Rightarrow SA = 10 \Rightarrow SD = 10 + 5 = 15$$

حال بر اساس روابط طولی دایره برای یک مماس و یک قاطع داریم:



$$ST^2 = SA \cdot SD = 10 \times 15 = 150$$

$$\Rightarrow ST = 5\sqrt{6}$$

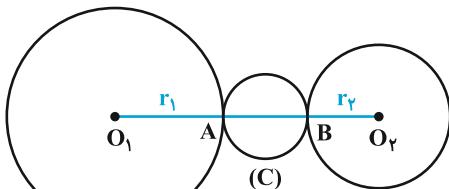
(هنرمه ۲ - صفحه های ۱۸ و ۱۹)

(کتاب آبی)

«۳۷ - گزینه ۴»

از آن جا که $O_1O_2 = d > r_1 + r_2 = \frac{3d}{4}$ دو دایره متاخرج‌اند، مطابق شکل

داریم:

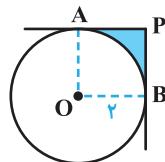


(کتاب آبی)

«۳۴ - گزینه ۱»

مطابق شکل، هرگاه از P دو مماس بر دایره رسم شود: $PA = PB$ و چون

است، چهارضلعی مربع است.



قطع مربع $= S_{\text{مربع}} - S_{\text{مربع}} = S_{\text{مربع}} - S_{\text{مربع}}$

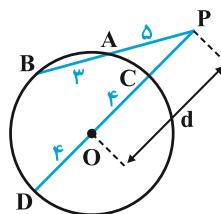
$$= (2)^2 - \frac{1}{4}(\pi(2)^2) = 4 - \pi$$

(هنرمه ۲ - صفحه های ۱۹ و ۲۰)

(کتاب آبی)

«۳۵ - گزینه ۲»

اگر از P به مرکز دایره وصل کنیم و امتداد دهیم تا دایره را در نقاط D و C قطع کند. طبق روابط طولی در دایره داریم:



$$PA \times PB = PC \times PD$$

$$\Rightarrow 5(5+4) = (d-4)(d+4)$$

$$\Rightarrow 45 = d^2 - 16 \Rightarrow d^2 = 61 \Rightarrow d = \sqrt{61}$$

(هنرمه ۲ - صفحه های ۱۸ و ۱۹)



$$OM^2 = MT^2 + OT^2 = 8^2 + 6^2 = 10 \Rightarrow OM = 10$$

پس شعاع دایره C' برابر ۵ و اندازه OO' برابر ۵ است. داریم:

$$\text{طول مماس مشترک خارجی} = \sqrt{OO'^2 - (R - R')^2}$$

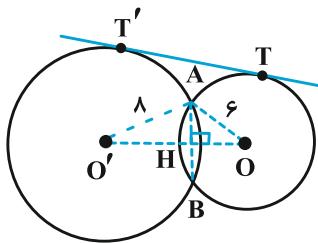
$$= \sqrt{25 - (6 - 5)^2} = \sqrt{24} = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه ۲ - صفحه های ۱۹ تا ۲۲)

(کتاب آبی)

«۴۰ - گزینه»

با توجه به رابطه طول مماس مشترک خارجی داریم:



$$TT' = \sqrt{OO'^2 - (8 - 6)^2} = 4\sqrt{6} \Rightarrow OO' = 10$$

مثلث $OO'A$ مثلث قائم الزاویه است، زیرا اعداد ۶، ۸ و ۱۰ در رابطه فیثاغورس

صدق می‌کنند. OO' عمود منصف AB است (چرا؟) پس اندازه AB دو برابر

AH است. داریم:

$$S_{OO'A} = \frac{1}{2} AO' \times AO = \frac{1}{2} AH \times OO'$$

$$\Rightarrow AH = \frac{6 \times 8}{10} = 4.8 \Rightarrow AB = 9.6$$

(هنرسه ۲ - صفحه های ۲۱ و ۲۲)

$$AB = O_1O_2 - (r_1 + r_2) \Rightarrow AB = d - \frac{3d}{4} = \frac{d}{4}$$

دایره C به قطر AB ، کوچک‌ترین دایره‌ای است که بر هر دو دایره مماس است و

$$r = \frac{AB}{2} = \frac{d}{8}$$

شعاع آن برابر است با:

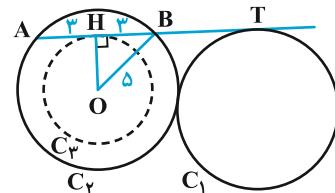
(هنرسه ۲ - صفحه ۲۰)

(کتاب آبی)

«۳۸ - گزینه»

برای ایجاد پاره خطی به طول ۶ باید مماسی بر دایره C_3 به مرکز O و شعاع

رسم نمود. در مثلث HOB داریم:



$$\hat{H} = 90^\circ : OH^2 = OB^2 - BH^2 = 5^2 - 3^2 = 16 \Rightarrow OH = 4$$

پس چون C_1 و C_3 متخارج‌اند لذا بین آن‌ها چهار مماس مشترک می‌توان رسم

نمود.

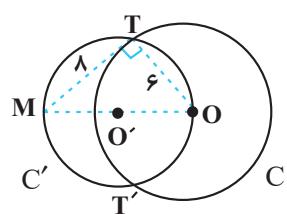
(هنرسه ۲ - صفحه های ۲۰ تا ۲۲)

(کتاب آبی)

«۳۹ - گزینه»

دایره C' ، دایره‌ای است که مرکز آن وسط OM و اندازه شعاع آن برابر نصف

است. اندازه OM طبق رابطه فیثاغورس برابر است با:





(فرزانه فاکپیش)

۴۴ - گزینه «۴»

$$\begin{aligned} & \text{درستی هر کدام از گزینه‌ها را به طور جداگانه بررسی می‌کنیم:} \\ B' - A' &= B' \cap A = A \cap B' = A - B \quad \text{گزینه «۱»} \\ (A - B) \cap (B - A) &= (A \cap B') \cap (B \cap A') \quad \text{گزینه «۲»} \\ &= [(A \cap B') \cap B] \cap A' = [A \cap (B' \cap B)] \cap A' \\ &= \emptyset \cap A' = \emptyset \quad \text{گزینه «۳»} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B \subseteq A \\ B \subseteq A' \end{aligned} \Rightarrow B \cap B \subseteq A \cap A' \quad \text{گزینه «۴»}$$

$$\Rightarrow B \subseteq \emptyset \xrightarrow{\emptyset \subseteq B} B = \emptyset \quad \text{گزینه «۵»}$$

$$\begin{cases} A - (B - C) = A \cap (B \cap C')' = A \cap (B' \cup C) \\ (A - B) - C = (A \cap B') \cap C' = A \cap (B' \cap C') \end{cases}$$

دو طرف تساوی به مجموعه‌های یکسانی ختم نمی‌شود. می‌توان با مثال نقض زیر نیز نادرستی این رابطه را نشان داد.

$$\begin{aligned} A &= \{1, 2\} \quad B = \{3\} \quad C = \{2\} \\ A - (B - C) &= \{1, 2\} - \{3\} = \{1, 2\} \\ (A - B) - C &= \{1, 2\} - \{2\} = \{\} \end{aligned}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(مرتفعی فویم علوفی)

۴۵ - گزینه «۲»

تعداد زیرمجموعه‌های سه عضوی مجموعه U برابر است با $\binom{7}{3}$. مجموعه $A \cap \{1, 2, 3\}$ در صورتی تهی خواهد بود که مجموعه A هیچ‌کدام از سه عضو $1, 2, 3$ را نداشته باشد، پس سه عضو A باید از مجموعه $\{4, 5, 6, 7\}$ انتخاب شود که تعداد این زیرمجموعه‌ها برابر است با $\binom{4}{3}$. بنابراین جواب مسئله برابر است با:

$$\binom{7}{3} - \binom{4}{3} = 35 - 4 = 31$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ و ۲۷)

آمار و احتمال

(فرید غلامی)

۴۱ - گزینه «۴»

مجموعه A دارای عضوی به صورت b نیست، پس گزینه «۴» نادرست است.

مجموعه A دارای ۵ عضو و در نتیجه $= 32 = 2^5$ زیرمجموعه است، پس گزینه «۱» درست است.

همچنین مجموعه A دارای عضوهای به صورت a و $\{b\}$ و $\{a\}$ و $\{b\}$ و $\{a, b\}$ است، پس گزینه‌های «۲» و «۳» نیز درست هستند.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(مرتفعی فویم علوفی)

۴۲ - گزینه «۴»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} (A - B) \cup B &= (A \cap B') \cup B \\ &= (A \cup B) \cap (\underbrace{B' \cup B}_U) = A \cup B \end{aligned}$$

بنابراین طبق فرض سؤال $B \subseteq A$ و در نتیجه $A \cup B = A$ است، پس داریم:

$$B \subseteq A \Rightarrow A' \subseteq B' \Rightarrow A' \cap B' = A'$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(فرید غلامی)

۴۳ - گزینه «۲»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} (A \cup B) - (B - A') &= \emptyset \Rightarrow (A \cup B) - (B \cap A) = \emptyset \\ \Rightarrow (A \cup B) &\subseteq (A \cap B) \end{aligned}$$

از طرفی $(A \cap B) \subseteq (A \cup B)$ ، بنابراین داریم:

$$A \cup B = A \cap B \Rightarrow A = B \Rightarrow \begin{cases} A - B = B - A = \emptyset \\ A \cap B = A = B \neq \emptyset \end{cases}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)



(امیرحسین ابومیبوب)

«۴۹ - گزینهٔ ۱»

تعداد زیرمجموعه‌های یک مجموعه n عضوی برابر 2^n است، پس داریم:

$$\begin{aligned} \frac{2^n(B)}{2^n(A-B)} &= \lambda \Rightarrow 2^{n(B)-n(A-B)} = 2^3 \\ \Rightarrow n(B) - n(A-B) &= 3 \Rightarrow n(B) = n(A-B) + 3 \\ n(A \cup B) &= n(B) + \underbrace{n(A) - n(A \cap B)}_{n(A-B)} \\ \Rightarrow 7 &= n(A-B) + 3 + n(A-B) \\ \Rightarrow 2n(A-B) &= 4 \Rightarrow n(A-B) = 2 \end{aligned}$$

از طرفی $A \subseteq A - B$ ، پس مجموعه $A - B$ حداقل ۲ عضو و در نتیجه حداقل

۴ زیرمجموعه دارد. چون تهی زیرمجموعه همه مجموعه‌ها است، پس مجموعه $A - B$

حداقل ۳ زیرمجموعه مانند C دارد به‌طوری که $C \not\subseteq B$.

دقت کنید که این دو عضو مجموعه A قطعاً به مجموعه B تعلق ندارند. (چون اعضای مجموعه $A - B$ هستند).

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(امیرحسین ابومیبوب)

«۵۰ - گزینهٔ ۳»

دو حالت متفاوت برای این زیرمجموعه‌ها وجود دارد.

اول: شامل عدد ۸ باشند. در این صورت حاصل ضرب اعضای چنین مجموعه‌هایی قطعاً

بر ۸ بخش پذیر است. با توجه به اینکه سایر اعداد طبیعی یک رقمی می‌توانند در این

زیرمجموعه‌ها باشند یا نباشند، تعداد این زیرمجموعه‌ها برابر است با:

$$2^8 = 256$$

دوم: فاقد عدد ۸ باشند. در این صورت چنین زیرمجموعه‌ای حتماً باید شامل عدد ۴

باشد و از میان دو عدد ۲ و ۶ نیز حداقل یکی را داشته باشد، یعنی برای دو عدد ۲ و

۶، سه حالت متفاوت وجود دارد (یا هر دو در زیرمجموعه هستند، یا فقط عدد ۲

عضو زیرمجموعه است و یا فقط عدد ۶ عضو زیرمجموعه است).

هر کدام از اعداد فرد نیز می‌توانند در زیرمجموعه باشند یا نباشند، پس تعداد این

زیرمجموعه‌ها برابر است با:

$$3 \times 2^5 = 96$$

پس تعداد کل این زیرمجموعه‌ها برابر است با:

$$256 + 96 = 352$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۶ و ۱۷)

(هادی فولادی)

«۴۶ - گزینهٔ ۲»

می‌دانیم اگر $A \subseteq B$ باشد، آنگاه $A' \subseteq B' \subseteq C' \Rightarrow (C')' \subseteq (B')' \subseteq (A')'$ ، پس داریم:

$$\begin{aligned} A' \subseteq B' \subseteq C' &\Rightarrow (C')' \subseteq (B')' \subseteq (A')' \\ \Rightarrow C \subseteq B \subseteq A &\Rightarrow \begin{cases} B \cup C = B \\ B \cap C = C \end{cases} \end{aligned}$$

از طرفی داریم:

$$\begin{aligned} A \subseteq A \\ B' \subseteq C' \end{aligned} \Rightarrow (A \cap B') \subseteq (A \cap C')$$

$$\Rightarrow (A - B) \subseteq (A - C)$$

پس عبارت صورت سؤال برابر است با:

$$(A - B) \cap (A - C) = A - B$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(فرید غلامی)

«۴۷ - گزینهٔ ۳»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} B - [A - (B - A)] &= B - [A \cap (B \cap A')'] \\ &= B - [A \cap (B' \cup A)] = B - A \\ &\quad \text{قانون جذب} \end{aligned}$$

از طرفی طبق فرض $A - B = A$ است، پس $A - B$ دو مجموعه جدا از هم هستند و در نتیجه $B - A = B$ است.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)

(امیرحسین ابومیبوب)

«۴۸ - گزینهٔ ۱»

طبق قوانین جبر مجموعه‌ها داریم:

$$\begin{aligned} B' - (A' \cap B') &= B' \cap (A' \cap B')' = B' \cap (A \cup B) \\ &= (B' \cap A) \cup (B' \cap B) = A \cap B' \\ &\quad \emptyset \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (A' \cup B') - (A \cup B) &= (A' \cup B') \cap (A \cup B)' \\ &= (A' \cup B') \cap (A' \cap B') = A' \cap B' \end{aligned}$$

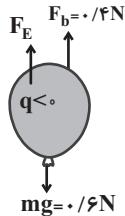
بنابراین حاصل عبارت صورت سؤال برابر است با:

$$(A \cap B') \cup (A' \cap B') = (A \cap A') \cap B' = U \cap B' = B'$$

تذکر:

$$\begin{aligned} (A' \cap B') &\subseteq (A' \cup B') \\ \Rightarrow (A' \cup B') \cap (A' \cap B') &= A' \cap B' \end{aligned}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)



$$F_{\text{net}} = 0 \Rightarrow F_b + F_E - mg = 0 \Rightarrow F_E = mg = 0.6 \text{ N}$$

$$F_E = E |q| \Rightarrow 0.6 = E \times 400 \times 10^{-9}$$

$$\Rightarrow E = \frac{0.6}{4 \times 10^{-9}} = 5 \times 10^8 \text{ N/C}$$

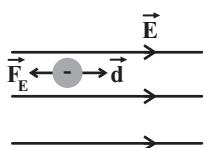
با توجه به اینکه عالمت بار بادکنک منفی است و نیروی الکتریکی وارد بر بادکنک به سمت بالا است، جهت میدان الکتریکی باید به سمت پایین باشد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(پوریا علاقه‌مند)

«۵۴ - گزینهٔ ۳»

ابتدا یک میدان الکتریکی یکنواخت طبق فرض مسئله رسم می‌کنیم و بردارهای جابه‌جایی (\vec{d}) و نیروی الکتریکی (\vec{F}_E) را رسم می‌کنیم.



چون \vec{F}_E و \vec{d} خلاف جهت یکدیگرند، پس کار نیروی الکتریکی (W_E) منفی می‌باشد، بنابراین تغییرات انرژی پتانسیل الکتریکی مثبت است ($\Delta U = -W_E$) و داریم:

$$\Delta U = -|q| Ed \cos(\theta)$$

$$\Rightarrow \Delta U = -10 \times 10^{-9} \times 10^6 \times 400 \times 10^{-3} \times (-1)$$

$$\Rightarrow \Delta U = 4 \times 10^{-3} \text{ J} = 4 \text{ mJ}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

(پوریا علاقه‌مند)

«۵۵ - گزینهٔ ۴»

می‌دانیم با حرکت در جهت خطوط میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد، بنابراین $V_B < V_A$ است.

همچنین تراکم خطوط میدان نشان‌دهنده بزرگی میدان الکتریکی است بنابراین اندازه میدان الکتریکی در نقطه A بزرگ‌تر از اندازه میدان الکتریکی در نقطه B است ($E_A > E_B$). از طرفی:

$$F = |q| E \xrightarrow{E_A > E_B} F_A > F_B$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

فیزیک (۲)

«۵۱ - گزینهٔ ۲»

(میلاد سلامتی)

با توجه به تراکم خطوط میدان، بار مثبت بزرگ‌تر است و بعد از تماس دو کره رسانای مشابه، بار هر دو کره مثبت و هم اندازه می‌شود.

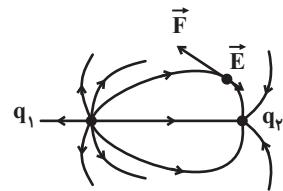
(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

«۵۲ - گزینهٔ ۱»

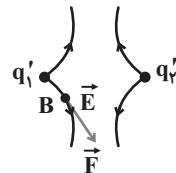
با توجه به اینکه جهت نیروی الکتریکی وارد بر الکترون و میدان الکتریکی مخالف

جهت هم است، خطوط میدان به صورت زیر می‌باشد. در نتیجه $q_1 < 0$ و $q_2 > 0$ و تراکم خطوط اطراف بار q_1 بیشتر بوده در نتیجه اندازه بار q_2 بزرگ‌تر از

است.



با توجه به اینکه $|q_1| > |q_2|$ و $q_1 < 0$ است، هنگامی‌که این دو کره رسانای مشابه را به هم تماس می‌دهیم، بار نهایی هر دو مساوی و مثبت خواهد شد و هنگامی‌که در نقطه B، پروتون با بار مثبت قرار می‌گیرد، جهت نیروی الکتریکی وارد بر آن با جهت میدان الکتریکی در آن نقطه هم‌جهت می‌شود.



دقت کنید بردار میدان الکتریکی در هر نقطه، مماس بر خطوط میدان الکتریکی و هم‌جهت با آن‌ها می‌باشد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۱۹)

«۵۳ - گزینهٔ ۴»

(مهدی باغستانی)

نیروی شناوری همواره به سمت بالا به جسمی که داخل یک شاره قرار می‌گیرد

(تمام جسم یا قسمتی از آن)، وارد می‌شود و آن را با \vec{F}_b نمایش می‌دهیم.

با توجه به اینکه بادکنک در حال تعادل است و نیز با توجه به شکل، نیروی الکتریکی باید به سمت بالا به بادکنک وارد شود.



(مهدی باغستانی)

«۵۸ - گزینه ۳»

هر دو رها شده‌اند و حرکت خودبه‌خودی دارند، در نتیجه $\Delta U < 0$ و $W_E > 0$ آزمون وی آی پی و طبق قضیه کار– انرژی جنبشی داریم:

ذره آلفا همان هسته اتم هلیم است (He^{2+})، بنابراین اندازه بارش دو برابر اندازه بار الکترون است.

$$\begin{aligned} W_E = K_2 - K_1 \Rightarrow E |q| d \cos \theta &= \frac{1}{2} mv_2^2 - \frac{1}{2} mv_1^2 \\ \Rightarrow \frac{e}{2e} \times \frac{d}{2d} &= \frac{m_e}{7225 m_e} \times \left(\frac{v'}{v}\right)^2 \\ \Rightarrow \frac{7225}{4} &= \left(\frac{v'}{v}\right)^2 \Rightarrow \frac{v'}{v} = \frac{85}{2} = 42.5 \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)

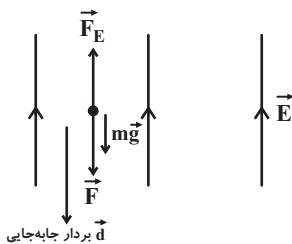
(کامران ابراهیمی)

«۵۹ - گزینه ۴»

نیروهای وارد بر ذره و $m\vec{g}$ رو به پایین و \vec{F}_E رو به بالا می‌باشد و داریم:

$$F_E = |q| E = 30 \times 10^{-3} \times 10^3 = 30 \text{ N}$$

$$mg = 0 / 2 \times 10 = 2 \text{ N}$$



طبق قضیه کار– انرژی جنبشی، داریم:

$$\begin{aligned} \Delta K = W_t \Rightarrow \Delta K &= W_F + W_{mg} + W_{F_E} \\ \Rightarrow \Delta K &= (Fd) + (mgd) - (F_E d) \\ \Rightarrow \Delta K &= (40 \times 0 / 5) + (2 \times 0 / 5) - (30 \times 0 / 5) \\ \Rightarrow \Delta K &= 6 \text{ J} \end{aligned}$$

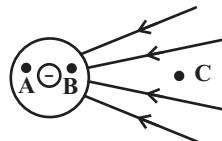
(فیزیک ۲ - صفحه ۱۹)

(پوریا علاقه‌مند)

«۵۶ - گزینه ۲»

پتانسیل الکتریکی روی اجسام رسانای باردار ثابت است، بنابراین پتانسیل الکتریکی نقطه A و B یکسان است.

اگر شکل خطوط میدان الکتریکی را رسم کنیم، به این صورت در می‌آید:



چون اگر از نقطه B تا C حرکت کنیم، در حال حرکت در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی هستیم، بنابراین پتانسیل الکتریکی افزایش می‌یابد.

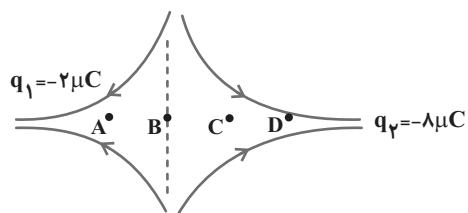
(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳ و ۲۱ تا ۲۵)

(مهدی باغستانی)

«۵۷ - گزینه ۴»

هرگاه در جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد و بر عکس از طرفی نقطه‌ای که میدان الکتریکی خالص در آن صفر می‌شود، نقطه B است.

$$E_1 = E_2 \Rightarrow \frac{|q_1|}{r_1^2} = \frac{|q_2|}{r_2^2} \Rightarrow \frac{2}{x^2} = \frac{8}{(30-x)^2} \Rightarrow x = 10 \text{ cm}$$



در حرکت از C تا D، در جهت خطوط میدان الکتریکی حرکت می‌کنیم، در نتیجه پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد.

اما در حرکت از C تا A، ابتدا در خلاف جهت خطوط میدان و سپس در جهت میدان الکتریکی حرکت می‌کنیم، پس می‌توان گفت پتانسیل الکتریکی ابتدا افزایش و سپس کاهش می‌یابد.

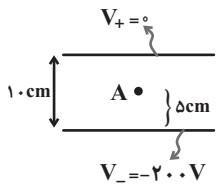
(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۲۵)



(مودری باگستانی)

۶۲ - گزینه «۳»

پتانسیل الکتریکی صفحه بالایی صفر و در نتیجه صفحه پایینی دارای پتانسیل الکتریکی -20 V می‌باشد و با توجه به اینکه نقطه A در وسط فاصله دو صفحه است، پتانسیل الکتریکی آن برابر با -10 V است.



اما در حالت دوم پتانسیل نقطه A به اندازه 25 V افزایش یافته و به -75 V می‌رسد. داریم:

$$E = \frac{|\Delta V_{AB}|}{x} = \frac{|\Delta V_{AC}|}{5} \Rightarrow \frac{75}{x} = \frac{125}{5} \Rightarrow x = 3\text{ cm}$$

در نتیجه صفحه بالایی به اندازه 2 cm پایین آورده شده است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۳۳ تا ۲۷۷)

(ممبطفی کیانی)

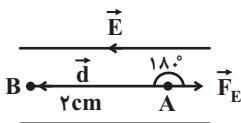
۶۳ - گزینه «۳»

به الکترون که بار منفی دارد در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی نیرو وارد می‌شود. زاویه بین نیروی الکتریکی و جابه‌جایی آن 180° درجه است. بنابراین با استفاده از تعریف کار و این‌که $\Delta U = -W_E$ است، $\Delta U = -W_E$ را محاسبه می‌کنیم:

$$\Delta U = -W_E \quad W_E = Fd \cos 180^\circ = -|q|Ed \rightarrow$$

$$\Delta U = |q| Ed \quad |q| = 1/6 \times 10^{-19} \text{ C}, E = 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}} \rightarrow d = 2\text{ cm} = 2 \times 10^{-2} \text{ m}$$

$\Delta U = 1/6 \times 10^{-19} \times 10^4 \times 2 \times 10^{-2} \rightarrow \Delta U = 32 \times 10^{-18} \text{ J}$
چون تمام نیروهای وارد بر الکترون پایسته است، انرژی مکانیکی آن پایسته می‌ماند.
بنابراین $\Delta K = -\Delta U$ است. در این حالت داریم:



$$\Delta K = \frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2) \quad \Delta K = -\Delta U \rightarrow$$

$$\frac{1}{2} m(v_B^2 - v_A^2) = -\Delta U \quad m = 10^{-27} \text{ g} = 10^{-30} \text{ kg} \rightarrow v_A = 8 \times 10^6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

(کامران ابراهیمی)

۶۰ - گزینه «۲»

به ذره دو نیروی mg در خلاف جهت محور y ها و $|q|E$ در خلاف جهت محور X ها وارد می‌شود (چون بار ذره منفی است، نیرویی که میدان الکتریکی بر آن وارد می‌کند، خلاف جهت خطوط میدان است). حال داریم:

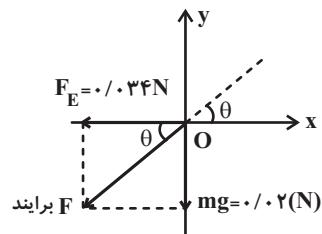
$$mg = 2 \times 10^{-3} \times 10 = 0.02 \text{ N}$$

$$F_E = |q|E = 85 \times 10^{-6} \times 4 \times 10^3 = 0.034 \text{ N}$$

چون ذره از نقطه O رها شده است، پس در جهت نیروی خالص حرکت خواهد

کرد در نتیجه مسیر حرکت ذره خط $y = ax$ برای $x \leq 0$ می‌باشد که

شیب خط بوده که از رابطه زیر به دست می‌آید:



$$a = \tan \theta = \frac{mg}{F_E} = \frac{0.02}{0.034} = \frac{1}{1.7} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

$$\Rightarrow y = \frac{\sqrt{3}}{3} x \quad x \leq 0$$

(فیزیک ۲ - صفحه ۱۹)

(میثم (شتیان))

۶۱ - گزینه «۱»

بار منفی به طور خود به خود تمایل به حرکت در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی دارد. پس زمانی که بار منفی را در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی پرتاب کنیم، به تندی و انرژی جنبشی آن افزوده شده و در نتیجه از B به A برتاب شده است. بنابراین انرژی پتانسیل الکتریکی آن کاهش می‌یابد. پس:

$$K_B - K_A = 20 \text{ mJ}$$

$$\Delta K = -\Delta U \Rightarrow 200 \times 10^{-3} = -\Delta U \Rightarrow \Delta U = -0.2 \text{ J}$$

و چون در خلاف جهت خطوط میدان الکتریکی پرتاب شده است، پس $V_B > V_A$ است.

$$V_B - V_A = \frac{\Delta U}{q} = \frac{-2 \times 10^{-3}}{-4 \times 10^{-3}} = 50 \text{ V}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۷)



(بهمن ۳۰ - بیانی اصل)

۶۸ - گزینه «۱»

چون بار در سطح خارجی اجسام رسانا قرار می‌گیرد، پس با اتصال دادن پوسته و گلوله با سیمی رسانا به هم، کل بار q به سطح خارجی پوسته منتقل می‌شود و بار گلوله نیز صفر می‌شود.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۷ و ۲۸)

(محمدعلی راست پیمان)

۶۹ - گزینه «۲»

کره A در اثر اتصال به زمین خنثی می‌شود. پس بار کرمه A مثبت بوده است و با دریافت $10^{18} \times 10^3$ الکترون، خنثی شده است.

$$Q = ne = 3 \times 10^{18} \times 1 / 6 \times 10^{-19} = 4 / 8 \times 10^{-1} C$$

$$\sigma = \frac{Q}{A} = \frac{4 / 8 \times 10^{-1}}{4\pi R^2} = \frac{4 / 8 \times 10^{-1}}{4 \times 3 \times (20 \times 10^{-2})^2}$$

$$\Rightarrow \sigma = \frac{4 / 8 \times 10^{-1}}{48 \times 10^{-2}} = 1 \frac{C}{m^2}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

$$\frac{1}{2} \times 10^{-30} \times (v_B^2 - 64 \times 10^{12}) = -32 \times 10^{-18}$$

$$\Rightarrow v_B^2 - 64 \times 10^{12} = -64 \times 10^{12}$$

$$\Rightarrow v_B^2 = 0 \Rightarrow v_B = 0$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۳)

۶۴ - گزینه «۲»

هرجا که تراکم خطوط میدان بیشتر باشد، میدان الکتریکی قوی‌تر است. با حرکت در جهت خطوط میدان الکتریکی، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد. وقتی بار منفی در جهت خطوط میدان الکتریکی جابه‌جا می‌شود، انرژی پتانسیل الکتریکی آن افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۷ تا ۲۶)

۶۵ - گزینه «۲»

در الکتریسیته ساکن، چگالی سطحی نقاط نوک تیز بیشتر از نقاط دیگر است. پتانسیل الکتریکی نقاطی که بر روی رسانای دوکی شکل قرار دارند با هم برابر است. چون بار الکتریکی دوک مثبت است، با فاصله گرفتن از دوک پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۳ تا ۳۰)

(غاروی مردانی)

۷۰ - گزینه «۲»

در ابتدا چگالی سطحی بار دو کره با هم برابر است، پس داریم:

$$\sigma_A = \sigma_B \Rightarrow \frac{Q_A}{4\pi r_A^2} = \frac{Q_B}{4\pi r_B^2} \Rightarrow \frac{Q_A}{r^2} = \frac{Q_B}{r^2}$$

$$\Rightarrow Q_A = 4Q_B \Rightarrow \begin{cases} Q_A = 4q \\ Q_B = q \end{cases}$$

با توجه به رابطه مقایسه‌ای چگالی سطحی بار داریم:

$$\frac{\sigma_A}{\sigma_B} = \frac{3}{8} \Rightarrow \frac{Q'_A}{Q'_B} \times \left(\frac{r_B}{r_A}\right)^2 = \frac{3}{8} \quad : \text{ حالت دوم}$$

$$\Rightarrow \frac{Q'_A}{Q'_B} \times \left(\frac{r}{2r}\right)^2 = \frac{3}{8} \Rightarrow \frac{Q'_A}{Q'_B} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow Q'_A = \frac{3}{2} Q'_B, Q'_A + Q'_B = 5q \Rightarrow \begin{cases} Q'_A = 3q \\ Q'_B = 2q \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{Q'_A}{Q_A} = \frac{3q}{4q} \Rightarrow Q'_A = 0 / 75 Q_A$$

بنابراین بار کرمه A، ۲۵ درصد کاهش یافته است پس گزینه «۲» صحیح است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

۶۶ - گزینه «۳»

جمله «الف» نادرست است، میدان الکتریکی همواره درون یک رسانای منزوی برابر صفر است.

جمله «ب» درست است.

جمله «پ» درست است.

جمله «ت» نادرست است، پتانسیل الکتریکی تمام نقاط درون یک جسم رسانای باردار منزوی با هم برابر است ولی الزاماً صفر نیست به عبارتی $\Delta V = 0$ ولی لزوماً $V = 0$ نیست.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۷ تا ۳۲)

۶۷ - گزینه «۳»

در نقاط نوک تیز سطح یک جسم رسانای باردار، تراکم بار و در نتیجه چگالی سطحی بار طبق رابطه $\sigma = \frac{Q}{A}$ بیشتر است. از طرفی میدان الکتریکی در نقاط نوک تیز بیشتر است. ولی پتانسیل الکتریکی تمام نقاط روی سطح یک رسانای باردار یکسان است.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۲۷ تا ۳۲)



(روزبه، رضوانی)

«۷۳ - گزینه ۳»

جرم نمونه ناچالص اولیه را m در نظر می‌گیریم؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$\text{؟} g \text{O}_2 = m \text{g KNO}_3 \times \frac{90}{100} \times \frac{1 \text{mol KNO}_3}{10 \text{g KNO}_3}$$

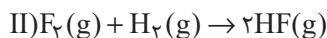
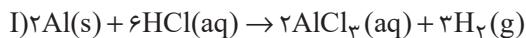
$$\times \frac{1 \text{mol O}_2}{2 \text{mol KNO}_3} \times \frac{32 \text{g O}_2}{1 \text{mol O}_2} = \frac{32}{50} \text{m g O}_2$$

$$\frac{77m}{50} \times 100 \approx 14 / 3$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۲۲ ۵ ۲۵)

(امین نوروزی)

«۷۴ - گزینه ۱»



برای بدست آوردن میزان F_2 مصرفی واکنش (II) می‌توان نوشت:

$$\text{？} g F_2 = 20 \text{mL} \times \frac{1 \text{mol HCl}}{\text{ محلول}} \times \frac{1 \text{mol F}_2}{100 \text{mL}}$$

$$\times \frac{3 \text{mol H}_2}{6 \text{mol HCl}} \times \frac{80}{100} \times \frac{1 \text{mol F}_2}{1 \text{mol H}_2} \times \frac{38 \text{g F}_2}{1 \text{mol F}_2} \\ = 0.304 \text{g F}_2$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۲۲ ۵ ۲۵)

(علی اخففی نیما)

«۷۵ - گزینه ۲»

برای هر دو ظرف باید ابتدا، جرم A را ناچالص کنیم، سپس طبق بازده مربوطه، بخشی از آن را مصرف کرده و بقیه A را به عنوان واکنش دهنده باقیمانده در نظر بگیریم: α و β را در محاسبات خود در معنای نسبت خلوص و نسبت بازده در نظر گرفتیم.

جمله ناچالص A \Rightarrow ظرف(۱)

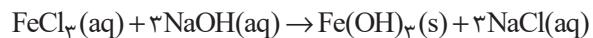
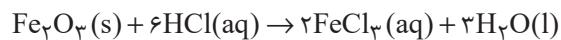
$$\begin{aligned} \text{جرم ناچالص A} &= m \times \alpha \times \beta \\ &= m \times \alpha \times A_{\text{ناچالص}} \\ &= m \times \alpha \times (1 - \beta) \\ &= m(1 - \alpha) \end{aligned}$$

شیمی (۲)

«۷۱ - گزینه ۴»

(روزبه، رضوانی)

با توجه به این که فراورده واکنش (II) به صورت Fe(OH)_3 است، پس فرمول اکسید آهن به صورت Fe_2O_3 است؛ بنابراین می‌توان نوشت:



بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: نسبت شمار کاتیون‌ها به آنیون‌ها در ترکیب FeCl_3 برابر با $\frac{1}{3}$

است، اما در Fe_2O_3 این نسبت برابر با $\frac{2}{3}$ است.

گزینه «۲»: حالت فیزیکی Fe(OH)_3 و NaCl به ترتیب (s) و (aq) است؛ در حالی که فراورده‌های واکنش تخمیر بی‌هوایی گلوكز در شرایط ذکر شده به صورت گازی و محلول آبی است.

گزینه «۳»: مجموع ضرایب استوکیومتری مواد در واکنش‌های (I) و (II) به ترتیب برابر با ۱۲ و ۸ است که نسبت این دو عدد برابر با $1/5$ می‌شود.

گزینه «۴»:

$$\begin{aligned} \text{？} g \text{Fe} &= 1 \text{g Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{70}{100} \times \frac{1 \text{mol Fe}_2\text{O}_3}{16 \text{g Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{2 \text{mol Fe}}{1 \text{mol Fe}_2\text{O}_3} \\ &\times \frac{56 \text{g Fe}}{1 \text{mol Fe}} = 0.49 \text{g Fe} \end{aligned}$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۱۸ ۵ ۲۵)

(منصور سلیمانی مکان)

«۷۲ - گزینه ۴»

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) آهن در طبیعت به شکل کانی هماتیت که حاوی آهن (III) اکسید می‌باشد، یافت می‌شود.

(۲) شیمی‌دان‌ها برای تعیین مقدار واقعی فراورده حاصل از واکنش از مفهومی به نام بازده درصدی واکنش استفاده می‌نمایند.

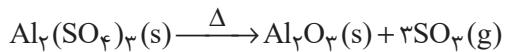
(۳) در واکنش ترمیت، چون این واکنش به شدت گرماده می‌باشد، آهن به شکل مذاب تولید می‌شود.

(شیمی ۲ - صفحه های ۲۲ ۵ ۲۵)



(عباس هنرپو)

«۷۶ - گزینه ۴»



$$\begin{aligned} (\text{SO}_3) &= \text{مقدار آلومنیم سولفات اولیه} = \text{مقدار گاز آزاد شده} \\ &= 68 / 4 - 44 / 4 = 24 \text{ g} \end{aligned}$$

اگر در صد خلوص آلومنیم سولفات را p در نظر بگیریم می‌توان نوشت:

$$\begin{aligned} ?g\text{SO}_3 &= 68 / 4 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3 \times \frac{p}{100} \times \frac{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3}{342 \text{ g Al}_2(\text{SO}_4)_3} \\ &\times \frac{3 \text{ mol SO}_3}{1 \text{ mol Al}_2(\text{SO}_4)_3} \times \frac{80 \text{ g SO}_3}{1 \text{ mol SO}_3} = 24 \text{ g SO}_3 \Rightarrow p = 50 \end{aligned}$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(امدرضا پاشانی پور)

«۷۷ - گزینه ۱»

ابتدا جرم‌های داده شده را به حجم گازها تبدیل می‌کنیم:

$$\begin{aligned} ?\text{LO}_2 &= 3 / 2 \text{ g O}_2 \times \frac{1 \text{ mol O}_2}{32 \text{ g O}_2} \times \frac{22 / 4 \text{ LO}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 2 / 24 \text{ LO}_2 \\ &? \text{LSO}_2 = 12 / 8 \text{ g SO}_2 \times \frac{1 \text{ mol SO}_2}{64 \text{ g SO}_2} \times \frac{22 / 4 \text{ SO}_2}{1 \text{ mol SO}_2} \end{aligned}$$

$$= 4 / 48 \text{ LSO}_2$$

بازده واکنش ۴۰ درصد است، به عبارتی ۴۰ درصد از این گازها در واکنش وارد

شده و ۶۰ درصد دیگر باقی‌مانده و در واکنش شرکت نمی‌کنند؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$\text{O}_2 = 2 / 24 \text{ LO}_2 \times \frac{60}{100} = 1 / 344 \text{ LO}_2 \quad \text{: مقدار باقیمانده}$$

$$\text{SO}_2 = 4 / 48 \text{ LSO}_2 \times \frac{60}{100} = 2 / 688 \text{ LSO}_2 \quad \text{: مقدار باقیمانده}$$

در این واکنش با بازدهی ۴۰ درصد، ۱/۷۹۲ را لیتر گاز SO_2 در واکنش وارد شده

و فراورده را تولید می‌کند.

$$\text{SO}_2 = 4 / 48 \text{ LSO}_2 \times \frac{60}{100} = 1 / 792 \text{ LSO}_2 \quad \text{: مقدار وارد شده در واکنش}$$

جرم ناخالص $A \Rightarrow$ ظرف (۲)

$$\begin{aligned} \text{جرم مصرفی خالص} &= m \times \beta \times \alpha \\ &= m \times \beta \times A \Rightarrow \text{جرم باقی‌مانده} = m \times \beta \times (1 - \alpha) \\ &\Rightarrow \text{جرم ناخالصی‌ها} = m(1 - \beta) \end{aligned}$$

طبق داده‌های سؤال، مجموع جرم فراورده‌های تولیدی برابر $16m / 16$ می‌باشد.

مطابق قانون پایستگی جرم، مجموع جرم فراورده‌های تولیدی را می‌توان برابر جرم واکنش‌دهنده مصرف شده دانست؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$m \times \alpha \times \beta = m \times \beta \times \alpha = 0 / 16 \Rightarrow [\alpha \beta = 0 / 16]$$

از طرفی نسبت تعداد مولکول‌های باقی‌مانده A را می‌توان نسبت جرم باقی‌مانده

در دو ظرف دانست:

$$\frac{\text{جرم باقی‌مانده } A \text{ در واکنش (۲)}}{\text{جرم باقی‌مانده } A \text{ در واکنش (۱)}} = 16 \Rightarrow \frac{m \times \beta \times (1 - \alpha)}{m \times \alpha \times (1 - \beta)} = 16$$

$$\Rightarrow \beta - \alpha \beta = 16\alpha - 16\alpha \beta$$

$$\frac{\alpha \beta = 0 / 16}{\beta - 0 / 16 = 16\alpha - 16 \times 0 / 16}$$

$$\Rightarrow 16\alpha - \beta = 2 / 4$$

$$\frac{\beta = 0 / 16}{\alpha} \Rightarrow 16\alpha - \frac{0 / 16}{\alpha} - 2 / 4 = 0 \xrightarrow{\text{طرفین تقسیم بر } \alpha}$$

$$2\alpha - \frac{0 / 02}{\alpha} - 0 / 3 = 0 \Rightarrow 2\alpha^2 - 0 / 3\alpha - 0 / 02 = 0$$

$$\xrightarrow{\text{حل درجه ۲}} \alpha = \frac{0 / 3 \pm \sqrt{0 / 09 - 4(-0 / 02)(2)}}{2 \times 2}$$

$$\frac{\Delta = 0 / 25}{\alpha > 0} \Rightarrow \alpha = \frac{0 / 3 + 0 / 5}{4} = 0 / 2 \Rightarrow \begin{cases} \alpha = 0 / 2 \\ \beta = 0 / 8 \end{cases}$$

$$\frac{\text{جرم ناخالصی ظرف (۱)}}{\text{جرم ناخالصی ظرف (۲)}} = \frac{\text{نسبت خواسته سوال}}{\text{جرم ناخالصی ظرف (۲)}}$$

$$= \frac{m(1 - \alpha)}{m(1 - \beta)} = \frac{1 - \alpha}{1 - \beta} = \frac{1 - 0 / 2}{1 - 0 / 8} = 4$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)



$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \frac{\text{بازده درصدی}}{100} \Rightarrow 80 = \frac{5/6}{x} \times 100$$

$$\Rightarrow x = 7 \text{ ton Fe}$$

$$7 \text{ ton Fe} \times \frac{1.6 \text{ g}}{1 \text{ ton}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{2 \text{ mol Fe}}$$

$$\times \frac{16 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{1 \text{ ton}}{1.6 \text{ g}} \times \frac{100}{50} = 20 \text{ ton Fe}_2\text{O}_3$$

با توجه به مقدار عملی آهن، مقدار گاز CO_2 حاصل را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{ mol CaO} = 5/6 \times 1.6 \text{ g Fe} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{3 \text{ mol CO}_2}{2 \text{ mol Fe}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol CaO}}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{56 \text{ g CaO}}{1 \text{ mol CaO}} \times \frac{1 \text{ kg}}{1.6 \text{ g}} = 840 \text{ kg CaO}$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(فضل قهرمانی فرد)

«۳» گزینه -۸۰

$$\frac{\text{جرم مس}}{\text{جرم کل}} \times 100 = \text{درصد خلوص مس}$$

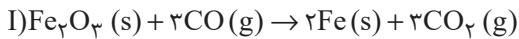
$$= \frac{1 \times 64}{(1 \times 64) + (2 \times 57) + (1 \times 52)} \times 100 \approx 27/8$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(هادی مهری زاده)

«۱» گزینه -۸۱

معادله موازن شده واکنش‌ها به صورت زیر است:



$$? \text{ mol CO}_2 = 32 \text{ g Fe}_2\text{O}_3 \times \frac{2}{100} \times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{16 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}$$

$$\times \frac{3 \text{ mol CO}_2}{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{80}{100} = 0.96 \text{ mol CO}_2$$

$$? \text{ g} = 0.96 \text{ mol CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol}}{2 \text{ mol CO}_2} \times \frac{180 \text{ g}}{1 \text{ mol}} \times \frac{1 \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 96 \text{ g}$$

$$\text{O}_2 / 2 : \text{مقدار O}_2 \text{ وارد شده در واکنش} \times \frac{40}{100} = 0.896 \text{ L O}_2$$

با استفاده از حجم O_2 یا SO_3 وارد شده در واکنش می‌توان حجم O_2

تولید شده را حساب نمود:

$$? \text{ L SO}_3 = 1/792 \text{ L SO}_2 \times \frac{1 \text{ mol SO}_2}{22/4 \text{ L SO}_2} \times \frac{2 \text{ mol SO}_3}{2 \text{ mol SO}_2}$$

$$\times \frac{22/4 \text{ L SO}_3}{1 \text{ mol SO}_3} = 1/792 \text{ L SO}_3$$

بنابراین حجم باقیمانده دو واکنش دهنده SO_2 و O_2 به ترتیب برابر با $2/688$ و $1/344$ لیتر است.

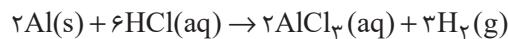
اکنون می‌توان حساب کرد که در ظرف واکنش چند لیتر گاز وجود دارد:

$$2/688 + 1/344 + 1/792 = 5/824 \text{ L}$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(میثم کلاین)

«۴» گزینه -۷۸



$$? \text{ g Al} = 12 \text{ L H}_2 \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{24 \text{ L H}_2} \times \frac{2 \text{ mol Al}}{3 \text{ mol H}_2} \times \frac{27 \text{ g Al}}{1 \text{ mol Al}} = 9 \text{ g Al}$$

چون فقط نیمی از آلومینیم وارد واکنش شده، پس جرم آلومینیم در مخلوط اولیه

۱۸ گرم بوده است؛ بنابراین می‌توان نوشت:

$$\text{Cu} = 25 - 18 = 7$$

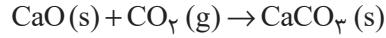
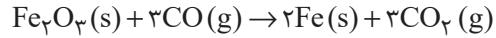
$$\text{Cu} = \frac{7}{25} \times 100 = 28\%$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۲۰ ۵ ۲۵)

(هادی مهری زاده)

«۴» گزینه -۷۹

معادله موازن شده واکنش‌ها به صورت زیر است:





$$\frac{1\text{molHSO}_4^-}{1\text{molNaOH}} \times \frac{80}{100} = 0.03\text{molHSO}_4^-$$

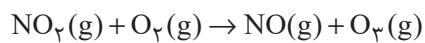
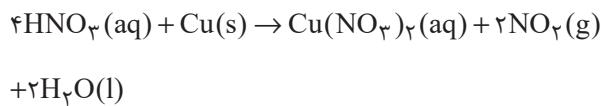
از ۰.۰۶ مول هیدروژن سولفات اولیه، ۰.۰۳ مول مصرف و در نتیجه ۰.۰۳ مول از آن باقی می‌ماند، پس می‌توان نوشت:

$$0.03\text{molHSO}_4^- \times \frac{97\text{gHSO}_4^-}{1\text{molHSO}_4^-} = 2.91\text{g HSO}_4^-$$

(شیمی - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(سیدریم هاشمی دکتری)

«۸۴ - گزینه ۳»



$$5/6\text{LO}_3 \times \frac{1\text{molO}_3}{22/4\text{LO}_3} \times \frac{1\text{molNO}_2}{1\text{molO}_3} \times \frac{1\text{molCu}}{2\text{molNO}_2} \\ \times \frac{64\text{gCu}}{1\text{molCu}} \times \frac{100}{80} = 1.0\text{gCu}$$

$$? \text{ g Cu}(\text{NO}_3)_2 = 1.0\text{gCu} \times \frac{80}{100} \times \frac{1\text{molCu}}{64\text{gCu}}$$

$$\times \frac{1\text{molCu}(\text{NO}_3)_2}{1\text{molCu}} = 0.125\text{molCu}(\text{NO}_3)_2$$

(شیمی - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(عباس هنریه)

«۸۵ - گزینه ۲»

عبارت‌های (آ) و (ت) درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

ب) در استخراج فلز تنها درصد کمی از سنگ معدن به فلز تبدیل می‌شود.

پ) آهنگ مصرف و استخراج فلزها سریع‌تر از آهنگ برگشت فلز به طبیعت است.

(شیمی - صفحه‌های ۲۵ ۵ ۲۸)

$$\times \frac{40}{100} = 34 / 56 \text{g} \text{ glucose}$$

برای قسمت دوم سوال می‌توان نوشت:

$$\frac{9}{5} = \frac{\text{مجموع ضرایب استوکیومتری در واکنش (I)}}{\text{مجموع ضرایب استوکیومتری در واکنش (II)}}$$

(شیمی - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(یاسر راش)

«۸۲ - گزینه ۲»

از یک مول FeO ، یک مول آهن و از یک مول Fe_2O_3 ، دو مول آهن تولید می‌شود. اگر مقدار مول Fe_2O_3 و FeO را در مخلوط اولیه به ترتیب x و y فرض کنیم، می‌توان نوشت:

$$\begin{cases} 72x + 16y = 12 \\ x + 2y = \frac{8/96}{56} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 0/1 \\ y = 0/03 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \text{درصد خلوص } \text{Fe}_2\text{O}_3 \text{ در مخلوط اولیه} = \frac{0/03 \times 160}{12} \times 100 = 40\%$$

(شیمی - صفحه‌های ۲۲ ۵ ۲۵)

(یاسر راش)

«۸۳ - گزینه ۲»

ابتدا مقدار مول موجود از یون HSO_4^- را در نمونه آب به دست می‌آوریم:

$$? \text{ molHSO}_4^- = 5\text{kg} \times \frac{1/164\text{gHSO}_4^-}{1\text{kg}} \text{ محلول}$$

$$\times \frac{1\text{molHSO}_4^-}{97\text{gHSO}_4^-} = 0.06\text{molHSO}_4^-$$

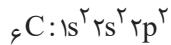
سپس مقدار مول مصرفی یون HSO_4^- را در واکنش با NaOH حساب می‌کنیم:

$$? \text{ molHSO}_4^- = 1/875\text{gNaOH} \times \frac{80}{100} \times \frac{1\text{molNaOH}}{40\text{gNaOH}} \times$$



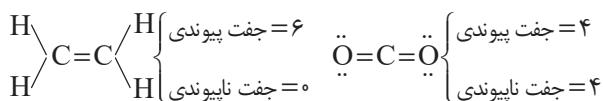
گزینه «۲»: حجم یک مول از گازهای متفاوت در شرایط استاندارد (STP) (با هم یکسان و برابر با $4 / 22$ لیتر است).

گزینه «۳»: اتم مرکزی در هر دو مولکول، کربن است. آرایش الکترونی کربن به صورت زیر است:



$$= \text{مجموع ظرفیت } n + 1 \text{ الکترون‌های ظرفیت} \\ = 2(2) + 2(3) = 10 \\ 2s^2 \quad 2p^2$$

گزینه «۴»: با توجه به ساختار لوویس کربن دی‌اکسید و اتن می‌توان نوشت:



(شیمی - صفحه‌های ۳۱ تا ۳۳)

(رسول عابدین زواره)

«۸۹ گزینه»

بخش عمده ترکیب‌های شیمیایی موجود در نفت خام را هیدروکربن‌های گوناگون تشکیل می‌دهند.

(شیمی - صفحه‌های ۲۹ تا ۳۳)

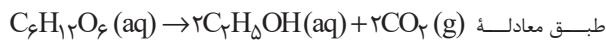
(پویا رسکاری)

«۹۰ گزینه»

عبارت‌های اول و چهارم درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت دوم:



مجموع ضایعات استوکیومتری مواد در واکنش تخمیر بی‌هوایی گلوکز برابر ۵ است.

عبارت سوم: این روش برای طلا و مس برخلاف روی و نیکل مقرنون به صرفه است.

عبارت پنجم: براساس توسعه پایدار در تولید یک ماده باید همه ملاحظات اقتصادی، اجتماعی و زیست محیطی را در نظر گرفت.

(شیمی - صفحه‌های ۲۳ تا ۲۶)

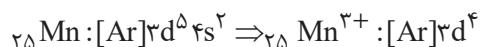
(محمد عظیمیان زواره)

«۸۶ گزینه»

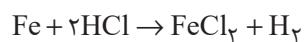
عبارت‌های (آ) و (ب) درست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

عبارت (پ): عنصر منگنز در گروه ۷ جدول دوره‌ای جای دارد.



عبارت (ت):



$$\frac{\text{مقدار خالص}}{\text{مقدار کل}} \times 100 \Rightarrow 75 = \frac{x}{0 / 4} \times 100$$

$$x = 0 / 3 \text{ mol Fe}$$

$$\begin{aligned} ? \text{LH}_2 &= 0 / 3 \text{ mol Fe} \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{1 \text{ mol Fe}} \times \frac{22 / 4 \text{ LH}_2}{1 \text{ mol H}_2} \\ &= 6 / 72 \text{ LH}_2 \end{aligned}$$

در واکنش داده شده، حداقل مقدار H_2 ممکن، $6 / 72$ لیتر است که به فرض بازده ۱۰٪ است.

(شیمی - صفحه‌های ۲۰ تا ۲۴ و ۲۵ تا ۲۸)

(فهیمه یاراللهی)

«۸۷ گزینه»

ارزیابی چرخه عمر شامل ارزیابی چهار مرحله استخراج و تولید مواد خام برای تولید یک فراورده، توزیع، مصرف و دفع آن است.

(شیمی - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(یاسر علیشاوی)

«۸۸ گزینه»

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: در هیدروژن سیانید، اتم H از قاعده هشت‌تایی پیروی نمی‌کند.



هیدروژن سیانید

کربن دی‌اکسید



(علی و فایی فسرنشاهی)

۹۴ - گزینه «۴»

«گون» در «سیماب گون»، ادات تشبيه است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: تشخیص زمانی است که ویژگی‌ای انسانی به غیرانسان نسبت داده شود. اما در این بیت، اشک ریختن به موجودی غیرانسانی نسبت داده نشده است.

گزینه «۲»: خیال تازه در معنای خود به کار رفته و کنایه ندارد.

گزینه «۳»: «بنا بر آب بودن» کنایه از «در خطر نابودی بودن» است.

(آرایه، صفحه ۳۱)

(حسن افتاده، تبریز)

۹۵ - گزینه «۳»**تشریح گزینه‌های دیگر:**

تمامی موارد گزینه‌های «۱، ۲ و ۴» در مورد قالب چهارپاره صحیح هستند؛ به جز گزینه «۳».

رواج «چهارپاره»، از دوره مشروطه بوده و تاکنون ادامه یافته است.

(آرایه، صفحه ۳۲)

(حسن افتاده، تبریز)

۹۶ - گزینه «۳»

گزینه «۳» شاخص ندارد.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: علامه ← شاخص

گزینه «۲»: حاج آقا ← شاخص

گزینه «۴»: سید ← شاخص

(ستور، صفحه ۴۳)

(حسن افتاده، تبریز)

فارسی (۲)**۹۱ - گزینه «۲»**

معنای تمامی واژه‌های مشخص شده در مقابل آنها صحیح است؛

مگر واژه «صفیر» در گزینه «۲».

صفیر: صدای بلند و تیز

سفیر: فرستاده و سفرکننده

واژه (صفیر) هم از لحاظ لغت و هم از لحاظ هم‌آوایی، دارای

اهمیت فراوان است.

(لغت، ترکیبی)

۹۲ - گزینه «۲»

املای واژگان به صورت «قرص» و «غلت» صحیح است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: املای صحیح واژه: تصرف

گزینه «۳»: املای صحیح واژه: صلیب

گزینه «۴»: املای تمام واژگان صحیح‌اند.

(املای، ترکیبی)

۹۳ - گزینه «۱»

«ففقار» مجاز از «مردم قفقاز» / «زخم‌خورده» کنایه از «رنج‌کشیده»، «افسارتگیخته» کنایه از «بی‌پروا و بی‌نظم»، «نگاه دوختن» کنایه از «خیره شدن» / سدوار (مانند سد): تشبيه / «موج‌های افسارتگیخته ارس» استعاره / «ایستاده‌بودن موج‌های ارس»: استعاره و تشخیص

(آرایه، صفحه ۴۱)

**عربی، زبان قرآن (۲)**

(میبد هماین)

۱۰۱ - گزینه «۱»

با توجه به ترجمه، گزینه «۱»، صحیح است.

ترجمه عبارت: «نامیدن دیگران به اسم‌های زشت: تنایز!»

(لغت)

(امیرخان عاشق)

۱۰۲ - گزینه «۴»

«الحصَّة الْأُولَى»: زنگ اول (یکم)، اولین زنگ (رد گزینه «۱») /

«کان یدرسون»: درس می‌خوانند (رد گزینه‌های «۲» و «۳») /

«طلابان مُشاغبان»: دو دانش‌آموز اخلاق‌گر (شلوغ‌کننده) (رد گزینه

«۲»

(ترجمه)

(امیرخان عاشق)

۱۰۳ - گزینه «۲»

«أَلْف»: تألیف کردند، تألیف کرده‌اند (رد گزینه «۴») / «عَدَد»

مِن»: تعدادی از (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «الْتَّعْلُم و التَّعْلِيم»:

یادگیری و یاددهی (رد گزینه‌های «۱» و «۳») / «يرتبط»: مرتبط

می‌شود (رد گزینه‌های «۱» و «۴»)

(ترجمه)

(مسنون رهمانی)

۱۰۴ - گزینه «۳»

«سکینتَه»: آرامش خود (رد گزینه‌های «۱» و «۴») / «رسوله»:

پیامبرش (رد گزینه «۲»)

(ترجمه)

(حسن افتخاره، تبریز)

۹۷ - گزینه «۴»

واژه «دیروز» در گزینه «۴» نقش قید داشته و صرفًا نشان‌دهنده زمان انجام کاری است.

اما این واژه در گزینه «۱» نقش نهاد و در گزینه‌های «۲» و «۳» نقش مضاف‌الیه دارد.

(دستور، صفحه ۱۳۱)

(مریم شمیرانی)

۹۸ - گزینه «۴»

ترکیب‌های اضافی: «عرصَة محشر، رمق هایش، زیر سقفی، بادهای زمستان، ناله‌های وامندگان، بوی خون، خون شجاع، شجاع گنجه، فراز قله‌ها، قله‌های قفقاز»

توجه: «واپسین رمق‌ها» ترکیب وصفی است.

(دستور، صفحه ۱۴۳)

(مسنون اصغری)

۹۹ - گزینه «۱»

مفهوم مشترک ابیات مرتبط: توصیه به میانه‌روی در کارها و پرهیز از افراط و تفریط است.

معنای بیت گزینه «۱»: نیک و بد را به هم آمیختیم، گاهی افراط و زیاده‌روی و گاهی هم کوتاهی کردیم.

(مفهوم، صفحه ۱۴۹)

(علی و فایی فسروشاهی)

۱۰۰ - گزینه «۳»

این بیت مضمون عرفانی دارد و به ترک تعلق از این جهان اشاره می‌کند. «وطن» در این بیت استعاره از دنیاست.

در سایر ابیات، لزوم مبارزه و فداکاری در راه میهن مورد اشاره است.

(مفهوم، صفحه ۱۳۲)



(مرتضی کاظم شیرودی)

۱۰۹- گزینه «۲»

«المطلب» بر وزن «مفعَل» است، اما اسم مکان نیست.

اسم مکان، در سایر گزینه‌ها به ترتیب: «محضر: پیشگاه/ مشهد:

شهر مشهد/ الملعب: ورزشگاه»

نکته: اسم مکان اسمی است که بر مکان وقوع فعل دلالت می‌کند

و بر وزن‌های «مفعَل، مفعَل، مفعَلة» است. توجه داشته باشید که

این وزن‌ها باید معنای مکان بدهند.

(قواعد)

(مسنون رہمانی)

۱۱۰- گزینه «۳»

ترجمه عبارت:

«هفتاد و شش منهای یازده برابر است با شصت و پنج.»

(مفهوم)

دین و زندگی (۲)

(مسنون پیاتی)

۱۱۱- گزینه «۳»

اعجاز لفظی: هرکس که با زبان عربی آشنا باشد، به محض

خواندن قرآن، درمی‌یابد که آیات آن با سایر سخن‌ها کاملاً فرق

می‌کند.

اعجاز محتوایی: امام محمد باقر (ع) می‌فرماید: «خداآنده آنچه را

که امت تا روز قیامت به آن احتیاج دارد، در کتابش آورده است.»

(جامعیت و همه‌جانبه بودن)

(معجزه پاوبیدان، صفحه‌های ۳۹ و ۴۱)

(مسنون رہمانی)

۱۰۵- گزینه «۳»

«من»: هر کس (رد گزینه «۲») / «لا یستمع»: گوش فراندهد (رد

گزینه «۲») / «یرُسُب»: مردود می‌شود (رد گزینه‌های «۲ و ۴»)

در گزینه «۱» «درس خوب» معادل عربی ندارد.

(ترجمه)

(مسنون رہمانی)

۱۰۶- گزینه «۴»

«أحَبُّ»: دوست دارم (فعل مضارع)

(ترجمه)

(مسنون رہمانی)

۱۰۷- گزینه «۴»**تشریح گزینه‌های دیگر:**

گزینه «۱»: «العاقِل» بر وزن «فاعِل» اسم فاعل است.

گزینه «۲»: «المشترِي» بر وزن «مُفْتَلُ» اسم فاعل است.

گزینه «۳»: «غَفَار» بر وزن «فَعَال» اسم مبالغه است.

(قواعد)

(مرتضی کاظم شیرودی)

۱۰۸- گزینه «۲»

«أحَمَّ» به معنای «قرمز» بر وزن «أَفْعَل» است، اما اسم تفضیل

نیست، زیرا به معنای «رنگ» است.

تشریح گزینه‌های دیگر:

گزینه «۱»: «أَقْلَّ: كَمْ تَرْ»

گزینه «۳»: «خَيْرٌ: بَهْتَرٌ»

گزینه «۴»: «أَجْلٌ: گَرَانْ قَدْرَتَرٌ»

نکته: هرگاه وزن «أَفْعَل» به معنای «رنگ» باشد، دیگر اسم

تفضیل نیست.

(قواعد)



(ممتن بیاتی)

۱۱۶- گزینه «۳»

«و من يبتغ غير الإسلام دنياً فلن يقبل منه و هو في الآخرة من الخاسرين: هركس كه دینی جز اسلام اختیار کند هرگز از او پذیرفته نخواهد شد و در آخرت از زیانکاران خواهد بود.»

ایمان نیاوردن پیروان پیامبر قبلی به آخرین پیامبر به معنای سرپیچی از فرمان خدا و عدم پیروی از دستورات پیامبران گذشته است.»

(تداوی هدایت، صفحه ۳۳)

(ممتن بیاتی)

۱۱۲- گزینه «۴»

هر دو مورد مربوط به تأثیرناپذیری از عقاید دوران جاهلیت است.

(معجزه پاولیران، صفحه ۳۶)

(امیر مهری افسار)

۱۱۷- گزینه «۲»

آیه «و ما كانت تتلو من قبليه من كتاب ...» اشاره به امی و درس نخوانده بودن پیامبر دارد، با مفهوم بیت «نگار من که به مکتب نرفت و خط ننوشت/ به غمزه مسئله‌آموز صد مدرس شد» ارتباط دارد.

(تداوی هدایت، صفحه‌های ۳۶ و ۳۷)

(ممتن بیاتی)

۱۱۸- گزینه «۴»

هر پیامبری که می‌آمد به آمدن پیامبر بعدی بشارت می‌داد و بر پیروی از او تأکید می‌کرد.

(تداوی هدایت، صفحه ۳۳)

(مرتضی محسنی‌کبیر)

۱۱۹- گزینه «۳»

تعیین امام معصوم از طرف خداوند سبب می‌شود که مسئولیت‌های پیامبر، به جز دریافت وحی ادامه یابد و جامعه کمیودی از جهت رهبری و هدایت نداشته باشد.

(تداوی هدایت، صفحه ۳۹)

(ممتن بیاتی)

۱۱۳- گزینه «۳»

اندیشمندان اسلامی قرآن را معجزه می‌نامند؛ زیرا عجز و ناتوانی سایر افراد در این امور آشکار می‌شود.

معجزه آخرین پیامبر الهی باید به گونه‌ای باشد که هم مردم زمان خودش و هم آیندگان به معجزه بودن آن اعتراف کنند و آن را تأیید نمایند.

(معجزه پاولیران، صفحه ۳۷)

۱۱۴- گزینه «۱»

«قل لئن اجتمعن الانس و الجن على ان يأتوا بمثل هذا القرآن:

بگو اگر تمامی انس و جن جمع شوند تا همانند قرآن را بیاورند ...»

(معجزه پاولیران، صفحه ۳۸)

۱۱۵- گزینه «۲»

آسان‌ترین راه برای غیرالهی نشان دادن اسلام و قرآن، آوردن سوره‌ای مشابه یکی از سوره‌های این کتاب است.

«قل فأنوا بسورة مثله: بگو اگر می‌توانید یک سوره همانند آن را بیاورید.»

(معجزه پاولیران، صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)



(مسنونه‌ی ریاضی)

۱۲۲- گزینه «۳»

ترجمه جمله: «دیروز، من و پدرم تصمیم گرفتیم جدیدترین آیفون، ۱۵ پرو، را برای من بخریم، اما به دلیل اینکه زیادی گران بود، نتوانستیم آن را بخریم. آن هفتصد و نواد و نه دلار بود.»

نکته مهم درسی:

باید بین یکان و دهگان اعداد از شماره ۲۱ تا ۹۹ خط تیره قرار دهیم (رد گزینه‌های «۱» و «۴»). همچنین، با توجه به اینکه عدد بیشتر از یک است، اسم "dollar" باید به شکل جمع باشد (رد گزینه «۲»).
(گرامر)

(مرتفعی مسنونه‌ی کبیر)

۱۲۰- گزینه «۳»

دینی می‌تواند برای همیشه ماندگار باشد که بتواند به همه سوال‌ها و نیازهای انسان‌ها در همه مکان‌ها و زمان‌ها پاسخ دهد. یعنی دارای پویایی و روزآمد بودن باشد. دین اسلام ویژگی‌هایی دارد که می‌تواند پاسخ‌گویی نیازهای بشر در دوره‌های مختلف باشد. برخی از ویژگی‌ها عبارت‌اند از:

۱- توجه به نیازهای متغیر در عین توجه به نیازهای ثابت

۲- وجود قوانین تنظیم‌کننده

(تداوی هدایت، صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

(مسنونه‌ی ریاضی)

۱۲۳- گزینه «۲»

ترجمه جمله: «امروز بعد از کلاس زبان انگلیسی‌اش، دوست‌صمیمی من، جک، با معلم انگلیسی‌مان در مورد آینده صحبت کرد و معلم به او توصیه‌هایی کرد. امیدوارم دوست بزرگوارم آن توصیه‌ها را بپذیرد.»

نکته مهم درسی:

اسم "advice" غیرقابل شمارش است و نباید "s" جمع بگیرد. برای بیان «چند نصیحت» از "pieces of advice" استفاده می‌کنیم. همچنین، بعد از صفت اشاره "those" از اسم جمع استفاده می‌شود (رد سایر گزینه‌ها).
(گرامر)

(مسنونه‌ی ریاضی)

۱۲۱- گزینه «۴»

ترجمه جمله: «این روزها، بسیاری از محققان در تلاش برای محافظت از زبان‌های در خطر انقراض هستند و این می‌تواند بسیاری از اطلاعات و ارزش‌های فرهنگی مردم را در سراسر جهان حفظ کند.»

نکته مهم درسی:

با توجه به این که "information" (اطلاعات) یک اسم غیرقابل شمارش است، بنابراین به صفت غیر قابل شمارش نیاز داریم (رد گزینه‌های «۱» و «۳»). از طرفی، با توجه به معنی و مفهوم جمله نمی‌توانیم از "a little" استفاده کنیم (رد گزینه «۲»).

(گرامر)

(مبتنی بر فشنگ گرامر)

۱۲۴- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «برای این که ببینید مهارت‌های زبانی شما چگونه در حال بهبود است، باید تعییرات واژگان و روان شدن خود را در طول زمان اندازه‌گیری کنید.»

- ۱) اندازه‌گیری کردن
- ۲) محافظت کردن
- ۳) انتقال دادن
- ۴) کامل کردن

(واژگان)



ارتباط برقرار کنند و از اشتباه کردن نترسند، زیرا اشتباه بخشی از فرآیند یادگیری است.

با گذشت زمان، با تمرین و قرار گرفتن مستمر در معرض [زبان جدید]، شیوه‌ایی [در زبان جدید] توسعه می‌یابد. تسلط و شیوه‌ایی از [امر] زیاد گوش دادن و زیاد صحبت کردن ناشی می‌شود. شرکت در کلاس‌های زبان، برنامه‌های تبادل [دانشآموز یا دانشجو] و سفر به کشورهایی که [در آن جا مردم] به آن زبان صحبت می‌کنند، یادگیری را بسیار تسريع خواهد کرد. با پشتکار و تخصیص وقت و انرژی، هر کسی می‌تواند در یک زبان خارجی مهارت پیدا کند. پاداش [این کار] توانایی برقراری ارتباط با افراد بیشتر در سراسر جهان است.

(ممدرسه‌سین مرتضوی)

۱۲۷- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «موضوع متن چیست؟»
«استراتژی‌های مؤثر برای یادگیری زبان»

(درگ مطلب)

(ممدرسه‌سین مرتضوی)

۱۲۸- گزینه «۳»

ترجمه جمله: «طبق متن، چگونه زبان آموزان می‌توانند به شیوه‌ایی و تسلط در یک زبان خارجی دست یابند؟»
«با عضویت در برنامه‌های تبادل [دانشآموز یا دانشجو] و سفر»

(درگ مطلب)

(ممدرسه‌سین مرتضوی)

۱۲۹- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «کلمه "proficiency" که در پاراگراف «۲» زیر آن خط کشیده شده است، به کدامیک از گزینه‌های زیر اشاره دارد؟»
«skill» (مهارت)

(درگ مطلب)

(محتبی در فشنان گرمی)

۱۲۵- گزینه «۴»

ترجمه جمله: «من در مورد آن عکس از آن مرد پرسیدم و او گفت که هزار دلار می‌خواهد زیرا آن ارزش تاریخی داشت.»

- (۱) ذهن
(۲) فرهنگ
(۳) زبان
(۴) ارزش

(واژگان)

۱۲۶- گزینه «۲»

ترجمه جمله: «مرد گم شده از شکارچیان و ماهی‌گیران بومی که کمتر از سی کیلومتر دورتر زندگی می‌کردند، کمک خواست.»

- (۱) خارجی
(۲) بومی
(۳) شگفت‌آور

(واژگان)

ترجمه متن درگ مطلب:

یادگیری یک زبان جدید نیازمند زمان و اختصاص وقت و انرژی است. در آغاز، مفید است که به طور منظم از طریق خواندن، گوش دادن، نوشتن و صحبت کردن در معرض آن زبان قرار بگیرید. خواندن کتاب‌های کودکانه، تماشای برنامه‌های تلویزیونی، نوشتن یک دفتر خاطرات و مکالمه‌های ساده با بومی‌زبانان، فعالیت‌های آغازین خوبی هستند. این‌ها به زبان آموزان احساسی [آشنا] نسبت به الگوها و ریتم‌های زبان جدید می‌دهند.

با کسب مهارت اولیه توسط زبان آموزان، تماشای فیلم، گوش دادن به اخبار و گشتزنی در اینترنت [برای آنان] مفید می‌شود. این امور زبان آموزان را در معرض واژگان و ساختارهای زبانی پیچیده‌تری قرار می‌دهند. صحبت با بومی‌زبانان نیز در این مرحله مهم است. فراگیران [زبان جدید] باید سعی کنند تا حد امکان،



(عقیل محمدی روش)

۱۳۳- گزینه «۴»

ترجمه جمله: «من و مادرم دیروز یک کیک پختیم و از سه بطری شیر استفاده کردیم تا کیک بیشتر خامه‌ای و خوشمزه شود.»

نکته مهم درسی:

بین واحدهای شمارشی و اسمای غیرقابل‌شمارش باید از "of" استفاده شود (رد گزینه «۱»). اسمای غیرقابل‌شمارش جمع بسته نمی‌شوند (رد گزینه «۲»). گزینه «۳» معنای قابل قبولی ندارد.

(گرامر)

(عقیل محمدی روش)

۱۳۴- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «برای موفقیت در این پژوهه، همه باید این نکته مهم را درک کنیم و روی آن توافق داشته باشیم که کیفیت مهم‌تر از کمیت است.»

۲) تاریخ

۱) نکته

۴) قیمت

۳) شمع

(واگرگان)

(عقیل محمدی روش)

۱۳۵- گزینه «۱»

ترجمه جمله: «استفاده نادرست از یک زبان می‌تواند معنای مورد نظر را تغییر دهد و از [برقراری] ارتباط موفق جلوگیری کند، بنابراین مهم است که برای یادگیری صحیح آن وقت بگذارید.»

۲) با دقیق

۱) به صورت نادرست

۴) احتمالاً

۳) خوشبختانه

(واگرگان)

(محمدحسین مرتفعی)

۱۳۰- گزینه «۴»

ترجمه جمله: «با توجه به متن، کدام فعالیت برای زبان‌آموزانی که سعی در کسب مهارت اولیه در یک زبان جدید را دارند، توصیه نمی‌شود؟»

«سفر به کشورهایی که [مردم در آنجا] به زبان‌های زیادی صحبت می‌کنند.»

(رک مطلب)

۱۳۱- گزینه «۲»

ترجمه جمله: «در دریا میلیون‌ها نوع متفاوت ماهی وجود دارد که هر کدام رنگ‌ها و نقش‌های خاص خود را دارند که آن‌ها را خاص می‌کنند.»

نکته مهم درسی:

اعداد "hundred, thousand, million, billion, ..." اگر به همراه عدد بیایند، جمع بسته نمی‌شوند و "of" نمی‌گیرند (رد گزینه‌های «۱» و «۳»). اسمی که بعد از عددی بالاتر از یک می‌آید باید جمع بسته شود (رد گزینه «۴»).

(گرامر)

۱۳۲- گزینه «۳»

ترجمه جمله: «با توجه به منابع موجود و هرگونه چالش احتمالی، فکر می‌کنید چقدر زمان می‌برد تا پژوهه تکمیل شود؟»

نکته مهم درسی:

برای پرسش در مورد مدت زمان لازم برای انجام کاری از عبارت "How much time" استفاده می‌شود (رد سایر گزینه‌ها).

(گرامر)



می‌توانیم از یکدیگر بیشتر یاد بگیریم و دنیا را به مکانی بهتر تبدیل کنیم.

(عقیل محمدی روش)

«۱۳۷- گزینه ۲»

ترجمه جمله: «کدام یک از موارد زیر با توجه به متن صحیح است؟»

«بیشتر رشد جمعیتی در آفریقا و آسیا اتفاق می‌افتد.»

(درک مطلب)

(عقیل محمدی روش)

«۱۳۸- گزینه ۲»

ترجمه جمله: «پیش‌بینی می‌شود تا حدود ۳۰ سال آینده چند نفر بیشتر در جهان زندگی کنند؟»
«۱/۹ میلیارد [نفر]»

(درک مطلب)

(عقیل محمدی روش)

«۱۳۹- گزینه ۴»

ترجمه جمله: «یکی از چالش‌هایی که با جمعیت در حال رشد پیش می‌آید، چیست؟»
«نداشتمن منابع کافی»

(درک مطلب)

(عقیل محمدی روش)

«۱۴۰- گزینه ۳»

ترجمه جمله: «ایده اصلی پاراگراف «۳» چیست؟»
«با وجود سخت بودن، داشتن افراد بیشتر می‌تواند به ما کمک کند.»

(درک مطلب)

(عقیل محمدی روش)

«۱۳۶- گزینه ۳»

ترجمه جمله: «قیمت تلفن‌های همراه براساس برنده، مدل و ویژگی‌هایی که ارائه می‌دهند می‌تواند بسیار متفاوت باشد.»

۱) وجود داشتن

۲) ناپدید شدن

۳) متفاوت بودن

۴) سفارش دادن

(واژگان)

ترجمه متن درگ مطلب:

جمعیت جهان به سرعت در حال افزایش است. در حال حاضر بیش از $\frac{7}{8}$ میلیارد نفر روی کره زمین زندگی می‌کنند و انتظار می‌رود این عدد تا سال ۲۰۵۰ به $\frac{9}{7}$ میلیارد [نفر] برسد. اکثر این رشد در کشورهای در حال توسعه در آفریقا و آسیا اتفاق می‌افتد. در واقع، تخمین زده می‌شود که تا سال ۲۱۰۰ آفریقا به تنها بیش از ۴ میلیارد نفر خواهد بود.

این رشد سریع جمعیت اثرات بزرگی بر سیاره ما دارد. این [امر] بر منابعی مانند غذا، آب و انرژی فشار وارد می‌کند و مشکلاتی مانند آلودگی و تغییرات آب و هوایی را بدتر می‌کند. همچنین چالش‌هایی را برای دولتها و جوامع ایجاد می‌کند، زیرا آن‌ها باید چیزهای اساسی مانند مدارس، بیمارستان‌ها و خانه‌ها را برای جمعیت رو به رشد فراهم کنند.

با وجود این مشکلات، فرصت‌هایی نیز وجود دارد که با یک جمعیت رو به رشد به وجود می‌آید. ما افراد بیشتری برای کار و ارائه ایده‌های جدید داریم و وقتی افراد مختلف زیادی داریم،