



آزمون «۲۷ مرداد ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۰۰ دقیقه

تعداد سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
	۷۰	۱-۷۰	۱۰۰'
جمع کل			

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	دانیال ابراهیمی-کاظم اجلالی-عباس اشرفی-سعید اکبرزاده-امیر هوشمنگ انصاری-محمد سجاد پیشوایی-سهیل حسن خان پور عادل حسینی-نسترن زارع-سهیل ساسانی-علی ساوجی-یاسین سپهر-محمد حسن سلامی حسینی-رضا سید تجفی-علیرضا شریفی حسین شفیع‌زاده-علی شهرابی-بیان طهرانیان-حیدر علیزاده-مصطفی کرمی-بهزاد مجرمی-جهانبخش نیکنام-وحید ون آبادی امیر حسین ابومحبوب-سامان اسپهر-علی ایمانی-محمد بحیرابی-جواد حاتمی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش محمد خندان-محسن رجبی-سوگند روشنی-یاسین سپهر-رضا عباسی اصل-سهام مجیدی-پور-نصری محبی-نژاد-داریوش ناظمی سرژ یقازاریان تبریزی
هندرسه	امیر حسین ابومحبوب-حیدر رضا امیری-علی ایمانی-افشین خاصه‌خان-سوگند روشنی-علی ساوجی-سید محسن قاطمی-پژمان فرهادیان احمد رضا فلاخ-مرتضی فیض علوی-تیلوفر مهدوی-سروش موئینی
آمار و احتمال و ریاضیات گستاخ	خسرو ارغوانی فرد-عبدالرضا امینی نسب-زهرا آقامحمدی-لاری بهادری-مجتبی خیلی ارجمانی-بیتا خورشید-محمد ساکی-معصومه شریعت‌ناصری مریم شیخ‌مو-پوریا علاقه‌مند-بهادر کامران-مصطفی کیانی-غلامرضا بحقی-احسان محمدی-امیر احمد میرسعید-حسام نادری-حسین ناصری صلاح الدین ابراهیمی-عین‌الله ابوالفتحی-محمد رضا پور جاوید-امیر حاتمیان-پیمان خواجه‌مجد-فرزاد رضابی-جواد سوری لکی امیر حسین طیبی-محمد عظیمیان زواره-علیرضا کیانی دوست-هادی مهدی‌زاده-حسین ناصری‌ثانی
فیزیک	
شیمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندرسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستاخ	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	مهدی ملارمپانی	مهرداد ملوندی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	ویراستار استاد:
مسئول درس	عادل حسینی	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین مسلمی
مسئلند سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقازاریان تبریزی	سرژ یقازاریان تبریزی	سرژ یقازاریان تبریزی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محبیا اصغری	گروه مستندسازی
فرزانه فتح‌الهزاده	حروف‌نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم‌چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۱ تا ۹۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

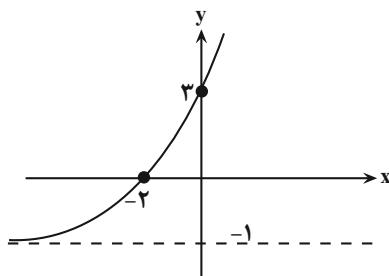
۱- چند عدد صحیح بین دو عدد $32^{\frac{2}{3}}$ و $32^{\frac{1}{3}}$ قرار دارد؟

۷ (۴)

۶ (۳)

۵ (۲)

۴ (۱)

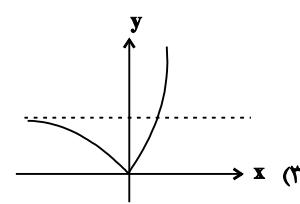
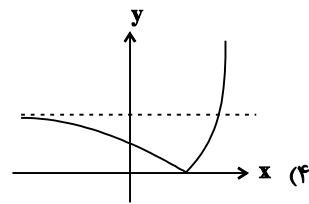
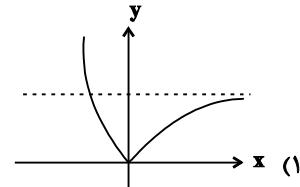
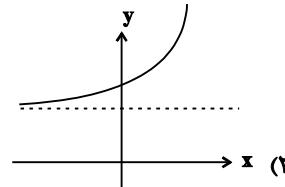
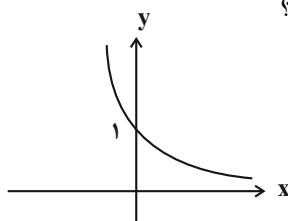
۲- اگر نمودار تابع $y = a(b)^x + c$ به صورت زیر باشد، حاصل $\frac{ab}{c}$ کدام است؟

-۶ (۱)

-۴ (۲)

-۸ (۳)

-۳ (۴)

۳- اگر نمودار تابع نمایی $f(x) = |1 - m^x|$ به صورت مقابل باشد، نمودار تابع $y = (3 - 2m)^x$ کدام است؟۴- از معادله $4^x + 21 = 5 \times 2^{x+1}$ نسبت ریشه کوچک‌تر به بزرگ‌تر کدام است؟ \log_9^y (۴) $\log_{\frac{3}{4}}^y$ (۳) $\log_{\frac{7}{9}}^y$ (۲) $\log_y^{\frac{3}{4}}$ (۱)



۵- اگر E_4 ، E_3 ، E_2 و E_1 به ترتیب انرژی آزاد شده (برحسب واحد ارج) از زمین لرزه های ۵، ۶، ۷ و ۸ ریشتري هستند.

$$\log E = \frac{E_4}{E_3} + \frac{1}{5M}$$

$c = \frac{E_4}{E_3}$ باشد، کدام مقایسه بین a ، b و c صحیح است؟ M بزرگی زلزله

برحسب ریشتري است.)

$b > c > a$ (۴)

$c > b > a$ (۳)

$a > b > c$ (۲)

$a = b = c$ (۱)

۶- یک ماده هسته‌ای در هر ماه ۷ درصد از جرم خود را از دست می‌دهد. پس از چند ماه ۶۹ درصد از جرم اولیه خود را از دست

می‌دهد؟ ($\log 3 \approx 0.48$ ، $\log 31 \approx 1.49$)

۲۰ (۴)

۱۹ (۳)

۱۸ (۲)

۱۷ (۱)

۷- اگر $f(x) = 2^x - 1$ و $(fog)(x) = (gof)(x)$ ، معادله چند جواب دارد؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۸- اگر دامنه تابع $f(x) = \log_a(bx - 1)$ بازه (a, b) باشد، حاصل $\log_{fa}(ab - 1)$ کدام است؟

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۹- حاصل $\frac{\log_2 24}{\log_{16} 2} - \frac{\log_2 192}{\log_{12} 2}$ کدام است؟

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۰- اگر $x = \frac{1}{2}$ یکی از جواب‌های معادله $\log_2 x - \log_x k = 3$ باشد، ریشه دیگر این معادله کدام است؟

$\frac{1}{16}$ (۴)

۱۶ (۳)

۴ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: تبدیل های هندسی (قا سر تجانس): صفحه های ۳۳ تا ۴۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

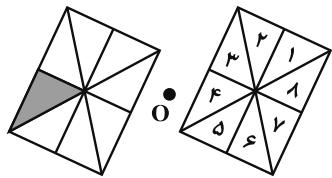
۱۱- تعداد نقاط ثابت تبدیل در بازتاب نسبت به خط کدام است؟

(۴) بی شمار

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) هیچ

۱۲- در شکل زیر، کدام یک از بخش های شماره گذاری شده، تصویر شکل سایه دار تحت دوران 180° به مرکز O است؟

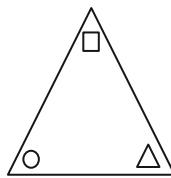
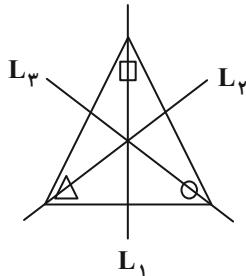
۲ (۱)

۴ (۲)

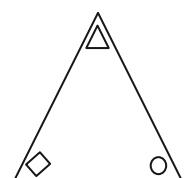
۶ (۳)

۸ (۴)

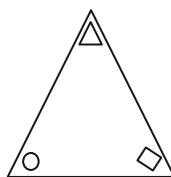
۱۳- در گوشه های مثلث متساوی الاضلاع شکل زیر، یک دایره، یک مربع و یک مثلث قرار داده شده اند. اگر بازتاب این مثلث را

به ترتیب نسبت به عمود منصف های L_1 , L_2 و L_3 رسم کنیم، شکل حاصل کدام است؟

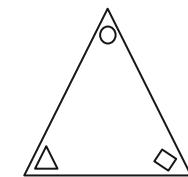
۲



۱



۴



۳

۱۴- در بازتاب پاره خط AB نسبت به خط d، در کدام حالت، شبیه پاره خط الزاماً حفظ نمی شود؟

۱) پاره خط AB بر خط d عمود باشد.

۲) پاره خط AB با خط d موازی باشد.

۳) نقاط A و B روی خط d واقع شوند.

۴) نقاط A و B از خط d به یک فاصله باشند.



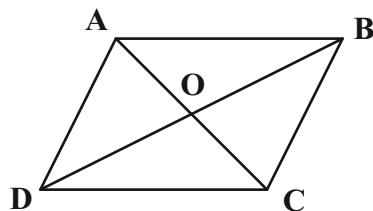
۱۵- کدام یک از توابع زیر در صفحه شامل محورهای مختصات، یک تبدیل نیست؟

- ۱) تابعی که هر نقطه را بر روی قرینه آن نقطه نسبت به مبدأ مختصات تصویر می‌کند.
- ۲) تابعی که هر نقطه را بر روی قرینه آن نسبت به محور x ها تصویر می‌کند.
- ۳) تابعی که هر نقطه را ۲ واحد در راستای عمودی به طرف بالا منتقل می‌کند.
- ۴) تابعی که هر نقطه را بر روی پای عمود رسم شده از آن نقطه بر محور y ها تصویر می‌کند.

۱۶- در یک بازتاب نسبت به خط d ، نقاط A و B دو نقطه ثابت تبدیل و به فاصله ۸ از یکدیگر هستند. اگر M نقطه‌ای به فاصله برابر ۶ از A و B باشد، فاصله نقطه M از تصویر خود در این بازتاب کدام است؟

- ۱۰) ۴ ۱۱) $4\sqrt{5}$ ۱۲) ۵ ۱۳) $2\sqrt{5}$

۱۷- متوازی‌الاضلاع $ABCD$ در شکل زیر را ابتدا با بردار \overrightarrow{AO} و سپس با بردار \overrightarrow{DO} منتقل می‌کنیم تا چهارضلعی $A'B'C'D'$ با انتقال با کدام یک از بردارهای زیر بر چهارضلعی $ABCD$ منطبق می‌شود؟



- ۱) \overrightarrow{CD}
۲) \overrightarrow{BD}
۳) \overrightarrow{CA}
۴) \overrightarrow{DA}

۱۸- دو دایره (O, r) و (O', r') با طول خط‌المرکزین $OO' = 6$ مفروض‌اند. دوران یافته دایره C' حول نقطه O' تحت زاویه 90° را دایره C'' می‌نامیم. شاعع کوچک‌ترین دایره‌ای که بر هر دو دایره C و C'' مماس باشد، کدام است؟

- ۱۴) $2 - \sqrt{2}$ ۱۵) $3\sqrt{2} - 3$ ۱۶) $2\sqrt{2} - 2$ ۱۷) $3\sqrt{2} - 2$

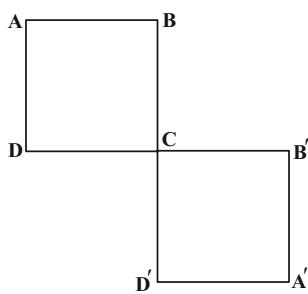
۱۹- تبدیلی است که مربع $ABCD$ را به مربع $A'B'C'D'$ تصویر می‌کند. کدام توصیف برای تبدیل T نادرست است؟

- ۱) بازتاب نسبت به عمود منصف AA'

- ۲) انتقال در راستای بردار \overrightarrow{AC}

- ۳) دوران به مرکز C و زاویه 90° در جهت عقربه‌های ساعت

- ۴) دوران به مرکز C و زاویه 180° در جهت عقربه‌های ساعت



۲۰- مستطیلی به ابعاد ۴ و ۸ را نسبت به یک قطر آن بازتاب می‌دهیم. مساحت ناحیه مشترک بین مستطیل و تصویر آن کدام است؟

- ۱۴) ۲۵ ۱۵) ۲۴ ۱۶) ۲۰ ۱۷) ۱۶



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۷۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۲۱- اگر A و B دو پیشامد غیرتنهی از فضای نمونه S باشند، آنگاه کدام یک از روابط زیر نادرست است؟

$$P((A \cap B) | (B - A)) = 1 \quad (4) \quad P(A | (A - B)) = 1 \quad (3) \quad P((A - B) | B) = 1 \quad (1)$$

۲۲- در پرتاب دو تاس، می‌دانیم تفاضل اعداد روشنده مضرب ۳ است. احتمال آنکه اعداد روشنده هر دو تاس مضرب ۳ باشند، کدام است؟

$$(1) \frac{1}{4} \quad (2) \frac{1}{3} \quad (3) \frac{5}{12} \quad (4) \frac{1}{2}$$

۲۳- در یک خانواده چهار فرزندی، تعداد پسرها و دخترها برابر نیست. احتمال آنکه جنسیت دو فرزند اول خانواده یکسان باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{3}{5} \quad (2) \frac{2}{5} \quad (3) \frac{1}{2} \quad (4) \frac{1}{10}$$

۲۴- جعبه‌ای شامل ۳ مهره قرمز، ۲ مهره آبی و ۱ مهره زرد است. دو مهره به ترتیب و بدون جای‌گذاری از این جعبه خارج می‌کنیم. احتمال آن که دو مهره همنگ نباشند، کدام است؟

$$(1) \frac{3}{5} \quad (2) \frac{2}{3} \quad (3) \frac{11}{15} \quad (4) \frac{4}{5}$$

۲۵- دو ظرف داریم که اولی شامل ۴ مهره سفید و ۲ مهره سیاه و دومی شامل ۷ مهره سفید و ۳ مهره سیاه است. یکی از دو ظرف را به دلخواه انتخاب کرده و دو مهره با هم از آن، خارج می‌کنیم. احتمال این که دو مهره انتخابی همنگ نباشند، کدام است؟

$$(1) \frac{2}{3} \quad (2) \frac{8}{15} \quad (3) \frac{3}{5} \quad (4) \frac{1}{2}$$

۲۶- اگر A و B دو پیشامد از فضای نمونه باشند به طوری که $B \subseteq A$ ، $P(B) = \frac{1}{7}$ و $P(A) = \frac{1}{3}$ ، حاصل $\frac{P(A | B')}{P(A \cup B)}$ کدام است؟

$$(1) \frac{1}{4} \quad (2) \frac{2}{9} \quad (3) \frac{3}{4} \quad (4) \frac{2}{3}$$

۲۷- در یک سکه احتمال آمدن رو ۲ برابر احتمال آمدن پشت و در یک تاس احتمال آمدن هر عدد اول ۳ برابر احتمال آمدن هر یک از اعداد غیراول است. اگر این سکه و تاس را با هم پرتاب کنیم، چقدر احتمال دارد که سکه رو یا تاس ۶ بیاید؟

$$(1) \frac{18}{36} \quad (2) \frac{25}{36} \quad (3) \frac{25}{27} \quad (4) \frac{1}{4}$$

۲۸- در یک پمپ بنزین دو جایگاه به تاکسی‌ها اختصاص داده شده است. در جایگاه اول ۴ پژو و ۶ سمند و در جایگاه دوم ۳ پژو و ۳ سمند در صفت قرار دارند. ۲ ماشین از جایگاه اول به جایگاه دوم می‌روند. اگر از بین ماشین‌های جایگاه دوم یکی را به تصادف انتخاب کنیم، احتمال آن که سمند باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{11}{20} \quad (2) \frac{21}{40} \quad (3) \frac{1}{2} \quad (4) \frac{19}{40}$$

۲۹- از جعبه‌ای که ۶ مهره سفید و ۱۰ مهره سیاه دارد، مهره‌ای خارج می‌کنیم و بعد از رؤیت رنگ مهره، آن را به همراه دو مهره از رنگ مخالف به جعبه بر می‌گردانیم و سپس مهره‌ای دیگر از جعبه خارج می‌کنیم. احتمال آنکه رنگ هر دو مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{1}{8} \quad (2) \frac{3}{16} \quad (3) \frac{1}{4} \quad (4) \frac{3}{4}$$

۳۰- احتمال آنکه پیامکی با موفقیت ارسال شود ۹/۰ است. احتمال آنکه از ۱۰ پیامک، حداقل ۹ پیامک با موفقیت ارسال شده باشد، کدام است؟

$$(1) \frac{11}{10} \left(\frac{9}{10} \right)^9 \quad (2) \frac{12}{10} \left(\frac{9}{10} \right)^9 \quad (3) \frac{17}{10} \left(\frac{9}{10} \right)^9 \quad (4) \frac{19}{10} \left(\frac{9}{10} \right)^9$$

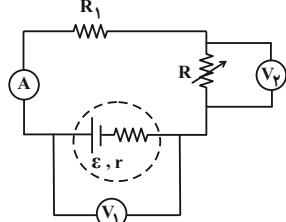


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۱ تا ۸۲

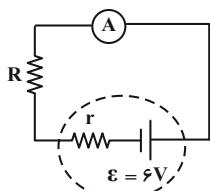
پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

- ۳۱- در مدار شکل زیر، با افزایش مقاومت R ، اعدادی که ولتسنج‌های آرمانی V_1 و V_2 و همچنین آمپرسنج آرمانی نشان می‌دهند، به ترتیب از راست به چپ چگونه تغییر می‌کند؟



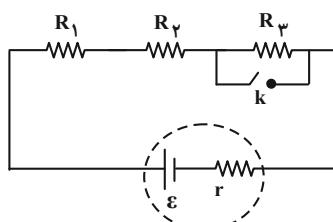
- (۱) کاهش-افزایش-کاهش
- (۲) کاهش-کاهش-افزایش
- (۳) افزایش-افزایش-کاهش
- (۴) افزایش-افزایش-افزایش

- ۳۲- در مدار شکل زیر، آمپرسنج آرمانی $2A$ را نشان می‌دهد. اگر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت خارجی 9 برابر اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت داخلی باشد، توان مصرفی در مقاومت R چند وات است؟



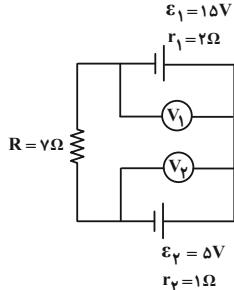
- (۱) $1/08$
- (۲) $1/06$
- (۳) $2/02$
- (۴) $2/08$

- ۳۳- در شکل زیر، مقاومت‌های $R_1 = R_2 = R$ و $R_3 = 2R$ و مقاومت داخلی باتری برابر $\frac{R}{3}$ است. با بستن کلید k کدام یک از تغییرات زیر رخ می‌دهد؟



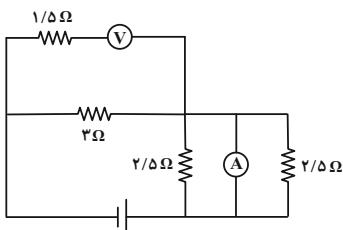
- (۱) اختلاف پتانسیل دو سر R_3 ثابت می‌ماند.
- (۲) اختلاف پتانسیل دو سر باتری، 10 درصد افزایش می‌یابد.
- (۳) اختلاف پتانسیل دو سر R_1 و R_2 ، 80 درصد افزایش می‌یابد.
- (۴) جریان مدار، 50 درصد کاهش می‌یابد.

- ۳۴- با توجه به مدار زیر $\frac{V_2}{V_1}$ کدام گزینه است؟ (ولتسنج‌ها آرمانی هستند).



- (۱) $\frac{3}{4}$
- (۲) $\frac{13}{6}$
- (۳) $\frac{4}{3}$
- (۴) $\frac{6}{13}$

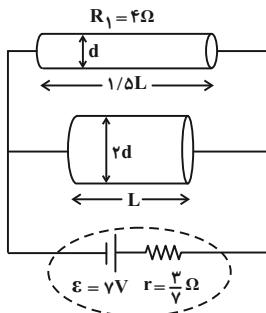
- ۳۵- در مدار شکل زیر، اگر ولتسنج آرمانی $6V$ را نشان دهد، آمپرسنج آرمانی چند آمپر را نشان خواهد داد؟



- (۱) $\frac{4}{3}$
- (۲) $\frac{8}{3}$
- (۳) $\frac{4}{2}$
- (۴) $\frac{2}{4}$

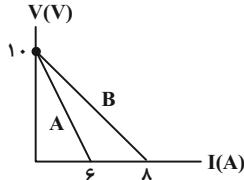


۳۶- دو قطعه سیم همجناس که طول و قطر مقطع آنها روی شکل مشخص است را در مداری قرار می‌دهیم. توان خروجی باتری در این حالت چند وات است؟ (از مقاومت سایر قسمت‌های سیم، صرفنظر کنید).



- ۷ (۱)
۱۴ (۲)
۲۱ (۳)
۲۸ (۴)

۳۷- نمودار $V-I$ برای دو باتری A و B در شکل مشاهده می‌شود. کدام گزینه در مورد نیروی حرکتی و مقاومت درونی این دو باتری درست است؟



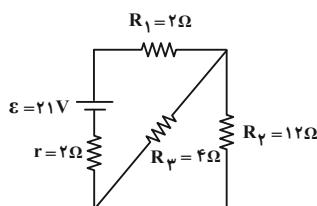
$$r_B = \frac{4}{3} r_A \quad \text{و} \quad V_A = V_B = 10V \quad (۲)$$

$$r_A = \frac{4}{3} r_B \quad \text{و} \quad \epsilon_A = \epsilon_B = 10V \quad (۴)$$

$$r_B = \frac{4}{3} r_A \quad \text{و} \quad \epsilon_A = \epsilon_B = 10V \quad (۱)$$

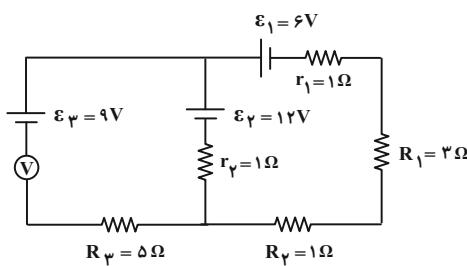
$$r_A = \frac{4}{3} r_B \quad \text{و} \quad V_A = V_B = 10V \quad (۳)$$

در مدار زیر، انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت R_2 در مدت ۶s چند ژول است؟



- ۸۱ (۱)
۱۶۲ (۲)
۴۰/۵ (۳)
۳۲۴ (۴)

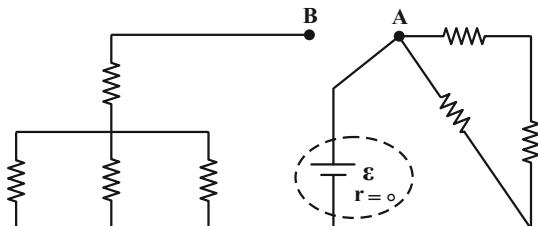
۳۹- در مدار شکل زیر، ولتسنج آرمانی چند ولت را نشان می‌دهد؟



- ۲۰ (۱)
۲ (۲)
۷ (۳)
۱۶ (۴)

۴۰- در مدار شکل زیر، همه مقاومت‌ها ۶ اهمی هستند. ابتدا کلید در حالت A قرار دارد و توان خروجی باتری P_1 و سپس در حالت

B توان خروجی باتری P_2 می‌شود. نسبت $\frac{P_1}{P_2}$ کدام است؟

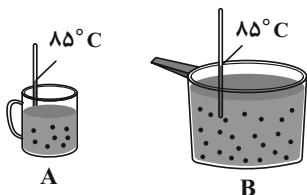


- $\frac{1}{2}$ (۱)
 $\frac{2}{3}$ (۲)
 $\frac{1}{4}$ (۳)
 $\frac{4}{5}$ (۴)

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: دری گذای سالم (قا سر غذای سالم): صفحه‌های ۴۹ تا ۷۵

پیاسخ دادن به این سوالات براي همه دانشآموزان احیاگری است.



- ۴۱- با توجه به شکل‌های داده شده چند عبارت صحیح است؟ (هر دو ظرف حاوی آب است).

 - میانگین سرعت حرکت مولکول‌های آب در دو ظرف A و B یکسان است.
 - انرژی گرمایی ظرف B بیشتر از ظرف A است.
 - ظرفیت گرمایی آب در ظرف‌های A و B یکسان است.
 - در صورت انتقال آب دو ظرف به یک ظرف بزرگ‌تر، دمای آب همان 85°C باقی می‌ماند.

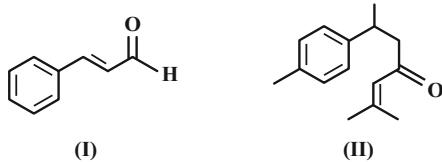
-۴۲- دو تخم مرغ مشابه را در دو ظرف مشابه قرار می دهیم، ظرف اول شامل 800 g آب 25°C و ظرف دوم شامل 600 g روغن زیتون 25°C است. اگر تخم مرغ در مدت 5 min در دمای 25°C درون آب پخته شود، برای پختن تخم مرغ دیگر در همین مدت زمان باید دمای روغن زیتون به چند درجه سلسیوس برسد؟ (گرمای ویژه آب و روغن زیتون را به ترتیب $4/2$ و 2 بر حسب $\text{J.g}^{-1}\text{.}^\circ\text{C}$ فرض کنید).

- ۴۳- با توجه به معادله واکنش زیر به ازای مصرف 1×10^{-3} مولکول هیدروژن، چند کیلوژول انرژی در این واکنش آزاد می‌شود؟

$$C_6H_6(g) + H_2(g) \rightarrow C_6H_8(g)$$

C = C	C - C	C - H	H - H	پیوند
۶۱۴	۳۴۸	۴۱۲	۴۳۶	آنتالپی پیوند ($\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$)
۳/۰۵۳		۱۲/۲۲		۱۴/۱

۴۴- جند مواد از عبارت‌های زیر در راه مولکولاً های (I) و (II) درست است؟



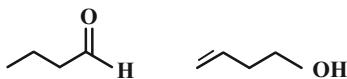
- گروه عاملی موجود در میخک در مولکول (II) نیز وجود دارد.
 - پیوندهای دوگانه کربن-کربن در یک مول از هر دو مولکول در شرایط مناسب، با مول برابری از هیدروژن سیر م-
 - اگر گروههای متیل در مولکول (II) با هیدروژن جایگزین شوند کاهش جرم مولی آن به اندازه جرم مولی ۲- بو-
 - یک مول از مولکول (I) در شرایط مناسب با $117/6$ لیتر گاز اکسیژن در شرایط استاندارد به طور کامل می‌سوزد
 - در مولکول (II)، ۶ اتم کربن وجود دارد که هر یک به یک اتم هیدروژن متصل هستند.
 - اگر هیدروژن‌های حلقه آروماتیک در مولکول (I) با گروههای متیل جایگزین شوند، فرآوریت آن کاهش می‌یابد.

۴۵ - کدام گزینه نادرست است؟

۱) سرانه مصرف نان در ایران و شیخ در جهان از سرانه مصرف سایر خوارکه‌ها بیشتر است.

(۳) هرگاه با g گرم فلز M به مقدار $9/0$ کیلوگول دمای آن 10° کلوین افزایش یابد گرمای ویژه آن $C = 9J.g^{-1}.$ باشد.

۳) دو ترکیب زیر فرمول مولکولی پکسان داشته اما خواص فیزیکی و شیمیایی پکسانی ندارند.



۴) با افزایش شمار کریں در آلکن‌ها اندازه آنتالپی سوختن کاهش و ارزش سوختی افزایش می‌یابد.

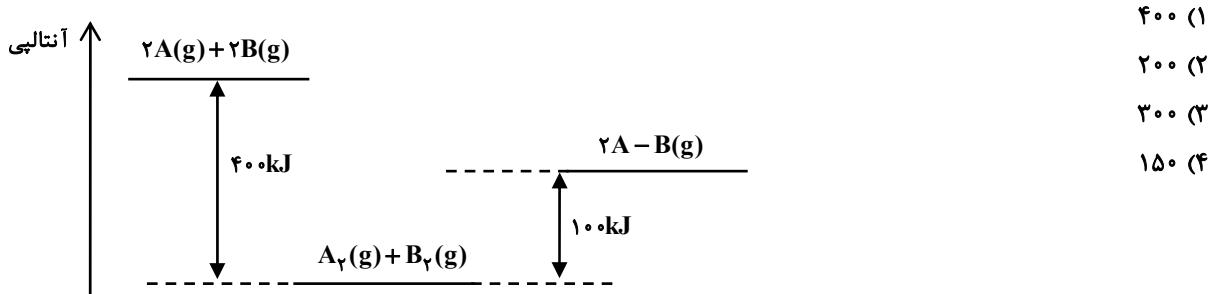


۴۶- چند مورد از عبارت‌های زیر نادرست بیان شده است؟

- الف) پس از افطار کمی احساس سرما می‌کنیم، زیرا هضم مواد غذایی به انرژی نیاز دارد.
- ب) تنها راه آزاد شدن انرژی موادی مانند الکل و بنزین، سوختن آن‌هاست و مقدار انرژی آزاد شده به مقدار ماده مصرفی بستگی دارد.
- پ) میزان انرژی هر ماده غذایی به جرم آن بستگی دارد که با سوختن آن بخشی از این انرژی آزاد می‌شود.
- ت) هنگامی که قند خون پایین باشد می‌توان با خوردن عدسی و اسفناج بدن را به حالت طبیعی بازگرداند.

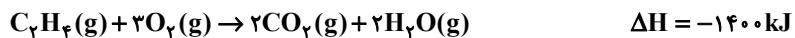
۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۴۷- با توجه به نمودار سطح انرژی داده شده، آنتالپی پیوند $B-A$ بر حسب $\text{kJ}\cdot\text{mol}^{-1}$ کدام است؟ (A و B را اتم در نظر بگیرید.)



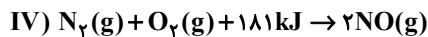
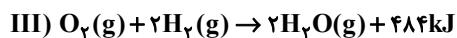
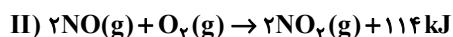
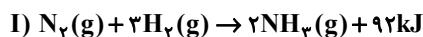
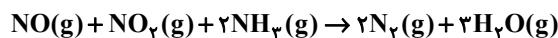
۴۸- اگر گرمای تولید شده از سوختن کامل مقداری از گاز اتن، برای بالا بردن دمای $11/2$ مترمکعب گاز کلر از شرایط STP تا دمای 25°C مورد استفاده قرار گیرد؛ چند گرم گاز اتن در واکنش سوختن مصرف شده است؟ (ظرفیت گرمایی ویژه گاز کلر را

$(\text{Cl} = 35/5, \text{H} = 1: \text{g}\cdot\text{mol}^{-1}, \Delta H = -1400 \text{ kJ})$ در نظر بگیرید و $48 \text{ J}\cdot\text{g}^{-1}\cdot\text{C}^{-1}$



۱) ۱۲/۷۸ ۲) ۸/۵۲ ۳) ۴/۲۶ ۴) ۲/۱۳

۴۹- با توجه به اطلاعات داده شده در واکنش‌های ترموشیمیایی زیر، مقدار گرمای حاصل از انجام واکنش زیر بر حسب کیلوژول چقدر خواهد بود؟



۱) ۳۷۹۰ ۲) ۱۸۹۵ ۳) ۷۵۸ ۴) ۳۷۹

۵۰- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- ۱) بخش عمده انرژی موجود در شیر هنگام فرایند هم‌دما شدن شیر با بدن جذب می‌شود.
- ۲) مواد غذایی پس از گوارش، انرژی لازم برای سوخت و ساز یاخته‌ها را در بدن تأمین می‌کنند.
- ۳) در واکنش‌هایی که در دمای ثابت انجام می‌شوند مقدار گرمای آزاد شده ناشی از تفاوت انرژی گرمایی در مواد واکنش‌دهنده و فراورده است.
- ۴) در برخی واکنش‌های شیمیایی هیچ گرمایی با محیط پیرامون مبادله نمی‌شود.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: معادله ها و نامعادله ها + تابع: صفحه های ۶۹ تا ۱۰۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۵۱- اختلاف دو عدد حقیقی و حاصل ضرب آنها هر دو برابر ۱ است. عدد بزرگتر کدام می تواند باشد؟

$$-\frac{\sqrt{5}+1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{5}+2}{2} \quad (1)$$

$$\frac{2-\sqrt{5}}{2} \quad (4)$$

$$\frac{1-\sqrt{5}}{2} \quad (3)$$

۵۲- تابع $f(x) = x^3 + x$ با دامنه $\mathbb{R} - \{a\}$ و برد $(b, +\infty)$ مفروض است. حاصل $a+b$ کدام است؟

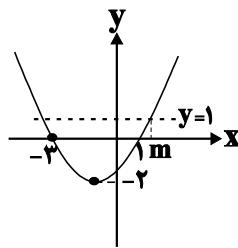
$$\frac{9}{4} \quad (2)$$

$$\frac{7}{4} \quad (1)$$

$$-\frac{5}{4} \quad (4)$$

$$-\frac{3}{4} \quad (3)$$

۵۳- در سهمی زیر، مقدار m کدام است؟



$$\sqrt{6}-2 \quad (1)$$

$$\sqrt{6}-1 \quad (2)$$

$$\sqrt{6}+2 \quad (3)$$

$$\sqrt{6}+1 \quad (4)$$

۵۴- نمودار تابع $f(x) = mx^3 + (m-5)x + m$ دارای مینیممی روی محور طولها است. مقدار (0) کدام است؟

$$9 \quad (4)$$

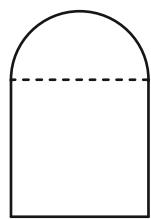
$$-9 \quad (3)$$

$$\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$-\frac{1}{3} \quad (1)$$

۵۵- پنجهای از یک مستطیل و یک نیم دایره مطابق شکل زیر درست شده است. اگر محیط پنجه برابر ۱۰ باشد، شعاع نیم دایره

چقدر باشد تا پنجه بیشترین نوردهی را داشته باشد؟



$$\frac{10}{\pi+4} \quad (2)$$

$$\frac{5}{\pi+2} \quad (1)$$

$$\frac{5}{\pi+4} \quad (4)$$

$$\frac{10}{\pi+2} \quad (3)$$



۵۶- اگر جدول تعیین علامت عبارت $P(x) = \frac{x^r + ax + b}{x + c}$ کدام است؟

x	-1	2	$\frac{3}{2}$ (۲)	$-\frac{3}{2}$ (۱)
$P(x)$	-	+	+	-۳ (۳)

۵۷- اگر a و b به ترتیب از راست به چپ بزرگترین و کوچکترین عدد صحیحی باشند که در نامساوی $1 < \frac{x+4}{2x+3} \leq \frac{3}{4}$ صدق

می‌کنند، حاصل $a+b$ کدام است؟

۲ (۲) ۳ (۱)

۱ (۴) ۵ (۳)

۵۸- مجموعه جواب‌های مشترک دو نامعادله $|x| - 3 < 2$ و $|x| - 2 < 3$ کدام است؟

(-۵, -۱) \cup (۱, ۵) (۲) (-۵, ۵) (۱)

(-۱, ۱) (۴) (۱, ۵) (۳)

۵۹- به ازای چند مقدار از a ، رابطه $f = \{(2, a^2 - 2a), (1, 2), (\frac{1}{4}(a-1)^2, -1), (2, 1)\}$ بیانگر یک تابع است؟

۱) صفر ۲) یک

۳) دو ۴) بیشمار

۶- برای تابع خطی f ، اگر $f(x-3) + f(x+2) = 6x + 7$ باشد، مقدار $f(-1)$ کدام است؟

۲ (۲) ۱ (۱)

۴ (۴) ۳ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کار، انرژی و قوان: صفحه های ۵۳ تا ۸۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۶۱- بر جسمی نیروی ثابت F وارد می شود و آن را به اندازه ثابت d جابه جا می کند. وقتی زاویه بین بردارهای نیرو و جابه جایی 53° درجه است، کار نیروی ثابت F برابر $J 36$ است. بیشینه کار انجام شده توسط این نیرو در این جابه جایی چند زول می تواند باشد؟

$$(\cos 53^\circ = 0/6)$$

۸۰ (۴)

۶۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۴۵ (۱)

۶۲- اگر $\frac{2}{3}$ از جرم متحرکی کم شود و انرژی جنبشی آن 25 درصد کاهش یابد، تندی متحرک چگونه تغییر می کند؟

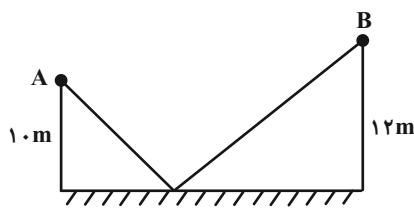
(۱) 33 درصد کاهش می یابد.

(۲) 50 درصد کاهش می یابد.

(۳) 33 درصد افزایش می یابد.

(۴) 50 درصد افزایش می یابد.

۶۳- مطابق شکل زیر، انرژی پتانسیل گرانشی جسمی به جرم m در نقطه A برابر $J 100$ و در نقطه B برابر $J 120$ است. کار نیروی گرانشی زمین بر روی این جسم در جابه جایی از A تا B ، چند زول است؟



۲۰ (۱)

۲۲۰ (۲)

-۲۰ (۳)

-۲۲۰ (۴)

۶۴- جسمی با تندی $\frac{m}{s} 5$ در جهت مثبت محور x ها حرکت می کند و انرژی جنبشی آن $J 25$ است. پس از مدتی این جسم تغییر جهت می دهد و با تندی $\frac{m}{s} 10$ در خلاف جهت محور x حرکت می کند. کار نیروی خالص وارد بر جسم در این مدت چند زول است؟

-۱۵۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

-۷۵ (۲)

۷۵ (۱)

۶۵- گلوله ای به جرم $g 300$ از ارتفاع h آزادانه سقوط می کند. با فرض چشم پوشی از مقاومت هوا در حین سقوط، انرژی جنبشی بر حسب انرژی پتانسیل آن به شکل زیر تغییر می کند. این گلوله از ارتفاع چند متری سقوط کرده است؟ ($N = g = 10 \frac{kg}{m^2}$)

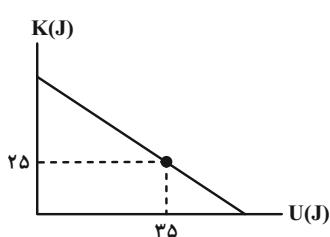
زمین را مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر بگیرید).

۶۰ (۱)

۱۱۱ (۲)

۱۰ (۳)

۲۰ (۴)





۶۶- نیروی \vec{F}_1 روی جسمی کار W_1 و همزمان نیروی \vec{F}_2 روی جسم کار W_2 را انجام می‌دهد و سرعت جسم تغییر نمی‌کند. کدام گزینه‌ای درست است؟

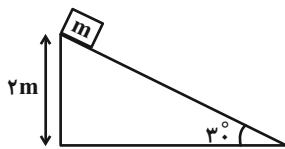
$$W_2 = 0 \quad (2)$$

$$W_2 > 0 \quad (1)$$

$$W_2 < 0 \quad (4)$$

$$W_2 = -W_1 \quad (3)$$

۶۷- مطابق شکل جسمی به جرم $m = 4\text{kg}$ از بالای سطح شیبداری رها می‌شود. تندی جسم در لحظه رسیدن به سطح افقی چند واحد SI است؟ (متوجه نیروی اصطکاک در کل مسیر حرکت جسم را $2N$ در نظر بگیرید، $g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}$)



۸ (۱)

۶ (۲)

۷ (۳)

۵ (۴)

۶۸- فرض کنید انرژی حاصل از انفجار هر گرم باروت $J = 7000$ باشد. در یک تفنگ به جرم 4kg ، 5g باروت منفجر و 25 درصد انرژی به صورت گرما تلف شده و گلوهای به جرم 2g با تندی $\frac{m}{s}$ شلیک می‌شود. تندی پس زنی تفنگ چند متر بر ثانیه خواهد بود؟

$$\text{به صورت گرما تلف شده و گلوهای به جرم } 2\text{g} \text{ با تندی } \frac{m}{s} \text{ شلیک می‌شود. تندی پس زنی تفنگ چند متر بر ثانیه خواهد}$$

$$0/5 \quad (4)$$

$$1 \quad (3)$$

$$2/5 \quad (2)$$

$$5 \quad (1)$$

۶۹- تلمبهای با توان خروجی $W = 100\text{W}$ در هر دقیقه چند کیلوگرم آب را با سرعت ثابت از عمق 6 متری چاهی به ارتفاع 4 متری بالای سطح زمین منتقل می‌کند؟

$$(g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$$

$$100 \quad (4)$$

$$60 \quad (3)$$

$$40 \quad (2)$$

$$30 \quad (1)$$

۷۰- یک پمپ آب در هر دقیقه 60 لیتر آب ساکن را از چاهی به عمق 20 متر بالا می‌آورد و با تندی $\frac{m}{s}$ از دهانه لولهای در سطح زمین خارج می‌کند. اگر بازده پمپ 80 درصد باشد، توان متوسط الکتریکی مصرفی پمپ چند وات است؟

$$(g = 10 \frac{\text{N}}{\text{kg}}, \rho_{\text{آب}} = 1000 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3})$$

$$240 \quad (4)$$

$$320 \quad (3)$$

$$500 \quad (2)$$

$$400 \quad (1)$$



آزمون «۲۷ مرداد ۱۴۰۲»
اختصاصی دوازدهم ریاضی
(دفترچه اختیاری)

نحوه پاسخگویی سوالات

مدت پاسخ‌گویی: ۹۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
شیمی ۳	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
هندسه ۱	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۱	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	سوکنگ روشنی	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	محمد رضا راسخ مهند ملامضانی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی همید زرین کفش	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	بهنام قازانچایی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحوب	امیرحسین ابومحوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مسئول سازی	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسكندری

گروه فنی و تولید

محمد اکبری	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
فرزانه فتح المزاده	حروف نگار
سوران نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۳: تابع: صفحه‌های ۱ تا ۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۷۱ - دامنه تابع $y = f(3x+1) - 2$ بازه $y = 2f(-x+3) + 1$ شامل چند عدد طبیعی است؟

۱۶ (۲)

۲۴ (۱)

۴ (۴)

۸ (۳)

۷۲ - نمودار تابع $y = \sqrt{2x-1}$ را یک واحد به چپ و سپس در راستای افقی با ضریب ۲ منبسط می‌کنیم. نمودار جدید در نقطه‌ای با کدام طول با نمودار اولیه متقاطع است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۷۳ - با اعمال موارد کدام گزینه به ترتیب، نمودار تابع $y = f(x-1)$ تبدیل به نمودار تابع $y = -\frac{1}{4}f(x)$ می‌شود؟

۱) انتقال یک واحد به راست، قرینه نسبت به محور x ها و y ها، انقباض با ضریب $\frac{1}{4}$ در راستای افقی

۲) انتقال یک واحد به چپ، قرینه نسبت به محور x ها و y ها، انقباض با ضریب $\frac{1}{4}$ در راستای عمودی

۳) انتقال یک واحد به چپ، قرینه نسبت به محور x ها و y ها، انقباض با ضریب $\frac{1}{4}$ در راستای افقی

۴) انتقال یک واحد به راست، قرینه نسبت به محور x ها و y ها، انقباض با ضریب $\frac{1}{4}$ در راستای عمودی

۷۴ - اگر $f(x) = x^3 + 12x^2 - 6x^1 - 5$ باشد، نمودار تابع $y = \sqrt[3]{x}$ را باید به چه صورت انتقال دهیم تا بر نمودار $y = f(x)$ منطبق شود؟

۱) ۳ واحد در جهت منفی محور x ها و ۲ واحد در جهت منفی محور y ها

۲) ۳ واحد در جهت منفی محور x ها و ۲ واحد در جهت مثبت محور y ها

۳) ۳ واحد در جهت مثبت محور x ها و ۲ واحد در جهت منفی محور y ها

۴) ۳ واحد در جهت مثبت محور x ها و ۲ واحد در جهت مثبت محور y ها



۷۵- اگر چند جمله‌ای $p(x) = x^3 + ax^2 - 3x - 2$ بر $x + 2$ بخش‌پذیر باشد، مجموع جواب‌های معادله $p(x) = 0$ کدام است؟

-۱ (۲)

-۲ (۱)

-۳ (۴)

۰ (۳) صفر

۷۶- خارج قسمت تقسیم چندجمله‌ای $(1) Q(x) = x^5(x^3 + 1)$ بر $x^2 + x$ را $P(x) =$ می‌نامیم. مقدار $(-1) Q$ کدام است؟

۴ (۲)

۲ (۱)

۰ (۴) صفر

۵ (۳)

۷۷- طول بزرگترین بازه‌ای که نمودار تابع $f(x) = |x+3| - (x+3) - |x-k|$ روی آن اکیداً صعودی است، برابر ۵ است. مقدار k کدام است؟

۸ (۲)

-۲ (۱)

-۸ (۴)

۲ (۳)

۷۸- اگر مجموعه جواب نامعادله $\sqrt{2} - 1 < (2 + 5\sqrt{2})^{-x^2 + 3x - 2}$ به صورت بازه (a, b) باشد، حاصل $b + 2a$ کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۰ (۴) صفر

۱ (۳)

۷۹- به ازای چند مقدار صحیح m تابع $y = |x-m|^2 - |x-5m-6|$ یک تابع صعودی است؟

۷ (۲)

۸ (۱)

۵ (۴)

۶ (۳)

۸۰- باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x^3 + 4x^2 - 5$ برابر با $-x - 6$ است. باقیمانده تقسیم $(f(x))$ بر $1 - x$ کدام است؟

۵ (۲)

-۱ (۱)

-۱۱ (۴)

-۴ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۳: ماتریس و کاربردها (تا سو حل دستگاه معادلات): صفحه های ۹ تا ۲۳

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

$$\text{اگر } A^T = kA \text{ باشد، } k \text{ کدام است؟}$$

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$

۴ (۲)

۲ (۱)

۱۶ (۴)

۸ (۳)

$$\text{اگر } (A-B)(A+B) \text{ مفروض اند. اگر } b_{ij} = i^j + 1 \text{ باشد، حاصل } (A) \text{ کدام است؟}$$

$$B = [b_{ij}]_{m \times n} \quad A = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 6 & 4 \\ -52 & -44 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -7 & -11 \\ -34 & -31 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -36 & -49 \\ 9 & 7 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} -62 & -31 \\ 8 & 5 \end{bmatrix}$$

$$\text{اگر } C = AB, B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 0 \\ 3 & 2 \end{bmatrix} \text{ باشد، مجموع درایه‌های قطر اصلی ماتریس}$$

$$A = \begin{bmatrix} a_{ij} \end{bmatrix}_{m \times n} \text{ مفروض است. اگر } A = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$$

کدام است؟ A

-۶ (۲)

-۳ (۱)

۹ (۴)

۳ (۳)

$$\text{اگر } A^T B = I \text{ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس } B \text{ کدام است؟}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{4} (۲)$$

$$\frac{1}{12} (۱)$$

$$\frac{3}{4} (۴)$$

$$\frac{7}{12} (۳)$$

$$\text{اگر } A^2 + A^4 + A^6 \text{ باشد، حاصل } A^x \text{ کدام است؟}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 2^x \\ 2^{1-x} & 0 \end{bmatrix}$$

$$12I (۲)$$

$$12A (۱)$$

$$14I (۴)$$

$$14A (۳)$$



-۸۶- به ازای کدام مقادیر a ، ماتریس $A = \begin{bmatrix} a+1 & a \\ a+4 & 1 \end{bmatrix}$ وارون پذیر نیست؟

۲ ، -۵ (۲)

-۲ ، ۵ (۱)

-۲ ، -۵ (۴)

۲ ، ۵ (۳)

-۸۷- اگر $B^{-1} = \begin{bmatrix} ۳ & -۲ \\ ۱ & -۵ \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه‌های ماتریس $A + B$ کدام است؟

-۸ (۲)

-۴ (۱)

۴ (۴)

۸ (۳)

-۸۸- اگر $AB + BA$ کدام است؟

$\begin{bmatrix} ۸ & -۱ \\ ۲ & -۲ \end{bmatrix}$ (۲)

$\begin{bmatrix} ۱۰ & -۱ \\ ۲ & -۲ \end{bmatrix}$ (۱)

$\begin{bmatrix} ۱۰ & ۳ \\ ۲ & ۰ \end{bmatrix}$ (۴)

$\begin{bmatrix} ۸ & ۳ \\ ۲ & ۰ \end{bmatrix}$ (۳)

-۸۹- اگر $(\theta \neq k\pi + \frac{\pi}{2}, k \in \mathbb{Z})$ باشد، حاصل $B = \begin{bmatrix} ۲ & ۳ \\ -۱ & -۲ \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} ۰ & \cos^r \theta \\ ۱ + \tan^r \theta & ۰ \end{bmatrix}$ کدام است؟

$I + 15B$ (۲)

$I + B$ (۱)

۲۹I (۴)

۲I (۳)

-۹۰- اگر A ماتریسی وارون پذیر، $A - 4I = 2A^3 - 3I = 2A$ و وارون ماتریس $\alpha A + \beta I$ باشد، حاصل $\alpha + \beta$ کدام است؟

$\frac{۳}{۵}$ (۲)

$\frac{۱}{۵}$ (۱)

$-\frac{۳}{۵}$ (۴)

$-\frac{۱}{۵}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گیسته: آشنایی با نظریه اعداد (تا سر فعالیت): صفحه های ۱ تا ۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- فرض کنید a و b اعدادی صحیح باشند. کدام یک از موارد زیر با مثال نقض رد می شود؟

(۱) اگر a و b دو عدد فرد باشند، آنگاه $a - b$ زوج است.

(۲) اگر $a + b$ فرد باشد، آنگاه ab زوج است.

(۳) اگر ab زوج باشد، آنگاه $a + b$ زوج است.

(۴) اگر a^3 مضرب ۷ باشد، آنگاه a مضرب ۷ است.

۹۲- خارج قسمت و باقی‌مانده تقسیم (۴۴) بر ۱۷ به ترتیب q و r هستند. باقی‌مانده تقسیم q بر r کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۹۳- برای دو عدد صحیح a و b ($a \neq 0$)، اگر $a^3 | b^2$ باشد، کدام رابطه زیر ممکن است نادرست باشد؟

$$a^3 | b^2 \quad (2)$$

$$a | b \quad (1)$$

$$a | b^2 \quad (4)$$

$$a^4 | b^5 \quad (3)$$

۹۴- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

(۱) حاصل ضرب هر سه عدد طبیعی متولی بر ۶ بخش‌پذیر است.

(۲) حاصل ضرب هر n عدد صحیح متولی مضرب n است.

(۳) مربع هر عدد اول به صورت $8k + 1$ است. ($k \in \mathbb{Z}$)

(۴) مجموع پنج عدد طبیعی متولی، مضرب ۵ است.

۹۵- اگر باقی‌مانده تقسیم a بر m مساوی با r باشد، در این صورت کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟ ($m, k \in \mathbb{N}$)

$$a \equiv r + m^k \quad (2)$$

$$a \equiv r \quad (1)$$

$$m | a - r \quad (4)$$

$$a + r = mk \quad (3)$$



۹۶- از رابطه همنهشتی $24a \equiv 16b \pmod{15}$ چند نتیجه‌گیری درست است؟

$$a \equiv -b \pmod{5}$$

$$3a \equiv 2b \pmod{15}$$

۲ (۲)

۴ (۴)

$$9a \equiv b \pmod{15}$$

$$b \equiv 0 \pmod{3}$$

۱ (۱)

۳ (۳)

۹۷- رقم یکان عدد $7^{70} + 7^{30}$ کدام است؟

۸ (۲)

۲ (۴)

(۱) صفر

۴ (۳)

۹۸- باقیمانده تقسیم $7^{1401} - 10 \times 5^{1402}$ بر ۱۲ کدام است؟

۳ (۲)

۱۱ (۴)

۱ (۱)

۹ (۳)

۹۹- بزرگ‌ترین عدد طبیعی که در تقسیم بر ۳۷، باقیمانده آن برابر مکعب خارج قسمت است، در کدام کلاس همنهشتی به پیمانه ۵ قرار دارد؟

$$[3]_5 \quad 2$$

$$[0]_5 \quad 4$$

$$[2]_5 \quad 1$$

$$[4]_5 \quad 3$$

۱۰۰- اگر p یک عدد اول دو رقمی و n عددی طبیعی باشد، حاصل $[p, p+1, p+2, \dots, p+6n]$ کدام است؟

$$3p \text{ یا } p \quad 2$$

$$3p \quad 4$$

$$p \quad 1$$

$$6p \text{ یا } 3p \quad 3$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست: صفحه های ۱ تا ۲۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۰۱- معادله حرکت متحرکی در SI به صورت $x = t^2 + 6t - 4$ است. این متحرک در چه لحظه‌ای بر حسب ثانیه تغییر جهت می‌دهد؟

۴/۵ (۴)

۳ (۳)

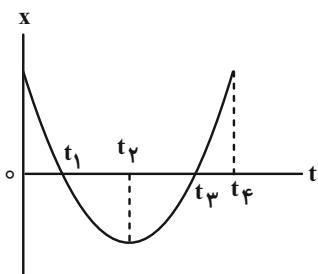
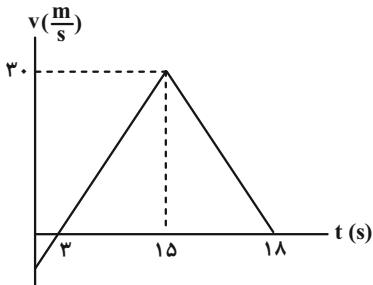
۶ (۲)

۱) (۱)

۱۰۲- شکل زیر، نمودار مکان- زمان متحرکی است که با شتاب ثابت حرکت می‌کند. با توجه به نمودار زیر کدام گزینه درست است؟

۱) در بازه زمانی صفر تا t_4 دو بار سرعت متحرک صفر شده است.۲) در بازه زمانی t_1 تا t_3 متحرک در خلاف محور x حرکت می‌کند.

۳) سرعت متحرک در کل مسیر ثابت است.

۴) در بازه زمانی صفر تا t_2 بردارهای سرعت و شتاب در خلاف جهت یکدیگرند.۱۰۳- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. شتاب متوسط متحرک در بازه زمانی۱) $t_1 = 5s$ تا $t_2 = 18s$ چند متر بر مربع ثانیه است؟۱) $\frac{5}{13}$ ۲) $-\frac{5}{13}$

۳) ۶

۴) -۶

۱۰۴- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور x ها حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. بزرگی سرعت متوسط متحرک در مدتیکه در سوی مخالف محور x حرکت می‌کند، چند برابر تندی متوسط آن در مدتی است که در سوی مثبت محور x در حال

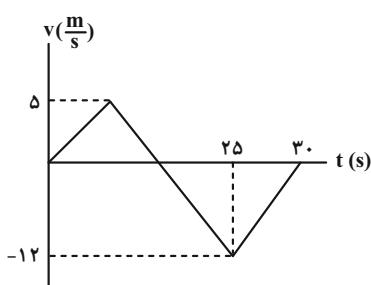
حرکت است؟

۱) ۸/۱

۲) ۲/۱

۳) ۴/۲

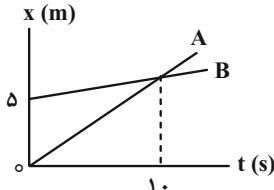
۴) ۲/۳





۱۰۵- در شکل زیر، نمودار مکان-زمان متحرک A که با سرعت $\frac{m}{s}$ حرکت می‌کند و متحرک B نشان داده شده است. از مبدأ زمان

تا لحظه‌ای که دو متحرک به هم می‌رسند، جایه‌جایی متحرک B چند متر است؟



۵ (۱)

۱۰ (۲)

۱۲ (۳)

۱۵ (۴)

۱۰۶- متحرکی از حال سکون و با شتاب ثابت، روی یک خط مستقیم شروع به حرکت می‌کند و بعد از ۲۰ ثانیه شتاب متحرک تغییر علامت می‌دهد و اندازه آن دو برابر مقدار اولیه می‌شود. چند ثانیه پس از شروع حرکت، متحرک به مکان اولیه خود بازمی‌گردد؟ $(\sqrt{3} = 1/7)$

۴۷ (۴)

۴۰ (۳)

۳۴ (۲)

۱۷ (۱)

۱۰۷- در یک مسیر مستقیم اتومبیل با سرعت $\frac{m}{s}$ در حرکت است. از ۵۴ متر جلوتر اتومبیل دیگر با شتاب ثابت $\frac{m}{s^2}$ از حال سکون در همان جهت به راه می‌افتد. در این حرکت اتومبیل‌ها دو بار از هم سبقت می‌گیرند. فاصله زمانی این دو سبقت چند ثانیه است؟

۱۰ (۴)

۱۶ (۳)

۱۸ (۲)

۱۲ (۱)

۱۰۸- متحرکی که با شتاب ثابت بر روی یک خط راست در حال حرکت است، در دو ثانیه اول $16m$ و در ۳ ثانیه بعده $39m$ را طی می‌کند. اگر متحرک در لحظه $t=0$ در مبدأ مکان باشد، اندازه سرعت آن در مکان $x=27m$ چند متر بر ثانیه است؟

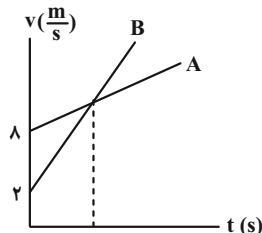
۸ (۴)

۹ (۳)

۱۲ (۲)

۱۶ (۱)

۱۰۹- شکل زیر، نمودار سرعت-زمان دو متحرک A و B را که بر روی مسیر مستقیم از یک نقطه شروع به حرکت می‌کنند نشان می‌دهد. اگر در لحظه‌ای که سرعت دو متحرک یکسان است، فاصله آن‌ها از یکدیگر $30m$ و اندازه شتاب متحرک B، ۴ برابر شتاب متحرک A باشد، اندازه شتاب متحرک A چند متر بر مربع ثانیه است؟



۱ (۱)

۰/۵ (۲)

۰/۲ (۳)

۰/۷۵ (۴)

۱۱۰- دو سنگ از لبه یک ساختمان به ارتفاع h با فاصله زمانی $2s$ در شرایط خلا رها می‌شوند. اگر بیشترین فاصله آن‌ها در طول

حرکت $60m$ باشد، ارتفاع h چند متر است؟ ($g = 10 \frac{m}{s^2}$)

۱۲۰ (۴)

۱۰۰ (۳)

۹۰ (۲)

۸۰ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی / تاریخچه صابون نا انتهای رسانایی الکترونیکی: صفحه‌های ۱ تا ۱۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۱۱- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟ ($O = 16$, $H = 1$, $C = 12$: $g \cdot mol^{-1}$)الف) اتیلن گیلکول یک الکل دو عاملی با فرمول مولکولی $C_2H_6O_2$ و دارای دو گروه عاملی هیدروکسید است.

ب) در دورۀ زمانی ۱۳۴۵ تا ۱۳۵۰ امید به زندگی برای بیشتر افراد جهان در حدود ۵۰ تا ۶۰ سال است.

پ) اوره با فرمول مولکولی $CO(NH_2)_2$ محلول در آب است.

ت) تقریباً ۸۴٪ جرم بنزین را کربن تشکیل داده است.

ث) جرم مولی روغن زیتون ۶ واحد از چربی کوهان شتر کمتر است.

۱)

۲)

۳)

۴)

۱۱۲- کدام مطلب نادرست است؟

۱) شاخص امید به زندگی در شهرهای مختلف یک کشور تفاوت دارد.

۲) آهنگ رشد شاخص امید به زندگی در نواحی کم‌برخوردار بیشتر از نواحی برخوردار است.

۳) شاخص امید به زندگی در نواحی برخوردار بیشتر از نواحی کم‌برخوردار است.

۴) با وارد شدن شوینده‌های شیمیایی، شاخص امید به زندگی کاهش یافته است.

۱۱۳- چند مورد از ویژگی‌های داده شده در جدول زیر نادرست است؟

سوسپانسیون	کلوبید	محلول	نوع مخلوط ویژگی
نور را پخش می‌کند	نور را پخش نمی‌کند	نور را پخش نمی‌کند	رفتار در برابر نور
ناهمگن	همگن	همگن	همگن / ناهمگن
نایدیار	نایدیار	پایدیار	پایدایری
شربت معده	سس مایونز	رنگ پوششی	مثال

۵)

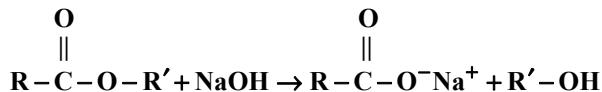
۴)

۳)

۲)

۱۱۴- مطابق واکنش زیر اگر درصد جرمی کربن در الکل تولیدی ۶۰٪ باشد و استر موجود در واکنش دهنده‌ها در مجموع شامل ۸ پیوند

کربن - کربن باشد، درصد جرمی سدیم در ترکیب یونی تولیدی کدام است؟

(R') و R هر دو زنجیره‌های هیدروکربنی سیر شده‌اند و $(Na = 23$, $H = 1$, $O = 16$: $g \cdot mol^{-1}$)

۳۳/۳)

۱۵/۱۳)

۲۳)

۳۱)



۱۱۵- کدام موارد از عبارت‌های زیر درست است؟ (کامل ترین گزینه را انتخاب کنید.)

الف) صابون جامد، نمک سدیم اسیدهای چرب است که فرمول عمومی آن به صورت RCOONa می‌باشد.

ب) صابون مراغه به علت داشتن PH بزرگ‌تر از ۷ برای موادی چرب مناسب است.

پ) به منظور افزایش خاصیت ضدغونی کنندگی و میکروبکشی صابون‌ها، به آن‌ها ماده شیمیایی فسفات‌دار اضافه می‌کنند.

ت) صابون در آب‌هایی که دارای یون‌های Mg^{2+} و Ca^{2+} باشد، به خوبی کف نمی‌کند.

۴) الف، ت

۳) الف، ب، ت

۲) ب، پ، ت

۱) الف، ت، پ

۱۱۶- کدام گزینه در مورد «صابون‌ها» درست است؟

۱) از نوعی صابون صنعتی در تنور نان سنگک برای چرب کردن سطح سنگ‌ها استفاده می‌شود.

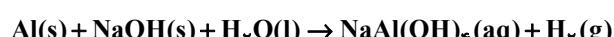
۲) صابون مراغه به دلیل خاصیت بازی مناسب، برای موادی خشک مناسب است.

۳) اولین مرحله پاک شدن لکه روغن با صابون همراه با ایجاد نیروی جاذبه یون-دوقطبی است.

۴) افزایش دمای آب برخلاف وجود آنزیم در صابون، پاک‌کنندگی صابون را افزایش می‌دهد.

۱۱۷- مخلوط سدیم هیدروکسید و پودر آلومینیم که به عنوان پاک‌کننده برای باز کردن مجاري مسدود شده در برخی وسائل و دستگاه‌های

صنعتی استفاده می‌شود، مطابق معادله زیر با آب واکنش می‌دهد. چند مورد از مطالب زیر در مورد آن درست است؟



• این واکنش گرماده است.

• مجموع ضرایب مواد شرکت کننده، پس از موازنی برابر ۹ است.

• از این پودر برای باز کردن لوله‌هایی استفاده می‌شود که بر اثر تجمع چربی‌ها بسته شده‌اند.

• گاز تولید شده در این واکنش، قدرت پاک‌کنندگی مخلوط را افزایش می‌دهد.

• محلول حاصل در این واکنش خاصیت بازی دارد.

۲) ۴

۴) ۳

۳) ۲

۵)

۱۱۸- چند مورد از ترکیب‌های زیر، به ترتیب از راست به چپ، «اکسید بازی» و «اکسید اسیدی» به شمار می‌آیند؟

BaO

• SO_3

• Na_2O

• CO_2

K_2O

• NH_3

• CaO

• NO_2

۳، ۵) ۴

۳، ۴) ۳

۲، ۵) ۲

۲، ۴) ۱

۱۱۹- محلولی ۱۵ درصد جرمی از HX با جرم مولی ۱۵۰ گرم بر مول و درصد یونش ۱ درصد و چگالی 8 g.mL^{-1} موجود است.

نسبت مجموع غلظت یون‌های موجود در این محلول به غلظت اولیه HX کدام است؟

۰/۰۳) ۴

۰/۰۴) ۳

۰/۰۱) ۲

۰/۰۲) ۱

۱۲۰- مخلوطی با نسبت مولی برابر از کلسیم کلرید و منیزیم کلرید با مقدار کافی صابون جامد ۱۷ کربنه با زنجیر آلکیلی واکنش کامل

می‌دهد. اگر جرم سدیم کلرید تولید شده برابر ۴۶۸ میلی‌گرم باشد، چند میلی‌گرم از جرم مخلوط اولیه کلسیم کلرید بوده است؟

$$(\text{Ca} = 40, \text{Na} = 23, \text{C} = 12, \text{O} = 16, \text{H} = 1\text{ g.mol}^{-1})$$

۴۴۴) ۴

۲۲۲) ۳

۱۱۱) ۲

۵۵/۵) ۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: قضیهٔ قالس، تشابه و کاربردها / چندضلعی‌ها: صفحه‌های ۴۵ تا ۶۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همهٔ دانشآموزان اختیاری است.

۱۲۱- کدام یک از گزاره‌های زیر همواره درست است؟

(۱) اگر هر قطر یک چهارضلعی محدب، آن را به دو مثلث همنهشت تقسیم کند، این چهارضلعی لزوماً لوزی است.

(۲) اگر هر قطر یک چهارضلعی محدب، نیمساز زوایای دو سر آن قطر باشد، این چهارضلعی لزوماً مربع است.

(۳) اگر در یک چهارضلعی محدب دو ضلع موازی بوده و دو ضلع دیگر آن مساوی باشند، این چهارضلعی لزوماً قطرهای منصف هم دارد.

(۴) اگر قطرهای یک چهارضلعی محدب منصف یکدیگر و مساوی با همیگر باشند، این چهارضلعی لزوماً مستطیل است.

۱۲۲- با حذف یکی از رأس‌های یک چندضلعی، ۱۰۰ واحد از تعداد قطرهای آن کاسته می‌شود. تعداد اضلاع چندضلعی اولیه کدام است؟

۱۰۳ (۴)

۱۰۲ (۳)

۱۰۱ (۲)

۱۰۰ (۱)

۱۲۳- در یک مثلث قائم الزاویه، یکی از زوایای حاده ۲۵ درجه است. زاویهٔ بین میانه و ارتفاع وارد بر وتر کدام است؟

۵۰° (۴)

۴۵° (۳)

۴۰° (۲)

۳۰° (۱)

۱۲۴- در مثلث قائم الزاویه $\hat{A} = 90^\circ$ (ABC) اگر اندازهٔ میانه و ارتفاع وارد بر وتر به ترتیب ۳ و $2\sqrt{2}$ باشد، اندازهٔ ضلع متوسط کدام است؟

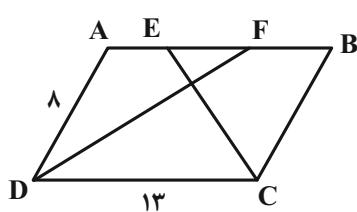
$6\sqrt{2}$ (۴)

$2\sqrt{6}$ (۳)

$2\sqrt{3}$ (۲)

$3\sqrt{2}$ (۱)

۱۲۵- در متوازی‌الاضلاع شکل زیر، اگر CE و DF نیمسازهای زوایای C و D باشند، اندازهٔ EF کدام است؟



۲ (۱)

۳ (۲)

۴ (۳)

۵ (۴)

۱۲۶- در یک ذوزنقهٔ متساوی‌الساقین، طول قاعده‌ها ۲ و ۵ و طول هر ساق ۳ واحد است. نقاط وسط دو قاعده و نقاط وسط قطرهای این ذوزنقه، رئوس یک چهارضلعی با کدام محیط است؟

۱۰ (۴)

۸ (۳)

۶ (۲)

۴ (۱)



۱۲۷- در مثلث قائم الزاویه $\hat{C} = 5\hat{B}$, $\hat{A} = 90^\circ$ ، از نقطه H پای ارتفاع وارد بر وتر، دو عمود HD و HE به ترتیب بر اضلاع AB و AC رسم شده است. نسبت مساحت چهارضلعی $ADHE$ به مساحت مثلث ABC کدام است؟

$$\frac{1}{16} \quad (4)$$

$$\frac{1}{12} \quad (3)$$

$$\frac{1}{8} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (1)$$

۱۲۸- نسبت محیط‌های دو پنج ضلعی منتظم برابر $\frac{2}{5}$ است. اگر مساحت یکی از این دو پنج ضلعی منتظم برابر 100 باشد، مساحت پنج ضلعی منتظم دیگر کدام است؟

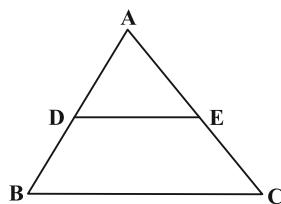
$$625 \text{ یا } 250 \quad (4)$$

$$40 \text{ یا } 16 \quad (3)$$

$$250 \text{ یا } 40 \quad (2)$$

$$16 \text{ یا } 625 \quad (1)$$

۱۲۹- در شکل زیر، اگر مساحت مثلث ABC برابر مساحت ذوزنقه $DECB$ باشد، نسبت $\frac{AD}{AB}$ کدام است؟



$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

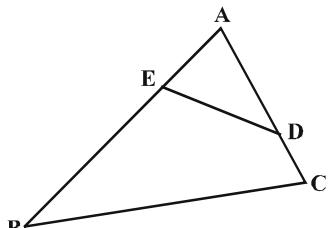
$$\frac{\sqrt{10}}{5} \quad (2)$$

$$\frac{2}{5} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{5} \quad (4)$$

۱۳۰- در شکل زیر، اگر $AC = 4$ و $AB = 6$ ، $AE = 2$ ، $AD = 3$ باشد. آنگاه فاصله A تا وسط پاره خط ED چه کسری از فاصله A تا

وسط ضلع BC است؟



$$\frac{2}{5} \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} \quad (2)$$

$$\frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} \quad (4)$$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۴۵ تا ۶۹

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۳۱- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟

- آ) در فرایند تقطیر جزء به جزء هوای مایع، با کاهش دما تا صفر درجه سلسیوس، بخارآب از سایر اجزا جدا می‌شود.
- ب) با افزایش ارتفاع از سطح زمین و افزایش غلظت اجزای سازنده هواکره، فشار هوا کاهش می‌یابد.
- پ) مولکول‌های گازی که از آن در حالت مایع برای نگهداری نمونه‌های بیولوژیکی استفاده می‌شود، دو اتمی هستند.
- ت) چگالی گاز کربن مونوکسید بیشتر از هوا بوده و به سرعت در محیط انتشار می‌یابد.

(۱) پ (۲) آ، ت (۳) ب، پ (۴) ب، ت

۱۳۲- کدام یک از عبارت‌های زیر در مورد هلیم درست است؟

- ۱) مقدار هلیم در منابع زیرزمینی آن برابر با مقدار آن در هواکره است و می‌توان در مقیاس صنعتی از منابع زیرزمینی استفاده کرد.
- ۲) مهم‌ترین کاربرد آن در پر کردن بالنهای هواشناسی، تفریحی و تبلیغاتی است.
- ۳) هلیم بعد از نفوذ به لایه‌های زمین، وارد میدان‌های گازی می‌شود.
- ۴) مقدار آن همانند نیتروژن در هواکره ناچیز بوده و گازی کمیاب به شمار می‌آید.

۱۳۳- اگر ارتفاع تقریبی لایه استراتوسفر ۴۰ کیلومتر باشد و دما در ابتدای لایه از -53°C - آغاز شود و به ازای افزایش هر کیلومتر ارتفاع دما به اندازه $1/5\text{ K}$ افزایش یابد دما در انتهای لایه برحسب کلوین کدام است؟ (فرض کنید افزایش دما در این لایه به صورت یکنواخت صورت گرفته است).

(۱) ۳۲۶ (۲) ۲۸۰ (۳) ۲۷۰ (۴) ۳۱۴

۱۳۴- چه تعداد از عبارت‌های داده شده جملۀ زیر را به درستی تکمیل می‌کنند؟

- «نسبت شمار کاتیون به آئیون در ترکیب با نسبت تعداد اتم‌ها به بار کاتیون در ترکیب برابر است.»
- آ) سدیم کلرید- منیزیم اکسید
- ب) لیتیم یدید- پتاسیم فلورورید
- پ) آهن (II) سولفید- مس (II) اکسید
- ت) کروم (III) برمید- آلومینیم فلورورید

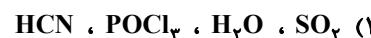
(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۵- کدام یک از پدیده‌های زیر ناشی از افزایش CO_2 در هواکره نمی‌باشد؟

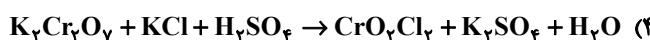
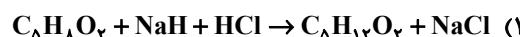
- ۱) تغییر فصل بهار در نیمکره شمالی که نسبت به ۵۰ سال گذشته در حدود یک هفته زودتر آغاز می‌شود.
- ۲) افزایش تکثیر آبزیانی مانند مرجان‌ها که پوسته آهکی دارند.
- ۳) ذوب شدن بخ‌ها و برف‌ها در نیمکره شمالی و بالا آمدن سطح آب دریاها
- ۴) افزایش میانگین دمای کره زمین که پیش‌بینی می‌شود تا سال ۲۱۰۰ دمای کره زمین بین $1/8$ تا 4°C درجه سلسیوس افزایش پیدا کند.



۱۳۶- تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی در اتم مرکزی مولکول‌های و با یکدیگر برابر بوده و تعداد پیوند‌های اشتراکی در مولکول‌های و با هم برابر می‌باشند. (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)



۱۳۷- نسبت مجموع ضرایب مولی مواد واکنش‌دهنده به مجموع ضرایب مولی فراورده‌ها در کدام واکنش بیشتر است؟



۱۳۸- کدام مقایسه نادرست است؟

(۱) سال ۲۰۰۰ < سال ۱۹۵۰ < سال ۱۹۰۰ : میانگین سطح آب‌های آزاد جهان

(۲) سال ۲۰۰۰ < سال ۱۹۹۰ < سال ۱۹۶۰ : مقدار CO_2 تولید شده در جهان

(۳) گرمای زمین < گاز طبیعی < نفت خام < زغال سنگ: ردپای CO_2 که از سوزاندن یک کیلوگرم از آن ماده ایجاد می‌شود.

(۴) گرمای زمین < انرژی خورشیدی < باد < گاز طبیعی: میزان CO_2 تولید شده برای تولید یک کیلووات ساعت برق

۱۳۹- یک قطعه چوبی به جرم ۲۵ کیلوگرم در حضور مقدار کافی اکسیژن به طور کامل می‌سوزد و $4/8$ کیلوگرم خاکستر بر جای می‌گذارد.

اگر در این فرایند جرم اکسیژن از $11/2$ کیلوگرم به $27/2$ کیلوگرم به $11/1$ کیلوگرم کاهش یابد، چند گرم گاز طی این فرایند تولید می‌شود؟

۲۹/۸ (۴)

۳۶/۳ (۳)

۳۶/۷ (۲)

۱۵/۹ (۱)

۱۴۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست هستند؟

الف) بخش عمده‌ای از پرتوهای خورشیدی که به سمت زمین می‌آیند به وسیله گازها به فضا بر می‌گردند.

ب) گازهای گلخانه‌ای مانع از خروج کل گرمای آزاد شده از سطح زمین می‌شوند.

پ) اگر گازهای لایه هواکره وجود نداشته باشد میانگین دمای کره زمین تا 18°C - کاهش می‌یافتد.

ت) همه گازهای موجود در هواکره در ایجاد اثر گلخانه‌ای مؤثر هستند.

ث) زمین پس از گرم شدن توسط خورشید از خود پرتوهای فروسرخ گسیل می‌کند.

۵ (۴)

۴ (۳)

۳ (۲)

۲ (۱)



۱۴۰۲ مرداد ۲۷ آزمون

رقمی پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

جدید آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	دانیال ابراهیمی-کاظم اجلالی-عباس اشرفی-سعید اکبرزاده-امیر هوشنگ انصاری-محمد سجاد پیشوایی-سپیل حسن خان پور عادل حسینی-نسترن زارع-سهیل ساسانی-علی ساوجی-یاسین سپهر-محمد حسن سلامی حسینی-رضی سید جعفی-علیرضا شریفی حسین شفیع زاده-علی شهرابی-پویان طهرانیان-حیدر علیزاده-مصطفی کرمی-بهزاد مجرمی-جهانبخش نیکنام-وحید ون آبادی
هندرس ۴	امیرحسین ابومحبوب-سامان اسپهرم-علی ایمانی-محمد بحیرایی-جود حاتمی-سید محمد رضا حسینی فرد-افشین خاصه خان-فرزانه حاکپاش محمد خندان-محسن رجبی-سوگند روشنی-یاسین سپهر-رضا عباسی اصل-سهام مجیدی پور-تصیر محبی-نژاد-داریوش ناظمی سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب-حمدیرضا امیری-علی ایمانی-افشین خاصه خان-سوگند روشنی-علی ساوجی-سید محسن فاطمی-پیمان فرهادیان احمد رضا فلاح-مرتضی فهیم علوی-تیلوفر مهدوی-سروش موئینی
فیزیک	خسرو ارغوانی فرد-عبدالرضا امینی نسب-زهرا آقامحمدی-لاله بهادری-مجتبی خلیل ارجمندی-بیتا خورشید-محمد ساکی-معصومه شریعت ناصری مریم شیخ-مو-بیریا علاقه مند-بهادر کامران-مصطفی کیانی-غلامرضا محبی-احسان محمدی-امیر احمد میر سعید-حسام نادری-حسین ناصحی صلاح الدین ابراهیمی-عین الله ابوالفتحی-محمد رضا پور جاوید-امیر حاتمیان-پیمان خواجه مجدد-فرزاد رضانی-جود سوری لکی
شیمی	امیرحسین طبی-محمد عظیمیان زواره-علیرضا کیانی دوست-هادی مهدی زاده-حسین ناصری ثانی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	آمار و احتمال و ریاضیات گستته	هندرس ۴	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب	امیر حسین ابومحبوب
گروه ویراستاری	محمد رضا راسخ	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی			
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب
مسئول سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	محمد اکبری
مسئول دفترچه	نر گس غنی زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محبی اصغری
حروف نتکار	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
ناظر چاپ	فرزانه فتح اله زاده
	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - بلاک ۹۳۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱ ۶۴۶۳

حسابان ۱

گزینه «۳» - ۱

(علی شهرابی)

$$3^{20/3} = (2^5)^{20/3} = 2^{100/3} = 2^{33} = \sqrt[3]{2^3} = \sqrt{8}$$

بين دو عدد صحیح ۲ و ۳ است.

$$(0/04)^{-2/3} = \left(\frac{1}{25}\right)^{-2/3} = (5^{-2})^{-2/3} = (5^{-2})^{-2/3} = \sqrt[3]{5^4} = \sqrt[3]{625}$$

بين دو عدد صحیح ۸ و ۹ قرار دارد، زیرا $9^3 < 625 < 8^3$.

پس اعداد صحیح بین $\frac{2}{3}$ و $\frac{4}{3}$ همان اعداد صحیح بین ۲ و ۳ هستند، یعنی ۳، ۴، ۵، ۶، ۷ و ۸.

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

گزینه «۳» - ۲

(رضا سیدنیفی)

با توجه به شکل واضح است که نمودار تابع نمایی یک واحد پایین آمده است، یعنی $-1 = c$. از طرفی تابع از نقطه $(0, 3)$ می‌گذرد، پس داریم:

$$3 = a(b)^c - 1 \Rightarrow a = 4$$

با توجه به نمودار مشخص است تابع از $(-2, 0)$ نیز می‌گذرد:

$$0 = 4(b)^{-2} - 1 \Rightarrow \frac{1}{4} = b^{-2} \Rightarrow b = 2$$

در نهایت $\frac{ab}{c} = -8$ است.

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

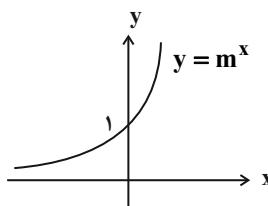
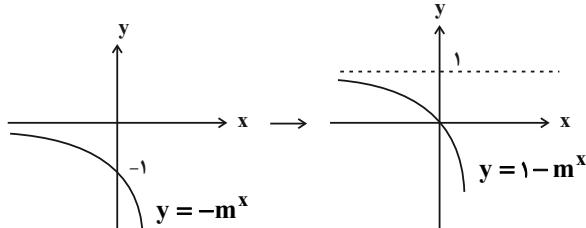
گزینه «۳» - ۳

(سعید آبروزاده)

تابع نمایی داده شده نزولی است، پس پایه تابع نمایی عددی در بازه $(0, 1)$ است.

$$0 < 3 - 2m < 1 \Rightarrow -1 < 2m - 3 < 0 \Rightarrow 1 < m < \frac{3}{2}$$

نمودار تابع نمایی $y = m^x$ به صورت زیر است، چون پایه یعنی عدد m بزرگ‌تر از ۱ است.

حال نمودار تابع $f(x) = |1 - m^x|$ را رسم می‌کنیم.

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(محمدعلی کلمی)

گزینه «۱» - ۴

$$4^x - 5 \times 2^{x+1} + 21 = 0$$

$$(2^x)^2 - 10(2^x) + 21 = (2^x - 3)(2^x - 7) = 0 \Rightarrow 2^x = 3 \text{ یا } 2^x = 7$$

$$\Rightarrow x = \log_2 3 \text{ یا } \log_2 7$$

$$\Rightarrow \frac{\log_2 3}{\log_2 7} = \frac{\log_2 3}{\log_2 7} = \log_7 3 \text{ نسبت خواسته شده}$$

(حسابان ۱ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(علیرضا شریفی)

گزینه «۱» - ۵

مقدار انرژی آزادشده بر حسب واحد ارج از رابطه زیر بدست می‌آید:

$$\log E = 11/8 + 1/5 M$$

که M بزرگی زمین‌لرزه در مقیاس ریشتر است.

اگر دو زمین‌لرزه n و $n+1$ ریشتی را در نظر بگیریم، برای انرژی آزادشده آن‌ها (بر حسب واحد ارج) داریم:

$$\begin{cases} \log E_{n+1} = 11/8 + 1/5(n+1) \\ \log E_n = 11/8 + 1/5n \end{cases}$$

$$\Rightarrow \log E_{n+1} - \log E_n = 1/5(n+1-n) = 1/5$$

$$\Rightarrow \frac{E_{n+1}}{E_n} = 10^{1/5} \approx 31/6$$

پس با توجه به رابطه فوق داریم:

$$\frac{E_\gamma}{E_1} = \frac{E_3}{E_2} = \frac{E_4}{E_3} = 10^{1/5} \Rightarrow a = b = c$$

(حسابان ۱ - صفحه ۱۸۹)

$$\Rightarrow D_f = \left(\frac{1}{\lambda}, \frac{5}{\lambda} \right) \Rightarrow \begin{cases} a = \frac{1}{\lambda} \\ b = \frac{5}{\lambda} \end{cases}$$

$$\log_{10}(ab - 1) = \log_{10} 4 = 2$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۵۰ تا ۸۵)

(بجای نیشان نیکنام)

گزینه ۳

عبارت داده شده به صورت زیر قابل بازنویسی است:

$$\log_{10} 24 \log_{10} 16 - \log_{10} 192 \log_{10} 12$$

$$= (\log_{10} 2 + \log_{10} 12)(\log_{10} 8 + \log_{10} 16) - (\log_{10} 12 + \log_{10} 16)\log_{10} 12$$

حال اگر $\log_{10} 12 = a$ در این صورت داریم:

$$(1+a)(3+a) - (a+4)a = a^2 + 4a + 3 - a^2 - 4a = 3$$

(مسابان ا- صفحه ۸۶)

(بجای طهرانیان)

گزینه ۴ $x = \frac{1}{2}$ در معادله صدق می‌کند، پس:

$$\log_{10} \frac{1}{2} - \log_{10} k = 3 \Rightarrow \log_{10} 2^{-1} - \log_{10} k = 3 \Rightarrow -1 + \log_{10} k = 3$$

$$\log_{10} k = 4 \Rightarrow k = 10^4 = 10000$$

حال ریشه دیگر را با نوشتن مجدد معادله پیدا می‌کنیم.

$$\log_{10} x - \log_{10} 10000 = 3 \Rightarrow \log_{10} x - 4 \log_{10} 10 = 3$$

$$\log_{10} x = 3 + 4 \log_{10} 10 = 3 + 4 \cdot 1 = 7 \Rightarrow x = 10^7 = 10000000$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \log_{10} x = -1 \Rightarrow x = \frac{1}{10} \\ \log_{10} x = 4 \Rightarrow x = 10^4 = 10000 \end{cases}$$

بنابراین ریشه دیگر معادله برابر $x = 10000$ است.البته پس از محاسبه k ، می‌توانیم با جایگذاری گزینه‌ها نیز به جواب برسیم.

(مسابان ا- صفحه‌های ۸۶ تا ۹۰)

(حسین شفیع زاده)

گزینه ۶پس از گذشت هر ماه، $0/93$ جرم ماه قبل باقی می‌ماند، پس می‌توان الگوی جرم باقی‌مانده این ماده هسته‌ای را بعد از گذشت n ماه به صورت

$$m(n) = m_0 \cdot (0/93)^n$$

وقتی 69 درصد جرم اولیه از دست بود، 31 درصد آن باقی می‌ماند، پس داریم:

$$m_0 \cdot (0/93)^n = 0/31 \Rightarrow (0/93)^n = 0/31$$

از طرفین لگاریتم می‌گیریم:

$$n \log 0/93 = \log 0/31 \Rightarrow n(\log 3 + \log 31 - 2) = \log 31 - 2$$

$$\Rightarrow n = \frac{\log 31 - 2}{\log 3 + \log 31 - 2} = \frac{1/49 - 2}{0/48 + 1/49 - 2} = \frac{-0/51}{-0/03} = 17$$

پس از گذشت 17 ماه 69 درصد جرم اولیه از دست می‌رود.

(مسابان ا- صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

(کاظم اجلالی)

گزینه ۷ابتدا ضابطه‌های توابع f و g را می‌یابیم:

$$(fog)(x) = f(g(x)) = 10^{g(x)} - 1 = 10^{\log_{10}(x+1)} - 1$$

$$= (x+1)^{\log_{10} 10} - 1 = \sqrt{x+1} - 1$$

$$(gof)(x) = g(f(x)) = \log_{10}^{(f(x)+1)}$$

$$= \log_{10} (10^x - 1 + 1) = \log_{10} 10^x = x \log_{10} 10 = x$$

بنابراین معادله موردنظر به صورت زیر است:

$$\sqrt{x+1} - 1 = \frac{1}{2}x \Rightarrow 2\sqrt{x+1} = x + 2$$

$$\Rightarrow 4(x+1) = (x+2)^2 \Rightarrow 4x + 4 = x^2 + 4x + 4$$

$$\Rightarrow x^2 = 0 \Rightarrow x = 0$$

پس معادله فقط یک جواب دارد.

(مسابان ا- صفحه‌های ۸۰ تا ۸۶)

(ممدرسان سلامی حسینی)

گزینه ۸

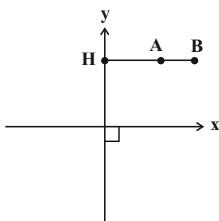
باشه دامنه از اشتراک مجموعه‌های جواب‌های دو شرط زیر به دست می‌آید:

$$1) 2x - 1 > 0 \Rightarrow x > \frac{1}{2}$$

$$2) -2 + \log_{\frac{1}{2}}(2x - 1) > 0 \Rightarrow \log_{\frac{1}{2}}(2x - 1) > -2$$

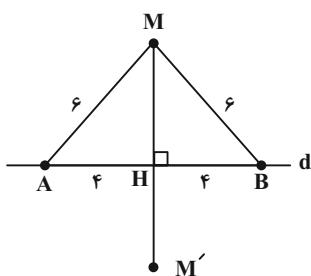
$$\Rightarrow 2x - 1 < \frac{1}{4} \Rightarrow x < \frac{5}{8}$$

(سوکنند روشن)

گزینه «۴»تبدیل T در صفحه P ، تابعی است که به هر نقطه A از صفحه P ،دقیقاً یک نقطه مانند A' را از همان صفحه نظیر می‌کند و بر عکس، هر نقطه از صفحه P ، تصویر دقیقاً یک نقطه A' از همان صفحه است. در گزینه «۴» نقاط واقع بر محور y ها تصویر منحصر به فرد یک نقطه از صفحه نیستند. به عنوان مثال در شکل، تصویر نقاط A و B تحت این تابعبر نقطه H منطبق می‌گردد.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۳۶)

(امیرحسین ابوالهیوب)

گزینه «۳»نقاط A و B دو نقطه ثابت این تبدیل هستند، پس روی محور بازتاب یعنی خط d قرار دارند. نقطه M از این دو نقطه به یک فاصله است، پس روی عمودمنصف پاره خط AB قرار دارد و در نتیجه مطابق شکل تصویر آن تحتاین بازتاب، نقطه M' است. داریم:

$$\Delta AHM : MH^2 = AM^2 - AH^2 = 36 - 16 = 20$$

$$\Rightarrow MH = 2\sqrt{5}$$

فاصله نقطه M' از محور بازتاب برابر فاصله نقطه M از این محور است.

پس داریم:

$$MM' = 2MH = 2 \times 2\sqrt{5} = 4\sqrt{5}$$

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۸)

هندسه ۲**گزینه «۴»**

(ممدر فندان)

در هر تبدیل، نقطه‌ای را که تبدیل یافته آن بر خود آن نقطه منطبق می‌شود، نقطه ثابت تبدیل می‌نامند. در بازتاب نسبت به خط، تمامی نقاط روی محور بازتاب، نقاط ثابت تبدیل هستند، بنابراین هر بازتاب بی شمار نقطه ثابت تبدیل دارد.

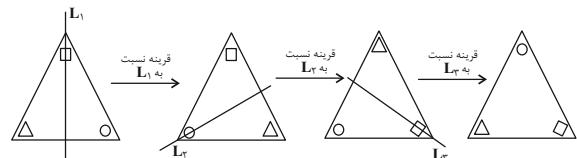
(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه ۳۸)

گزینه «۴»در دوران به مرکز نقطه ثابت O و زاویه α . اگر A' تصویر نقطه A باشد، $OA = OA'$ و $\widehat{AOA'} = \alpha$ است. همچنین دوران، تبدیلی طولپا است و جهت شکل‌ها را حفظ می‌کند. با توجه به این ویژگی تنها شکل شماره ۸ می‌تواند دوران یافته شکل سایه‌زده به مرکز O و زاویه 180° باشد.

(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ و ۳۸)

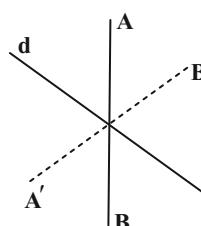
گزینه «۳»

با توجه به شکل داریم:



(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۸)

(اخشین خاصه‌خان)

گزینه «۴»اگر نقاط A ، B از خط d به یک فاصله باشند اما در طرفین خط d واقع شوند، در بازتاب آنها شبیه پاره خط لزوماً حفظ نمی‌شود.

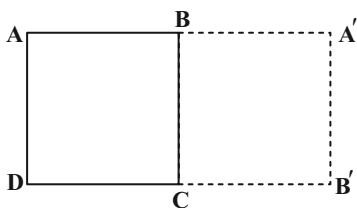
(هنرسه ۲ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها؛ صفحه‌های ۳۷ تا ۳۸)

(اگرین فاضن خان)

گزینه ۳

-۱۹

دوران به مرکز C و زاویه 90° در جهت عقربه‌های ساعت به صورت شکل زیر است. نقاط A، B و D به ترتیب بر نقاط A', B' و B منطبق می‌شود.



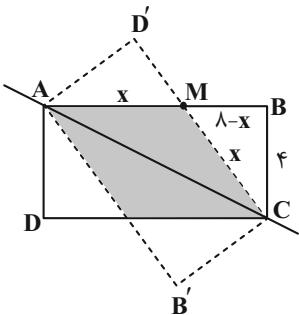
(هنرسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۳)

(سید محمد رضا هسینی فرج)

گزینه ۴

-۲۰

مطابق شکل مستطیل ABCD پس از بازتاب نسبت به قطر AC روی مستطیل AB'CD' تصویر شده است و ناحیه مشترک، یک لوزی به ضلع x است.



$$AM = MC = x \Rightarrow MB = \lambda - x$$

$$\Rightarrow x^2 = (\lambda - x)^2 + (4)^2 \Rightarrow x^2 = 64 - 16x + x^2 + 16 \Rightarrow x = 5$$

با توجه به این که هر لوزی یک متوازی‌الاضلاع است، داریم:

$$\text{مساحت لوزی} = AM \times CB = 5 \times 4 = 20$$

(هنرسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۳)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه ۱

ترکیب دو انتقال با بردارهای \vec{v}_1 و \vec{v}_2 ، انتقالی با بردار $\vec{v}_1 + \vec{v}_2$ است. مطابق شکل داریم:

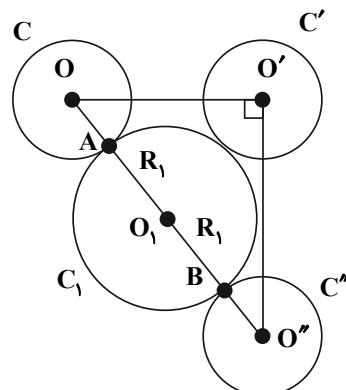
$$\overrightarrow{DO} = \overrightarrow{OB} \Rightarrow \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{DO} = \overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OB} = \overrightarrow{AB}$$

بنابراین کافی است با برداری هم اندازه و خلاف جهت \overrightarrow{AB} ، انتقال را انجام دهیم تا چهارضلعی ABCD بر $A'B'C'D'$ منطبق گردد که در بین گزینه‌ها، تنها بردار \overrightarrow{CD} دارای این ویژگی است، یعنی داریم:

$$\overrightarrow{CD} = \overrightarrow{BA} = -\overrightarrow{AB}$$

(هنرسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۰ و ۳۱)

(فرزانه ٹکپاش)

گزینه ۱۸


دوران تبدیلی طولپا است، بنابراین $O'O'' = OO' = 6$ است. طبق قضیه فیثاغورس در مثلث $OO'O''$ داریم:

$$OO''^2 = 6^2 + 6^2 = 2 \times 6^2 \Rightarrow OO'' = 6\sqrt{2}$$

مطابق شکل C_1 کوچک‌ترین دایره‌ای است که بر هر دو دایره C و C'' مماس است. شعاع دایره‌های C'' و C برابر یکدیگر است، بنابراین داریم:

$$AB = OO'' - (OA + O''B)$$

$$= 6\sqrt{2} - 2 \times 2 \Rightarrow 2R_1 = 6\sqrt{2} - 4$$

$$\Rightarrow R_1 = 3\sqrt{2} - 2$$

(هنرسه ۲- تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۲ و ۴۳)



اگر B پیشامد یکسان بودن جنسیت دو فرزند اول خانواده باشد، آنگاه

داریم:

$$A \cap B = \{(D, D, D, D), (D, D, D, P), (D, D, P, D), (D, D, P, P), (P, D, D, D), (P, D, D, P), (P, D, P, D), (P, P, D, D)\}$$

$$P(B|A) = \frac{n(A \cap B)}{n(A)} = \frac{6}{10} = \frac{3}{5}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۳» - ۲۴

اگر پیشامد همنگ نبودن دو مهره خارج شده از جعبه را با A نمایش دهیم، آنگاه پیشامد A' (متمم پیشامد A) آن است که دو مهره خارج شده همنگ باشند. احتمال پیشامد A' برابر است با:

$$P(A') = \frac{\frac{3}{5} \times \frac{2}{4}}{\frac{6}{5}} + \frac{\frac{2}{5} \times \frac{1}{4}}{\frac{6}{5}} = \frac{6}{30} + \frac{2}{30} = \frac{8}{30} = \frac{4}{15}$$

دو مهره آبی دو مهره قرمز

بنابراین احتمال پیشامد A برابر است با:

$$P(A) = 1 - P(A') = 1 - \frac{4}{15} = \frac{11}{15}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۱)

(پژمان فرهاریان)

گزینه «۴» - ۲۵

اگر A را پیشامد انتخاب دو مهره غیرهمنگ و B_1 و B_2 را به ترتیب پیشامد انتخاب ظرف‌های اول و دوم، در نظر بگیریم، داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2)$$

$$= \frac{1}{2} \times \begin{pmatrix} 4 \\ 1 \\ 1 \\ 6 \\ 2 \end{pmatrix} + \frac{1}{2} \times \begin{pmatrix} 7 \\ 1 \\ 1 \\ 10 \\ 2 \end{pmatrix}$$

$$= \frac{1}{2} \times \frac{8}{15} + \frac{1}{2} \times \frac{21}{45} = \frac{1}{2} \left(\frac{8}{15} + \frac{7}{15} \right) = \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{2}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

(نیلوفر مهدوی)

گزینه «۱» - ۲۶

با توجه به روابط جبر مجموعه‌ها داریم:

$$B \subseteq A \Rightarrow \begin{cases} A \cup B = A \\ A \cap B = B \end{cases}$$

آمار و احتمال

گزینه «۴» - ۲۱

گزینه «۱»:

(مرتضی فقیم‌علوی)

$$P((A \cup B)|B) = \frac{P((A \cup B) \cap B)}{P(B)} = \frac{P(B)}{P(B)} = 1$$

گزینه «۲»:

$$P((A - B)|B) = \frac{P((A \cap B') \cap B)}{P(B)} = \frac{P(\emptyset)}{P(B)} = 0$$

گزینه «۳»:

$$P(A|(A - B)) = \frac{P(A \cap (A \cap B'))}{P(A \cap B')} = \frac{P(A \cap B')}{P(A \cap B')} = 1$$

گزینه «۴»:

$$P((A \cap B)|(B - A)) = \frac{P((A \cap B) \cap (B \cap A'))}{P(B - A)} = \frac{P(\emptyset)}{P(B - A)} = 0$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(علی ایمانی)

گزینه «۳» - ۲۲

فضای نمونه کاهش یافته به صورت زیر است:

$$S = \{(1,1), (1,4), (2,2), (2,5), (3,3), (3,6) \\ (4,1), (4,4), (5,2), (5,5), (6,3), (6,6)\}$$

$$n(S) = 12$$

حالات‌های مطلوب عبارت اند از:

$$A = \{(3,3), (3,6), (6,3), (6,6)\}$$

$$n(A) = 4$$

$$P(A) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۳ تا ۵۶)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۴» - ۲۳

تعداد حالات‌های فضای نمونه برای ۴ فرزند، برابر $16 = 4^4$ است. از طرفی تعداد حالات‌هایی که این خانواده دارای ۲ فرزند پسر و ۲ فرزند دختر باشد،

برابر $6 = \binom{4}{2}$ است، بنابراین اگر A پیشامد برابر نبودن تعداد فرزندان

پسر و دختر در این خانواده باشد، آنگاه داریم:

$$n(A) = 16 - 6 = 10$$



(نیلوفر مودودی)

گزینه «۲» - ۲۸

فرض کنید A پیشامد سمند بودن ماشین باشد. اگر B_1 پیشامد آن باشد که ماشین انتخابی از جایگاه دوم از ابتدا در جایگاه اول بوده و B_2 پیشامد آن باشد که ماشین انتخابی از جایگاه دوم از ابتدا در همان جایگاه حضور داشته است، آنگاه طبق قانون احتمال کل داریم:

$$P(A) = P(B_1)P(A|B_1) + P(B_2)P(A|B_2)$$

$$= \frac{2}{8} \times \frac{6}{10} + \frac{6}{8} \times \frac{3}{6} = \frac{3}{20} + \frac{3}{8} = \frac{6+15}{40} = \frac{21}{40}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۸ تا ۶۰)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۱» - ۲۹

احتمال آنکه مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، $\frac{6}{16}$ است. حال اگر مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، این مهره را به همراه دو مهره سیاه به جعبه بر می‌گردانیم، در این صورت جعبه شامل ۶ مهره سفید و ۱۲ مهره سیاه خواهد شد که در نتیجه این بار احتمال خارج کردن یک مهره سفید از جعبه برابر $\frac{6}{18}$ می‌شود. طبق قانون ضرب احتمال، احتمال آنکه هر دو مهره خارج شده از جعبه سفید باشد، برابر است با:

$$\frac{6}{16} \times \frac{6}{18} = \frac{3}{8} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)

(پژمان غرفه‌ریان)

گزینه «۴» - ۳۰

وقتی گفته شده حداقل ۹ پیامک (با موفقیت) ارسال شده باشد یعنی یا ۹ پیامک و یا ۱۰ پیامک با موفقیت ارسال شده است، پس اگر پیشامد مورد نظر را با A نمایش دهیم، داریم:

$$P(A) = \binom{10}{9} \left(\frac{9}{10}\right)^9 \left(\frac{1}{10}\right)^1 + \binom{10}{10} \left(\frac{9}{10}\right)^{10} \left(\frac{1}{10}\right)^0 \\ = \left(\frac{9}{10}\right)^9 + \left(\frac{9}{10}\right)^{10} = \left(\frac{9}{10}\right)^9 \left(1 + \frac{9}{10}\right) = \left(\frac{19}{10}\right) \left(\frac{9}{10}\right)^9$$

(آمار و احتمال - احتمال: مشابه تمرین ۱ صفحه ۷۷)

حال طبق قانون احتمال شرطی داریم:

$$P(A | B') = \frac{P(A \cap B')}{P(B')} = \frac{P(A) - P(A \cap B)}{P(B')} = \frac{P(A) - P(B)}{1 - P(B)}$$

$$= \frac{\frac{1}{3} - \frac{1}{2}}{1 - \frac{1}{2}} = \frac{\frac{1}{2}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{1} = \frac{4}{9}$$

$$P(A | B') = \frac{P(A | B')}{P(A \cup B)} = \frac{\frac{2}{9}}{\frac{1}{3}} = \frac{2}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۵۹)

(اصغرضا خلاج)

گزینه «۲» - ۲۷

اگر پیشامد اینکه سکه رو بیاید را با A نمایش دهیم، داریم:

$$P(A) + P(A') = 1 \Rightarrow 2x + x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{3} \Rightarrow P(A) = \frac{2}{3}$$

همچنین برای تاس، رابطه احتمال غیرهمشانس را به صورت زیر می‌نویسیم:

$$P(۱) + P(۲) + P(۳) + P(۴) + P(۵) + P(۶) = 1$$

$$\Rightarrow t + 3t + 3t + t + 3t + t = 1 \Rightarrow t = \frac{1}{12}$$

بنابراین اگر پیشامد اینکه تاس ۶ بیاید را با B نمایش دهیم،
است.

دو پیشامد A و B مستقل از یکدیگرند، پس داریم:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= \frac{2}{3} + \frac{1}{12} - \frac{2}{3} \times \frac{1}{12} = \frac{2}{3} + \frac{1}{12} - \frac{1}{18} = \frac{24+3-2}{36} = \frac{25}{36}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۴۸ تا ۵۰ و ۶۷ تا ۷۲)

$$V_2 = \epsilon_2 + Ir_2 = 5 + 1 \times 1 = 6V$$

$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{6}{13}$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

فیزیک ۲

- ۳۱ گزینه «۳»

با افزایش مقاومت R بدون توجه به جایگاهش، مقاومت معادل مدار افزایش می‌یابد. طبق رابطه $I_T = \frac{\epsilon}{R_T + r}$ جریان مدار کاهش می‌یابد و آمپرسنج عدد کمتری را نشان می‌دهد.
طبق رابطه $V_1 = \epsilon - Ir_1$ با کاهش جریان، ولتاژ دو سر مولد افزایش می‌یابد. در نتیجه:

$$V_1 = V_{R_1} + V_2 \xrightarrow[V_1 \uparrow]{VR_1 \downarrow} V_2 \uparrow$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶)

- ۳۲ گزینه «۱»

در یک مدار تک حلقه جریان عبوری از هر دو مقاومت داخلی و خارجی یکسان است، بنابراین می‌توان نوشت:

$$V_R = \epsilon V_r \Rightarrow RI = \epsilon r \Rightarrow R = \epsilon r$$

اکنون با استفاده از رابطه جریان در مدار تک حلقه داریم:

$$I = \frac{\epsilon}{R + r} = \frac{\epsilon = 6V}{R = 9r, I = 0/2A} \Rightarrow 0/2 = \frac{6}{9r + r}$$

$$\Rightarrow 0/2 = \frac{6}{10r} \Rightarrow r = 3\Omega \xrightarrow[R = 9r]{R = 9r} R = 27\Omega$$

توان مصرفی در مقاومت R برابر است با:

$$P = RI^2 \xrightarrow[R = 27\Omega]{I = 0/2A} P = 27 \times (0/2)^2 = 1/0.8W$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۷)

- ۳۳ گزینه «۳»

مقاومت معادل مدار قبل از بستن کلید و بعد از بستن کلید را محاسبه می‌کنیم.

$$R_t = R_1 + R_2 + R_3 + r = \frac{9}{2}R$$

$$R'_t = R_1 + R_2 + r = \frac{5}{2}R$$

طبق رابطه $I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}$ می‌توان نسبت جریان قبل و بعد از بستن کلید را به صورت زیر نوشت:

$$\frac{I'}{I} = \frac{R_t}{R'_t} = \frac{9}{5} = 1/8 \Rightarrow I' = 1/8I$$

پس جریان 80 درصد افزایش یافته است.

اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از مقاومت‌های R_1 و R_2 با استفاده از $V = IR$

با افزایش جریان به اندازه 80 درصد، اختلاف پتانسیل دو سر هر یک از مقاومت‌های R_1 و R_2 هم 80 درصد افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

- ۳۴ گزینه «۴»

چون $\epsilon_2 > \epsilon_1$ است جهت جریان ساعتگرد می‌باشد و شدت جریان برابر است با:

$$I = \frac{\epsilon_1 - \epsilon_2}{R_{eq} + r_1 + r_2} = \frac{15 - 5}{2 + 2 + 1} = 1A$$

جریان از پایانه مثبت مولد E_1 خارج می‌شود، پس:

$$V_1 = \epsilon_1 - Ir_1 = 15 - 1 \times 2 = 13V$$

جریان از پایانه منفی مولد E_2 خارج می‌شود پس:

$$I = \frac{V}{R} = \frac{V = 6V}{R = 3\Omega} \Rightarrow I = \frac{6}{3} = 2A$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

(مقدمی فلیل رامندری)

«۴»

مقاومت با قطر مقطع (۲d) را R_2 و مقاومت با قطر مقطع (d) را R_1 می‌نامیم. با توجه به رابطه مقاومت و بیزگی‌های ساختمانی آن داریم:

$$R = \frac{\rho L}{A} \xrightarrow[\text{همجنس: } R_1 = R_2]{A \propto d^2} \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{L_1} \times \left(\frac{d_1}{d_2}\right)^2$$

$$\xrightarrow[L_1 = 1/5 L_2]{d_2 = 2d_1} \frac{R_2}{R_1} = \frac{L_2}{1/5 L_2} \times \left(\frac{d_1}{2d_1}\right)^2 = \frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow R_2 = \frac{R_1}{4} = \frac{4}{4} = \frac{2}{3}\Omega$$

چون R_1 و R_2 موازی‌اند، داریم:

$$\frac{1}{R_T} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \Rightarrow R_T = \frac{4}{7}\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{r + R_T} = \frac{6}{3 + \frac{4}{7}} = 2A$$

برای جریان عبوری از باتری داریم:
و در نهایت توان خروجی باتری این گونه به دست می‌آید:

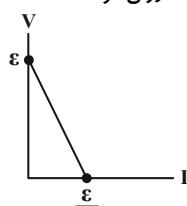
$$P_{\text{خروجی}} = \epsilon I - rI^2 = 49 - 21 = 28W$$

(فیزیک ۲- جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم؛ صفحه‌های ۵۹، ۶۰ و ۶۷)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۴»

هرگاه برای یک مولد محرک رابطه $V = \epsilon - Ir$ را رسم کنیم نمودار آن به صورت زیر است که عرض از مبدأ آن برابر نیروی محرکه مولد (ϵ) و شبی آن برابر منفی مقاومت درونی مولد است.



$$V = \epsilon - Ir \Rightarrow \begin{cases} I = 0 \Rightarrow V = \epsilon \\ V = 0 \Rightarrow I = \frac{\epsilon}{r} \end{cases}$$

بنابراین با توجه به نمودار داریم:

$$\begin{aligned} V_C - \epsilon_1 - r_1 I - R_1 I - R_2 I + \epsilon_2 &= V_C \\ -6 - (1 \times I) - (3 \times I) - (1 \times I) + 12 &= 0 \\ \Rightarrow 6 = 6I \Rightarrow I &= 1A \end{aligned}$$

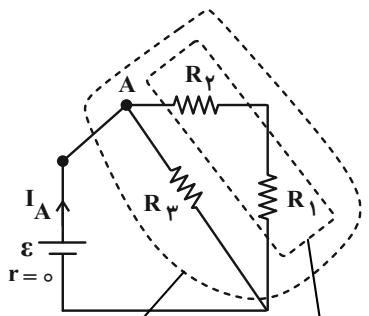
اکنون برای حلقه سمت چپ از نقطه A در جهت ساعتگرد به نقطه B می‌رویم و $V_A - V_B$ را که برابر عدد ولتسنج است، محاسبه می‌کنیم:
 $V_A + \epsilon_2 - \epsilon_1 + r_1 I = V_B$
 $\Rightarrow V_A + 9 - 12 + 1 \times 1 = V_B \Rightarrow V_A - V_B = 2V$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۱ تا ۶۶)

(لله بپاری)

گزینه «۲»

یک بار بسته شدن کلید در A و بار دیگر در B را بررسی می‌کنیم:
 بسته شدن کلید در نقطه A: (قسمت چپ مدار باز شده و حذف می‌شود).



$$R_{T_1} = \frac{R_{1,2} \times R_2}{R_{1,2} + R_2} = \frac{12 \times 6}{12 + 6} = 4\Omega \quad \text{متواالی} \quad R_{1,2} = 6 + 6 = 12\Omega$$

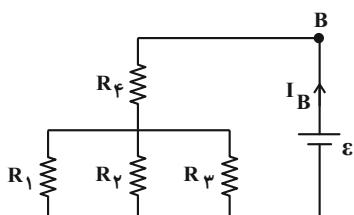
$$I_A = \frac{\epsilon}{R_{T_1}} = \frac{\epsilon}{4}$$

با توجه به رابطه $P_{\text{خروجی}} = \epsilon I - rI^2$ و $r = 0$ داریم:

$$P_{\text{خروجی}} = \epsilon I$$

$$P_1 = \epsilon \times \frac{\epsilon}{4} = \frac{\epsilon^2}{4}$$

بسته شدن کلید در نقطه B: (قسمت راست مدار باز شده و حذف می‌شود).



$$R_{1,2,3} = \frac{6}{3} = 2\Omega \quad \text{موازیند: } R_3, R_2, R_1$$

$$R_T = R_{1,2,3} + R_4 = 2 + 6 = 8\Omega$$

$$I_B = \frac{\epsilon}{\lambda}, \quad P_1 = \epsilon \times \frac{\epsilon}{\lambda} = \frac{\epsilon^2}{\lambda} \Rightarrow \frac{P_1}{P_2} = \frac{\frac{\epsilon^2}{4}}{\frac{\epsilon^2}{8}} = \frac{1}{2} = 2$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۶۹)

از طرفی برای نمودار A داریم: $r_A = \frac{5}{3}\Omega$
 و همچنین برای نمودار B داریم:

$$\frac{\epsilon_B}{r_B} = \lambda \Rightarrow \frac{10}{\lambda} = r_B \Rightarrow r_B = \frac{5}{4}\Omega$$

$$\frac{5}{r_B} = \frac{4}{5} \Rightarrow r_A = \frac{4}{3}r_B \quad \text{آن گاه داریم:}$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۶)

گزینه «۳»

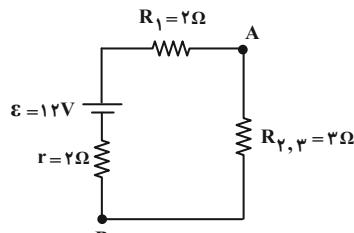
برای محاسبه انرژی الکتریکی مصرف شده در مقاومت R_2 , بهتر است از رابطه $U = \frac{V^2}{R} t$ استفاده کنیم. به همین منظور ابتدا ولتاژ دو سر مقاومت R_2 را می‌یابیم. برای تعیین V_2 , ابتدا مقاومت معادل مدار را حساب می‌کنیم و به دنبال آن جریان الکتریکی شاخه اصلی مدار را می‌یابیم.

$$R_{2,3} = \frac{R_2 R_3}{R_2 + R_3} = \frac{R_2 = 12\Omega}{R_3 = 4\Omega} \Rightarrow R_{2,3} = \frac{12 \times 4}{12 + 4} = 3\Omega$$

$$R_{\text{eq}} = R_1 + R_{2,3} = \frac{R_1 = 2\Omega}{R_{2,3} = 3\Omega} \Rightarrow R_{\text{eq}} = 2 + 3 = 5\Omega$$

$$I = \frac{\epsilon}{R_{\text{eq}} + r} = \frac{\epsilon = 21V}{r = 2\Omega} \Rightarrow I = \frac{21}{5+2} = 3A$$

با توجه به مدار شکل زیر، $V_2 = V_{2,3}$ است. بنابراین داریم:



$$V_2 = V_{2,3} = R_{2,3} I \Rightarrow V_2 = 3 \times 3 = 9V$$

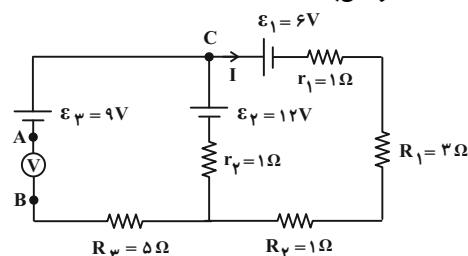
اکنون U_2 را پیدا می‌کنیم:

$$U_2 = \frac{V_2^2}{R_2} t = \frac{9^2}{12\Omega} \Rightarrow U_2 = \frac{81}{12} = 40/5J$$

(فیزیک ۲- هریان الکتریکی و مدارهای هریان مستقیم؛ صفحه‌های ۷۰ تا ۷۷)

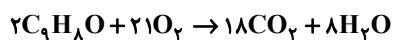
گزینه «۴»

چون ولتسنج آرمانی است، مقاومت آن بسیار زیاد (بی‌نهایت) می‌باشد. بنابراین جریان الکتریکی از شاخه‌ای که شامل ولتسنج است، عبور نمی‌کند. در این حالت، ابتدا برای حلقه سمت راست، جریان الکتریکی را به صورت زیر می‌یابیم، دقت کنید، چون در حلقه سمت راست $\epsilon_2 > \epsilon_1$ است، جریان در این حلقه ساعتگرد می‌باشد.



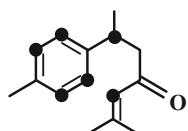


چهارم) نادرست؛ زیرا فرمول مولکولی ۱ به صورت C_9H_8O است و معادله سوختن کامل آن به صورت زیر است:



$$\begin{aligned} ? L O_2 &= 1 \text{ mol } C_9H_8O \times \frac{21 \text{ mol } O_2}{2 \text{ mol } C_9H_8O} \times \frac{22/4 \text{ L } O_2}{1 \text{ mol } O_2} \\ &= 235/2 \text{ L } O_2 \end{aligned}$$

پنجم) درست؛ کربن‌هایی که این ویژگی را دارند با نقطه پررنگ شده‌اند.



ششم) درست؛ با افزایش جرم مولی فرآربیت کاهش می‌یابد.

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۶۱ و ۶۹)

(ممدر عظیمیان زواره)

«۴» - ۴۵

با افزایش شمار کربن در آلکن‌ها، اندازه آنتالپی سوختن افزایش و ارزش سوختی کاهش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) درست؛ با توجه به جدول صفحه ۵۱

۲) درست؛

$$c = \frac{Q}{m\Delta\theta} \Rightarrow c = \frac{900J}{100 \times 10} = 0.9 J \cdot g^{-1} \cdot ^\circ C^{-1}$$

$$= 0.9 J \cdot g^{-1} \cdot ^\circ C^{-1}$$

۳) درست؛ فرمول مولکولی هر کدام C_4H_8O می‌باشد اما به دلیل تفاوت در گروه‌های عاملی و ساختار، خواص فیزیکی و شیمیایی آن‌ها متفاوت است.

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۵۱ تا ۵۸ و ۷۰ و ۷۱)

(امیر هاتمیان)

«۳» - ۴۶

موارد (الف)، (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی موارد نادرست:

الف) پس از افطار احساس گرمی می‌کنیم، زیرا انرژی مواد غذایی در حال آزاد شدن است.

شیمی ۲

«۳» - ۴۱

عبارت‌های اول، دوم و چهارم صحیح است.

- ظرفیت گرمایی به جرم بستگی دارد، پس ظرفیت گرمایی آب در ظرف B بیشتر از ظرف A است.

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۵۳ و ۵۵)

«۴» - ۴۲

- (پیمان فوابوی مهر)
- برای حل این سؤال باید بدانیم که گرمای مبادله شده در دو ظرف باید برابر باشد تا تخم مرغ در مدت زمان مشابه پخته شود:

$$Q_{آب} = Q_{روغن زیتون} = mc\Delta\theta$$

$$800 \times 4 / 2 \times 50 = 600 \times 2 \times (\theta_2 - 25)$$

$$\theta_2 = 165^\circ C$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۵۵ و ۵۶)

«۱» - ۴۳

$$\Delta H = [\Delta H(C=C) + 4\Delta H(C-H) + \Delta H(H-H)]$$

$$-[\Delta H(C-C) + 6\Delta H(C-H)]$$

$$\Delta H = [614 + 4 \times 412 + 436] - [348 + 6 \times 412] = -122 \text{ kJ}$$

$$? \text{ kJ} = 3/01 \times 10^{22} \times \frac{1 \text{ mol}}{6/02 \times 10^{23}} \times \frac{122 \text{ kJ}}{1 \text{ mol}} = 6/1 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

«۲» - ۴۴

بررسی موارد:

- (الف) درست؛ گروه عاملی موجود در میخک، کتون است و در مولکول (II) نیز گروه عاملی کتون وجود دارد.

(دوم) درست؛ زیرا تعداد پیوندهای دوگانه کربن-کربن در آن‌ها برابر است.

(سوم) درست؛ زیرا $-4 \times 15 + 4 - 56 = -56$

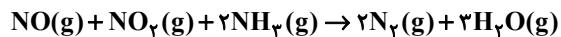
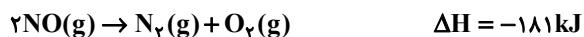
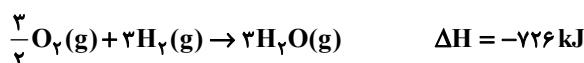
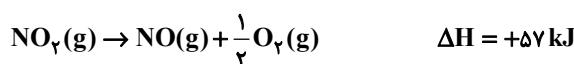
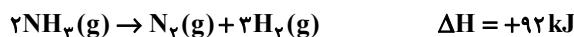


(مهدوی، پورجاویر)

گزینه «۳» - ۴۹

برای به دست آوردن معادله واکنش مورد نظر و ΔH آن باید واکنش‌های I و IV را معکوس کنیم و واکنش‌های II و III را نیز به ترتیب در

$$\frac{1}{2} \text{ ضرب کنیم: } \frac{3}{2} - \frac{1}{2}$$



$$\Delta H = -758 \text{ kJ}$$

(شیمی - صفحه‌های ۷۵ تا ۷۷)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۴» - ۵۰

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست؛ بخش عده انرژی موجود در شیر، هنگام فرایند گوارش و سوت و ساز به بدن می‌رسد.

۲) درست؛ متن کتاب صفحه ۶۰ کتاب درسی

۳) نادرست؛ مقدار گرمایی آزاد شده در واکنش‌ها در دمای ثابت ناشی از تفاوت انرژی گرمایی در مواد واکنش‌دهنده و فراورده نیست زیرا در دمای ثابت تفاوت چشمگیری میان انرژی گرمایی آنها وجود ندارد.

۴) نادرست؛ هر واکنش شیمیایی ممکن است با تغییر رنگ، تولید رسوب، آزاد شدن گاز و ایجاد نور و صدا همراه باشد اما یک ویژگی در همه آنها داد و ستد گرما با محیط پیرامون است از این‌رو هر واکنش شیمیایی ممکن است گرماده با گرمگیر باشد.

(شیمی - صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

ب) یکی از راههای آزاد شدن انرژی موادی مانند الکل و بنزین، سوختن آنها است و مقدار انرژی آزاد شده به مقدار مصرفی آنها بستگی دارد.

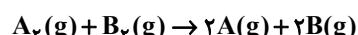
ت) هنگامی که قندخون پایین باشد می‌توان با خوردن سیب یا نوشیدن شربت آبلیمو و عسل بدن را به حالت طبیعی بازگرداند.

(شیمی - صفحه‌های ۵۲ تا ۵۴)

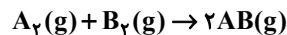
گزینه «۴» - ۴۷

(امیر هاتمیان)

دو واکنش زیر را با توجه به نمودار در نظر می‌گیریم:



$$\Delta H_1 = (\Delta H_{\text{A-A}} + \Delta H_{\text{B-B}}) - 0 = 400$$



$$\Delta H_2 = (\Delta H_{\text{A-A}} + \Delta H_{\text{B-B}}) - (2\Delta H_{\text{A-B}}) = 100$$

$$= \frac{1}{2}(\Delta H_1 - \Delta H_2) \Rightarrow \Delta H_{\text{A-B}} = 150 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

(شیمی - صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

گزینه «۳» - ۴۸

(امیرحسین طیبی)

ابتدا گرم گاز کلر و مقدار گرمایی مورد نیاز برای افزایش دمای آن را محاسبه می‌کنیم.

نکته: می‌دانیم در شرایط STP دما برابر با 0°C می‌باشد.

$$? \text{ g Cl}_2 = 11 / 2 \text{ m}^3 \text{ Cl}_2 \times \frac{10^3 \text{ L}}{1 \text{ m}^3} \times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{22 / 4 \text{ L Cl}_2}$$

$$\times \frac{71 \text{ g Cl}_2}{1 \text{ mol Cl}_2} = 35500 \text{ g Cl}_2$$

$$Q = mc\Delta\theta \Rightarrow Q = 35500 \text{ g} \times 0 / 48 \frac{\text{J}}{\text{g} \cdot {}^\circ\text{C}} \times (25 - 0) {}^\circ\text{C}$$

$$= 426 \times 10^3 \text{ J} = 426 \text{ kJ}$$

پس گرم گاز اتن مورد نیاز را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{ g C}_2\text{H}_4 = 426 \text{ kJ} \times \frac{1 \text{ mol C}_2\text{H}_4}{1400 \text{ kJ}} \times \frac{28 \text{ g C}_2\text{H}_4}{1 \text{ mol C}_2\text{H}_4}$$

$$= 8 / 52 \text{ g C}_2\text{H}_4$$

(شیمی - صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸)



$$f(x) = a(x - x_1)(x - x_2)$$

$$\Rightarrow y = a(x + 3)(x - 1)$$

$$\xrightarrow{(-1, -2)} -2 = a(2)(-2) \Rightarrow a = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow f(x) = \frac{1}{2}(x + 3)(x - 1) \xrightarrow{f(x)=1} \frac{(x + 3)(x - 1)}{2} = 1$$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 3 = 2 \Rightarrow x^2 + 2x - 5 = 0$$

$$x = \frac{-2 \pm 2\sqrt{6}}{2} = -1 \pm \sqrt{6} \xrightarrow{m>0} \sqrt{6} - 1 = m$$

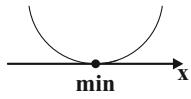
(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها، صفحه های ۷۸ تا ۷۹)

(دانیال ابراهیمی)

گزینه ۲

وقتی کمترین مقدار یک تابع درجه دوم روی محور طولها قرار می گیرد،

یعنی این تابع به شکل زیر خواهد بود:



بنابراین سهی $f(x) = ax^2 + bx + c$ بر محور x ها مماس است

: و دهانه آن رو به بالا باز می شود ($a > 0$). داریم:

$$\Delta = 0 \Rightarrow (m - 5)^2 - 4m(m - 8) = 0$$

$$\Rightarrow -3m^2 + 22m + 25 = (m + 1)(-3m + 25) = 0$$

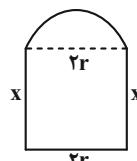
$$\xrightarrow{m>0} m = \frac{25}{3} \Rightarrow f(0) = \frac{25}{3} - 8 = \frac{1}{3}$$

(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها، صفحه های ۷۸ تا ۷۹)

(ویدیر ون آبدای)

گزینه ۲

شکل مسئله مطابق زیر است:



$$P = \pi r + 2r + 2x = 10 \Rightarrow x = \frac{10 - (\pi + 2)r}{2}$$

ریاضی ۱

«۳» - ۵۱

(عادل سینی)

دو عدد حقیقی را a و b در نظر می گیریم و داریم:

$$\begin{cases} a - b = 1 \\ ab = 1 \end{cases}$$

در معادله $b = a - 1$ ، $ab = 1$ را جای گذاری می کنیم:

$$a(a - 1) = 1 \Rightarrow a^2 - a - 1 = 0 \Rightarrow a = \frac{1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

$$\Rightarrow b = \frac{-1 \pm \sqrt{5}}{2}$$

پس عدد بزرگ تر می تواند $\frac{1 - \sqrt{5}}{2}$ یا $\frac{\sqrt{5} + 1}{2}$ باشد.

«۳» - ۵۲

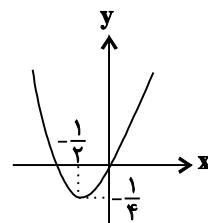
(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها، صفحه های ۷۷ تا ۷۸)

(کاظم اجلالی)

گزینه ۳

نمودار تابع $y = x^2 + x$ را در شکل زیر می بینید.

برد این تابع $[-\frac{1}{4}, +\infty)$ است.



برای این که با دامنه $\{a, b\} \subset \mathbb{R}$ برد $y = x^2 + x$ را داشته باشیم، لازم است

که نقطه (a, b) رأس سهی باشد. پس داریم:

$$(a, b) = \left(-\frac{1}{2}, -\frac{1}{4}\right) \Rightarrow a + b = -\frac{3}{4}$$

(ریاضی ا- معادله ها و نامعادله ها، تابع، صفحه های ۷۸ تا ۸۲، ۱۰ و ۱۱)

(سیمین ساسانی)

گزینه ۲

با توجه به نمودار باید معادله $f(x) = 1$ را حل کنیم و نقطه تلاقی با طول m بنامیم. اما قبل از آن باید ضابطه $f(x)$ را بنویسیم. صفرهای

$$\text{تابع } 1 \text{ و } -3 \text{ هستند، پس } x_s = \frac{-3 + 1}{2} = \frac{-2}{2} = -1 \text{ طول رأس سهی است.}$$

همچنین نقطه $(-2, -1)$ در تابع صدق می کند پس داریم:



(علی ساوین)

گزینه «۲»

-۵۸

دو نامعادله را به ترتیب حل می کنیم:

$$1) \quad |x| - 3 < 2 \Rightarrow -2 < |x| - 3 < 2 \xrightarrow{+3} 1 < |x| < 5$$

$$\Rightarrow -5 < x < 1 \text{ یا } 1 < x < 5$$

$$2) \quad |x| - 2 < 3 \Rightarrow -3 < |x| - 2 < 3 \xrightarrow{+2} -1 < |x| < 5$$

$$\Rightarrow |x| < 5 \Rightarrow -5 < x < 5$$

اشتراک دو مجموعه بالا مجموعه $(-5, -1) \cup (1, 5)$ است.

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۱ تا ۹۳)

از طرفی مقدار نوردهی پنجره مستقیماً به مساحت آن بستگی دارد، پس

مساحت آن را حساب می کنیم:

$$S = \pi r x + \frac{1}{2} \pi r^2 \xrightarrow{x = \frac{10 - (\pi + 2)r}{2}}$$

$$S(r) = -\left(\frac{\pi}{2} + 2\right)r^2 + 10r$$

در طول رأس سهمی، مقدار آن ماکزیمم است، پس داریم:

$$r_{\max} = \frac{-10}{-(\pi + 4)} = \frac{10}{\pi + 4}$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۷۸ تا ۸۲)

(عیین علیزاده)

گزینه «۱»

-۵۹

شرط آن که رابطه f تابع باشد، آن است که مؤلفه های اول هیچ دو زوج مرتبی برابر نباشند و یا اگر مؤلفه های اول آن برابر باشند، باید مؤلفه های دوم نیز برابر باشند.

$$(2, a^2 - 2a), (2, 1) \in f \Rightarrow a^2 - 2a = 1$$

$$\Rightarrow a^2 - 2a - 1 = 0$$

$$\Rightarrow a = 1 \pm \sqrt{2} \Rightarrow f = \{(2, 1), (1, 2), (1, -1), (2, 1)\}$$

با جایگذاری $a = 1 \pm \sqrt{2}$ در رابطه f دو زوج مرتب $(1, 2)$ و $(1, -1)$ دارند.در رابطه قرار دارند، پس به ازای هیچ مقداری از a ، رابطه f تابع نخواهد شد.

(ریاضی - تابع: صفحه های ۹۵ تا ۱۰۰)

(یاسین سپهر)

گزینه «۲»

-۶۰

نمایش جبری تابع خطی $f(x) = ax + b$ به صورت $f(x) = ax + b$ می باشد.

$$f(x) = ax + b \Rightarrow \begin{cases} f(x - 3) = a(x - 3) + b \\ f(x + 2) = a(x + 2) + b \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x - 3) + f(x + 2) = ax - 3a + b + ax + 2a + b$$

$$6x + 2b \Rightarrow 2ax + (-a + 2b)$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 2a = 6 \Rightarrow a = 3 \\ -a + 2b = 2 \xrightarrow{a=3} -3 + 2b = 2 \Rightarrow b = 5 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = 3x + 5 \Rightarrow f(-1) = 2$$

(ریاضی - تابع: صفحه ۱۰۱)

(عباس اشرفی)

گزینه «۲»

-۵۶

 $x = 2$ ریشه مشترک صورت و مخرج است. چرا که در همسایگی $x = 2$ تفاوت علامت نداریم و در این نقطه، $P(x)$ ، تعریف نشده است.از طرفی $x = -1$ ریشه درجه یک صورت است. بنابراین:

$$P(x) = \frac{(x+1)(x-2)}{x-2} = \frac{x^2 - x - 2}{x-2} \Rightarrow \begin{cases} a = -1 \\ b = -2 \\ c = -2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow \frac{a+b}{c} = \frac{(-1) + (-2)}{-2} = \frac{-3}{-2} = \frac{3}{2}$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۱ تا ۹۳)

(امیر هوشنگ انباری)

گزینه «۳»

-۵۷

$$\frac{3}{4} < \frac{x+4}{2x+3} \Rightarrow \frac{x+4}{2x+3} - \frac{3}{4} > 0 \Rightarrow \frac{7-2x}{4(2x+3)} > 0 \Rightarrow \frac{-3}{2} < x < \frac{7}{2}$$

$$\frac{x+4}{2x+3} < 1 \Rightarrow \frac{x+4}{2x+3} - 1 < 0 \Rightarrow \frac{1-x}{2x+3} < 0 \Rightarrow \begin{cases} x < -\frac{3}{2} \\ x > 1 \end{cases}$$

اشتراک دو مجموعه فوق بازه $(-\frac{3}{2}, 1)$ است و داریم:

$$a = 3, b = 2 \Rightarrow a + b = 5$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۱ تا ۹۳)



(مسئلۀ کیانی)

«۳» - ۶۳

می‌دانیم $W_{mg} = -\Delta U_g$ است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$W_{mg} = -(U_{g_B} - U_{g_A}) \xrightarrow{\frac{U_{g_A}}{U_{g_B}} = 100J} 120J$$

$$W_{mg} = -(120 - 100) = -20J$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۴ تا ۶۷)

(فسرو ارجاعی فردا)

«۱» - ۶۴

می‌دانیم کار نیروی خالص وارد بر جسم برابر با تغییر در انرژی جنبشی جسم

می‌باشد. از صورت مسئله ابتدا جرم جسم را محاسبه می‌کنیم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 25 = \frac{1}{2}m \times 5^2 \Rightarrow m = 2kg$$

حال از قضیّه فوق استفاده می‌کنیم:

$$W_t = \frac{1}{2}mv^2 - \frac{1}{2}mv_0^2 = \frac{1}{2}m(v^2 - v_0^2)$$

$$W_t = \frac{1}{2} \times 2 \times [(-10)^2 - (5)^2] = 75J$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۳ تا ۶۶)

(لاهه بهادری)

«۴» - ۶۵

در شرایط صرف نظر از اصطکاک، انرژی مکانیکی در کل مسیر ثابت است:

$$E = U + K = 35 + 25 = 60J$$

با در نظر گرفتن سطح زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، در

بالاترین نقطه فقط انرژی پتانسیل داریم:

$$E = U_{max} = mgh$$

$$60 = 0 / 3 \times 10 \times h \Rightarrow h = \frac{60}{3} = 20m$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

فیزیک ۱

«۳» - ۶۱

(مسئلۀ کیانی)

کام اول: با استفاده از رابطه $W = Fd \cos \theta$ و با داشتن W ، θ و F حاصل ضرب Fd را می‌یابیم:

$$W = Fd \cos \theta \xrightarrow{\frac{W=46J}{\theta=53^\circ}} 46 = Fd \cos 53^\circ$$

$$\xrightarrow{\cos 53^\circ = 0.6} 46 = Fd \times 0.6 \Rightarrow Fd = 60J$$

کام دوم: بیشینه کار انجام شده توسط نیروی ثابت \bar{F} در جایه‌جایی ثابت d در حالتی است که نیرو و جایه‌جایی هم جهت باشند. یعنی $\theta = 0^\circ$ باشد.

بنابراین بیشینه کار انجام شده برابر است با:

$$W = Fd \cos \theta \xrightarrow{\frac{\theta=0^\circ}{Fd=60J}} W_{max} = 60 \times \cos(0^\circ)$$

$$\xrightarrow{\cos(0^\circ)=1} W_{max} = 60J$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه‌های ۵۵ تا ۶۱)

«۳» - ۶۲

(ممدر ساکن)

با استفاده از رابطه انرژی جنبشی داریم:

$$K = \frac{1}{2}mv^2$$

$$\frac{K_2}{K_1} = \frac{m_2}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2 \Rightarrow \frac{\frac{3}{4}K_1}{K_1} = \frac{\frac{1}{3}m_1}{m_1} \times \left(\frac{v_2}{v_1}\right)^2$$

$$\Rightarrow \frac{v_2}{v_1} = \frac{3}{2}$$

$$\frac{\Delta v}{v_1} = \frac{v_2 - v_1}{v_1} \times 100 = \frac{1}{2} \times 100 = 50\%$$

بنابراین تندی ۵۰ درصد افزایش می‌باید.

(فیزیک - کار، انرژی و توان؛ صفحه ۵۴)

«۳- گزینه»

(مسام تاری)

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی، کار کل انجام شده روی جسم برابر با تغییرات انرژی جنبشی جسم است. اگر سرعت جسم تغییر نکند، انرژی جنبشی هم تغییر نمی کند (یعنی $\Delta K = 0$) و در نتیجه کار کل برابر صفر است و $W_1 = -W_2$ می باشد.

$$W_t = K_2 - K_1 = 0 \Rightarrow W_1 + W_2 = 0$$

$$\Rightarrow W_1 = -W_2$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۱ تا ۶۳)

«۴- گزینه»

(ممدر سکن)

چون نیروی اصطکاک وجود دارد، تغییرات انرژی مکانیکی برابر کار نیروی اصطکاک است. بنابراین با در نظر گرفتن سطح افقی به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی داریم:

$$\sin 30^\circ = \frac{2}{d} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{2}{d} \Rightarrow d = 4m$$

$$E_2 - E_1 = W_{f_k} \Rightarrow \frac{1}{2}mv^2 - mgh_1 = -f_k d$$

$$\frac{m=4kg, f_k=2N}{d=4m} \Rightarrow \frac{1}{2} \times 4 \times v^2 - 4 \times 10 \times 2 = -2 \times 4$$

$$2v^2 = 72 \Rightarrow v = 6 \frac{m}{s}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۱ تا ۶۳)

«۵- گزینه»

(احسان ممددی)

انرژی حاصل از انفجار برابر است با:

$$E = 0 / 5 \times 700 = 350J$$

که ۲۵ درصد آن به صورت گرمای تلف و باقی به گلوله و تفونگ می رسد:

$$K_1 + K_2 = \frac{3}{4} \times 350 = 262.5J$$

انرژی جنبشی گلوله برابر است با:

$$K_1 = \frac{1}{2}mv^2 = \frac{1}{2} \times 2 \times 10^{-3} \times 500^2 = 250J$$

بنابراین انرژی جنبشی تفونگ برابر است با:

$$K_2 = 262 / 5 - 250 = 12 / 5J$$

و در آخر تندی تفونگ برابر است با:

$$K_2 = \frac{1}{2}mv^2 \Rightarrow 12 / 5 = \frac{1}{2} \times 4 \times v^2$$

$$\Rightarrow v^2 = \frac{25}{4} \Rightarrow v = \frac{5}{2} = 2.5 \frac{m}{s}$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه ۵۴)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۳- گزینه»

تلமبه آب را به اندازه $6 + 4 = 10m$ جابجا می کند.

$$P = \frac{mgh}{t} \Rightarrow 100 = \frac{m \times 10 \times 10}{6} \Rightarrow m = 60kg$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۷۳ و ۷۴)

(حسین ناصمی)

«۴- گزینه»

کاری که پمپ روی آب انجام می دهد را با استفاده از قضیه کار - انرژی

$$W_{\text{جنبشی}} + W_{\text{mg}} = \Delta K \quad \text{جنوبی به دست می آوریم:}$$

$$W_{\text{پمپ}} + (-mgh) = K_2 - K_1$$

$$\frac{K_1 = 0}{W_{\text{پمپ}}} \Rightarrow W_{\text{پمپ}} = \frac{1}{2}mv^2 + mgh$$

با استفاده از رابطه چگالی، جرم آب را به دست می آوریم:

$$m = \rho V \Rightarrow m = 10^3 \times 60 \times 10^{-3} = 60kg$$

$$W_{\text{پمپ}} = \frac{1}{2}(60)(20)^2 + 60 \times 10 \times 20 = 12000 + 12000 = 24000J$$

توان خروجی پمپ برابر است با:

$$\bar{P} = \frac{W_{\text{پمپ}}}{\Delta t} = \frac{24000}{60} = 400W$$

توان الکتریکی مصرفی پمپ برابر است با:

$$R_a = \frac{\bar{P}}{P} \Rightarrow \frac{400}{P} = \frac{400}{100} = \frac{4}{100} \Rightarrow \bar{P} = 500W$$

(فیزیک - کار، انرژی و توان: صفحه های ۶۱ تا ۶۳ و ۷۳ تا ۷۶)



(بهزاد مهرمن)

گزینه «۱»

-۷۴ می رویم:

ابتدا سراغ به دست آوردن وارون تابع f

$$y = f(x) = x^3 - 6x^2 + 12x - 5$$

$$y = (x-2)^3 + 3 \Rightarrow y-3 = (x-2)^3 \Rightarrow \sqrt[3]{y-3} = (x-2)$$

$$\Rightarrow x = \sqrt[3]{y-3} + 2 \Rightarrow f^{-1}(x) = \sqrt[3]{x-3} + 2$$

برای منطبق شدن تابع $y = f^{-1}(x)$ برابر $\sqrt[3]{x}$ بود، باید ۳ واحد در جهت منفی محور x ها و ۲ واحد نیز در جهت منفی محور y ها انتقال یابد، یعنی:

$$y = (\sqrt[3]{(x+3)-3} + 2) - 2 = \sqrt[3]{x}$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(عادل مسین)

گزینه «۲»

باقی‌مانده تقسیم $p(x)$ بر $x+2$ برابر صفر است.

$$p(-2) = 0 \Rightarrow -8 + 4a - 3(-2) - 2 = 4a - 4 = 0 \Rightarrow a = 1$$

از آنجا که $x+2$ یکی از عامل‌های $p(x)$ است، داریم:

$$p(x) = x^3 + x^2 - 3x - 2 = (x+2)(x^2 - x - 1)$$

$$\xrightarrow{p(x)=0} \begin{cases} x+2=0 \Rightarrow x=-2 \\ x^2-x-1=0 \end{cases} \xrightarrow{\Delta>0} S=1$$

مجموع جواب‌های معادله برابر است با:

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(کاظم اجلان)

گزینه «۳»

-۷۶ می‌کنیم.

$$a^{\delta} + b^{\delta} = (a+b)(a^{\delta} - a^{\delta}b + a^{\delta}b^{\delta} - ab^{\delta} + b^{\delta})$$

چندجمله‌ای $P(x)$ را تجزیه می‌کنیم.

$$P(x) = x^{10} + x^{\delta} = (x^2)^5 + x^{\delta}$$

$$= (x^2 + x)((x^2)^4 - (x^2)^3 x + (x^2)^2 x^2 - (x^2)x^3 + x^4)$$

$$= (x^2 + x)(x^8 - x^7 + x^6 - x^5 + x^4)$$

$$= (x^2 + x)Q(x)$$

بنابراین داریم:

$$Q(x) = x^8 - x^7 + x^6 - x^5 + x^4$$

$$\Rightarrow Q(-1) = 5$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(یاسین سپهر)

گزینه «۳»

-۷۷ در توابع قدرمطلقی، جهت یکنواختی نمودار تابع، فقط در ریشه‌های عبارت

داخل قدرمطلق تغییر می‌کند (در صورت تغییر). پس جهت یکنواختی نمودار

تابع f ، در $x = -3$ و $x = k$ تغییر می‌کند.

حسابان ۲

گزینه «۳»

(یاسین سپهر)

می‌دانیم که تبدیلات روی محور عمودی تاثیری در دامنه تابع ندارند، پس برای سادگی می‌توانیم دامنه تابع $y = f(-x+3)$ را حساب کنیم. برایرسم این تابع، نمودار تابع $y = f(3x+1)$ را $\frac{2}{3}$ واحد به چپ منتقلمی‌کنیم تا نمودار تابع $y = f(3x+3)$ حاصل شود. در نهایت طول نقاط روی نمودار این تابع را در -3 ضرب می‌کنیم تانمودار تابع $y = f(-x+3)$ به دست آید. برای محاسبه دامنه این تابع،ترتیب تبدیلات گفته شده را روی بازه $[6, -2]$ نیز انجام می‌دهیم:

$$D_1 = [-2, 6] \xrightarrow{-\frac{3}{3}} D_2 = [-\frac{8}{3}, \frac{16}{3}]$$

$$\xrightarrow{x(-3)} D_{y=f(-x+3)} = [-16, 8]$$

این بازه شامل ۸ عدد طبیعی ۱ تا ۸ است.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

گزینه «۲»

تبدیلات گفته شده را مرحله اعمال می‌کنیم:

$$y = \sqrt{2x-1} \xrightarrow{x \rightarrow x+1} \text{ واحد چوب}$$

$$y = \sqrt{2(x+1)-1} = \sqrt{2x+1} \xrightarrow{x \rightarrow \frac{x}{2}} \text{ انبساط افقی}$$

$$y = \sqrt{2(\frac{x}{2})+1} = \sqrt{x+1}$$

دو تابع $y = \sqrt{x+1}$ و $y = \sqrt{2x-1}$ لازم به ذکر است که پس از پیدا کردن ضابطه تابع ثانویه، برای محاسبه طول

نقطه تقاطع می‌توانستیم از گزینه‌ها نیز استفاده کنیم.

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

گزینه «۲»

$$y = f(x) \xrightarrow{\text{انتقال یک واحدی}} y = f(x+1)$$

$$\xrightarrow{\text{به سمت چپ}} y = f(-x+1)$$

$$\xrightarrow{\text{قرینه نسبت}} y = -f(1-x)$$

$$\xrightarrow{\text{به محور } x} y = -\frac{1}{4}f(1-x)$$

$$\xrightarrow{\text{آنقباض عمودی}} y = -\frac{1}{4}f(1-x)$$

(مسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

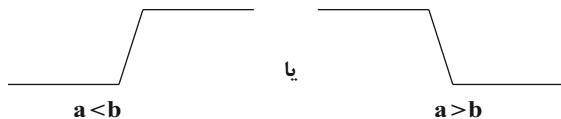


(محمدسپهار پیشوایان)

«گزینه ۱» - ۷۹

تابعی که به صورت $y = |x-a| - |x-b|$ باشد، شکلی شبیه به سرسره

دارد که دو حالت در رسم آن وجود دارد:



پس برای صعودی بودن آن ریشه قدرمطلق دوم باید بزرگ‌تر از ریشه قدرمطلق اول باشد.

$$y = |x-m|^2 - |x-(\Delta m + \epsilon)|$$

$$a < b \Rightarrow m^2 < \Delta m + \epsilon \Rightarrow m^2 - \Delta m - \epsilon < 0 \Rightarrow (m+1)(m-\epsilon) < 0$$

$$\Rightarrow -1 < m < \epsilon \Rightarrow m = 0, 1, 2, \dots, \Delta$$

همچنین اگر ریشه‌های داخل دو قدرمطلق با هم برابر باشند تابع ثابت $y = 0$ خواهد بود که این تابع نیز تابعی صعودی است.

$$m^2 = \Delta m + \epsilon \Rightarrow m^2 - \Delta m - \epsilon = 0$$

$$\Rightarrow (m-\epsilon)(m+1) = 0 \Rightarrow m = -1, \epsilon$$

پس در مجموع تابع به ازای ۸ مقدار $\epsilon = 0, 1, 2, \dots, \Delta$ صعودی است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(عادل حسینی)

«گزینه ۴» - ۸۰

رابطه تقسیم را برای تقسیم $f(x)$ بر $(x+\Delta)(x-1)$ می‌نویسیم:

$$f(x) = (x+\Delta)(x-1)q_0(x) + x - \epsilon \quad (*)$$

همچنین برای تقسیم $f(f(x))$ بر $x-1$ داریم:

$$f(f(x)) = (x-1)q_1(x) + r$$

می‌بینیم که اگر $x=1$ را در رابطه بالا جای‌گذاری کنیم، مقدار r به دست

می‌آید:

$$r = f(f(1))$$

از رابطه (*) داریم:

$$f(1) = 0 + (1-\epsilon) \Rightarrow f(1) = -\epsilon \Rightarrow r = f(-\epsilon)$$

مجدداً داریم:

$$f(-\epsilon) = 0 + (-\epsilon - \epsilon) = -2\epsilon$$

پس $r = -2\epsilon$ است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

با این توضیحات نتیجه می‌گیریم که بازه‌ای که تابع f روی آن اکیداًصعودی است، به صورت $[k, -3]$ یا $[-3, k]$ است. داریم:

$$\begin{cases} [k, -3] : -3 - k = 5 \Rightarrow k = -8 \\ [-3, k] : k + 3 = 5 \Rightarrow k = 2 \end{cases}$$

به ازای این دو مقدار ضابطه‌های f را می‌نویسیم:

$$k = -8 : f(x) = \begin{cases} -x + 2 & ; x < -8 \\ -3x - 14 & ; -8 \leq x < -3 \\ -x - 8 & ; x \geq -3 \end{cases}$$

این تابع اکیداً نزولی است. پس پاسخ $k = 2$ صحیح است. به ازای $k = 2$

داریم:

$$f(x) = \begin{cases} -x - 8 & ; x < -3 \\ x - 2 & ; -3 \leq x < 2 \\ -x + 2 & ; x \geq 2 \end{cases}$$

تابع f روی بازه $[-3, 2]$ به طول ۵ اکیداً صعودی است.

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

«گزینه ۱» - ۷۸

می‌دانیم $1 = (\sqrt{2} + 1)(\sqrt{2} - 1) = (\sqrt{2})^2 - 1 = 1$ داریم:

$$\sqrt{2} - 1 = \frac{1}{\sqrt{2} + 1} = (\sqrt{2} + 1)^{-1}$$

همچنین با توجه به اتحاد مکعب دو جمله‌ای داریم:

$$(\sqrt{2} + 1)^3 = (\sqrt{2})^3 + 3 \times (\sqrt{2})^2 \times 1 + 3 \times \sqrt{2} \times 1^2 + 1^3$$

$$= 2\sqrt{2} + 6 + 3\sqrt{2} + 1 = 7 + 5\sqrt{2}$$

حال این عبارات را در نامعادله سوال جایگذاری می‌کنیم:

$$((\sqrt{2} + 1)^{-1})^{(-x^2 + 3x - 2)} < ((\sqrt{2} + 1)^3)^2$$

$$\Rightarrow (\sqrt{2} + 1)^{x^2 - 3x + 2} < (\sqrt{2} + 1)^6$$

تابع $y = (\sqrt{2} + 1)^x$ اکیداً صعودی است و در نتیجه:

$$x^2 - 3x + 2 < 6 \Rightarrow x^2 - 3x - 4 < 0 \Rightarrow (x-4)(x+1) < 0$$

$$\Rightarrow -1 < x < 4 \Rightarrow \begin{cases} b = 4 \\ a = -1 \end{cases} \Rightarrow b + 2a = 4 + 2(-1) = 2$$

(مسابقات تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)



(محمد فندران)

گزینه «۳» -۸۴

با توجه به رابطه $\frac{1}{2}A^2B = I$ ، ماتریس B وارون ماتریس $\frac{1}{2}A^2$ است.

بنابراین داریم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 3 \\ 4 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 12 & -6 \\ -8 & 16 \end{bmatrix} \Rightarrow \frac{1}{2}A^2 = \begin{bmatrix} 6 & -3 \\ -4 & 8 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \left(\frac{1}{2}A^2\right)^{-1} = \frac{1}{6 \times 8 - (-3)(-4)} \begin{bmatrix} 8 & 3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} = \frac{1}{36} \begin{bmatrix} 8 & 3 \\ 4 & 6 \end{bmatrix} = B$$

$$B = \frac{1}{36}(8+3+4+6) = \frac{21}{36} = \frac{7}{12}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

(سامان اسپهبد)

گزینه «۴» -۸۵

$$A^2 = \begin{bmatrix} 0 & 2^x \\ 2^{1-x} & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 2^x \\ 2^{1-x} & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} = 2I$$

$$A^2 = 2I, A^2 = \lambda I \Rightarrow A^2 + A^2 + A^2 = 2I + 2I + 2I = 6I$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

(امیرحسین ابومحبوب)

گزینه «۲» -۸۶

ماتریس A در صورتی وارون پذیر نیست که $|A| = 0$ باشد، بنابراین

داریم:

$$|A| = 0 \Rightarrow (a+1)0 - a(a+4) = 0$$

$$\Rightarrow a+1=0 - 4a=0 \Rightarrow a^2 + 3a - 1=0=0$$

$$\Rightarrow (a+5)(a-2)=0 \Rightarrow \begin{cases} a=-5 \\ a=2 \end{cases}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

هندسه ۳

گزینه «۳» -۸۱

(رضا عباس اصل)

$$A^2 = \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 3 & 3 \\ -1 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 6 \\ -2 & -2 \end{bmatrix} = 2A$$

$$A^4 = (A^2) \cdot (A^2) = (2A) \cdot (2A) = 4(2A) = 8A$$

$$\Rightarrow k=8$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۷ تا ۲۳)

گزینه «۴» -۸۲

(یاسین سپهر)

$$b_{11}=b_{12}=1+1=2, b_{21}=b_{22}=2+1=3$$

$$\Rightarrow B = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix}$$

$$A - B = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 & 2 \\ 5 & 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix}$$

$$(A - B)(A + B) = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 5 \\ 6 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 & 4 \\ -52 & -44 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۰ تا ۱۹)

گزینه «۲» -۸۳

(یاسین سپهر)

چون A ماتریس اسکالر است، بنابراین ماتریس مریعی می‌باشد. از طرفی ضرب AB تعریف شده است، پس تعداد ستون‌های ماتریس A برابر تعداد سطرهای ماتریس B یعنی برابر ۳ می‌باشد. حال چون ماتریس A اسکالار می‌باشد، پس به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$A = \begin{bmatrix} a & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & 0 & a \end{bmatrix}$$

$$c_{32} = [0 \ 0 \ a] \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix} = 2a = -4 \Rightarrow a = -2$$

$$A = a + a + a = 3a = 3(-2) = -6$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها؛ صفحه‌های ۱۲ تا ۱۹)

(سوکنند روشن)

گزینه «۱»

-۸۹

$$\text{می‌دانیم } 1 + \tan^2 \theta = \frac{1}{\cos^2 \theta}, \text{ پس داریم:}$$

$$A^T = \begin{bmatrix} \cdot & \cos^2 \theta \\ 1 + \tan^2 \theta & \cdot \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \cdot & \cos^2 \theta \\ 1 + \tan^2 \theta & \cdot \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & \cdot \\ \cdot & 1 \end{bmatrix} = I \Rightarrow A^{14} = (A^T)^T = I$$

$$B^T = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & \cdot \\ \cdot & 1 \end{bmatrix} = I$$

$$\Rightarrow B^{15} = (B^T)^T \times B = I \times B = B$$

بنابراین داریم:

$$A^{14} + B^{15} = I + B$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(سوکنند روشن)

گزینه «۴»

-۹۰

طبق فرض داریم:

$$A^T = 2A + 3I \quad (1)$$

همچنین:

$$(A - 4I)^{-1} = \alpha A + \beta I$$

$$\Rightarrow (\alpha A + \beta I)(A - 4I) = I$$

$$\Rightarrow \alpha A^T + (\beta - 4\alpha)A - 4\beta I = I$$

$$\xrightarrow{(1)} \alpha(2A + 3I) + (\beta - 4\alpha)A = (4\beta + 1)I$$

$$\Rightarrow (\beta - 2\alpha)A + (4\beta + 1)I = (4\beta + 1)I$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \beta - 2\alpha = 0 \\ 4\beta + 1 = 0 \end{cases} \xrightarrow{\text{نهایتاً}} \alpha = -\frac{1}{4}, \quad \beta = -\frac{1}{4}$$

$$\Rightarrow \alpha + \beta = -\frac{1}{4}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۳ و ۲۴)

(امیرحسین ابوالصوب)

گزینه «۳»

-۸۷

وارون وارون یک ماتریس برابر خود آن ماتریس است، بنابراین داریم:

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow A = \frac{1}{(-2) \times 1 - 1 \times (-1)} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$B^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -2 \\ 4 & -5 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow B = \frac{1}{3 \times (-5) - (-2) \times 4} \begin{bmatrix} -5 & 2 \\ -7 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ 7 & -3 \end{bmatrix}$$

$$A + B = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 5 & -2 \\ 7 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 & -1 \\ 6 & -1 \end{bmatrix}$$

مجموع درایه‌های ماتریس $(A + B)$ برابر است با:

$$4 + (-1) + 6 + (-1) = 8$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(امیرحسین ابوالصوب)

گزینه «۴»

-۸۸

$$(A + B)^T = \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 18 & 3 \\ 6 & 3 \end{bmatrix}$$

$$(A + B)^T = (A + B)(A + B) = A^T + AB + BA + B^T$$

$$\Rightarrow AB + BA = (A + B)^T - A^T - B^T$$

$$= \begin{bmatrix} 18 & 3 \\ 6 & 3 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -1 & -2 \\ 4 & -1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 9 & 2 \\ 0 & 4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 10 & 3 \\ 2 & 0 \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)



(علی ساوین)

- ۹۴ - گزینه «۳»

گزینه «۱»: در میان هر سه عدد طبیعی متولی، قطعاً یکی مضرب ۳ و حداقل

یکی زوج است، پس حاصل ضرب هر سه عدد متولی مضرب ۶ است.

گزینه «۲»: در بین هر n عدد صحیح متولی، یکی قطعاً بر n بخش پذیر

است، پس حاصل ضرب هر n عدد صحیح متولی مضرب n است.

گزینه «۳»: عدد ۲، عددی اول است ولی مربع آن به صورت

$$(k \in \mathbb{Z}) \wedge k+1$$

گزینه «۴»: ۵ عدد طبیعی متولی را در نظر می‌گیریم. اگر کوچک‌ترین عدد

را برابر n فرض کنیم، داریم:

$$n + (n+1) + (n+2) + (n+3) + (n+4) = 5n + 10$$

$$= 5 \underbrace{(n+2)}_k = 5k \quad (k \in \mathbb{N})$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

(اخشین خاصه‌فان)

- ۹۵ - گزینه «۳»

$$\begin{aligned} a \equiv r &\Rightarrow a \equiv r + km \xrightarrow{k=m} a \equiv r + m^2 \\ a = mq + r &\Rightarrow a - r = mq \Rightarrow m \mid a - r \end{aligned}$$

رابطه $a = mk + r$ در حالت کلی درست نیست. به عنوان مثال اگر $a = 17$

و $m = 3$ باشد، آنگاه $r = 2$ است و رابطه $17 = 3k + 2$ برقرار نیست.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

ریاضیات گسسته

- ۹۱ - گزینه «۳»

(شمیر، رضا امیری)

اگر $a = 2$ و $b = 3$ باشد، آنگاه $ab = 6$ زوج است ولی $a+b = 5$ فرد

می‌باشد. سایر موارد قضایای کلی هستند و همواره برقرارند.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

- ۹۲ - گزینه «۴»

(سروش موئینی)

$$-44 = 17(-3) + 7 \Rightarrow \begin{cases} q = -3 \\ r = 7 \end{cases}$$

$$-3 = 7(-1) + 4 \Rightarrow 4$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

- ۹۳ - گزینه «۴»

(سید محمد محسن فاطمنی)

$$a^r \mid b^r \Rightarrow a \times a^r \mid b^r$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a \mid b^r \\ a^r \mid b^r \Rightarrow a \mid b \Rightarrow a^r \mid b^r \Rightarrow a^r \mid b^r \times b \Rightarrow a^r \mid b^{\delta} \end{cases}$$

پس رابطه‌های گزینه‌های «۱»، «۳» و «۴» همواره درست هستند ولی رابطه

گزینه «۲» در حالت کلی نتیجه نمی‌شود. به عنوان مثال نقض برای گزینه

«۲» را در نظر بگیرید. $a = 4$ و $b = 8$ را در نظر بگیرید.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)



$$\Delta^2 = 25 = 2 \times 12 + 1 \Rightarrow \Delta^2 \equiv 1 \xrightarrow{\text{به توان } 701} \Delta^{1402} \equiv 1 \quad 12$$

$$\xrightarrow{\times 10} 10 \times \Delta^{1402} \equiv 10 \quad 12$$

$$\gamma^{1401} - 10 \times \Delta^{1402} \equiv 7 - 10 \equiv -3 \equiv 9 \quad 12$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۲۱)

(سوکند روشن)

«۲» گزینه

-۹۹

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$a = 37q + q^3 \Rightarrow q^3 < 37 \xrightarrow{q \in \mathbb{Z}} q_{\max} = 3$$

$$\Rightarrow a_{\max} = 37 \times 3 + 3^3 = 138 \equiv 3 \Rightarrow a_{\max} \in [3]_5 \quad 12$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۲۱)

(سوکند روشن)

«۱» گزینه

-۱۰۰

اگر $d | 3n+2$ باشد، آن‌گاه داریم:

$$\left. \begin{array}{l} d | 3n+2 \xrightarrow{\times 2} d | 6n+4 \\ d | 6n+1 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d | 3 \Rightarrow d = 1 \quad 3 \text{ یا } \\ d | 6n+1$$

از طرفی هیچ کدام از عبارت‌های $6n+1$ ، $3n+2$ ، $3n+1$ ، مضرب ۳ نیستند.

پس d نمی‌تواند برابر ۳ باشد، در نتیجه داریم:

$$d = 1 \Rightarrow [1, p] = p$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۲۱)

(علی ایمانی)

«۴» گزینه

$$15 \quad 16a \equiv 16b \Rightarrow 9a \equiv b \Rightarrow \begin{cases} 9a \equiv b \Rightarrow -a \equiv b \Rightarrow a \equiv -b \\ 9a \equiv b \Rightarrow b \equiv 0 \end{cases}$$

$$15 \quad 16a \equiv 16b \xrightarrow{\substack{+8 \\ (15, 8)=1}} 3a \equiv 2b \quad 15$$

هر چهار تتجه درست است.

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۲۲)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۲» گزینه

رقم یکان یک عدد معادل باقی‌مانده تقسیم آن عدد بر ۱۰ است، بنابراین

داریم:

$$\left. \begin{array}{l} 3^2 = 9 \equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان } 15} 3^{30} \equiv 1 \\ 7^2 = 49 \equiv -1 \xrightarrow{\text{به توان } 35} 7^{70} \equiv 1 \end{array} \right\}$$

$$\Rightarrow 3^{30} + 7^{70} \equiv 1 + 1 \equiv 2 \equiv 8$$

(ریاضیات گسسته- آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۲۱)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۳» گزینه

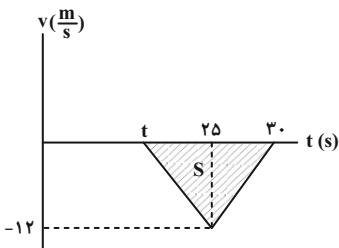
$$12 \quad 7^3 = 49 = 4 \times 12 + 1 \Rightarrow 7^3 \equiv 1 \xrightarrow{\text{به توان } 700} 7^{1400} \equiv 1 \quad 12$$

$$\xrightarrow{\times 7} 7^{1401} \equiv 7 \quad 12$$

(امیراحمد میرسعید)

«گزینه ۳»

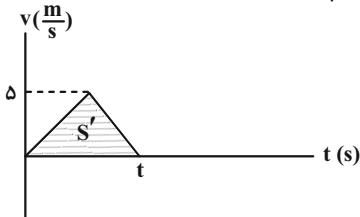
برای محاسبه سرعت متوسط هنگامی که متوجه در سوی منفی محور X حرکت می‌کند، مساحت بین نمودار و محور زمان را به دست آورده و بر زمان تقسیم می‌کنیم:



$$S = \frac{|(30-t)(-12)|}{2} = 6(30-t)$$

$$|v_{av}| = \frac{|6(30-t)|}{(30-t)} = 6 \text{ m/s}$$

برای محاسبه تندی متوسط هنگامی که متوجه در سوی مثبت محور X در حرکت است، داریم:



$$S' = \frac{\Delta \times t}{2}$$

$$s_{av} = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{2 \times 5}{5} = 2 \text{ m/s}$$

$$\frac{|v_{av}|}{s_{av}} = \frac{6}{2/5} = 2/4$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(مسئلۀ کیانی)

«گزینه ۴»

آنطور که نمودار نشان می‌دهد متوجه A از مکان $x_{0A} = 0$ و متوجه $t = 10s$ از مکان $x_{0B} = 5m$ شروع به حرکت نموده‌اند و در لحظه $t = 10s$ به هم رسیده‌اند. بنابراین کافی است مکان متوجه B را در لحظه $t = 10s$ بیابیم و جایه‌جایی آن را حساب کنیم. چون در لحظه $t = 10s$ مکان هر دو متوجه یکسان است، به همین منظور با استفاده از معادله حرکت یکنواخت و داشتن $v_A = 2 \frac{m}{s}$ ، مکان متوجه A را پیدا می‌کنیم:

$$x_A = v_A t + x_{0A} \xrightarrow[t=10s]{x_{0A}=0, v_A=2 \frac{m}{s}} x_A = 2 \times 10 + 0 = 20m$$

$$x_A = x_B \Rightarrow x_B = 20m$$

جایه‌جایی متوجه B در بازه زمانی $t = 0s$ تا $t = 10s$ برابر است با:

$$\Delta x_B = x_B - x_{0B} = 20 - 5 = 15m$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

فیزیک ۳

«گزینه ۳»

(مریم شیخ‌ممو)

معادله $x = -t^2 + 6t - 4$ نشان می‌دهد، $a < 0$ و $v > 0$ است.بنابراین در ابتداء حرکت متوجه کندشونده و در لحظه‌ای که $v = 0$ است،

تغییر جهت می‌دهد. بنابراین داریم:

$$x = -t^2 + 6t - 4 \Rightarrow \begin{cases} v_0 = 6 \frac{m}{s} \\ \frac{1}{2} a = -1 \Rightarrow a = -2 \frac{m}{s^2} \end{cases}$$

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 6$$

$$\frac{v=0}{t=3s} \Rightarrow t = 3s$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

«گزینه ۴»

(پورا علاقه‌مند) در بازه زمانی صفر تا t چون تغیر سهمی رو به بالا است پس علامتشتاب مثبت است. همچنین در بازه زمانی t تا $10s$ متوجه خلاف جهت می‌کند.

بنابراین علامت سرعت منفی است. لذا در این بازه زمانی شتاب و سرعت خلاف جهت هم هستند.

دلیل نادرستی سایر گزینه‌ها:

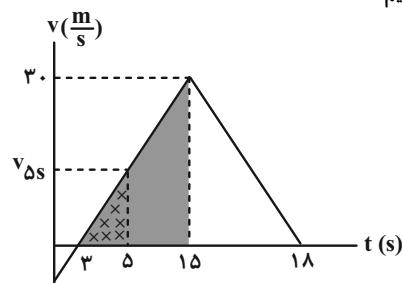
۱) فقط در لحظه t سرعت متوجه صفر می‌شود.

۲) متوجه در این بازه ابتداء خلاف جهت می‌کند. پس در جهت می‌کند.

۳) چون حرکت شتابدار است پس سرعت ثابت نیست.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

«گزینه ۲»

(مفهوم شریعت‌ناصری) برای محاسبه شتاب متوسط به کمک نمودار $v-t$ کافی است سرعتمتوجه را در دو لحظه خواسته شده به دست آوریم و در رابطه $a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1}$ است و برای محاسبه سرعت در لحظه $t = 5s$ از شتابه دو مثُل رنگ شده استفاده می‌کنیم:

$$\frac{30}{v_{\Delta s}} = \frac{18 - 3}{5 - 3} \Rightarrow \frac{30}{v_{\Delta s}} = \frac{12}{2} \Rightarrow v_{\Delta s} = 5 \frac{m}{s}$$

اکنون شتاب متوسط را می‌یابیم:

$$a_{av} = \frac{v_{18s} - v_{3s}}{t_2 - t_1} = \frac{0 - 5}{18 - 3} = -\frac{5}{15} \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۱ و ۱۲)

اکنون، سرعت متوجه در مکان $x = 27m$ را می‌یابیم:

$$v^2 = v_0^2 + 2a\Delta x \quad \frac{v_0 = 6}{s} \rightarrow v^2 = 36 + 2 \times 2 \times (27 - 0) = 144 \\ a = \frac{m}{s^2}$$

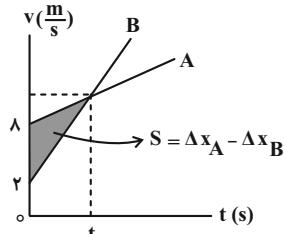
$$v = 12 \frac{m}{s}$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(مصطفی‌کیانی)

گزینه «۳»

می‌دانیم مساحت سطح محصور بین نمودار v و محور t برابر، جابه‌جایی متوجه است. بنابراین، ابتدا، مطابق شکل، اختلاف مساحت ذوزنقه بزرگ (Δx_B) و مساحت ذوزنقه کوچک (Δx_A) را که برابر مساحت مثلث رنگ شده است، برابر $30m$ قرار می‌دهیم و t را بیابیم:



$$S = \frac{(8-2)t}{2} = 30 \Rightarrow t = 10s$$

اکنون به صورت زیر اندازه سرعت دو متوجه را پیدا می‌کنیم:

$$a_B = 4a_A \quad \frac{a = \frac{\Delta v}{\Delta t}}{\Delta t} \rightarrow \frac{v-2}{10-0} = 4 \times \left(\frac{v-8}{10-0} \right)$$

$$\Rightarrow v-2 = 4v-32 \Rightarrow 30 = 3v \Rightarrow v = 10 \frac{m}{s}$$

با داشتن v ، اندازه شتاب متوجه A به صورت زیر به دست می‌آید:

$$a_A = a_{av} = \frac{\Delta v_A}{\Delta t} \Rightarrow a_A = \frac{10-8}{10-0} = 0.2 \frac{m}{s^2}$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۸ و ۲۱ تا ۲۷)

(پارکه‌مان)

گزینه «۱»

زمان حرکت گلوله اول را t در نظر می‌گیریم. گلوله دوم، ۲ ثانیه دیرتر رها می‌شود. پس زمان حرکتش ۲ ثانیه کمتر یعنی -2 می‌باشد. معادله دو گلوله را نوشته و از هم کم می‌کنیم تا فاصله دو گلوله به دست آید:

$$y_1 = \frac{1}{2}gt^2 = 5t^2$$

$$y_2 = \frac{1}{2}g(t-2)^2 = 5(t^2 - 4t + 4)$$

$$\Rightarrow y_1 - y_2 = 60 \Rightarrow 5t^2 - 5(t^2 - 4t + 4) = 60 \Rightarrow t = 4s$$

$$y_1 = y_2 = h = 5t^2 = 5 \times 4^2 = 80m$$

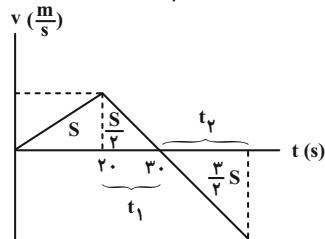
توجه داریم که بیشترین فاصله دو گلوله در طول حرکت زمانی است که گلوله اول به زمین می‌رسد.

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

گزینه «۴»

(محمد ساکی)

متوجه زمانی به مکان اولیه خود بازمی‌گردد که جابه‌جایی آن صفر شود. می‌دانیم مساحت محصور بین نمودار سرعت-زمان و محور زمان در یک بازه زمانی معین برابر با بزرگی جابه‌جایی متوجه در آن بازه است. پس به کمک نمودار سرعت-زمان و با استفاده از تشابه مثلث‌ها داریم:



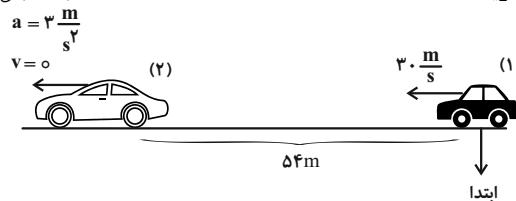
$$\frac{S}{\frac{3}{2}S} = \left(\frac{t_2}{t_1} \right)^2 \Rightarrow \sqrt{\frac{2}{3}} = \frac{t_2}{10} \Rightarrow t_2 = \sqrt{\frac{2}{3}} \times 10 = 17s$$

$$t_{\text{کل}} = 30 + t_2 = 30 + 17 = 47s$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۷)

گزینه «۳»

(فسرو ارغوان فرد)



معادله حرکت هر دو را می‌نویسیم. وقتی دو اتومبیل به هم می‌رسند، مکان آن‌ها یکسان است.

$$x_1 = vt = 30t$$

$$x_2 = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t + x_0 = \frac{3}{2}t^2 + 54$$

$$x_1 = x_2 \Rightarrow \frac{3}{2}t^2 - 30t + 54 = 0 \Rightarrow t = \frac{30 \pm \sqrt{900 - 324}}{3}$$

$$t_1 = 18s, \quad t_2 = 2s \Rightarrow \Delta t = 18 - 2 = 16s$$

(فیزیک ۳- هر کلت بر فقط راست: صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

گزینه «۲»

(مصطفی‌کیانی)

چون متوجه در دو ثانیه اول $16m$ و در ۳ ثانیه بعدی $39m$ را طی کرده است، لذا در ۵ ثانیه اول $16 + 39 = 55m$ را طی می‌کند. بنابراین،

ابتدا با استفاده از رابطه جابه‌جایی، v_0 و a را می‌یابیم:

$$\Delta x = \frac{1}{2}at^2 + v_0 t \Rightarrow \begin{cases} \frac{t=2s}{\Delta x=16m} \rightarrow 16 = \frac{1}{2}a \times 4 + 2v_0. \\ \frac{t=5s}{\Delta x=55m} \rightarrow 55 = \frac{1}{2}a \times 25 + 5v_0. \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = v_0 + 2v_0. \\ 110 = 25a + 5v_0. \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -10a = -10v_0 - 10v_0. \\ 110 = 25a + 5v_0. \end{cases}$$

$$\Rightarrow 30 = 15a \Rightarrow a = 2 \frac{m}{s^2}, \quad v_0 = 6 \frac{m}{s}$$



(شیمی ۳ - صفحه های ۶ و ۷)

«۱۱۳ - گزینه ۳»

۴ مورد نادرست هستند.

سوسپانسیون	کلوبید	محلول	نوع مخلوط ویزگی
نور را پخش می کند	نور را پخش می کند	نور را پخش نمی کند	رتفار در برابر نور
ناهمگن	ناهمگن	همگن	همگن / ناهمگن
ناپایدار	پایدار	پایدار	پایداری
شربت معده	سنس مایوتز	نمک در آب	متال

شیمی ۳

«۱۱۱ - گزینه ۲»

بررسی همه موارد:

الف) اتیلن گلیکول دارای دو گروه عاملی هیدروکسیل است نه هیدروکسید

ب) صحیح است.

پ) اوره دارای فرمول مولکولی $\text{CO}(\text{NH}_2)_2$ است.ت) بنzin با فرمول C_8H_{18} ، به تقریب ۸۴ درصد جرم خود را به کربن

اختصاص داده است:

$$\frac{\text{جرم کربن}}{\text{جرم ترکیب}} = \frac{8 \times 12}{114} \times 100 = 84\%$$

ث) روغن زیتون با فرمول $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ و چربی کوهان شتر با فرمول(۱) $\text{C}_{57}\text{H}_{110}\text{O}_6$ در ۶ هیدروژن با هم تفاوت دارند که جرم مولی H

است و جرم مولی روغن زیتون ۶ واحد از چربی کوهان شتر کمتر است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۳ و ۴)

«۱۱۲ - گزینه ۴»

بررسی گزینه ها:

(۱) شاخص امید به زندگی در شهرهای مختلف یک کشور تفاوت دارد.

(۲) آهنگ رشد شاخص امید به زندگی در نواحی کم برخوردار بیشتر از نواحی

برخوردار است. نمودار ۱ صفحه ۳

(۳) شاخص امید به زندگی در نواحی برخوردار بیشتر از نواحی کم برخوردار

است.

(۴) سلامت و بهداشت در شاخص امید به زندگی اهمیت بسیاری دارد و در

راستای ارتقای آن پاک کننده ها و شوینده ها نقش پررنگی ایفا می کنند.

(شیمی ۳ - صفحه های ۳ و ۴)

(شیمی ۳ - صفحه های ۶ و ۷)

«۱۱۵ - گزینه ۳»

مواد (الف)، (ب) و (ت) درست اند.

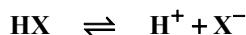
مورد (پ): به منظور افزایش خاصیت ضدعفونی کنندگی و میکروب کشی صابون ها، به آن ها ماده شیمیایی کلردار اضافه می کنند.

(شیمی ۳ - صفحه های ۶ و ۷ تا ۱۰)

(هادی مهدی زاده)



اگنون با استفاده از جدول تغییر غلظت داریم:



$$\begin{array}{cccc} \circ / \lambda & & \circ & x = M\alpha \\ \circ / \lambda - x & x & x & x = \circ / \lambda \times \circ / \lambda = \circ / \lambda \end{array}$$

$$\frac{\text{مجموع غلظت یون ها}}{HX} = \frac{2x}{\circ / \lambda} = \frac{2 \times \circ / \lambda}{\circ / \lambda} = \circ / \lambda$$

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۷ و ۱۹)

(فرزادر، رضا بیان)

- ۱۱۶ گزینه «۳»

بررسی گزینه ها:

۱) در این گزینه صابون سنتی به اشتباه صابون صنعتی بیان شده است.

۲) در این گزینه موهای چرب به اشتباه خشک بیان شده است.

۳) با حل شدن صابون در آب بین سرهای باردار صابون و آب نیروی جاذبه

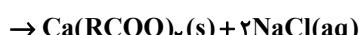
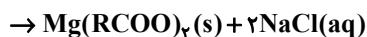
یون - دوقطبی ایجاد می شود (آب مولکولی قطبی است)

۴) افزایش دمای آب و افزودن آنزیم به صابون هر دو باعث افزایش قدرت

پاک کنندگی صابون می شوند.

(عین الله ابوالفتح)

- ۱۲۰ گزینه «۳»



اگر مقدار اولیه کلسیم کلرید و منیزیم کلرید را x مول در نظر بگیریم،

آن گاه،

$$x \text{ mol } MgCl_2 \times \frac{2 \text{ mol NaCl}}{1 \text{ mol } MgCl_2} \times \frac{58 / 5 \text{ g NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$= 117x \text{ g NaCl}$$

$$x \text{ mol } CaCl_2 \times \frac{2 \text{ mol NaCl}}{1 \text{ mol } CaCl_2} \times \frac{58 / 5 \text{ g NaCl}}{1 \text{ mol NaCl}}$$

$$= 117x \text{ g NaCl}$$

$$117x \text{ g NaCl} + 117x \text{ g NaCl} = 234x \text{ g NaCl}$$

$$= 0.468 \text{ g NaCl} \rightarrow x = 0.002 \text{ mol } CaCl_2$$

$$0.002 \text{ mol } CaCl_2 \times \frac{111 \text{ g } CaCl_2}{1 \text{ mol } CaCl_2} \times \frac{1000 \text{ mg}}{1 \text{ g}} = 222 \text{ mg}$$

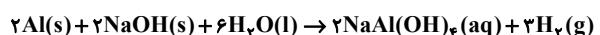
(شیمی ۳ - صفحه های ۱۵ و ۱۷)

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۵ و ۱۷)

- ۱۱۷ گزینه «۳»

مورد دوم «نادرست» و بقیه موارد درست اند.

معادله موازن شده واکنش:



پس مجموع ضرایب مواد شرکت کننده پس از موازن شده برابر ۱۵ است.

(شیمی ۳ - صفحه ۱۲)

- ۱۱۸ گزینه «۳»

اکسیدهای بازی: K_2O , CaO , BaO , Na_2O

نکته: NH_3 در آب خاصیت بازی دارد ولی اکسید نیست.

اکسید اسیدی: CO_2 , NO_2 , SO_3

(امیرحسین طیبی)

(فرزادر، رضا بیان)

- ۱۱۹ گزینه «۱»

ابتدا غلظت مولی HX را با استفاده از رابطه زیر به دست می آوریم:

$$M = \frac{1 \cdot a \cdot d}{M_w} = \frac{10 \times 15 \times 0 / \lambda}{150} = 0.1 \text{ mol.L}^{-1}$$

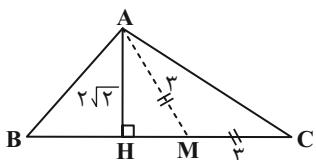


(سامانه اسپرینت)

گزینه «۳» - ۱۲۴

می‌دانیم که طول میانه وارد بر وتر در مثلث قائم الزاویه، نصف طول وتر است.

پس $\triangle AHC$ است. به کمک قضیه فیثاغورس در $\triangle AHC$ ، $CM = AM = 3$ اندازه HM را پیدا می‌کنیم تا اندازه CH معلوم شود.



$$HM = \sqrt{9 - 8} = 1 \Rightarrow CH = 3 + 1 = 4$$

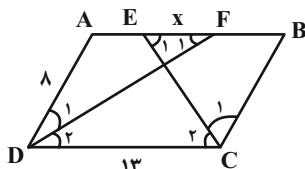
حال در مثلث AHC از فیثاغورس استفاده می‌کنیم:

$$AC^2 = CH^2 + AH^2 = 4^2 + (2\sqrt{2})^2 = 16 + 8 = 24 \Rightarrow AC = 2\sqrt{6}$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۵۶)

(علی ایمانی)

گزینه «۲» - ۱۲۵



فرض کنید $EF = x$ باشد. در این صورت داریم:

$$AB \parallel DC \Rightarrow \hat{F}_1 = \hat{D}_1 \xrightarrow{\hat{D}_1 = \hat{D}_2} \hat{F}_1 = \hat{D}_1$$

$$\xrightarrow{\Delta ADF} AF = AD = \lambda \Rightarrow AE = AF - EF = \lambda - x$$

$$AB \parallel DC \Rightarrow \hat{E}_1 = \hat{C}_1 \xrightarrow{\hat{C}_1 = \hat{C}_2} \hat{E}_1 = \hat{C}_1$$

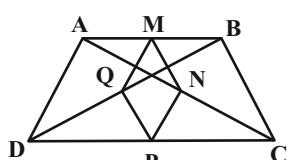
$$\xrightarrow{\Delta BCE} BE = BC = \lambda$$

$$AE + BE = AB \Rightarrow (\lambda - x) + \lambda = 13 \Rightarrow x = 3$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۵۶)

(بوارد هاتمن)

گزینه «۲» - ۱۲۶



هندسه ۱

گزینه «۴» - ۱۲۱

گزینه (۱) : متوازی الاضلاع است که لزوماً لوزی نیست.

گزینه (۲) : لوزی است که لزوماً مربع نیست.

گزینه (۳) : می‌تواند ذوزنقه متساوی الساقین باشد، که قطرهای آن یکدیگر را نصف نمی‌کنند.

(هنرسه - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۵۶ تا ۶۱)

گزینه «۳» - ۱۲۲

(اخشین خاصه‌خان)

تعداد قطرهای یک n ضلعی محدب برابر است با $\frac{n(n-3)}{2}$. بنابراین

داریم:

$$\frac{n(n-3)}{2} - \frac{(n-1)(n-4)}{2} = 100$$

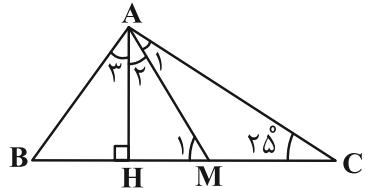
$$\Rightarrow n^2 - 3n - n^2 + 5n - 4 = 200$$

$$\Rightarrow 2n = 204 \Rightarrow n = 102$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۵۵)

گزینه «۴» - ۱۲۳

مطابق شکل فرض کنید AH و AM به ترتیب میانه و ارتفاع وارد بر وتر باشند. می‌دانیم طول میانه وارد بر وتر، نصف طول وتر است، بنابراین داریم:



$$\xrightarrow{\Delta AMC: AM = MC} \hat{A}_1 = \hat{C} = 25^\circ$$

$$\xrightarrow{\Delta AMC: \hat{M}_1 \text{ زاویه خارجی است}} \hat{M}_1 = \hat{A}_1 + \hat{C} = 25^\circ + 25^\circ = 50^\circ$$

$$\xrightarrow{\Delta AHM: \hat{H} = 90^\circ} \hat{A}_2 + \hat{M}_1 = 90^\circ \Rightarrow \hat{A}_2 + 50^\circ = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{A}_2 = 40^\circ$$

بنابراین زاویه بین میانه و ارتفاع وارد بر وتر در این مثلث، برابر 40° است.

(هنرسه - پندرضلعی‌ها؛ صفحه ۶۰)



(امیرحسین ابومعبوب)

گزینه «۱» - ۱۲۸

هر دو n ضلعی منتظم همواره با هم متشابه‌اند، پس دو پنج ضلعی منتظم نیز با هم متشابه‌اند و نسبت محیط‌های آن‌ها برابر نسبت تشابه و نسبت مساحت‌های آن‌ها محدود نسبت تشابه است. بسته به اینکه مساحت پنج ضلعی منتظم بزرگتر یا کوچکتر برابر 100 باشد، مسئله دارای دو حالت است.

$$\frac{S}{S'} = k^2 \Rightarrow \frac{100}{S'} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25} \Rightarrow S' = 625$$

$$\frac{S}{S'} = k^2 \Rightarrow \frac{S}{100} = \left(\frac{2}{5}\right)^2 = \frac{4}{25} \Rightarrow S = 16$$

(هنرسه - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(سعید مهدی‌پور)

گزینه «۴» - ۱۲۹

$$\frac{S_{ABC}}{S_{DECB}} = \frac{5}{4} \xrightarrow{\text{تفضیل نسبت در مخرج}} \frac{S_{ABC}}{S_{ABC} - S_{DEC}} = \frac{5}{5-4}$$

$$\Rightarrow \frac{S_{ABC}}{S_{ADE}} = \frac{5}{1} \Rightarrow \frac{S_{ADE}}{S_{ABC}} = \frac{1}{5} \Rightarrow \left(\frac{AD}{AB}\right)^2 = \frac{1}{5}$$

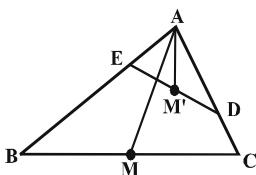
$$\Rightarrow \frac{AD}{AB} = \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{\sqrt{5}}{5}$$

(هنرسه - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

(مسن رهیم)

گزینه «۴» - ۱۳۰

$$\begin{cases} \hat{A} = \hat{A} \\ \frac{AD}{AB} = \frac{AE}{AC} = \frac{1}{2} \end{cases} \Rightarrow \triangle ABC \sim \triangle AED$$



پس نسبت میانه‌های AM' و AM در دو مثلث متشابه ABC و AED برابر

است با نسبت تشابه، یعنی داریم:

$$\frac{AM'}{AM} = \frac{AD}{AB} = \frac{1}{2}$$

(هنرسه - قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ و ۳۶)

در مثلث ABD ، نقاط M و Q به ترتیب وسط اضلاع AB و BD هستند،

پس طبق تعمیم قضیه تالس، $MQ = \frac{1}{2}AD$ است. به دلیل مشابه بـ

$MN = \frac{1}{2}BC$ ، BDC ، ADC و ABC ترتیب در مثلث‌های

$$PQ = \frac{1}{2}BC \quad \text{و} \quad NP = \frac{1}{2}AD$$

$$\text{محیط } MNPQ = \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC + \frac{1}{2}AD + \frac{1}{2}BC$$

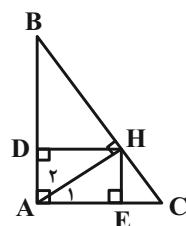
$$= AD + BC = 3 + 3 = 6$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

گزینه «۴» - ۱۲۷

$$\hat{A} = 90^\circ \Rightarrow \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ \xrightarrow{\hat{C} = 5\hat{B}} 5\hat{B} = 90^\circ$$

$$\Rightarrow \hat{B} = 15^\circ \Rightarrow \hat{C} = 75^\circ$$



می‌دانیم اگر در یک مثلث قائم‌الزاویه، یکی از زوایای حاده برابر 15° باشد،

آن‌گاه طول ارتفاع وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ طول وتر است، بنابراین داریم:

$$\frac{\Delta}{AB} : \hat{B} = 15^\circ \Rightarrow HD = \frac{1}{4}AB$$

$$\frac{\Delta}{AC} : \hat{A} = 15^\circ \Rightarrow HE = \frac{1}{4}AC$$

چهارضلعی $ADHE$ مستطیل است. در نتیجه داریم:

$$\frac{S_{ADHE}}{S_{ABC}} = \frac{HD \times HE}{\frac{1}{2}AB \times AC} = 2 \times \frac{HD}{AB} \times \frac{HE}{AC} = 2 \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه ۶۴)



(امیر هاتمیان)

«۲» - ۱۳۳

$$T_1 = -53 + 273 = 220\text{K} \Rightarrow \text{دما ابتدای لایه (کلوفین)}$$

تغییرات دما به ازای یک کیلومتر افزایش ارتفاع $= 1/5\text{K} \uparrow$

$$\Delta h = \frac{\Delta T}{1/5} = \frac{T_2 - T_1}{1/5}$$

 ΔT

تغییرات ارتفاع

(محمد رضا پور جاوید)

شیمی ۱

«۴» - ۱۳۱

موارد «ب» و «ت» نادرست است.

با افزایش ارتفاع از سطح زمین غلظت اجزای سازنده هوا کره کمتر شده و در

نتیجه از مقدار فشار هوا کاسته خواهد شد.

$$40\text{ km} = \frac{T_2 - 220}{1/5} \Rightarrow 60 = T_2 - 220 \Rightarrow T_2 = 280\text{K}$$

گاز کربن مونوکسید در مقایسه با هوا چگالی کمتری داشته و به سرعت در

محیط منتشر می‌شود.

(شیمی ا - صفحه‌های ۴۷ و ۴۸)

(شیمی ا - صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

(امیر هاتمیان)

«۲» - ۱۳۴

(محمد رضا پور جاوید)

«۳» - ۱۳۲

موارد (الف) و (ب) درست هستند.

منابع زیرزمینی هلیم بیشتر از مقدار آن در هوا کره هستند.

ترکیب	شمار کاتیون شمار آنیون	ترکیب	تعداد اتم‌ها بار کاتیون
NaCl	$\frac{1}{1} = 1$	MgO	$\frac{2}{2} = 1$ (آ)
LiI	$\frac{1}{1} = 1$	KF	$\frac{2}{1} = 2$ (ب)
FeS	$\frac{1}{1} = 1$	CuO	$\frac{2}{2} = 1$ (پ)
CrBr ₃	$\frac{1}{3}$	AlF ₃	$\frac{4}{3}$ (ت)

مهم‌ترین کاربرد هلیم در خنک کردن قطعات الکترونیکی در دستگاه‌های تصویربرداری است.

فراوان‌ترین گاز هوا کره نیتروژن است.

(شیمی ا - صفحه‌های ۵۳ تا ۵۵)

(شیمی ا - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۱)



(محمد رضا پور جاوید)

«۱» - ۱۳۷

واکنش‌های موازن شده عبارتند از:

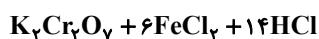


(امیر هاتمیان)

«۲» - ۱۳۵

افراش CO_2 و انحلال این گاز در آب باعث کاهش pH آب و اسیدی

شدن آن می‌شود که نتیجه آن از بین رفتن آبزیانی مانند مرجان‌ها است.



با توجه به این‌که نسبت مجموع ضرایب مولی واکنش‌دهنده‌ها به فراورده‌ها

در آن‌ها به ترتیب برابر با $\frac{8}{8}$, $\frac{5}{12}$, $\frac{10}{12}$, $\frac{21}{12}$ و $\frac{5}{3}$ است، این نسبت در

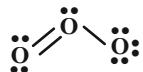
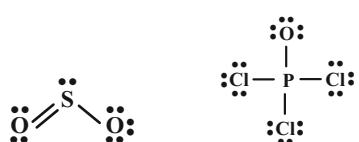
واکنش اول بیشتر از بقیه خواهد بود.

(شیمی ا- صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(محمد رضا پور جاوید)

«۳» - ۱۳۶

ساختر لوویس گونه‌های داده شده عبارتند از:

بنابراین تعداد جفت الکترون‌های ناپیوندی در اتم مرکزی POCl_3 و HCN با هم برابر بوده (قاد جفت الکtron ناپیوندی هستند) و SO_2 و O_3 نیز تعداد پیوندهای اشتراکی یکسانی دارند.

(شیمی ا- صفحه‌های ۵۳ تا ۵۵)



(امیر هاتمیان)

«۴» - ۱۴۰

عبارت‌های (الف)، (ب) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌های نادرست:

الف) بخش کمی از پرتوهای خورشیدی به وسیله گازها به فضا بر می‌گردند.

ب) گازهای گلخانه‌ای بخشی از گرمای تابیده شده از سطح زمین را دوباره

بازمی‌گردانند.

ت) تعدادی از گازهای هوکرده مانند CO_2 ، CH_4 و H_2O در ایجاد

اثر گلخانه‌ای موثر هستند.

(شیمی - صفحه‌های ۶۱ و ۶۹)

(امیر هاتمیان)

«۴» - ۱۳۸

مقایسه میزان CO_2 تولید شده برای تولید یک کیلووات ساعت برق از

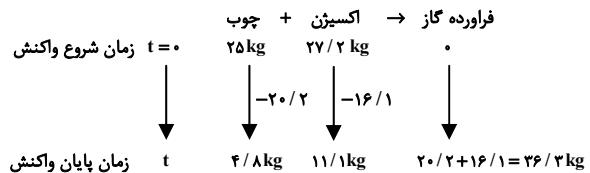
منابع مختلف به صورت زیر است:

باد > گرمای زمین > انرژی خورشیدی > گاز طبیعی > نفت خام > زغال سنگ

(شیمی - صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(امیر هاتمیان)

«۳» - ۱۳۹



مقدار جرم‌های کاسته شده در واکنش‌دهنده‌ها در فراورده‌ها تولید می‌شود.

(شیمی - صفحه‌های ۵۶، ۵۷، ۶۱ و ۶۲)