



آزمون «۱۰ شهریور ۱۴۰۲»

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

دفترچه اجباری

مدت پاسخ‌گویی: ۱۰۰ دقیقه

تعداد سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
اجباری	۱	۱-۱۰	۱۵'
	۱	۱۱-۲۰	۱۵'
	۱	۲۱-۳۰	۱۵'
	۱	۳۱-۴۰	۱۵'
	۱	۴۱-۵۰	۱۰'
	۱	۵۱-۶۰	۱۵'
	۱	۶۱-۷۰	۱۵'
	۷۰	۱-۷۰	۱۰۰'
جمع کل			

پذیده‌آورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	محمدمصطفی ابراهیمی-کاظم اجلالی-سیدرضا اسلامی-عباس اشرفی-محمدسجاد پیشوایی-رضا توکلی-سعید جعفری کافی آباد فرشاد حسن زاده-عادل حسینی-سهیل ساسانی-یاسین سپهر-محمدحسن سلامی حسینی-فرشاد صدیقی فر-پویان طهرانیان-سعید علم پور عزیزالله علی اصغری-حیدر علیزاده-نیما کدیریان-مصطفی کرمی-سعید مدیر خراسانی-رحیم مشتاق نظم-سروش موئینی-وهاب نادری محمد مهدی و زیری
هندرسه	محمد مهدی ایوتراپی-امیرحسین ابومحبوب-علی ایمانی-جواد حاتمی-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-محمد خندان-حمد رضا دهقان سوگند روشنی-رضا عباسی اصل-احمدرضا فلاخ-سهام مجیدی پور-نوید مجیدی-رحیم مشتاق نظم-سرژ یقیازاریان تبریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیرحسین ابومحبوب-سامان اسپهرم-علی ایمانی-افشین خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-کیوان دارابی-سوگند روشنی علیرضا شریف‌خطیبی-علی اکبر علی‌زاده-فرشاد فرامرزی-محمدعلی کاظم‌نظری-علی منصف‌شکری-نیلوفر مهدوی-غلام‌رضا نیازی
فیزیک	عبدالرضا امینی نسب-میثم دشتیان-هاشم زمانیان-محمد ساکی مهدی سلطانی-معصومه شریعت‌ناصری-مریم شیخ‌مو پوریا علاقه‌مند مسعود قره‌خانی-مصطفی کیانی-غلامرضا محی-امیراحمد میرسعید-مصطفی واثقی
شیمی	محمد رضا پور جاوید-امیر حاتمیان-ایمان حسین نژاد-روزبه رضوانی-امیرحسین طبی-امیرحسین مسلمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه	هندرسه	آمار و احتمال	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	مصطفی کیانی	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	زهره آقامحمدی	بهنام قازانچی
مسئول درس	مهدی ملا رمضانی	مهرداد ملوندی	ویراستار استاد:	حمدی زرین کفشه	ویراستار استاد: محمدحسن محمدزاده مقدم
مسئلندسازی	سعیده اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
			امیرحسین ابومحبوب	احسان صادقی	سمیه اسکندری

کروه فنی و توابید

ناظر چاپ	سوران نعیمی	فروزنگار	فرزانه فتح‌المزاده	مدیر گروه مستندسازی	نرگس غنی‌زاده	مهرداد ملوندی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: مثبات: صفحه های ۹۱ تا ۱۱۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

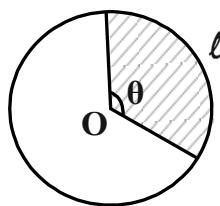
۱- مقدار متمم و مکمل زاویه 20° بر حسب رادیان، به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

$$\frac{11\pi}{18} \text{ و } \frac{4\pi}{9}$$

$$\frac{8\pi}{9} \text{ و } \frac{7\pi}{18}$$

$$\frac{8\pi}{9} \text{ و } \frac{4\pi}{9}$$

$$\frac{11\pi}{18} \text{ و } \frac{7\pi}{18}$$

۲- اگر کمان ℓ به طول $\sqrt{12\pi}$ و زاویه θ مساوی $\frac{3\pi}{4}$ رادیان باشد، مساحت قسمت رنگی کدام است؟

۶ (۱)

۷ (۲)

۸ (۳)

۹ (۴)

۳- در دایره‌ای به شعاع ۹ واحد، طول کمان رو به رو با زاویه α برابر 12π می‌باشد. حاصل $\cos(\frac{3\pi}{2} - \alpha) + \sin(3\pi - 2\alpha)$ کدام است؟

$$\sqrt{3}$$

۱) صفر

$$\frac{1-\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{\sqrt{3}+1}{2}$$

۴- اگر $\cot 70^\circ = 0 / 3$ باشد، حاصل عبارت $\frac{\sin 520^\circ - \cos 200^\circ}{\cos 110^\circ + \sin 430^\circ}$ کدام است؟

$$\frac{13}{7}$$

$$\frac{8}{7}$$

$$\frac{11}{7}$$

$$\frac{9}{7}$$

۵- اگر $\frac{\cos x}{1+\sin x} + \frac{\sin x}{1-\sin x} = 4$ باشد، حاصل $\sin(\frac{9\pi}{2} - x) + 2\cos(\frac{9\pi}{2} + x)$ کدام است؟

$$2(2)$$

۱ (۱)

$$4(4)$$

۳ (۳)



۶- حاصل عبارت $\cot\left(\frac{-15\pi}{4}\right)\tan^2\left(\frac{16\pi}{3}\right) + \cos\left(\frac{-13\pi}{3}\right)\sin^2\left(\frac{17\pi}{4}\right)$ کدام است؟

۲/۷۵ (۲)

-۳/۲۵ (۱)

۳/۲۵ (۴)

-۲/۷۵ (۳)

۷- حاصل عبارت $f(x) = \frac{\lambda \cos 2x \cos 4x}{\tan x + \cot x}$ به ازای $x = \frac{\pi}{48}$ کدام است؟

 $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $\frac{\sqrt{2}}{2}$ (۴) $\frac{1}{2\sqrt{2}}$ (۳)

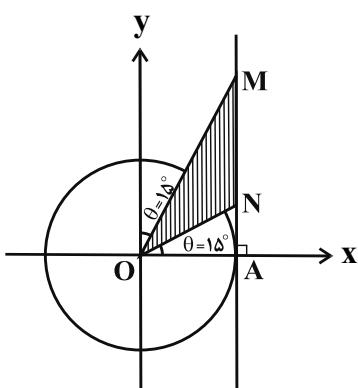
$(b \neq 0)$ باشد، مقدار $\cos 2x$ کدام است؟ $\tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) + \cot\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = b$ اگر -۸

 $\frac{b}{2}$ (۲)

۲b (۱)

 $b+2$ (۴) $\frac{2}{b}$ (۳)

۹- در دایره مثلثاتی زیر، مساحت مثلث MON کدام است؟



۱ (۱)

 $\sqrt{3}$ (۲) $\frac{\sqrt{3}}{2}$ (۳)

۲ (۴)

-۱۰- اگر $\tan(x-y)$ باشد، حاصل $\cos x \sin y = \frac{3}{25}$ و $\sin x \cos y = \frac{2}{5}$ کدام می‌تواند باشد؟

 $\frac{24}{25}$ (۲) $\frac{7}{24}$ (۱) $\frac{25}{24}$ (۴) $\frac{24}{7}$ (۳)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: تبدیل‌های هندسی: صفحه‌های ۴۵ تا ۵۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۱- یک تجانس غیر همانی، چند نقطه ثابت تبدیل دارد؟

(۴) بی‌شمار

(۳) دو

(۲) یک

(۱) هیچ

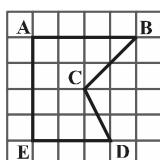
۱۲- کدام یک از گزینه‌های زیر، لزوماً برقرار نیست؟

(۲) تجانس، اندازه زاویه را حفظ می‌کند.

(۱) تجانس، شبی خط را حفظ می‌کند.

(۴) نسبت تجانس، عددی حقیقی و غیر صفر است.

(۳) تجانس، طولپا است.

۱۳- اگر O' نقطه‌ای ثابت در صفحه و M' مجанс نقطه M در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{OM'}{MM'}$ باشد، آنگاه کدام است؟ $\frac{2}{3}$ (۴) $\frac{3}{5}$ (۳) $\frac{5}{8}$ (۲) $\frac{3}{8}$ (۱)۱۴- اگر نقاط M ، N و P ، وسط‌های اضلاع مثلث دلخواه ABC باشند، آنگاه مثلث MNP ، مجанс مثلث ABC به کدام مرکز تجانس است؟(۲) محل همرسی ارتفاع‌های مثلث ABC (۱) محل همرسی میانه‌های مثلث ABC (۴) محل همرسی عمود منصف‌های اضلاع مثلث ABC (۳) محل همرسی نیمسازهای داخلی مثلث ABC ۱۵- در شکل زیر، اگر بخواهیم مساحت چندضلعی شبکه‌ای $ABCDE$ را بدون تغییر تعداد اضلاع و محیط آن، با تبدیل هندسی مناسب تا حد امکان افزایش دهیم، مقدار افزایش مساحت چقدر خواهد بود؟

(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۱۶- اگر AT و AT' بر دو دایره متخارج $(O', 4)$ و $C(O, 4)$ با طول خط‌المرکزین ۱۰ مماس و A مرکز تجانس معکوس دو دایره باشد، حاصل $AT + AT'$ کدام است؟

۸ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

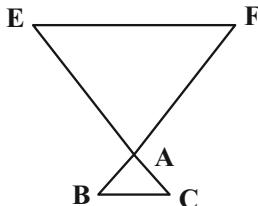
۵ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۷- در شکل زیر مثلث‌های ABC و AEF ، دو مثلث متساوی‌الاضلاع به طول اضلاع ۱ و ۴ هستند. اگر $EF \parallel BC$ باشد، فاصلهٔ مراکز

تجانس مستقیم و معکوسی که پاره‌خط BC را بر روی پاره‌خط EF تصویر می‌کند، کدام است؟



$$\frac{4\sqrt{3}}{3} \quad (1)$$

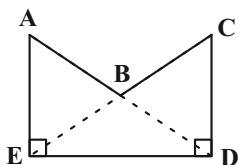
$$\frac{2\sqrt{3}}{2} \quad (2)$$

$$6\sqrt{3} \quad (3)$$

$$8\sqrt{3} \quad (4)$$

۱۸- در شکل زیر $AE = CD$ و $\hat{D} = \hat{E} = 90^\circ$ است. اگر بخواهیم مساحت چندضلعی $ABCDE$ را بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع

آن افزایش دهیم، نسبت مساحت اولیه به مساحت چندضلعی بعد از افزایش مساحت آن کدام است؟



$$0/5 \quad (1)$$

$$0/6 \quad (2)$$

$$0/7 \quad (3)$$

$$0/8 \quad (4)$$

۱۹- نقاط $A(3,1)$ و $B(6,2)$ مفروض‌اند. اگر نقطهٔ متحرک M روی خط $x = y$ باشد، کمترین مقدار $MA + MB$ کدام است؟

$$\sqrt{26} \quad (4)$$

$$5 \quad (3)$$

$$2\sqrt{6} \quad (2)$$

$$2\sqrt{5} \quad (1)$$

۲۰- مطابق شکل زیر، دو شهر A و B به فاصلهٔ ۱۰ کیلومتر از یکدیگر و به ترتیب به فاصله‌های ۳ و ۹ کیلومتر از ساحل دریا قرار

دارند. اگر بخواهیم جاده‌ای با کوتاه‌ترین طول ممکن بین این دو شهر احداث کنیم به گونه‌ای که ۳ کیلومتر از جاده در کنار

ساحل باشد، طول جاده بین A و B کدام است؟

• B

$$13 \quad (1)$$

$$15 \quad (2)$$

$$16 \quad (3)$$

$$18 \quad (4)$$

A •

ساحل دریا

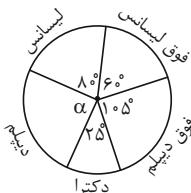


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار توصیفی: صفحه‌های ۷۳ تا ۱۰۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۲۱- اداره‌ای ۱۴۴ کارمند دارد که مدارک تحصیلی آنها مطابق نمودار دایره‌ای زیر است. چند نفر از کارمندان مدرک دیپلم دارند؟



- ۳۵) ۱
۳۶) ۲
۳۷) ۳
۳۸) ۴

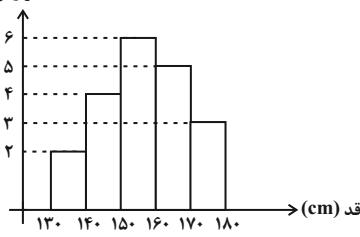
۲۲- نمودار میله‌ای، بافت نگاشت و دایره‌ای، به ترتیب برای کدام یک از انواع داده‌ها مناسب‌اند؟

- ۱) کمی پیوسته و کیفی - کمی گستاخ - کمی پیوسته
۲) کمی پیوسته و کیفی - کمی گستاخ - کمی گستاخ و کیفی

- ۳) کمی گستاخ و کیفی - کمی پیوسته - کمی پیوسته - کمی گستاخ و کیفی

۲۳- نمودار بافت نگاشت زیر مربوط به قد دانش‌آموزان یک کلاس است. اگر دانش‌آموز جدیدی با قد ۱۶۴ سانتی‌متر به این کلاس اضافه شود، فراوانی نسبی دستهٔ وسط چگونه تغییر می‌کند؟

فراوانی



- ۱) کم می‌شود.
۲) زیاد می‌شود.
۳) کم می‌شود.
۴) زیاد می‌شود.

۲۴- اگر میانگین داده‌های ۲۷، ۲۸، ۲۹، ۲۴، ۲۴، ۱۴ و ۱۵، برابر نمای آنها باشد، مقدار a کدام است؟

- ۱) ۲۴
۲) ۲۸
۳) ۳۲
۴) ۳۶

۲۵- اگر میانگین داده‌های $x_1 + 2$, $x_2 + 4$, ..., $x_{12} + 24$ دو برابر میانگین داده‌های $3x_1 + 5$, $3x_2 + 5$, ..., $3x_{12} + 5$ هفده واحد کمتر باشد، حاصل $x_{12} + x_1 + ... + x_{11} + x_2$ کدام است؟

- ۱) ۳۶
۲) ۴۲
۳) ۴۸
۴) ۵۴

۲۶- اگر واریانس داده‌های $-2z - 4z - 5y + 1$, 6 و $9 - 3x - y$ برابر صفر باشد، میانه داده‌های y^2 , $z^2 - 3x^2 - y^2$ و $x - y$ کدام است؟

- ۱) ۳/۵
۲) ۴/۲
۳) ۲/۵
۴) ۱/۲

۲۷- داده آماری با واریانس ۶ موجود است. اگر ۴ داده مساوی با میانگین را حذف کنیم، واریانس داده‌های باقی‌مانده برابر ۱۴ می‌شود. تعداد داده‌های اولیه کدام است؟

- ۱) ۹
۲) ۷
۳) ۱۰
۴) ۸

۲۸- ضریب تغییرات داده‌های آماری $\frac{2}{5}$ است. اگر همه داده‌ها ۳ برابر شوند و ۲ واحد به هریک اضافه شود، ضریب تغییرات $\frac{1}{3}$ می‌شود. میانگین داده‌های اولیه کدام است؟

- ۱) $\frac{1}{3}$
۲) $\frac{2}{9}$
۳) $\frac{3}{10}$
۴) $\frac{3}{7}$

۲۹- اگر نمودار جعبه‌ای داده‌های مرتب شده $۳۰, ۲۷, ۲۴, ۲۶, ۲۲, ۲۰, ۱۸, ۱۵, ۱۲, ۱۱, ۹, ۸, ۷, ۵$ را رسم کنیم، آن‌گاه اختلاف طول دو بخش جعبه که توسط میانه از هم جدا می‌شوند، کدام است؟

- ۱) صفر
۲) $۰/۵$
۳) $۱/۳$
۴) $۲/۴$

۳۰- دانش‌آموزی ۱۲ درس دارد که در نمودار جعبه‌ای نمرات او، میانگین نمرات داخل جعبه ۱۵ و میانگین نمرات قبل و بعد از جعبه به ترتیب ۱۰ و ۱۷ می‌باشد. میانگین کل نمرات او کدام است؟

- ۱) ۱۴
۲) $۱۴/۲۵$
۳) $۱۴/۵$
۴) $۱۴/۸$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

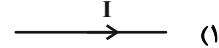
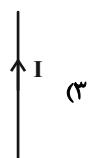
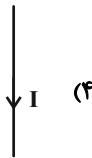
فیزیک ۲: مغناطیس: صفحه‌های ۸۳ تا ۱۰۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- کدام یک از گزینه‌های زیر نادرست است؟

- ۱) در یک آهنربا، به هر شکلی که باشد، دو ناحیه وجود دارد که خاصیت مغناطیسی در آن‌ها بیش از قسمت‌های دیگر است.
- ۲) می‌توان قطب‌های N و S یک آهنربا را از هم جدا کرد.
- ۳) در پدیده القای مغناطیسی همواره ریاضی (جذب) وجود دارد.
- ۴) هر خط میدان مغناطیسی یک حلقه بسته را تشکیل می‌دهد.

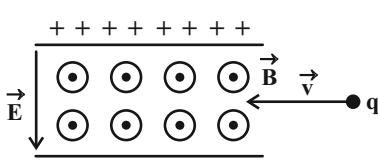
۳۲- در یک میدان مغناطیسی ثابت B که عمود بر صفحه کاغذ به طرف داخل است، نیروی F مطابق شکل از طرف میدان بر سیم حامل جریان I اثر کرده است. در این صورت سیم حامل جریان کدام است؟

۳۳- ذره‌ای با بار الکتریکی $2\mu C$ با تندی $\frac{m}{s} 3 \times 10^5$ تحت زاویه 37° وارد میدان مغناطیسی $2T$ می‌شود. اگر نیروی مغناطیسی تنها نیروی وارد بر بار باشد، کار انجام شده توسط میدان مغناطیسی پس از طی مسافت $10m$ چند زول است؟ ($\sin 37^\circ = 0.6$)

- ۹/۶ (۴)
- ۷/۲ (۳)
- ۱/۹۲ (۲)
- ۱) صفر

۳۴- ذره‌ای با بار منفی با تندی $\frac{m}{s} 4 \times 10^5$ مطابق شکل زیر وارد فضایی می‌شود که شامل میدان مغناطیسی و الکتریکی یکنواخت است. کدام گزینه وضعیت ذره را به درستی توصیف می‌کند. (از جرم ذره صرف نظر کنید). ($E = 1/6 \times 10^3 \frac{N}{C}$)

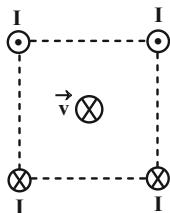
- (۱) ذره بدون تغییر جهت به مسیر خود ادامه می‌دهد.
- (۲) به سمت بالا منحرف می‌شود.
- (۳) به سمت پایین منحرف می‌شود.
- (۴) با توجه به بزرگی بار هر سه گزینه امکان دارد.

۳۵- سیمی به طول $1m$ که حامل جریان $2A$ است، روی محور x ها قرار گرفته و در فضایی که میدان مغناطیسی یکنواختی به بزرگی۰-۲ $\vec{B} = B \hat{i}$ در SI وجود دارد، قرار گرفته است. چند نیوتون نیرو از طرف این میدان مغناطیسی بر این سیم وارد می‌شود؟

- ۴ (۴)
- $4\sqrt{2}$ (۳)
- ۲ (۲)
- $2\sqrt{2}$ (۱)

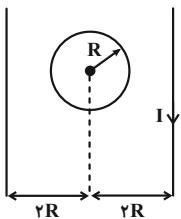


۳۶- شکل زیر آرایش قرارگیری چهار سیم موازی حامل جریان I را که در گوشه‌های مربعی قرار گرفته‌اند نشان می‌دهد. اگر در وسط مربع الکترونی را در جهت نشان داده شده شلیک کنیم، نیرویی که به آن وارد می‌شود در کدام جهت است؟



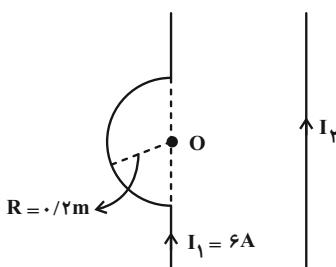
- (۱) \uparrow
- (۲) \downarrow
- (۳) \leftarrow
- (۴) \rightarrow

۳۷- در شکل زیر، اگر جریان دو سیم راست یکسان و برابر باشد برای آن که میدان مغناطیسی خالص در مرکز حلقه صفر شود، به ترتیب جریان‌های دو سیم نسبت به هم چه حالتی داشته و جهت جریان در حلقه به چه صورت است؟



- (۱) همجهت، ساعتگرد
- (۲) خلاف جهت، پاد ساعتگرد
- (۳) همجهت، پاد ساعتگرد
- (۴) خلاف جهت، ساعتگرد

۳۸- در شکل زیر، اندازه میدان مغناطیسی سیم راست حامل جریان در مرکز نیم‌حلقه (نقطه O) برابر $G/10$ است. اندازه برايند میدان‌های مغناطیسی حاصل از نیم‌حلقه و سیم راست در نقطه O چند گاوس و در چه جهتی می‌باشد؟ $(\mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A})$



- (۱) $0/01$ ، درون سو
- (۲) $0/01$ ، برون سو
- (۳) $0/19$ ، درون سو
- (۴) $0/19$ ، برون سو

۳۹- سیمی به طول 10m را به صورت سیم‌لوله‌ای به شعاع 5cm درمی‌آوریم، به گونه‌ای که هیچ فاصله‌ای بین حلقه‌های آن باقی نماند. اگر قطر مقطع سیم 1mm و جریان گذرنده از آن $\frac{100}{\pi}\text{A}$ باشد، میدان مغناطیسی درون سیم‌لوله چند گاوس است؟

$$(\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \frac{\text{T} \cdot \text{cm}}{\text{A}})$$

- (۱) 4×10^{-4}
- (۲) 400
- (۳) $0/04$
- (۴) 4

۴۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف) پلاتین یک ماده پارامغناطیسی است.
- ب) اتم‌های مواد دیامغناطیسی به طور ذاتی فاقد خاصیت مغناطیسی‌اند.
- پ) در آهنربای الکتریکی از مواد فرومغناطیسی سخت استفاده می‌شود.
- ت) با حضور میدان مغناطیسی خارجی، دوقطبی‌های مغناطیسی در سوی میدان خارجی، در مواد دیامغناطیسی القا می‌شود.

- (۱) ۱
- (۲) ۲
- (۳) ۳
- (۴) ۴



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: در بی غذای سالم؛ صفحه های ۷۵ تا ۹۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۴۱- چه تعداد از عبارات زیر در مورد عوامل مؤثر بر سرعت واکنش نادرست است؟

آ) فلزات در شرایط یکسان به شدت یکسان با مواد مختلف واکنش می دهند.

ب) انجماد یکی از راه های افزایش مدت زمان نگهداری مواد غذایی است و اثر دما را در سرعت انجام واکنش نشان می دهد.

پ) استفاده از کپسول اکسیژن در بیماران تنفسی اثر غلظت را در سرعت انجام واکنش نشان می دهد.

ت) استفاده از مواد نگهدارنده در مواد غذایی اثر کاتالیزگر را در سرعت واکنش نشان می دهد.

۱ (۴)

۲ (۳)

۳ (۲)

۴ (۱)

۴۲- کدام مطلب در مورد لیکوپن با فرمول مولکولی C_4H_5O درست است؟

۱) یک هیدروکربن خطی سیرنشده با دوازده پیوند دوگانه کربن - کربن است.

۲) گونه ای پرانرژی و ناپایدار است که فعالیت رادیکال ها را افزایش می دهد.

۳) نوعی ریزمغذی است که در هندوانه و گوجه فرنگی وجود دارد.

۴) لیکوپن با به دام انداختن رادیکال ها و کاهش مقدار آن ها سبب انجام واکنش های ناخواسته می شود.

۴۳- با توجه به نمودار زیر، چند عبارت درست است؟

الف) معادله واکنش می تواند $2B + A \rightarrow C$ باشد.

ب) سرعت تولید C با سرعت مصرف B برابر است.

پ) به ازای مصرف یک مول ماده C، ۲ مول ماده A و B تولید می شود.

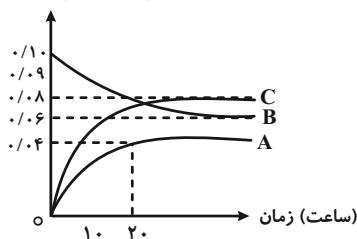
۱ (۲)

۳ (۴)

۱) صفر

۲ (۳)

نمودار مولتی پلٹ (mol . L⁻¹)



۴۴- با توجه به جدول زیر سرعت تولید Br₂ در بازه زمانی ۲۰ تا ۳۰ ثانیه چند مولار بر ثانیه است؟ $2NOBr \rightarrow 2NO + Br_2$

(۱)	4×10^{-4}
(۳)	4×10^{-3}

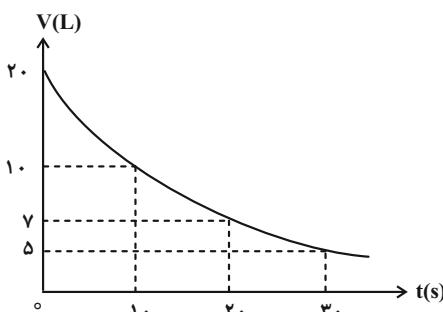
۴۵- نمودار حجم - زمان داده شده، مربوط به گاز کلر در واکنش موازن نشده زیر می باشد: در ۱۰ ثانیه سوم انجام این واکنش، سرعت متوسط واکنش (بر حسب مول بر دقیقه) و مقدار جرم هیدروکلریک اسید تولیدی (بر حسب گرم) کدام است؟ (گزینه ها را از راست به چپ بخوانید، حجم مولی گازها را در شرایط انجام واکنش $Cl(g) + H_2O(l) + S(s) \rightarrow H_2SO_4(aq) + HCl(aq)$

۷/۳ ، ۰/۱ (۱)

۷/۳ ، ۰/۲ (۲)

۳/۶۵ ، ۰/۱ (۳)

۳/۶۵ ، ۰/۲ (۴)



۴۶- کدام یک از عبارت‌های زیر نادرست است؟

- (۱) در واکنش کلسیم کربنات با محلول هیدروکلریک اسید در دما و فشار اتاق در یک ظرف سریسته، با گذشت زمان از جرم مخلوط واکنش کاسته می‌شود.

(۲) اگر در یک واکنش شیمیایی \bar{R}_1 , \bar{R}_2 , \bar{R}_3 به ترتیب بیانگر سرعت واکنش از ثانیه صفر تا 30 ، سرعت واکنش از ثانیه 30 تا 60 و سرعت از ثانیه صفر تا 60 باشند، رابطه $\bar{R}_1 > \bar{R}_2 > \bar{R}_3$ در میان آن‌ها برقرار است.

(۳) نسبت تعداد پیوندهای اشتراکی به تعداد اتم‌های موجود در بنزوئیک اسید بیشتر از یک است.

(۴) سبزیجات و میوه‌ها، محتوی ترکیب‌های آلی سیرنشدۀای به نام ریزمندی‌ها هستند که نقش بازدارندگی در برایر سرطان و پیروی زودرس دارند.

۴۷- کدام موارد از مطالب زیر به درستی بیان شده است؟

الف) افزودن مقداری KI به محلول هیدروژن پراکسید، مدت زمان انجام واکنش تجزیه آن را افزایش می‌دهد.

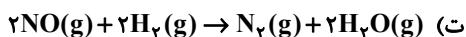
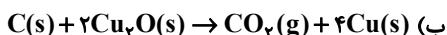
ب) به منظور افزایش مقدار حجم گاز جمع‌آوری شده از محلول قرص جوشان در آب، می‌توان دمای آب را افزایش داد.

پ) در صورت کاهش فشار محفظه واکنش پودر کلسیم کربنات با محلول هیدروکلریک اسید، سرعت واکنش کاهش می‌یابد.

ت) مقدار کاهش شدت رنگ آبی محلول CuSO_4 در واکنش با تیغه روی در دقیقه اول نسبت به دقیقه دوم بیشتر است.

(۱) الف و ب (۲) ب و ت (۳) الف و پ (۴) پ و ت

۴۸- در چند مورد از واکنش‌های زیر، با افزایش فشار سرعت واکنش نیز افزایش می‌یابد؟



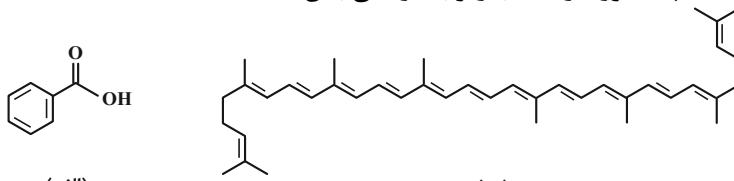
(۱) صفر

۴۹- اگر در واکنش موازنۀ نشده زیر در پایان ثانیه 10 غلظت مولی محلول نمک تولید شده 2×10^{-2} مول بر لیتر بوده و در پایان ثانیه 260 به 4×10^{-2} مول بر لیتر برسد، سرعت متوسط تشکیل گاز حاصل در این فاصلۀ زمانی چند مول بر لیتر بر ثانیه خواهد بود؟ (حجم مولی گازها در شرایط انجام واکنش را 25 لیتر در نظر بگیرید). ($\text{O} = 16$, $\text{H} = 1$, $\text{N} = 14$, $\text{Cu} = 64 : \text{g.mol}^{-1}$)



(۱) 7×10^{-5} (۲) $1 / 4 \times 10^{-4}$ (۳) $2 / 1 \times 10^{-4}$ (۴) $2 / 8 \times 10^{-4}$

۵۰- با توجه به ساختارهای داده شده، چند مورد از مطالب زیر به درستی بیان شده است؟



(الف)

(ب)

* ترکیب‌های (الف) و (ب) به ترتیب در توتوفرنگی و هندوانه می‌توانند یافته شوند.

* هر دوی این ترکیب‌ها می‌توانند مدت زمان انجام واکنش‌های خاصی را افزایش دهند.

* در ساختار هر مولکول از ترکیب (ب) تعداد پیوندهای دوگانه برابر با مجموع تعداد اتم‌های کربن و هیدروژن در ترکیب (الف) می‌یابد.

* در ساختار هر مولکول از ترکیب (ب) تفاوت شمار اتم‌های هیدروژن و شمار پیوندهای C-C برابر با 30 می‌یابد.

* ترکیب (الف) از نظر گروه عاملی به خانواده‌ای تعلق دارد که مجموع شمار جفت الکترون‌های پیوندی و ناپیوندی در ساختار هر مولکول از آشناترین عضو آن خانواده، برابر با 12 است.

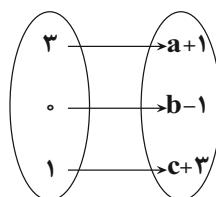
(۱) ۲ (۲) ۳ (۳) ۴ (۴) ۵



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ۱: تابع + شمارش، بدون شمردن: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۳۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۵۱- اگر تابع $f(x) = ax^4 + bx^3 + cx^2 - dx$ همانی باشد، وضعیت تابع روبرو چگونه است؟

(۱) همانی

(۲) ثابت

(۳) وارون پذیر

(۴) درجه دوم

۵۲- در کره‌ای به شعاع ۳، استوانه قائمی با ارتفاع h محاط شده است. تابع حجم استوانه بر حسب h کدام است؟

$$V = \pi(6-h)h^2 \quad (۲)$$

$$V = \pi(6-h^2)h \quad (۱)$$

$$V = \pi(6 - \frac{h}{4})h^2 \quad (۴)$$

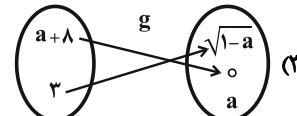
$$V = \pi(6 - \frac{h^2}{4})h \quad (۳)$$

۵۳- اگر تابع $f(x) = \frac{(2a+1)x+5}{3x-1}$ در دامنه تعریف خود ثابت باشد، کدام تابع همانی است؟

$$\begin{cases} g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R} \\ g(x) = ax \end{cases} \quad (۲)$$

$$g = \{(1, a+1), (10, 2+a)\} \quad (۱)$$

$$g = \{(a, a^2), (a^2, a)\} \quad (۴)$$

۵۴- تابع f همانی و تابع g ثابت است. اگر رابطه $\frac{f(3)}{g(3)} + \frac{1}{2}g(3) = \frac{5}{f(2)}$ کدام است؟

$$\frac{1}{2} \quad (۲)$$

(۱) صفر

$$\frac{3}{2} \quad (۴)$$

(۳)



۵۵- مساحت ناحیه‌ای که به محورهای مختصات و نمودار توابع $g(x) = |x| + 1$ و $f(x) = |x - 2|$ محصور می‌شود، کدام است؟

$$\frac{9}{8} \quad (2) \quad (1)$$

$$\frac{7}{4} \quad (4) \quad \frac{15}{8} \quad (3)$$

۵۶- با حروف کلمه «فوتبالی» و بدون تکرار حروف، چند کلمه ۷ حرفی می‌توان نوشت که با حرف نقطه‌دار شروع و به حرف بدون

نقطه ختم شود؟

$$2 \times 5! \quad (2) \quad (1) \quad 15 \times 5!$$

$$2 \times 6! \quad (4) \quad (3) \quad 7!$$

۵۷- فرض کنیم هفت نفر بخواهند سخنرانی کنند به طوری که بین دو نفر خاص، دقیقاً سه نفر سخنرانی داشته باشند. در این صورت

این هفت نفر به چند صورت مختلف می‌توانند سخنرانی کنند؟

$$\binom{7}{2} \times 5! \quad (2) \quad (1) \quad 6!$$

$$(2 \times 5!)^3 \quad (4) \quad (3) \quad 2 \times 5!$$

۵۸- در چند جایگشت از حروف کلمه «premier» حداقل یک حرف بین دو «r» فاصله وجود دارد؟

$$900 \quad (2) \quad (1) \quad 600$$

$$3600 \quad (4) \quad (3) \quad 1800$$

۵۹- با ارقام متمایز ۰، ۱، ۲، ۳، ۴ و ۵ چند عدد طبیعی مضرب ۵ بیشتر از ۱۰۰۰ و فاقد رقم تکراری می‌توان ساخت؟

$$216 \quad (2) \quad (1) \quad 108$$

$$540 \quad (4) \quad (3) \quad 324$$

۶۰- ۳ ایرانی و ۴ فرانسوی به چند طریق می‌توانند وارد یک ساختمان شوند به طوری که بین هر دو ایرانی متوالی، یک فرانسوی باشد؟

$$288 \quad (2) \quad (1) \quad 144$$

$$864 \quad (4) \quad (3) \quad 432$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: دما و گرمای صفحه‌های ۸۳ تا ۱۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۶۱- یک دماسنجد بر حسب مقیاس سلسیوس و یک دماسنجد بر حسب مقیاس فارنهایت را درون یک ظرف حاوی الكل قرار می‌دهیم.

عددی که دماسنجد سلسیوس نشان می‌دهد ۸ واحد کمتر از عددی است که دماسنجد فارنهایت نشان می‌دهد. دمای الكل چند

درجه فارنهایت است؟

۵۸ (۴)

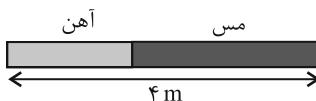
-۲۲ (۳)

-۱۸ (۲)

۶۶ (۱)

۶۲- مطابق شکل زیر، میله‌ای به طول 4 m که از دو قسمت آهنی و مسی تشکیل شده است، در دمای صفر درجه سلسیوس قرار دارد. اگر در اثر افزایش دمای یکنواخت میله به اندازه 100°C ، طول میله به اندازه $3\text{ mm}/6$ افزایش یابد، چند درصد از طول

$$\text{میله از جنس مس است? } \left(\frac{1}{K} = \frac{1}{2 \times 10^{-5}} \text{ آهن} \text{ و } \frac{1}{K} = \frac{1}{8 \times 10^{-5}} \text{ مس} \right)$$



۶۲/۵ (۲)

۳۷/۵ (۱)

۷۵ (۴)

۲۵ (۳)

۶۳- در یک ظرف ۲ لیتری به اندازه 1900 cm^3 مایعی به ضریب انبساط حجمی $\frac{1}{K} = 5 \times 10^{-5}$ وجود دارد. اگر ضریب انبساط طولی ظرف باشد، دمای مجموعه را چند درجه سلسیوس بالاتر ببریم تا مایع درون ظرف در آستانه سرریز شدن قرار بگیرد؟

$$\frac{1}{K} = 5 \times 10^{-5}$$

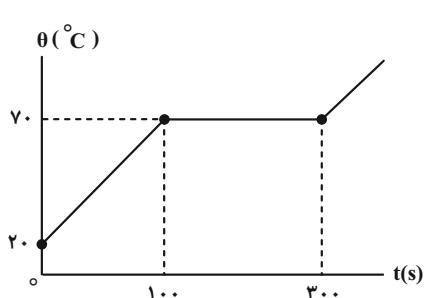
۲۲۲ (۴)

۱۲۵ (۳)

۱۲۰ (۲)

۱۱۱ (۱)

۶۴- شکل زیر، نمودار دما بر حسب زمان را برای جسم جامدی به جرم 50 g که توسط یک گرمکن 200 W گرم شده است، نشان می‌دهد. نسبت گرمای ویژه جسم جامد به گرمای نهان ذوب آن در SI در کدام گزینه به درستی بیان شده است؟



۱۰۰ (۱)

$\frac{1}{100}$ (۲)

$\frac{1}{150}$ (۳)

۱۵۰ (۴)



۶۵- در ظرفی مقداری آب 80°C وجود دارد. گرم آب 0°C به آن اضافه می‌کنیم تا دمای تعادل به 50°C برسد. اگر دobarه 3m گرم دیگر آب 0°C در ظرف ریخته شود، دمای تعادل این بار به 40°C می‌رسد. در این صورت دمای آب اضافه شده ($\theta^{\circ}\text{C}$) چند کلوین است؟ (از مبادله گرما با ظرف صرف نظر می‌شود).

- ۳۰۳ (۴) ۲۹۸ (۳) ۲۹۳ (۲) ۳۰۸ (۱)

۶۶- توان یک گرمکن الکتریکی 1kW است. این گرمکن پس از چند ثانیه 1kg یخ 50°C را به آب 0°C تبدیل می‌کند؟

$$(L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \text{ و } c_{\text{آب}} = 4 / 2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}})$$

- ۶۲۰ (۴) ۵۴۶ (۳) ۵۲۰ (۲) ۶۷۸ (۱)

۶۷- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

- الف) تبخیر سطحی مایع در هر دمایی رخ می‌دهد.
 ب) با افزایش سطح مایع تبخیر سطحی سریع‌تر انجام می‌شود.
 پ) با افزایش فشار وارد بر سطح مایع آهنگ تبخیر سطحی کند می‌شود.
 ت) تا پیش از رسیدن به نقطه جوش مایع، تبخیر از سطح مایع رخ نمی‌دهد.

- ۴ (۴) ۳ (۳) ۲ (۲) ۱ (۱)

۶۸- در چاله کوچکی 140g آب 10°C قرار دارد. اگر بر اثر تبخیر سطحی مقداری از آب بخار و بقیه آن یخ بیندد، جرم آب بخارشده

$$(c = 4200 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot \text{K}} \text{ و } L_V = 2268000 \frac{\text{J}}{\text{kg}} \text{ ، } L_F = 336000 \frac{\text{J}}{\text{kg}})$$

- ۱۱۰ (۴) ۳۰ (۳) ۱۲۰ (۲) ۲۰ (۱)

۶۹- با توجه به گزاره‌های داده شده، کدام یک از گزینه‌های زیر صحیح است؟

- الف) ضریب انبساط سطحی یک جسم جامد تقریباً دو برابر ضریب انبساط طولی آن است.
 ب) سریع‌ترین راه انتقال گرما از نقطه‌ای به نقطه دیگر تابش است.
 پ) تنها راه انتقال گرما در خلا از طریق هم‌رفت رخ می‌دهد.
 ت) افزایش دمای یک لوله مسی، حجم فضای داخلی آن را زیاد می‌کند.

- ۱) الف و ب ۲) الف، پ و ت ۳) پ و ت ۴) الف، ب و ت

۷۰- در سرنگی به طول 18cm مقداری هوا در دمای 27°C داریم. با فشردن سرنگ، فشار هوا درون آن 20 درصد و دمای آن نیز

30°C افزایش می‌یابد. طول استوانه هوا به چند سانتی‌متر رسیده است؟

- ۱۷ (۴) ۱۶/۵ (۳) ۱۵ (۲) ۱۴ (۱)



آزمون «۱۰ شهریور ۱۴۰۲»
اختصاصی دوازدهم ریاضی
(دفترچه اختیاری)

دفترچه سوال

مدت پاسخ‌گویی: ۹۵ دقیقه

تعداد کل سؤالات: ۷۰ سؤال

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخ‌گویی
حسابان ۲	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
هندسه ۳	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
ریاضیات گسسته	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
شیمی ۳	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
هندسه ۱	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۵'
شیمی ۱	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲	هندسه	ریاضیات گسسته	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	سوکند روشنی	مصطفی کیانی	امیرحاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خانبابایی مهدی ملامضانی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	بهنام قازانچایی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	امیرحسین مسلمی
مسئول سازی	سمیه اسكندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسكندری

گروه فنی و تولید

سوران نعیمی	ناظر چاپ
فرزانه فتح المزاده	حروفنگار
مدیر گروه نرگس غنیزاده	گروه مستندسازی
مسنون دفترچه: محبی اصغری	مدیر گروه: محبی اصغری
مسنون دفترچه: الهه شهیازی	مسنون دفترچه: الهه شهیازی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۳: تابع، مثبات: صفحه‌های ۱ تا ۳۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۷۱ - ضابطه $y = f(x)$ کدام باشد تا نمودار تابع $y = \frac{1}{f(x)}$ اکیداً نزولی باشد؟ \sqrt{x} (۴) x^2 (۳) $|x|$ (۲)

x (۱)

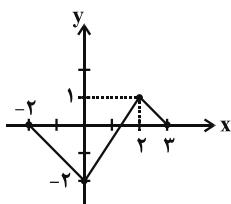
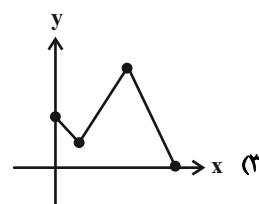
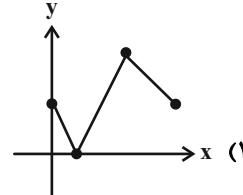
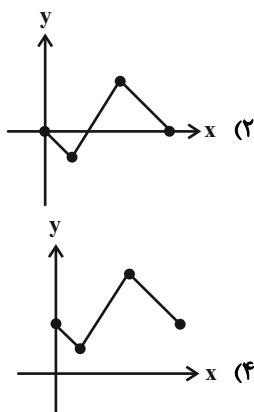
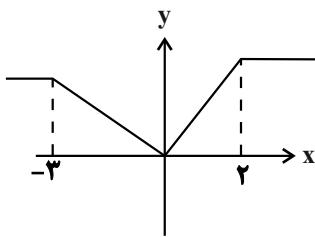
۷۲ - $g(x)$ خارج قسمت تقسیم $f(x) = x^3 + 2x^2 - 3x + a$ بر $x+2$ است و $f(x)$ در تقسیم بر $x+1$ باقی‌ماندهیکسان دارند. $(\frac{a}{3})$ کدام است؟

-۱ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱)

۷۳ - نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت مقابل است. نمودار تابع $y = -\frac{1}{2}f(3-2x)+1$ کدام است؟۷۴ - اگر نمودار تابع $y = f(x+2) = 2 - 4f(\frac{4-x}{2})$ به صورت زیر باشد تابع y در کدام بازه اکیداً نزولی است؟

[۱, ۱۰] (۱)

[۰, ۶] (۲)

[۴, ۱۲] (۳)

[۷, ۱۵] (۴)

۷۵ - نقطه A(۳, ۱) واقع بر منحنی تابع $y = f(2x-1)$ است. اگر نقاط A' و A'' متناظر نقطه A باشند و به ترتیب واقع بر منحنیتابع $y = f(x)$ و $y = f(x) + 1$ باشند، آنگاه تابعی که فقط شامل نقطه A و A' و A'' باشد، چگونه است؟

(۱) اکیداً یکنوا است.

(۲) غیریکنوا است.

(۳) هم صعودی و هم نزولی است.

(۴) یکنوا است اما اکیداً یکنوا نیست.



۷۶- دوره تناوب تابع $|f(x)| = |\sin(3x) + \frac{1}{3}|$ چند برابر دوره تناوب تابع $g(x) = \sin 3x$ است؟

$\frac{1}{3} \text{ (۴)}$

$\frac{1}{2} \text{ (۳)}$

2 (۲)

1 (۱)

۷۷- تابع $f(x) = |1 - \tan 2\pi x|$ در کدام بازه یکنوا است؟

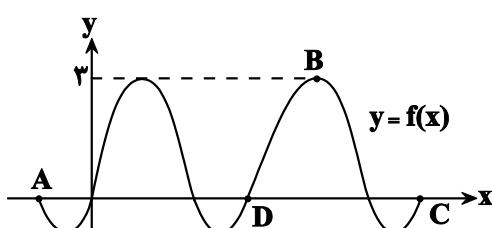
$(-\frac{1}{4}, \frac{1}{4}) \text{ (۴)}$

$(\frac{1}{8}, \frac{1}{4}) \text{ (۳)}$

$(\frac{1}{8}, \frac{1}{3}) \text{ (۲)}$

$(0, \frac{1}{4}) \text{ (۱)}$

۷۸- شکل زیر نمودار تابع $f(x) = a \cos(bx - \frac{2\pi}{3}) + 1$ است. اگر مساحت مثلث ABC برابر $\frac{5\pi}{3}$ واحد مربع باشد، حاصل $f(\frac{23\pi}{12})$ است؟



کدام است؟

1 (۱)

$2\sqrt{3}-1 \text{ (۲)}$

$-\sqrt{3}+1 \text{ (۳)}$

$\frac{3}{2} \text{ (۴)}$

۷۹- تابع $y = a - b \sin(3x - \frac{\pi}{12})$ با فرض $a > 0$ و $b > 0$ در نقاط x_1 و x_2 در بازه $(0, \frac{2\pi}{3})$ به ترتیب دارای مینیمم و ماکزیمم است.

حاصل $x_2 - x_1$ کدام است؟

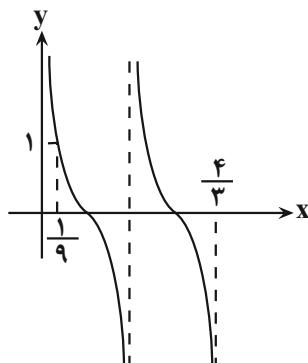
$\frac{-\pi}{4} \text{ (۴)}$

$\frac{\pi}{6} \text{ (۳)}$

$\frac{\pi}{3} \text{ (۲)}$

$\frac{-\pi}{3} \text{ (۱)}$

۸۰- نمودار تابع $f(x) = a \tan((bx + 1)\frac{\pi}{3})$ مطابق شکل زیر است. حاصل $\sqrt{3}a + b$ کدام می‌تواند باشد؟



$\sqrt{3}-3 \text{ (۱)}$

3 (۲)

2 (۳)

$-\sqrt{3} \text{ (۴)}$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده سه ۳: ماتریس و کاربردها: صفحه های ۹ تا ۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

-۸۱- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، مجموع درایه های ماتریس $(A^{10} - A^9)$ کدام است؟

۱ (۲)

-۱ (۱)

-۲ (۴)

۲ (۳)

-۸۲- اگر BCA کدام است؟ باشد، درایه واقع در سطر دوم و ستون اول ماتریس $C = \begin{bmatrix} 5 & 2 & 1 \\ -3 & 4 & 2 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 3 & -4 \\ 1 & 2 \end{bmatrix}$ ، $A = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 4 & 0 \\ 2 & 1 \end{bmatrix}$

۱۲۰ (۲)

۱۰۴ (۱)

۱۷۶ (۴)

۱۳۴ (۳)

-۸۳- اگر a عددی غیر صفر باشد، آنگاه به ازای کدام مقدار a معادله $x - 1 = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -x \\ a \end{bmatrix}$ تنها یک جواب حقیقی متمایز دارد؟

-۱ (۲)

۱ (۱)

-۴ (۴)

۴ (۳)

-۸۴- اگر $A = \begin{bmatrix} 2x+1 & x+2y \\ x-y+3 & y+2 \end{bmatrix}$ یک ماتریس قطری باشد، مجموع درایه های ماتریس $A^4 + A^5$ کدام است؟

۱۶۲ (۲)

(۱) صفر

۶۴۸ (۴)

۳۲۴ (۳)

-۸۵- اگر A یک ماتریس مربعی از مرتبه ۲ بوده و ماتریس های $A - 3I$ و $A - A^{-1}$ وارون هم باشند، مجموع درایه های ماتریس $(A + A^{-1})^2$ کدام است؟

۱۸ (۲)

۹ (۱)

۸۱ (۴)

۱۲ (۳)



-۸۶- اگر $AB = B + 2I$ باشد، ماتریس B کدام است؟

$$\begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} \text{(۲)}$$

$$\begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \text{(۱)}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \text{(۴)}$$

$$\begin{bmatrix} -1 & 4 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \text{(۳)}$$

-۸۷- اگر ماتریس A در رابطه $A^3 + A^T + A + I = \bar{O}$ صدق کند، وارون ماتریس A کدام است؟

$$A^T \text{ (۲)}$$

$$-A^T - A \text{ (۱)}$$

$$A^T - A \text{ (۴)}$$

$$-A^T + I \text{ (۳)}$$

-۸۸- اگر وارون ماتریس ضرایب دستگاه $\begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix}$ باشد، نسبت $\frac{x}{y}$ به صورت $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m \\ -m \end{bmatrix}$ کدام است؟

$$\frac{2}{3} \text{ (۲)}$$

$$\frac{3}{2} \text{ (۱)}$$

$$\frac{4}{3} \text{ (۴)}$$

$$\frac{3}{4} \text{ (۳)}$$

-۸۹- به ازای کدام مقدار m ، دستگاه معادلات $\begin{cases} (m+1)x + 3y = m \\ x + (m-1)y = 2 \end{cases}$ فاقد جواب است؟

$$-2 \text{ (۲)}$$

$$2 \text{ (۱)}$$

$$-3 \text{ (۴)}$$

$$3 \text{ (۳)}$$

-۹۰- اگر دترمینان ماتریس ضرایب دستگاه معادلات $\begin{cases} ax + 2y = 4 \\ bx - 5y = 7 \end{cases}$ برابر ۱۷ باشد، مقدار x کدام است؟

$$-1 \text{ (۲)}$$

$$1 \text{ (۱)}$$

$$-2 \text{ (۴)}$$

$$2 \text{ (۳)}$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد: صفحه های ۱ تا ۲۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- اگر ۱۲ روز بعد شنبه باشد، چند روز قبل دوشنبه بوده است؟

۴۸ (۲)

۲۳ (۱)

۳۵ (۴)

۴۶ (۳)

۹۲- چند عدد طبیعی دورقمی وجود دارد که ۷ برابر آن به علاوه ۵ بر ۹ بخشیدن باشد؟

۱۰ (۲)

۹ (۱)

۱۲ (۴)

۱۱ (۳)

۹۳- باقیمانده تقسیم عدد $A = 1000 \times 12 + 10$ بر عدد ۷ کدام است؟

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۹۴- چند عدد طبیعی a وجود دارد به طوری که اعداد $\frac{a}{20}$ و $\frac{1400}{a}$ نیز طبیعی باشند؟

۸ (۲)

۴ (۱)

۱۶ (۴)

۹ (۳)

۹۵- اگر $A \cap B$ باشد، آنگاه $B = \{8k+3 : k \in \mathbb{Z}\}$ و $A = \{6k+1 : k \in \mathbb{Z}\}$

$\{24k+3 : k \in \mathbb{Z}\}$ (۲)

$\{48k+3 : k \in \mathbb{Z}\}$ (۱)

$\{24k-5 : k \in \mathbb{Z}\}$ (۴)

$\{48k+19 : k \in \mathbb{Z}\}$ (۳)



۹۶- اگر $(a, 6) = (b, 7)$ باشد، آنگاه کدام نتیجه‌گیری همواره درست است؟

$$(a, 7) = (b, 6) \quad (2)$$

$$(a, b) = 1 \quad (1)$$

(4) هیچ‌کدام

$$(a, 2) = (a, 3) \quad (3)$$

۹۷- چند عدد طبیعی مانند a وجود دارد به طوری که عدد $2 + a^2$ بر عدد $a + 4$ بخش‌پذیر باشد؟

$$4 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

$$12 \quad (4)$$

$$6 \quad (3)$$

۹۸- باقی‌مانده تقسیم a بر ۸ و ۶ به ترتیب برابر ۵ و ۱ است. باقی‌مانده تقسیم a بر ۲۴ کدام است؟

$$17 \quad (2)$$

$$21 \quad (1)$$

$$11 \quad (4)$$

$$13 \quad (3)$$

۹۹- اگر عدد \overline{abab}^4 مضرب ۱۱ باشد، بزرگترین مقدار ممکن برای $a + b$ کدام است؟

$$12 \quad (2)$$

$$10 \quad (1)$$

$$16 \quad (4)$$

$$14 \quad (3)$$

۱۰۰- اگر دو عدد $2a + 9$ و $7a - 4$ در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۱ قرار داشته باشند، آنگاه به ازای کدام مقدار b ، عدد

$$a^3 + a^2 + 3a + b$$

$$2 \quad (2)$$

$$1 \quad (1)$$

$$4 \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست / دینامیک و حرکت دایره‌ای: صفحه‌های ۱ تا ۳۵

پاسخ دادن به این سوالات برای همهٔ دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۰۱- معادله سرعت- زمان متحرکی که روی مسیر مستقیم حرکت می‌کند، در SI به صورت $v = 3t - 6t^2$ است. شتاب متوسط متحرک در ۳ ثانیه دوم متر بر مجدور ثانیه است؟

۲۸ (۴)

۱۴ (۳)

۲۱ (۲)

۷ (۱)

۱۰۲- معادله حرکت جسمی در SI به صورت $x = 6t - t^2 + 6t$ است. مسافتی که متحرک در بازه زمانی صفر تا $t = 6s$ طی می‌کند، چند متر است؟

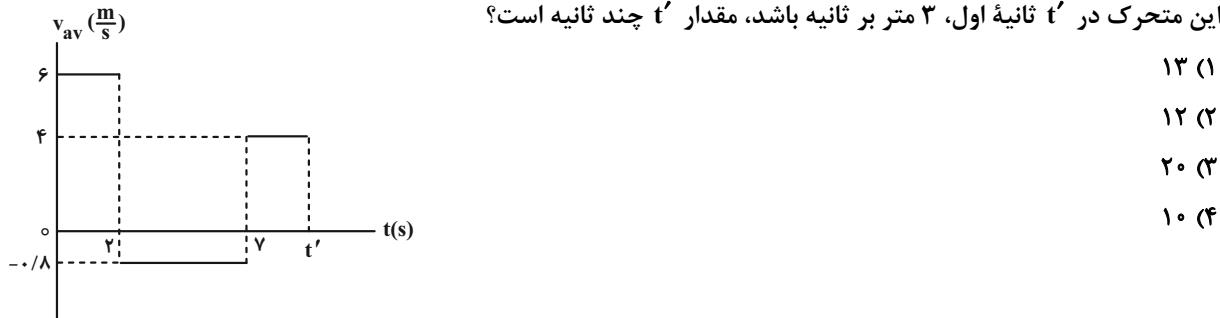
۳۶ (۴)

۱۸ (۳)

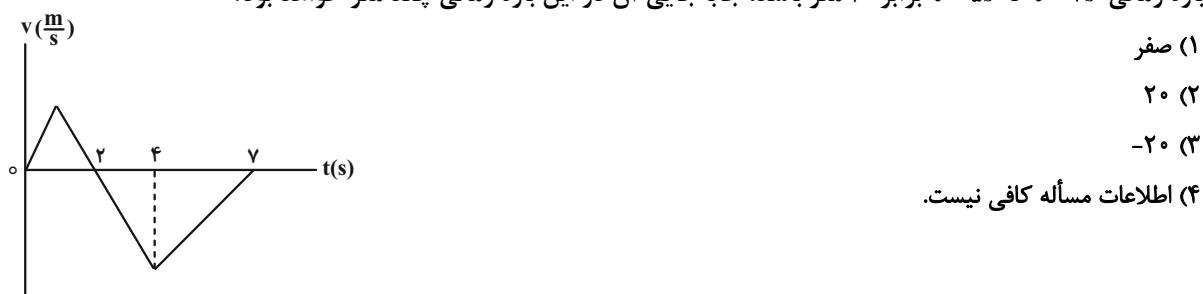
۹ (۲)

۶ (۱)

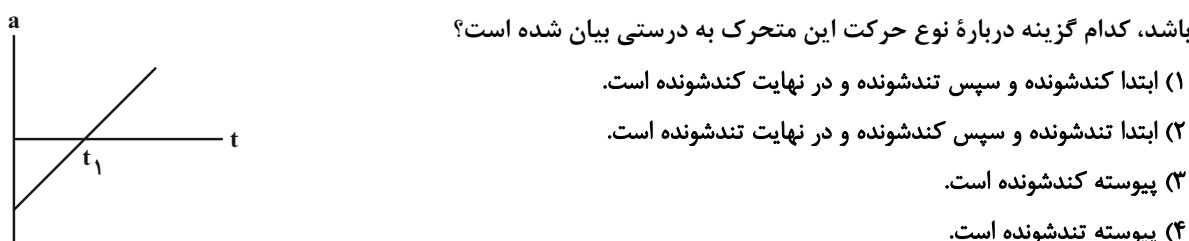
۱۰۳- متحرکی بر روی محور x ها در حرکت است و نمودار سرعت متوسط آن بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. اگر تندی متوسط این متحرک در ۱ ثانیه اول، ۳ متر بر ثانیه باشد، مقدار t' چند ثانیه است؟



۱۰۴- نمودار سرعت- زمان متحرکی که روی محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر مسافت طی شده توسط متحرک در بازه زمانی $t = 3s$ تا $t = 5s$ برابر 20 متر باشد، جایه‌جایی آن در این بازه زمانی چند متر خواهد بود؟



۱۰۵- متحرکی با سرعت اولیه v_0 در خلاف جهت محور x در حال حرکت است. اگر نمودار شتاب- زمان این متحرک مطابق شکل زیر باشد، کدام گزینه درباره نوع حرکت این متحرک به درستی بیان شده است؟



(۱) ابتدا کندشونده و سپس تندشونده و در نهایت کندشونده است.

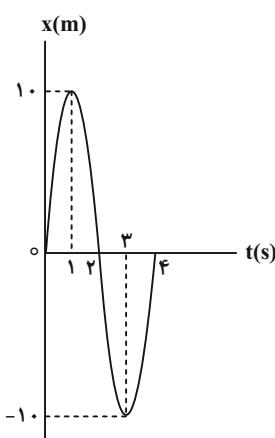
(۲) ابتدا تندشونده و سپس کندشونده و در نهایت تندشونده است.

(۳) پیوسته کندشونده است.

(۴) پیوسته تندشونده است.



۱۰۶- نمودار مکان - زمان متحرکی که بر روی خط راست حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. شتاب متوسط این متحرک در بازه زمانی ۱s تا ۳s چند متر بر مربع ثانیه است؟



۵)

۱۰)

-۱۰)

۴) صفر

۱۰۷- معادله مکان - زمان جسمی به جرم 5 kg که بر روی محور x حرکت می‌کند، در SI به صورت $x = -2t^3 + 8t - 10$ است. اندازه نیروی خالص وارد بر این جسم چند نیوتون و در چه جهتی است؟

۲) ۲ ، در جهت محور x

۴) ۱ ، در خلاف جهت محور x

۱۰۸- به جرم 3 kg نیروهای $\bar{F}_1 = 4\bar{i} + \bar{j}$ و $\bar{F}_2 = 6\bar{i} - 9\bar{j}$ در SI وارد می‌شود. اگر شتاب این جسم برابر $\bar{a} = 2\bar{i} - 3\bar{j}$ باشد، بزرگی نیروی \bar{F} چند نیوتون است؟

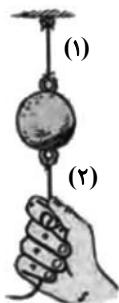
۸) ۴

۵) ۳

۷) ۲

۶) ۱

۱۰۹- مطابق شکل زیر یک گوی فلزی توسط نخ به سقف متصل شده است. اگر ناگهان نخ را بکشیم، طبق قانون نیوتون نخ پاره می‌شود و اگر به آرامی نیروی وارد بر نخ پایینی را زیاد کنیم، نخ پاره می‌شود.



۱) سوم ، (۲) ، (۱)

۲) سوم ، (۱) ، (۲)

۳) اول ، (۲) ، (۱)

۴) اول ، (۱) ، (۲)

۱۱۰- مطابق شکل زیر شخصی با نیروی افقی جعبه‌ای را روی سطح افقی به سمت شرق هل می‌دهد. با توجه به قانون سوم نیوتون، واکنش نیروی وارد بر جعبه از طرف شخص و زمین به ترتیب در کدام جهت است؟



۱) غرب، بالا

۲) غرب، پایین

۳) شرق، بالا

۴) شرق، پایین



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی / تاریخچه صابون تا انتهای pH: صفحه‌های ۱ تا ۲۷

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۱۱- کدام گزینه درست است؟

- ۱) انسان‌ها با الهام از طبیعت و شناخت مولکول‌ها و رفتار آن‌ها، راهی برای زدودن آلودگی‌ها پیدا کردند.
 ۲) چند هزار سال پیش از میلاد، انسان‌ها برای نظافت از موادی استفاده می‌کردند که شباهتی به صابون امروزی نداشت.
 ۳) به دلیل نبود بهداشت و آلوده شدن آب حتی بیماری‌های غیرواگیردار مثل وبا به سرعت شیوع می‌یابد.
 ۴) از گذشته تاکنون با وجود افزایش سطح تدرستی و بهداشت فردی و همگانی، شاخص امید به زندگی کاهش یافته است.
- ۱۱۲- چند مورد از مطالب زیر به درستی بیان شده است؟

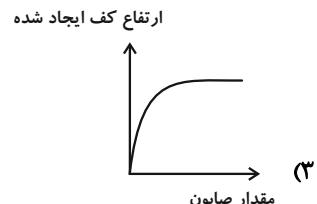
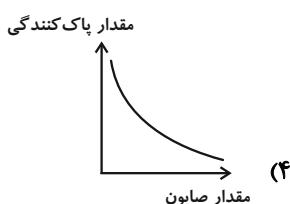
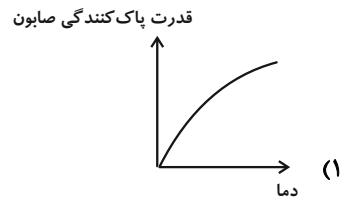
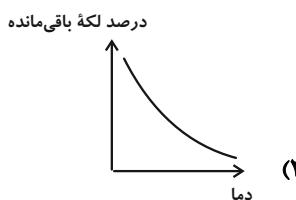
* مجموع شمار پیوندهای یگانه و شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در ساختار هر مولکول اوره برابر با ۱۰ است.

* عسل همانند نمک خوارکی و برخلاف $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_6\text{COONa}$ در حل نمی‌شود.

* مجموع شمار پیوندهای C-H در هر مولکول از ترکیب‌های اتیلن گلیکول و واژلین، یک واحد از شمار اتم‌های کربن در فرمول شیمیایی روغن زیتون بیشتر است.

۱) صفر ۲) دو ۳) سه ۴) چهار

۱۱۳- کدام نمودار زیر نادرست است؟ (رونده صعودی یا نزولی نمودارها مورد توجه باشد).



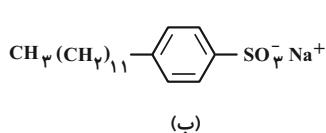
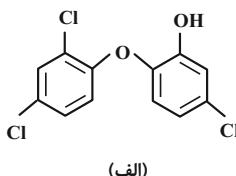
۱۱۴- با توجه به ساختارهای (الف) و (ب)، چند عبارت درست است؟

- هر دو ترکیب آروماتیک هستند.

- می‌توان ترکیب (الف) را به منظور افزایش خاصیت ضدغونی‌کنندگی و میکروب‌کشی به صابون اضافه کرد.

- نسبت شمار اتم‌های ترکیب (ب) به شمار عنصرهای ترکیب (الف)، برابر ۱۲ است.

- صابون محتوی ترکیب (الف) نسبت به صابون مراغه عوارض جانبی شیمیایی کمتری دارد.

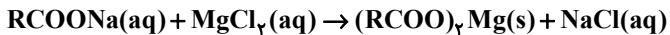


۱) ۱ ۲) دو ۳) سه ۴) چهار



۱۱۵- با توجه به معادله موازن نشده زیر، از واکنش کامل $61/2$ گرم صابون با مقدار کافی محلول منیزیم کلرید، چند گرم رسوب حاصل می شود؟ (R را گروه هیدروکربنی خطی و سیرشده با 17 اتم کربن در نظر بگیرید.)

$$(Mg = 24, Na = 23, O = 16, C = 12, H = 1: g \cdot mol^{-1})$$



$$36(4) \quad 29/5(3) \quad 59(2) \quad 11/8(1)$$

۱۱۶- مطابق مدل آرنیوس محلول در آب به شمار می آید، چرا که پس از حل شدن در آب باعث افزایش مقدار یون خواهد شد.

$$2) \text{ منیزیم کلرید، باز، } OH^- \quad 1) \text{ اتیلن گلیکول، اسید، } H_3O^+$$

$$4) \text{ اتانول، باز، } OH^- \quad 3) \text{ کربن دی اکسید، اسید، } H_3O^+$$

۱۱۷- کدام گزینه دربارهٔ ترکیب‌های زیر به نادوستی بیان شده است؟

«دی نیتروژن پنتا اکسید- لیتیم اکسید- باریم اکسید- گوگرد تری اکسید- کربن دی اکسید- سدیم هیدروکسید»

۱) حدود 67% از آن‌ها در فشار اتاق، نقطه ذوب بیشتر از $25^\circ C$ دارند.

۲) نیمی از آن‌ها در صورت اضافه شدن به آب مقطر، pH آن را کاهش می‌دهند.

۳) در دمای معین، از بین محلول‌های یک مولار از هر یک از اسیدهای آرنیوس، محلول دی نیتروژن پنتا اکسید رسانایی الکتریکی بیشتری دارد.

۴) در صورت حل کردن یک مول از هر یک از اسیدهای بازی در مقدار کافی آب، در مجموع 5 مول OH^- تولید می‌شود.

۱۱۸- نسبت غلظت یون هیدروکسید به هیدرونیوم در 2 لیتر محلول $1/25$ مولار از اسید HX در دمای اتاق برابر 4×10^{-10} می‌باشد؛

pH و درصد یونش محلول اسید به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ ($\log 2 = 0.3$)

$$1) 0/2, 2/3, 0/4, 2/7 \quad 2) 0/2, 2/7, 0/4, 2/3 \quad 3) 0/2, 2/7, 2/4, 2/7 \quad 4) 0/2, 2/3, 2/4, 2/7$$

۱۱۹- کدام یک از عبارت‌های زیر در مورد مخلوط پودری سدیم هیدروکسید و آلومینیم درست است؟

آ) برای باز کردن مجاری مسدود شده با اسیدهای چرب و استرهای سنگین کاربرد دارد.

ب) در اثر واکنش با چربی‌ها، گاز هیدروژن تولید می‌کند.

پ) از نظر شیمیایی فعال است و جزو پاک‌کنندهای خورنده محسوب می‌شود.

ت) در اثر حل شدن در آب، باعث افزایش دمای محلول می‌شود.

۱) آ، ب، پ
۲) آ، پ، ت
۳) ب، پ، ت
۴) همه موارد

۱۲۰- چند میلی لیتر گاز هیدروژن فلورید را در شرایط STP در $1/5$ لیتر آب مقطر حل کنیم تا pH آب به اندازه 4 واحد کاهش

یابد؟ (از تغییر حجم محلول بر اثر انحلال گاز، صرف نظر کنید؛ ثابت یونش HF را در شرایط آزمایش برابر با $4 \times 10^{-4} mol \cdot L^{-1}$ در نظر بگیرید).

$$1) 22/4 \quad 2) 44/8 \quad 3) 79/6 \quad 4) 89/6$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

亨دسه ۱: چندضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۵ تا ۷۳

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

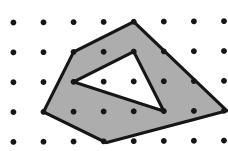
۱۲۱- مجموع فواصل هر نقطه دلخواه درون مثلث متساوی‌الاضلاعی به مساحت $3\sqrt{3}$ از سه ضلع مثلث کدام است؟

- ۳ $\sqrt{2}$ (۱) ۲ $\sqrt{3}$ (۲) ۶ (۳) ۳ (۴)

۱۲۲- در یک لوزی، یکی از قطرها چهار برابر دیگری بوده و اندازه ضلع لوزی برابر $2\sqrt{17}$ است. مساحت لوزی کدام است؟

- ۸ (۱) ۱۶ (۲) ۳۲ (۳) ۶۴ (۴)

۱۲۳- در شکل مقابل، مساحت قسمت سایه زده کدام است؟

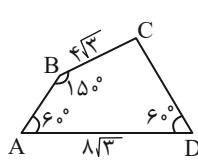


- ۱۱ (۱)
۱۱/۵ (۲)
۱۲ (۳)
۱۲/۵ (۴)

۱۲۴- در مثلث متساوی‌الساقین ABC ، $AB = AC = 12$ و $\hat{A} = 30^\circ$ واقع بر قاعده BC به فاصله ۲ واحد از AB باشد، فاصله D از AC کدام است؟

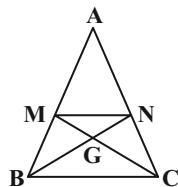
- ۴/۵ (۱) ۴ (۲) ۳/۵ (۳) ۳ (۴)

۱۲۵- مساحت چهارضلعی شکل مقابل کدام است؟



- ۲۰\sqrt{3} (۱)
۳۶ (۲)
۴۵ (۳)
۴۰\sqrt{3} (۴)

۱۲۶- در شکل زیر نقاط M و N وسطهای اضلاع AB و AC هستند. مساحت مثلث AMN چند برابر مساحت مثلث BGC است؟



- $\frac{3}{2}$ (۱)
 $\frac{4}{3}$ (۲)
 $\frac{2}{3}$ (۳)
 $\frac{3}{4}$ (۴)



۱۲۷- مساحت یک چندضلعی شبکه‌ای $7/5$ واحد مربع است. تعداد نقاط درونی این چندضلعی چند مقدار متفاوت می‌تواند داشته باشد؟

۷ (۲)

۶ (۱)

۹ (۴)

۸ (۳)

۱۲۸- مربع $ABCD$ به طول ضلع a در نظر بگیرید، اگر روی هر ضلع مربع دو نقطه طوری قرار دهیم که فاصله هر نقطه از رأس S نزدیک‌تر

مربع برابر با $\frac{a}{4}$ باشد و نقاط حاصل را به طور متوالی به هم وصل کنیم، مساحت مربع چند برابر مساحت چندضلعی حاصل خواهد بود؟

$\frac{8}{7}$ (۲)

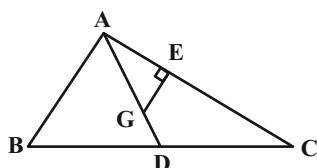
۶ (۱)

$\frac{7}{6}$ (۴)

$\frac{9}{8}$ (۳)

۱۲۹- در مثلث ABC ، G محل برخورد میانه‌هاست. اگر $GE = 3$ ، $CE = 6$ و $AE = 4$ باشد، مساحت مثلث ABC کدام است؟

۱۵ (۱)



۲۰ (۲)

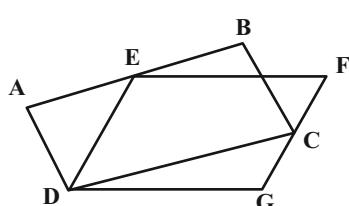
۴۵ (۳)

۶۰ (۴)

۱۳۰- مطابق شکل زیر، چهارضلعی‌های $ABCD$ و $EFGD$ متوازی‌الاضلاع هستند. نقاط E و C به ترتیب روی اضلاع AB و FG

قرار دارند. نسبت مساحت $EFGD$ به مساحت $ABCD$ کدام است؟

۱ (۱)



$\frac{5}{4}$ (۲)

کوچک‌تر از ۱

۴ بزرگ‌تر از ۱ و کوچک‌تر از $\frac{5}{4}$



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: ردپای گازها در زندگی / آب، آهنگ زندگی (تا سر غلظت مولی): صفحه های ۷۰ تا ۹۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۳۱- چند عبارت زیر درست است؟

الف) ملاحظات سیاسی جزو توسعه پایدار است.

ب) مولکول های اوزون در هواکره فقط در منطقه مشخصی از استراتوسفر قرار دارند.

پ) دگرشکل ها عنصرهایی هستند که فرمول مولکولی یکسان و فرمول ساختاری متفاوتی دارند.

ت) در باتری های قابل شارژ واکنش شیمیایی برگشت پذیر رخ می دهد.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۲- اگر طی واکنش تجزیه کلسیم کربنات در یک ظرف سر باز، ۵۰ گرم از این ماده به طور ناقص تجزیه شود و $\frac{13}{2}$ گرم از جرم مواد جامددرون ظرف کاسته شود، اختلاف جرم مواد جامد باقیمانده درون ظرف کدام است؟ ($\text{Ca} = 40, \text{O} = 16, \text{C} = 12 : \text{g.mol}^{-1}$)

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۳- چند مورد از مطالب زیر به درستی بیان شده است؟ ($\text{Cl} = 35/5, \text{S} = 32, \text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)* عبارت «یک مول گاز کلر در دمای 25°C » می تواند توصیف کاملی از یک نمونه گاز باشد.* در شرایط STP یک مول از هر ماده ای، $22/4$ لیتر حجم دارد.* اگر در یک شرایط خاص حجم ۳۲ گرم از گاز SO_2 ، 25 لیتر باشد، 10 لیتر از گاز کلر، $14/2$ گرم جرم خواهد داشت.

* در شکل زیر اگر در دمای ثابت یکی از وزنه های بالای پیستون را برداریم، چگالی گاز موجود در محفظه افزایش می یابد.



(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۴- چند مورد از مطالب زیر، درباره فرایند تهیه آمونیاک به روش هابر، درست است؟ ($\text{N} = 14, \text{H} = 1 : \text{g.mol}^{-1}$)

- ترکیب موجود در مخلوط واکنش دارای بیشترین نقطه جوش است.

- پس از موازنی معادله واکنش، مجموع جفت الکترون های پیوندی و ناپیوندی فراورده، کمتر از این مجموع در واکنش دهنده هاست.

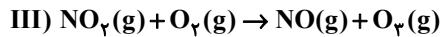
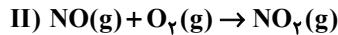
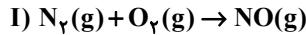
- برای تولید هر گرم آمونیاک، یک گرم هیدروژن مصرف می شود.

- میان واکنش دهنده ها و فراورده ها، در مجموع دو نوع عنصر دیده می شود که جزو هشت عنصر فراوان مشتری هستند.

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

۱۳۵- مطابق واکنش های موازن نشده داده شده که مربوط به تولید اوزون تروپوسفری می باشد؛ در صورت مصرف $10^{4} \times 10^{3} \times 9/0^3$ اتم

نیتروژن در واکنش (I)، جرم اوزون تروپوسفری تولیدی در واکنش (III) و مجموع حجم گاز اکسیژن مصرفی در این سه

واکنش پس از تبدیل به شرایط STP به ترتیب از راست به چپ کدام است؟ ($\text{O} = 16 : \text{g.mol}^{-1}$)

۱۳۴۴، ۷۲۰ (۴)

۱۳۴۴، ۳۶۰ (۳)

۶۷۲، ۷۲۰ (۲)

۶۷۲، ۳۶۰ (۱)



۱۳۶- چند مورد از مطالعه زیر به نادرستی بیان شده است؟

* جرم کل مواد حل شده در آب‌های کره زمین تقریباً ثابت است.

* عبارت «جانداران آبزی سالانه میلیاردها تن CO_2 را وارد هواکره می‌کنند» بیانگر ارتباط بین آب‌کره و هواکره است.

* نسبت $\frac{\text{شمار اتم‌ها}}{\text{مقدار بار}}$ در هر واحد فرمولی از فراوان‌ترین آنیون چند اتمی موجود در آب دریا برابر $2/5$ است.

* سرم فیزیولوژی و ضدیخ به ترتیب محلول‌هایی از سدیم کلرید و آتلین گلیکول در آب هستند.

* شدت رنگ آبی محلول‌های 2% جرمی و 20000 ppm از مس (II) سولفات با یکدیگر یکسان است.

(۱) صفر (۲) $2/3$ (۳) $2/6$ (۴) $9/4$

۱۳۷- شمار اتم‌های اکسیژن موجود در 180 g محلول 71% جرمی سدیم سولفات در آب، برابر چند مول می‌باشد؟

$$(S = 32, Na = 23, O = 16, H = 1 : \text{g.mol}^{-1})$$

(۱) $2/9$

(۲) $3/6$

(۳) $6/5$

(۴) $9/4$

۱۳۸- با توجه به جدول زیر، اگر محلول حاوی کاتیون ترکیب ردیف از ستون را به محلول حاوی آنیون ترکیب ردیف از ستون اضافه کنیم؛ رسوب سفید رنگ حاصل می‌شود و در درصد از ترکیبات موجود در جدول، نسبت شمار اتم‌ها به عنصرها، بیشتر از ۲ است.

	I	II
a	باریم برミد	آلومینیم نیترات
b	آهن (III) فسفات	لیتیم کلرید
c	نقره فلورورید	کلسیم هیدروکسید
d	آمونیوم کربنات	پتانسیم سولفات

(۱) $5/5$ ، I ، b ، II ، c (۲)

(۱) $5/5$ ، I ، d ، II ، b

(۴) $37/5$ ، II ، d ، I ، a

(۳) $37/5$ ، II ، a ، I ، c

۱۳۹- نسبت شمار آنیون به کاتیون در چند ترکیب زیر برابر نسبت شمار آنیون به کاتیون در نیکل (III) سولفید است؟

- اسکاندیم سولفات - کروم (III) نیترات

- باریم فسفات - گالیم سولفات

- آلومینیم کربنات

(۱) $1/4$ (۲) $4/3$ (۳) $3/2$ (۴) $2/1$

۱۴۰- چه تعداد از عبارت‌های زیر نادرست است؟

الف) ترتیب مقدار آنیون‌های حل شده در آب دریا به صورت $(\text{Br}^- < \text{Cl}^- < \text{SO}_4^{2-} < \text{CO}_3^{2-})$ است.

ب) اگر کره زمین را مسطح در نظر بگیریم آب‌های موجود، نیمی از آن را تا ارتفاع ۲ متر می‌پوشانند.

پ) بزرگ‌ترین منابع آب در کره زمین به ترتیب در اقیانوس‌ها و کوه‌های یخی و آب‌های زیرزمینی می‌باشند.

ت) بخشی از $65/10$ درصد آب‌های کره زمین را چشمه‌ها و $97/2$ درصد آن‌ها را اقیانوس‌ها تشکیل می‌دهد.

(۱) $1/4$ (۲) $3/3$ (۳) $2/2$ (۴) $4/4$



آزمون ۱۰ شهریور ۱۴۰۲

رقمی پاسخ

اختصاصی دوازدهم ریاضی (نظام جدید)

جدید آورندگان

نام درس	نام طراحان	فناز
ریاضی پایه و حسابان ۲	محمد مصطفی ابراهیمی- کاظم اجلالی- سید رضا اسلامی- عباس اشرفی- محمد سجاد پیشوای- رضا توکلی- سعید جفری کافی آباد فرشاد حسن زاده- عادل حسینی- سهیل ساسانی- یاسین سپهر- محمد حسن سلامی حسنه- فرشاد صدیقی فر- پویان طهرانیان- سعید علم پور عزیزالله علی اصغری- حمید علیزاده نیما کدیوریان- مصطفی کرمی- سعید مدیر خراسانی- رحیم مشتاق نظم- سروش موینی و هاب نادری محمد مهدی و زیری	
هندسه	محمد مهدی ایوتراوی- امیرحسین ابومحبوب- علی ایمانی- جواد حاتمی- افسین خاصه خان- فرزانه خاکپاش- محمد خندان- حمید رضا دهقان سوگند روشنی- رضا عباسی اصل- احمد رضا فلاخ- سهیم مجیدی پور- نوید مجیدی- رحیم مشتاق نظم- سرژ یقیازاریان تبریزی	
آمار و احتمال و ریاضیات گستره	امیرحسین ابومحبوب- سامان اسپهرم- علی ایمانی- افسین خاصه خان- فرزانه خاکپاش- کیوان دارابی- سوگند روشنی علیرضا شریف خطیبی- علی اکبر علیزاده- فرشاد فرامرزی- محمد علی کاظم نظری- علی منصف شکری- نیلوفر مهدوی- غلام رضا نیازی	
فیزیک	عبدالرضا امینی نسب- میثم دشتیان- هاشم زمانیان- محمد ساکی- مهدی سلطانی- معصومه شریعت ناصری- مریم شیخ‌مو- پوریا علاقه‌مند مسعود قره خانی- مصطفی کیانی- غلام رضا مجی- امیر احمد میرسعید- مصطفی واقعی	
شیمی	محمد رضا پور جاوید- امیر حاتمیان- ایمان حسین نژاد- روزبه رضوانی- امیرحسین طبی- امیرحسین مسلمی	

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	آمار و احتمال و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی
گزینشگر	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب سوگند روشنی	امیرحسین ابومحبوب	امیر حاتمیان
گروه ویراستاری	سعید خان بابایی مهدی ملاری مضافی	ویراستار استاد: مهرداد ملوندی	زهره آقامحمدی حمید زرین کفش	بهنام قازانچایی
مسئول درس	عادل حسینی	امیرحسین ابومحبوب	محمد ساکی	ویراستار استاد: محمد حسن محمدزاده مقدم
مسئول سازی	سمیه اسکندری	سرژ یقیازاریان تبریزی	احسان صادقی	سمیه اسکندری

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محیا اصغری
حروف نگار	مسئول دفترچه: الهه شهبازی
ناظر چاپ	فرزانه فتح‌اله‌زاده
	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



(سویل ساسانی)

گزینه «۲» -۴

$$\sin 520^\circ = \sin(360^\circ + 160^\circ) = \sin(180^\circ - 20^\circ) = \sin 20^\circ$$

$$\cos 200^\circ = \cos(180^\circ + 20^\circ) = -\cos 20^\circ$$

$$\cos 110^\circ = \cos(90^\circ + 20^\circ) = -\sin 20^\circ$$

$$\sin 430^\circ = \sin(360^\circ + 70^\circ) = \sin(90^\circ - 20^\circ) = \cos 20^\circ$$

$$\frac{\sin 20^\circ + \cos 20^\circ}{-\sin 20^\circ + \cos 20^\circ} \xrightarrow{+ \cos 20^\circ} \frac{\tan 20^\circ + 1}{-\tan 20^\circ + 1}$$

$$\frac{\cot 20^\circ = \tan 20^\circ = 1/3}{-1/3 + 1} \xrightarrow{-1/3 + 1} \frac{1/3}{1/2} = \frac{12}{7}$$

(مسابان ا- مثیلت: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

(همطف کلمن)

گزینه «۲» -۵

در ابتدا دقت می‌کنیم که برای x های قابل قبول:

$$\frac{\cos x}{1 + \sin x} = \frac{1 - \sin x}{\cos x}$$

(چون با طرفین وسطین به عبارت $\cos^2 x = 1 - \sin^2 x$ می‌رسیم).

$$\text{حالا با جایگذاری } t = \frac{\cos x}{1 + \sin x} \text{ داریم:}$$

$$t + \frac{1}{t} = 1 \xrightarrow{xt} t^2 - 1 + 1 = 0 \Rightarrow t = 1$$

$$\Rightarrow \frac{\cos x}{1 + \sin x} = 1 \Rightarrow \cos x = 1 + \sin x$$

$$\Rightarrow \cos x - \sin x = 1$$

از طرفی داریم:

$$\sin\left(\frac{4\pi}{3} - x\right) + \cos\left(\frac{4\pi}{3} + x\right) = \sin\left(\frac{\pi}{3} - x\right) + \cos\left(\frac{\pi}{3} + x\right)$$

$$= \cos x - \sin x = 1$$

(مسابان ا- مثیلت: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

(پویان طهرانیان)

گزینه «۴» -۶

$$\cot\left(-\frac{15\pi}{4}\right) = \cot\left(-4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \cot\frac{\pi}{4} = 1$$

$$\tan\left(\frac{15\pi}{4}\right) = \tan\left(4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \tan\frac{\pi}{4} = (\sqrt{3})^2 = 3$$

حسابان ۱

گزینه «۴» -۱

(عزیز الله علی‌اصغری)

متتم زاویه 20° برابر 70° است. زاویه 70° را بر حسب رادیان می‌نویسیم.

$$\frac{R}{\pi} = \frac{D}{180^\circ}$$

$$\frac{R}{\pi} = \frac{70^\circ}{180^\circ} \Rightarrow R = \frac{7\pi}{18}$$

اختلاف مکمل و متتم هر زاویه برابر $\frac{\pi}{2}$ است. بنابراین داریم:

$$\text{رادیان } 20^\circ : \text{مکمل زاویه } 70^\circ = \frac{8\pi}{9}$$

(مسابان ا- مثیلت: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۸)

(سویل ساسانی)

گزینه «۳» -۲

برای طول کمان و مساحت قطاع داریم:

$$S = \frac{1}{2} r^2 \theta$$

$$S = \frac{1}{2} \frac{\ell^2}{\theta}$$

پس داریم:

حال در این سؤال مساحت برابر است با:

$$S = \frac{1}{2} \frac{12\pi}{\frac{3\pi}{4}} = \lambda$$

(مسابان ا- مثیلت: صفحه‌های ۹۷ تا ۹۸)

(پویان طهرانیان)

گزینه «۴» -۳

حال خواهیم داشت:

$$\cos\left(-\frac{4\pi}{3} - \alpha\right) = -\sin \alpha = -\sin\frac{4\pi}{3} = -\sin\left(\pi + \frac{\pi}{3}\right) = \sin\frac{\pi}{3}$$

$$\sin\left(\frac{4\pi}{3} - 2\alpha\right) = \sin 2\alpha = \sin 2\left(\frac{4\pi}{3}\right) = \sin\left(3\pi - \frac{\pi}{3}\right) = \sin\frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3}$$

(مسابان ا- مثیلت: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۴)

حال طول MN را می‌یابیم:

$$|MN| = \tan 75^\circ - \tan 15^\circ = \frac{\sin 75^\circ}{\cos 75^\circ} - \frac{\sin 15^\circ}{\cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin 75^\circ \cos 15^\circ - \cos 75^\circ \sin 15^\circ}{\cos 75^\circ \cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin(75^\circ - 15^\circ)}{\cos 75^\circ \cos 15^\circ} = \frac{\sin 60^\circ}{\sin 15^\circ \cos 15^\circ}$$

$$= \frac{\sin 60^\circ}{\frac{1}{2} \sin 30^\circ} = \frac{\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)}{\frac{1}{4}} = 2\sqrt{3}$$

و در نتیجه مساحت مثلث برابر است با:

$$S_{MON} = \frac{1}{2} |OA| \cdot |MN| = \frac{1}{2} (1) (2\sqrt{3}) = \sqrt{3}$$

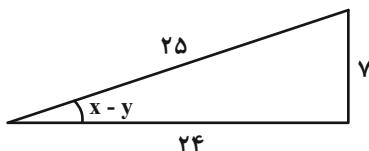
(مسابان ا - مثالیت: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

(محمد‌مهدی وزیری)

گزینه «۱» - ۱۰

$$\sin(x-y) = \sin x \cos y - \cos x \sin y = \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{3}{2\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{3}}$$

حال با توجه به مثلث قائم‌الزاویه زیر داریم:



$$\sin(x-y) = \frac{y}{25} \Rightarrow \tan(x-y) = \frac{y}{x}$$

اما می‌دانیم که هر دو مقدار $\pm \frac{y}{x}$ قابل قبول‌اند.

(مسابان ا - مثالیت: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

$$\cos\left(-\frac{13\pi}{3}\right) = \cos\left(\frac{13\pi}{3}\right) = \cos(4\pi + \frac{\pi}{3}) = \cos\frac{\pi}{3} = \frac{1}{2}$$

$$\sin\left(\frac{17\pi}{4}\right) = \sin\left(4\pi + \frac{\pi}{4}\right) = \sin\frac{\pi}{4} = \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow 1 \times 3 + \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = 3 + \frac{1}{4} = 3\frac{1}{4}$$

(مسابان ا - مثالیت: صفحه‌های ۵ تا ۹)

(خواهشان)

گزینه «۱» - ۷

$$\tan x + \cot x = \frac{2}{\sin 2x} \quad \text{می‌دانیم}$$

$$f(x) = \frac{\lambda \cos 2x \cos 4x}{\sin 2x} = \frac{\lambda \sin 2x \cos 2x \cos 4x}{\sin 2x} \cdot \frac{1}{\lambda \sin 4x}$$

$$f(x) = \frac{\lambda}{4} \sin 4x \cos 4x = \frac{\lambda}{4} \times \frac{1}{2} \sin 8x = \sin \lambda x$$

$$f\left(\frac{\pi}{4\lambda}\right) = \sin\left(\lambda \times \frac{\pi}{4\lambda}\right) = \sin \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2}$$

(مسابان ا - مثالیت: صفحه‌های ۱۰ تا ۱۳)

(سعید جعفری کنگ آبار)

گزینه «۳» - ۸

$$\tan \alpha + \cot \alpha = \frac{2}{\sin 2\alpha}$$

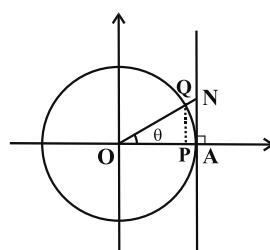
$$\Rightarrow \tan\left(\frac{\pi}{4} - x\right) + \cot\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = \frac{2}{\sin 2\left(\frac{\pi}{4} - x\right)}$$

$$= \frac{2}{\sin\left(\frac{\pi}{2} - 2x\right)} = \frac{2}{\cos 2x} = b \Rightarrow \cos 2x = \frac{2}{b}$$

(مسابان ا - مثالیت: صفحه‌های ۵ تا ۹)

(عاصم مسینی)

گزینه «۴» - ۹



$$|AN| = \tan \theta$$

هندسه ۲

گزینه «۲»

(رخا عباس اصل)

در یک تجانس غیر همانی ($k \neq 1$), تنها مرکز تجانس تحت تبدیل، ثابت می‌ماند. بنابراین مرکز تجانس، تنها نقطه ثابت تبدیل در یک تجانس غیر همانی است.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۵ تا ۵۰)

گزینه «۳»

(نویره مبیدی)

تجانس، در حالت کلی طولپا نیست، مگر اینکه $|k| = 1$ باشد.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۵ تا ۵۰)

گزینه «۲»

(اخشین خاصه فان)

چون نسبت تجانس منفی است، نقطه O بین نقاط M و M' قرار می‌گیرد. اگر فاصله O تا M را برابر a فرض کنیم، آن‌گاه طبق شکل خواهیم داشت:

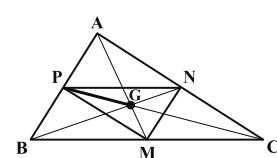
$$\frac{OM'}{MM'} = \frac{\frac{5}{3}a}{a + \frac{5}{3}a} = \frac{\frac{5}{3}a}{\frac{8}{3}a} = \frac{5}{8}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۳۵)

گزینه «۱»

(ممدر فندان)

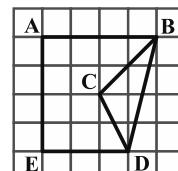
طبق تعریف تجانس، اگر نقطه A' تصویر نقطه A در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس k باشد، آنگاه سه نقطه O ، A و A' روی یک خط راست قرار دارند. بنابراین اگر نقاط M ، N و P به ترتیب مجانس نقاط A ، B و C در یک تجانس باشند، مرکز تجانس قطعاً بر روی خطهای شامل پاره خطهای AM ، BN و CP قرار دارد. چون این سه پاره خط، میانه‌های مثلث ABC هستند، پس نقطه تقاطع آنها همان نقطه همسی میانه‌های مثلث ABC است.



(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۵ تا ۵۰)

گزینه «۳»

(ممدر فندان)



مطابق شکل اگر از B به D وصل کنیم، در مثلث شبکه‌ای BCD . تعداد نقاط مرزی برابر $4 = b$ و تعداد نقاط درونی برابر $2 = i$ است. در نتیجه طبق رابطه

$$S_{\Delta} = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{4}{2} + 2 - 1 = 3$$

پیک داریم.

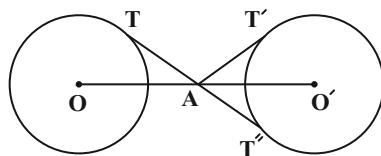
مقدار افزایش مساحت، دقیقاً دو برابر مساحت مثلث BCD ، یعنی برابر 6 است.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۳ و ۳۴)

(علی ایمانی)

گزینه «۲»

مرکز تجانس معکوس، محل برخورد مماس مشترک‌های داخلی و خط‌المرکزین دو دایره است.

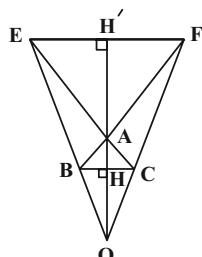


$$AT + AT' = AT + AT'' = TT'' = \sqrt{OO'^2 - (R + R')^2} = \sqrt{10^2 - (4+4)^2} = \sqrt{36} = 6$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۰)

(سوکند روشن)

گزینه «۱»



مرکز تجانس معکوس همان نقطه A است. برای یافتن مرکز تجانس مستقیم کافی است از E به F و از C به B و از F به A و از B به C و از A به E قطع کنند. این نقطه مرکز تجانس مستقیم است.

در مثلث متساوی‌الاضلاعی به طول ضلع a ، طول ارتفاع از رابطه

$$h_a = \frac{\sqrt{3}}{2}a$$

به دست می‌آید، بنابراین داریم:

$$AH = \frac{\sqrt{3}}{2} BC = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 1 = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$AH' = \frac{\sqrt{3}}{2} EF = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 4 = 2\sqrt{3}$$

$$HH' = AH + AH' = \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\sqrt{3} = \frac{5\sqrt{3}}{2}$$

طبق قضیه اساسی تشابه، دو مثلث OEF و OBC متشابه هستند، پس نسبت ارتفاع‌ها در این دو مثلث برابر نسبت تشابه دو مثلث است.

$$\frac{OH}{OH'} = \frac{BC}{EF} = \frac{1}{4} \quad \text{تفضیل نسبت در مخرج} \quad \frac{OH}{HH'} = \frac{1}{3}$$

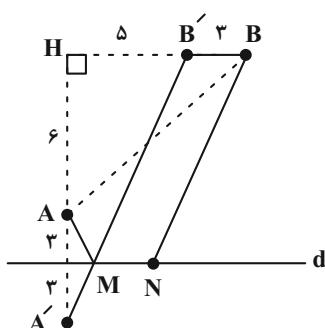
$$MA + MB \quad \underline{MA = MA'} \quad MA' + MB = A'B$$

$$A'B = \sqrt{(6-1)^2 + (2-2)^2} = \sqrt{25+1} = \sqrt{26}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۴)

(امیرحسین ابومقیوب)

گزینه «۳» - ۲۰



$$\Delta AHB : AB^2 = AH^2 + BH^2 \Rightarrow 10^2 = 6^2 + BH^2$$

$$\Rightarrow BH^2 = 100 - 36 = 64 \Rightarrow BH = 8$$

از نقطه B، خطی به طول ۳ کیلومتر موازی با خط d (ساحل دریا) رسم

می‌کنیم تا نقطه B' حاصل شود. سپس از نقطه A' (بازتاب نقطه A) می‌کنیم تا نقطه A بتوانیم مانند

نسبت به خط d به B' وصل می‌کنیم تا خط d را در نقطه‌ای مانند M

قطع کند. اگر N نقطه‌ای به فاصله ۳ کیلومتر از M روی خط d باشد،

آن‌گاه مسیر AMNB کوتاه‌ترین مسیر ممکن است.

$$AMNB = AM + MN + NB$$

$$= A'M + BB' + MB' = (A'M + MB') + BB' = A'B' + BB'$$

$$\Delta A'H B' : A'B'^2 = A'H^2 + B'H^2$$

$$= 12^2 + 5^2 = 169 \Rightarrow A'B' = 13$$

بنابراین طول جاده بین A و B، برابر $13 + 3 = 16$ است.

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه ۵۵)

$$\Rightarrow \frac{OH}{\frac{5\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{3} \Rightarrow OH = \frac{5\sqrt{3}}{6}$$

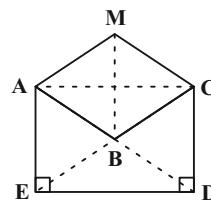
$$OA = OH + AH = \frac{5\sqrt{3}}{6} + \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$= \frac{5\sqrt{3} + 3\sqrt{3}}{6} = \frac{8\sqrt{3}}{6} = \frac{4\sqrt{3}}{3}$$

(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۴۵ تا ۵۵)

(اخشن فاضلیان)

گزینه «۴» - ۱۸



برای افزایش مساحت چندضلعی بدون تغییر محیط و تعداد اضلاع، کافی است بازتاب نقطه B را نسبت به خط گذرنده از نقاط A و C به دست آوریم. مطابق شکل چهارضلعی ACDE مستطیل است و مساحت مثلث‌های BDE و BCD، ABC و ABE برابر یکدیگر است.

از طرفی دو مثلث ABC و AMC همنهشت هستند و مساحت آنها برابر یکدیگر است. اگر مساحت هر کدام از این مثلث‌ها را با S نمایش دهیم، داریم:

$$\frac{S_{ABCDE}}{S_{AMCDE}} = \frac{3S}{5S} = \frac{3}{5}$$

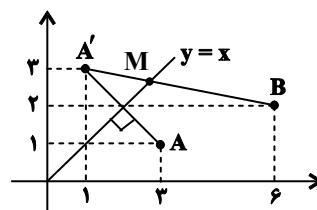
(هنرسه ۳ - تبدیل‌های هندسی و کاربردها: صفحه‌های ۵۳ و ۵۴)

(علی ایمانی)

گزینه «۴» - ۱۹

ابتدا قرینه A را نسبت به خط $y = x$ پیدا می‌کنیم و آن را A' می‌نامیم.

طبق ویژگی بازتاب $MA = MA'$ است و داریم:





(علن ایمان)

گزینه «۴»

با توجه به داده‌های ۲۸، ۲۷، ۲۴، ۲۴، ۱۴، ۲۴ و ۱۵ معلوم می‌شود که

نما (مُد) عدد ۲۴ است، بنابراین میانگین هم برابر ۲۴ است، از آنجایی که

مجموع اختلاف از میانگین داده‌ها برابر صفر است، خواهیم داشت:

$$-9 + 0 - 10 + 0 + 0 + a - 24 + 3 + 4 = 0 \Rightarrow a = 36$$

(آمار و احتمال-آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۸۱۰)

(علن اکبر علیزاده)

گزینه «۳»

با فرض $x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_{12} = A$ خواهیم داشت:

$$\text{میانگین داده‌های سری اول} = \frac{x_1 + 2 + x_2 + 4 + \dots + x_{12} + 24}{12}$$

$$= \frac{x_1 + x_2 + \dots + x_{12} + 2(1+2+3+\dots+12)}{12}$$

$$= \frac{A + \frac{2(12 \times 13)}{2}}{12} = \frac{A}{12} + 13$$

$$\text{میانگین داده‌های سری دوم} = \frac{3x_1 + 5 + 3x_2 + 5 + \dots + 3x_{12} + 5}{12}$$

$$= \frac{3(x_1 + x_2 + \dots + x_{12}) + 60}{12} = \frac{A}{4} + 5$$

$$\Rightarrow \frac{A}{12} + 13 = 2\left(\frac{A}{4} + 5\right) - 17 \Rightarrow \frac{A}{12} + 13 = \frac{A}{2} - 7 \Rightarrow A = 48$$

(آمار و احتمال-آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۶ تا ۸۱۰)

(علن اکبر شریف‌خطبی)

گزینه «۳»

می‌دانیم اگر تعدادی داده برابر یکدیگر باشند، واریانس آنها برابر صفر است

و بالعکس، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} 3x - 9 = 6 \Rightarrow x = 5 \\ 5y + 1 = 6 \Rightarrow y = 1 \\ 4z - 2 = 6 \Rightarrow z = 2 \end{cases}$$

آمار و احتمال**گزینه «۲»**

(اخشین فاصله‌های)

$$80^\circ + 60^\circ + 105^\circ + 25^\circ + \alpha = 360^\circ \Rightarrow \alpha = 90^\circ$$

$$\text{تعداد دیپلم‌ها} = \frac{90^\circ}{360^\circ} \times 144 = 36$$

(آمار و احتمال-آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۴ تا ۸۱۰)

گزینه «۴»

(ممدر علی‌کاظم نظری)

نمودارهای میله‌ای و دایره‌ای برای متغیرهای کمی گستته و کیفی و نمودار بافت نگاشت برای متغیرهای کمی پیوسته مناسب‌اند.

(آمار و احتمال-آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۴ تا ۸۱۰)

گزینه «۳»

(فرشاد فرامرزی)

تعداد دانش‌آموزان کلاس در ابتدا برابر است با:

$$2 + 4 + 6 + 5 + 3 = 20$$

در این حالت فراوانی نسبی دسته وسط برابر $\frac{6}{20}$ است. با افزوده شدن یک

دانش‌آموز جدید با قد ۱۶۴، تعداد دانش‌آموزان کلاس برابر ۲۱ می‌شود،

ولی چون این دانش‌آموز به دسته چهارم تعلق دارد، فراوانی دسته وسط تغییر

نکرده و فراوانی نسبی این دسته برابر $\frac{6}{21}$ خواهد شد.

تفاضل فراوانی نسبی در این دو حالت برابر است با:

$$\frac{6}{21} - \frac{6}{20} = \frac{2}{7} - \frac{3}{10} = \frac{20 - 21}{70} = -\frac{1}{70}$$

بنابراین فراوانی نسبی دسته وسط $\frac{1}{70}$ کم می‌شود.

(آمار و احتمال-آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۷۴ تا ۸۱۰)



(فرزانه فاکلپاش)

گزینه «۳» -۲۹

تعداد داده‌ها برابر ۱۵ و در نتیجه عددی فرد است. پس داده هشتم میانه داده‌ها است. میانه هفت داده اول، یعنی داده چهارم، چارک اول و میانه هفت داده آخر، یعنی داده دوازدهم، چارک سوم است، یعنی داریم:

$$Q_7 = ۱۷, Q_1 = ۹, Q_3 = ۲۴$$

طول‌های دو بخش جعبه که توسط میانه از هم جدا می‌شوند، برابرند با:

$$Q_7 - Q_1 = ۱۷ - ۹ = ۸$$

$$Q_3 - Q_7 = ۲۴ - ۱۷ = ۷$$

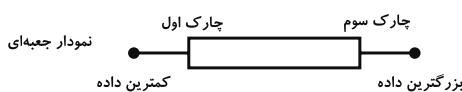
بنابراین اختلاف طول دو بخش جعبه برابر ۱ - ۷ = ۸ است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۷ و ۹۸)

(غلامرضا نیازی)

گزینه «۲» -۳۰

در نمودار جعبه‌ای نمرات این دانش‌آموز، ۶ نمره داخل جعبه، سه نمره قبل و سه نمره بعد از جعبه قرار دارد.



$$\frac{\sum_{i=1}^3 x_i}{3} = 10 \Rightarrow \sum_{i=1}^3 x_i = 30$$

$$\frac{\sum_{i=10}^{12} x_i}{3} = 17 \Rightarrow \sum_{i=10}^{12} x_i = 51$$

$$\frac{\sum_{i=4}^9 x_i}{6} = 15 \Rightarrow \sum_{i=4}^9 x_i = 6(15) = 90$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^{12} x_i}{12} = \frac{30 + 51 + 90}{12} = \frac{171}{12} = 14.25$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی، صفحه‌های ۸۵، ۹۷ و ۹۸)

پس داده‌های $y^2, y-3, 2z-1, x+1$ و $x-y$ به ترتیب عبارتند از: ۱، ۶، ۱، ۱

داده‌ها را از کوچک به بزرگ مرتب می‌کنیم. چون تعداد داده‌ها زوج است، میانه برابر میانگین دو داده وسط است:

$$1, 1, 4, 6 \Rightarrow \text{میانه} = \frac{1+4}{2} = 2.5$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

(نیلوفر معبدی)

گزینه «۲» -۲۷

$$\sigma^2 = \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n}$$

$$\sigma_1^2 = 6 \Rightarrow \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n} = 6 \Rightarrow \sum(x_i - \bar{x})^2 = 6n$$

با حذف ۴ داده مساوی با میانگین، میانگین و $(x_i - \bar{x})^2$ ثابت مانده اما

تعداد داده‌ها برابر $n - 4$ می‌شود.

$$\sigma_2^2 = 14 \Rightarrow \frac{\sum(x_i - \bar{x})^2}{n-4} = 14 \Rightarrow \frac{6n}{n-4} = 14$$

$$\Rightarrow 14n - 56 = 6n \Rightarrow 8n = 56 \Rightarrow n = 7$$

تعداد داده‌های اولیه برابر ۷ است.

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۹۳ تا ۹۵)

(سوکندر روشنی)

گزینه «۲» -۲۸

اگر داده‌های اولیه x_i و داده‌های جدید x'_i باشند. خواهیم داشت:

$$x'_i = 3x_i + 2 \Rightarrow \begin{cases} \bar{x}' = 3\bar{x} + 2 \\ \sigma' = 3\sigma \end{cases}$$

$$CV = \frac{\sigma}{\bar{x}} = \frac{2}{5}, (CV)' = \frac{\sigma'}{\bar{x}'} = \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{\frac{\sigma}{\bar{x}}}{\frac{\sigma'}{\bar{x}'}} = \frac{5}{1} \Rightarrow \frac{\frac{2}{3\bar{x}+2}}{\frac{1}{10}} = \frac{4}{1}$$

$$\Rightarrow 3\bar{x} + 2 = 12\bar{x}$$

$$\Rightarrow 9\bar{x} = 2 \Rightarrow \bar{x} = \frac{2}{9}$$

(آمار و احتمال - آمار توصیفی؛ صفحه‌های ۸۵، ۹۳ و ۹۷ تا ۹۹)



$$F_B = |q| v B \sin \theta = |q| \times 4 \times 10^5 \times 6 \times 10^{-2} \times \sin 90^\circ$$

$$= 24 \times 10^3 |q|$$

$$F_E = |q| E = 1/6 \times 10^3 |q|$$

چون $|F_B| > |F_E|$ است، بار در جهت نیروی \vec{F}_B یعنی رو به پایین منحرف می‌شود.

(فیزیک ۲ - الکتریستة ساکن: صفحه‌های ۱۰ و ۱۱)

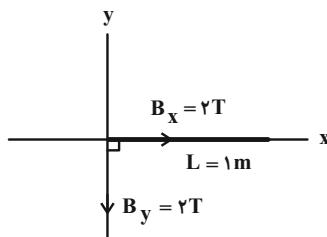
مغناطیسی: صفحه‌های ۱۹ و ۹۰

(همطفی کیانی)

«گزینه ۴»

با توجه به شکل زیر، فقط مؤلفه B_y میدان مغناطیسی بر سیم نیرو وارد می‌کند. زیرا مؤلفه B_x در راستای سیم است و نیروی وارد بر آن برابر $F_x = ILB_x \sin(0) = 0$ می‌باشد. بنابراین نیروی وارد بر سیم برابر

است با:



$$F_y = ILB_y \sin 90^\circ \xrightarrow{I=2A, L=1m} F_y = 2 \times 1 \times 2 \times 1 = 4N$$

$$F = F_x + F_y = 0 + 4 = 4N$$

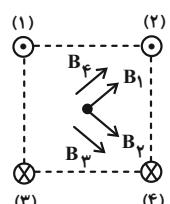
(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

(مسعود قره‌ثانی)

«گزینه ۱»

مطابق قاعده دست راست ابتدا جهت میدان مغناطیسی هر سیم را در مرکز مربع پیدا می‌کنیم. از آنجا که جریان گذرنده از سیم‌ها یکسان است، میدان

مغناطیسی که هر سیم ایجاد می‌کند برابر مقدار \vec{B} است و داریم:



بردار میدان مغناطیسی برایند:

فیزیک ۲

«۲» - ۳۱

(مریم شیخ‌ممو)

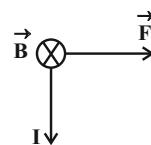
با شکستن یک آهنربای میله‌ای به دو بخش، هر بخش یک آهنربای کامل است که دو قطب دارد. بنابراین نمی‌توان قطب‌های N و S یک آهنربا را از هم جدا کرد.

(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۸۶ و ۸۵)

«۴» - ۳۲

(غلامرضا مصی)

با توجه به قانون دست راست، گزینه «۴» جواب صحیح خواهد بود.



(فیزیک ۲ - مغناطیسی: صفحه‌های ۹۱ تا ۹۳)

«۱» - ۳۳

(امیر‌احمد میرسعید)

نیروی وارد بر بار در میدان مغناطیسی همواره عمود بر سرعت می‌باشد، پس:

$$\vec{F} \perp \vec{v} \Rightarrow \vec{F} \perp \vec{d}$$

نیرو همواره بر مسیر حرکت عمود است:

$$W = F d \cos \theta = F d \cos 90^\circ = 0$$

يعني نیروی میدان مغناطیسی هرگز کار انجام نمی‌دهد و گزینه «۱» صحیح است.

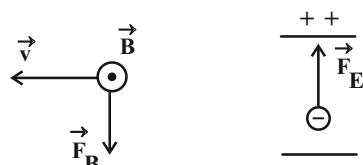
(فیزیک ۲ - کار، انرژی و توان: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

مغناطیسی: صفحه‌های ۱۹ و ۹۰

«۳» - ۳۴

(پوریا علاقه‌مند)

ابتدا جهت نیروی مغناطیسی و نیروی الکتریکی وارد بر بار را رسم می‌کنیم:



اکنون چون نیروها در خلاف جهت یکدیگرند، اندازه هر کدام را حساب

می‌کنیم:



با توجه به قاعدة دست راست، جهت میدان مغناطیسی نیم حلقه در نقطه O درون سو \otimes و جهت میدان مغناطیسی سیم راست حامل جریان برون سو \odot است. بنابراین، چون اندازه میدان مغناطیسی سیم راست بزرگتر است، جهت برایند میدان های مغناطیسی در جهت میدان سیم راست و برون سو خواهد بود.

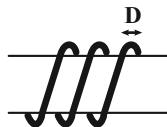
$$B_{\text{کل}} = B_2 - B_1 = 0/1 - 0/0.9 = 0/0.1 G \quad \odot$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۳، ۹۵، ۹۷ و ۹۸)

(امیر احمد مریم سعید)

گزینه «۳» - ۳۹

اگر قطر مقطع سیم را با D نمایش دهیم:



$$L_{\text{سیم‌وله}} = ND$$

$$B = \mu_0 \frac{N}{L} I = \mu_0 \frac{N}{ND} I = \mu_0 \frac{I}{D}$$

D : قطر مقطع سیم

$$B = \frac{1}{4\pi \times 10^{-7}} \times \frac{\pi}{1 \times 10^{-3}} = 4\pi \times 10^{-7} \times \frac{100}{\pi \times 10^{-3}}$$

$$B = 4 \times 10^{-2} T = 400 G$$

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۹ و ۱۰۰)

(مسئله کیانی)

گزینه «۲» - ۴۰

بررسی موارد:

الف) درست

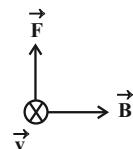
ب) درست؛ هیچ یک از اتم های مواد دیامغناطیسی دارای دوقطبی مغناطیسی خالصی نیستند.

پ) نادرست؛ در آهنربای الکتریکی از مواد فرومغناطیسی نرم استفاده می شود.

ت) نادرست؛ حضور میدان مغناطیسی خارجی، می تواند سبب القای دوقطبی های مغناطیسی در خلاف سوی میدان خارجی، در مواد دیامغناطیسی شود.

(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

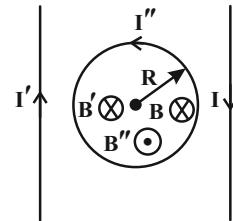
حال به کمک قاعدة دست راست (البته چون الکترون بار منفی دارد از دست چپ استفاده می کنیم)، جهت نیروی وارد بر الکترون را پیدا می کنیم:



(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۰ و ۹۶ تا ۹۸)

گزینه «۲» - ۴۷

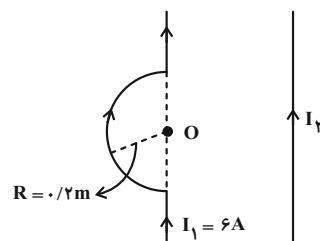
برای این که میدان مغناطیسی برایند در مرکز حلقه صفر شود، میدان حاصل از دو سیم باید هم جهت باشند و این میدان ها با میدان حاصل از حلقه خلاف جهت باشند تا میدان مغناطیسی کل در مرکز حلقه برابر صفر شود. پس جریان سیم سمت چپ باید به سمت بالا باشد و جریان حلقه پاد ساعتگرد باشد.



(فیزیک ۲ - مغناطیس: صفحه های ۹۴، ۹۵، ۹۷ و ۹۸)

گزینه «۲» - ۴۸

ابتدا اندازه و جهت میدان مغناطیسی نیم حلقه را در نقطه O تعیین می کنیم:



$$B_1 = \frac{\mu_0 NI}{2R} \quad N = \frac{1}{2}, \quad I = 6 A \\ R = 0.2 m, \quad \mu_0 = 12 \times 10^{-7} \frac{T \cdot m}{A}$$

$$B_1 = \frac{12 \times 10^{-7} \times \frac{1}{2} \times 6}{2 \times 0.2} = 9 \times 10^{-6} T \quad 1 T = 10^4 G \\ B_1 = 9 \times 10^{-6} \times 10^4 = 0.09 G$$



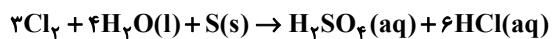
$$R_{Br_2} = \frac{1}{2} R_{NOBr}$$

$$R_{Br_2} = \frac{1}{2} (4 \times 10^{-4}) = 2 \times 10^{-4}$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۹۰ و ۹۱)

(امیرحسین طیبی)

گزینه ۲۴۵



$$\Delta V(Cl_2) = 2L Cl_2 \Rightarrow \Delta n(Cl_2) = 2L Cl_2 \times \frac{1\text{ mol } Cl_2}{20 L Cl_2}$$

$$t=20 \rightarrow t=30$$

$$= 0 / 1\text{ mol } Cl_2$$

$$\bar{R}_{Cl_2} = \frac{\Delta n}{\Delta t} = \frac{0 / 1\text{ mol}}{(30 - 20)\text{s}} \times \frac{60\text{s}}{1\text{min}} = 0 / 6 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\Rightarrow \bar{R}_{Cl_2} = \frac{\bar{R}_{Cl_2}}{3} = \frac{0 / 6}{3} = 0 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\bar{R}_{HCl} = \frac{\bar{R}_{Cl_2}}{6} \Rightarrow \bar{R}_{HCl} = 2 \times \bar{R}_{Cl_2} = 2 \times 0 / 6 = 1 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}}$$

$$\Delta n(HCl) = \bar{R}_{HCl} \times \Delta t = 1 / 2 \frac{\text{mol}}{\text{min}} \times 10\text{s} \times \frac{1\text{min}}{60\text{s}}$$

$$= 0 / 2 \text{ mol}$$

$$? g HCl = 0 / 2 \text{ mol HCl} \times \frac{36 / 5 \text{ g HCl}}{1\text{ mol HCl}} = 7 / 3 \text{ g HCl}$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۳ تا ۹۱)

(ممدرضا پورجاوردی)

گزینه ۱۴۶

گزینه ۱۱: واکنش انجام شده طبق معادله زیر با آزاد شدن گاز همراه است.



اما از آنجا که ظرف سربسته است، خروج گاز از ظرف امکان پذیر نبوده و جرم مخلوط واکنش با گذشت زمان تغییری نخواهد کرد.

گزینه ۱۲: با گذشت زمان از سرعت انجام واکنش ها کاسته می شود.

بنابراین قطعاً همواره $\bar{R}_1 > \bar{R}_2 > \bar{R}_3$ خواهد بود. اما سرعت کل واکنش (

میانگین این دو مقدار است. بنابراین:

شیمی ۲

گزینه ۳ - ۴۱

عبارت (آ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت های نادرست:

آ) تمامی فلزات به یک اندازه و به یک شدت واکنش نمی دهند.

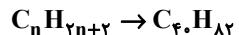
ت) نگهدارندها در مواد غذایی باعث کاهش سرعت واکنش می شوند و کاتالیزگرهای باعث افزایش سرعت واکنش می شوند.

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۰ تا ۸۲)

گزینه ۳ - ۴۲

بررسی گزینه های نادرست:

(۱) ۱۳ پیوند دوگانه دارد.



$$82 - 56 = 26$$

$$\frac{26}{2} = 13$$

نکته: به ازای هر پیوند دوگانه، ۲ هیدروژن از فرمول آلکان کم می شود.

۲) لیکوپن فعالیت رادیکال ها را کاهش می دهد.

۳) از واکنش های ناخواسته جلوگیری می کند.

(شیمی ۲ - صفحه ۱۹)

گزینه ۱ - ۴۳

بررسی موارد:



ب) نادرست: سرعت مصرف B با سرعت تولید A برابر است.

پ) به ازای تولید ۲ مول ماده C، ۱ مول ماده B مصرف شده است.

(شیمی ۲ - صفحه های ۸۶ تا ۹۱)

گزینه ۲ - ۴۴

(ایمان حسین نژاد)

$$t_1 = 20 \Rightarrow t_2 = 30$$

$$\bar{R}_{NOBr} = \frac{-\Delta[NOBr]}{\Delta t}$$

$$= \frac{-(0 / 02 - 0 / 024)}{10} = \frac{+0 / 004}{10} = 0 / 0004 = 4 \times 10^{-4} \frac{\text{mol}}{\text{L.s}}$$

$$\bar{R}_{\text{Cu}(\text{NO}_3)_2} = \frac{\Delta[\text{Cu}(\text{NO}_3)_2]}{\Delta t}$$

$$= \frac{(4/2 \times 10^{-3} - 1/2 \times 10^{-3}) \text{ mol.L}^{-1}}{(260 - 10) \text{ s}}$$

$$= \frac{3/5 \times 10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}}{250 \text{ s}} = 1/4 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

با توجه به ضرایب مولی مواد موجود در واکنش می‌توان گفت:

$$\bar{R}_{\text{NO}_3} = 2\bar{R}_{\text{Cu}(\text{NO}_3)_2} = 2 \times 1/4 \times 10^{-4}$$

$$= 2/8 \times 10^{-4} \text{ mol.L}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$$

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(امیرحسین طیبی)

گزینه «۴»

همه موارد به درستی بیان شده‌اند؛ ترکیب (الف) بنزوئیک اسید و ترکیب (ب) لیکوپن می‌باشد.

بررسی همه موارد:

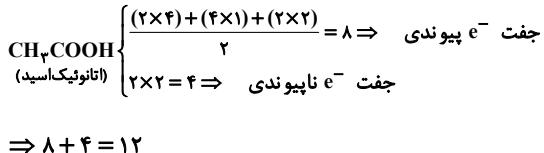
مورد اول: بنزوئیک اسید در تمشک و توت فرنگی و لیکوپن در هندوانه و گوجه فرنگی یافت می‌شود.

مورد دوم: بنزوئیک اسید یک نگهدارنده و لیکوپن یک بازدارنده است؛ در نتیجه هر دوی آن‌ها می‌توانند سرعت واکنش‌های خاصی را کاهش دهنند و در نتیجه مدت زمان انجام همان واکنش‌ها را افزایش دهند.

مورد سوم: در ساختار لیکوپن، ۱۳ پیوند دوگانه یافت می‌شود؛ فرمول مولکولی بنزوئیک اسید ($\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2$) می‌باشد.

مورد چهارم: فرمول مولکولی لیکوپن $\text{C}_{40}\text{H}_{56}$ است و ۲۶ پیوند $\text{C}-\text{C}$ در ساختار هر مولکول از خود دارد.

مورد پنجم: بنزوئیک اسید به خانواده کربوکسیلیک اسیدها تعلق دارد؛ آشناترین عضو این خانواده اتانوئیک اسید می‌باشد.



(شیمی ۲ - صفحه‌های ۸۱، ۸۲ و ۸۳)

گزینه «۳»: فرمول مولکولی بنزوئیک اسید $\text{C}_7\text{H}_6\text{O}_2$ بوده که دارای ۱۵ اتم و ۱۹ پیوند اشتراکی است. بنابراین نسبت تعداد پیوندهای اشتراکی به تعداد اتم‌ها $\frac{19}{15}$ بزرگ‌تر از یک خواهد بود.

گزینه «۴»: درست

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۸۱ تا ۸۲)

گزینه «۲»

بررسی همه موارد:

(الف) نادرست؛ KI کاتالیزگر این واکنش می‌باشد، در نتیجه با افزایش سرعت واکنش، مدت زمان انجام واکنش را کاهش می‌دهد.

(ب) درست؛ اگر در این واکنش از آب گرم استفاده کنیم؛ انحلال پذیری گاز در آب کاهش می‌باید و حجم گاز بیشتری جمع آوری می‌شود.

(پ) نادرست؛ کاهش فشار تنها سرعت واکنش‌هایی را کاهش می‌دهد که واکنش دهنده گازی داشته باشد؛ واکنش مطرح شده واکنش دهنده گازی ندارد.

(ت) درست؛ در همه واکنش‌ها با گذر زمان سرعت انجام واکنش کاهش می‌باید؛ در نتیجه در این واکنش که ملاک پیشرفت آن تغییر رنگ محلول است قطعاً میزان تغییر شدت رنگ محلول در دقیقه اول نسبت به دقیقه دوم بیشتر است.

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۷۷ تا ۷۸)

گزینه «۲»

افزایش فشار تنها بر روی سرعت واکنش‌هایی موثر است که حداقل یکی از واکنش‌دهنده‌های آن گازی شکل باشند. با افزایش فشار، غلظت مواد گازی زیاد شده و سرعت واکنش نیز افزایش می‌باید. چنین شرایطی فقط در واکنش آخر وجود دارد.

(شیمی ۲ - صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

(ممدرضا پورجاویر)

گزینه «۴»

واکنش موازن شده عبارت است از:



در ابتدا با استفاده از اطلاعات داده شده، سرعت تولید محلول مس (II)

نیترات را در بازه زمانی مشخص شده به دست می‌آوریم:



(سعید علی‌پور)

گزینه «۳» -۵۳

ابتدا مقادیر a و تابع ثابت f را می‌یابیم:

$$f(x) = \frac{(2a+1)x + 5}{3x-1} = k \quad ; x \neq \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow (2a+1)x + 5 = 3kx - k \Rightarrow \begin{cases} 2a+1 = 3k \\ -k = 5 \end{cases} \Rightarrow k = -5, a = -8$$

حال با توجه به مقدار a داریم:همانی نیست. $\{g = \{(1, 1), (10, -6)\}\}$: گزینه «۱»همانی نیست. $\{g(x) = -8x\}$: گزینه «۲»همانی است. $\{g = \{(0, 0), (3, 3)\}\}$: گزینه «۳»همانی نیست. $\{g = \{(-8, 64), (64, -8)\}\}$: گزینه «۴»

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(سعید علی‌پور)

گزینه «۲» -۵۴

تابع همانی f را به صورت $x = f(x)$ و تابع ثابت g را به صورت

تعريف می‌کنیم. داریم:

$$\begin{cases} \frac{f(3)}{g(3)} + \frac{1}{2}g(3) = \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c \\ \frac{5}{f(2)} = \frac{5}{2} \end{cases} \Rightarrow \frac{3}{c} + \frac{1}{2}c = \frac{5}{2}$$

$$\Rightarrow c^2 - 5c + 6 = (c-2)(c-3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} c=2 \\ \text{یا} \\ c=3 \end{cases} \Rightarrow \left|c - \frac{5}{2}\right| = \left|\pm \frac{1}{2}\right| = \frac{1}{2}$$

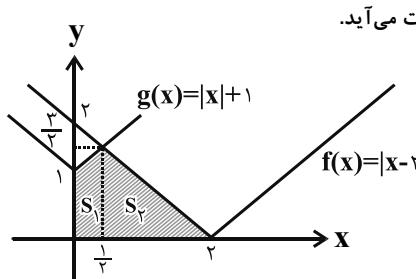
(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۴» -۵۵

نمودار تابع f از انتقال دو واحدی نمودار تابع $|x| = y$ به سمت راستبه دست می‌آید و نمودار تابع g از انتقال یک واحدی نمودار تابع $y = |x|$

به بالا به دست می‌آید.



(محمد سپاه پیشوایی)

ریاضی ۱

گزینه «۲» -۵۱

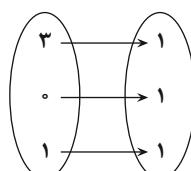
می‌دانیم تابع همانی دارای ضابطه $x = f(x)$ است. پس:

@AzmonVIP

$$f(x) = ax^4 + (b-2)x^2 + (c+3)x = x$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ b-2 = 0 \Rightarrow b = 2 \\ c+3 = 1 \Rightarrow c = -2 \end{cases}$$

پس تابع مورد نظر به صورت زیر می‌باشد:

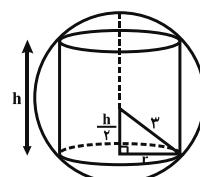


که یک تابع ثابت است.

(ریاضی - تابع: صفحه ۱۱۰)

(سعیدرضا اسلامی)

گزینه «۳» -۵۲

شعاع استوانه را r در نظر می‌گیریم.ابتدا حجم استوانه را بر حسب r و h می‌نویسیم:برای بدست آوردن رابطه‌ای بر حسب r و h ، در مثلث قائم‌الزاویه

رسم شده، از قاعدة فیثاغورس کمک می‌گیریم:

$$r^2 + \frac{h^2}{4} = 9 \Rightarrow r^2 = 9 - \frac{h^2}{4}$$

$$\Rightarrow V = \pi r^2 h = \pi(9 - \frac{h^2}{4})h$$

(ریاضی - تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)



(وهاب نادری)

گزینه ۲

-۵۸

متهم حداقل یک حرف بین دو حرف «۳» فاصله وجود داشته باشد این است که حروف «۳» در کنار هم باشند.

کل

حروف «۳» کنار هم

$$\begin{array}{c} 7! \\ \hline 2! \quad \quad \quad 6! \\ \times 2! \quad - \quad 2! \\ \text{دو حرف تکراری} \quad \text{دو حرف تکراری} \\ = 1260 - 360 = 900 \end{array}$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

(سروش موئین)

گزینه ۴

-۵۹

یک بار رقم یکان را ۵ و بار دیگر صفر در نظر می‌گیریم، $4 \times 4 \times 3 \times 1 + 5 \times 4 \times 3 \times 1 = 48 + 60 = 108$: چهار رقمی

یکان

صفر

$$4 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 + 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 96 + 120 = 216$$

یکان

صفر

$$4 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 1 + 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 \times 1 = 216$$

یکان

صفر

$$216 + 216 + 108 = 540$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۶)

(فرش اصریقی فر)

گزینه ۳

-۶۰

سه حالت مطلوب وجود دارد:

$$\frac{1 \ 2 \ 1 \ 3 \ 2 \ 4 \ 3}{F \ F \ I \ F \ I \ F} = 4! \cdot 3!$$

$$\frac{1 \ 1 \ 2 \ 2 \ 3 \ 3 \ 4}{F \ I \ F \ I \ F \ I \ F} = 4! \cdot 3!$$

$$\frac{1 \ 1 \ 2 \ 2 \ 3 \ 3 \ 4}{I \ F \ I \ F \ I \ F \ F} = 4! \cdot 3!$$

$$4! \cdot 3! \times 3 = 432$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۳۲)

$$0 \leq x \leq 2 \Rightarrow \begin{cases} g(x) = x+1 \\ f(x) = -x+2 \end{cases} \Rightarrow x+1 = -x+2$$

$$\Rightarrow 2x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{2} \Rightarrow y = f\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{2}$$

مقدار $S_1 + S_2$ مورد نظر سوال است.

$$S_2 = \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{8}, S_1 = \frac{\left(1 + \frac{3}{2}\right) \times \frac{1}{2}}{2} = \frac{5}{8}$$

$$S_1 + S_2 = \frac{14}{8} = \frac{7}{4}$$

(ریاضی ا- تابع: صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۷)

(یاسین سپهر)

گزینه ۱

سه حالت داریم:

(الف) حرف اول با «ی» شروع شده و حرف آخر یکی از حروف (و، ا، ل) باشد:

$$3 \times 5! \times 1$$

(ب) حرف اول با یکی از حروف «ف، ت، ب» شروع شده و حرف آخر «ی» باشد:

$$1 \times 5! \times 3$$

(پ) حرف اول با یکی از حروف «ف، ت، ب» شروع شده و حرف آخر یکی از حروف «ا، ل، و» باشد:

$$3 \times 5! + 3 \times 5! + 9 \times 5! = 15 \times 5! : \text{مجموع حالات}$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۳۲)

(ریم مشتاق نظم)

گزینه ۱

حالتهایی که برای سخنرانی این دو نفر در بین افراد رخ می‌دهد به صورت زیر است:

ترتیب سخنرانی‌ها و تعداد حالت‌ها:

$$\begin{array}{ccccccc} \circ & \circ & \circ & \bullet & \circ & \circ & \circ \end{array} \rightarrow = 2! \times 5!$$

$$\begin{array}{ccccc} \circ & \bullet & \circ & \circ & \circ \end{array} \rightarrow = 2! \times 5!$$

$$\begin{array}{ccccc} \bullet & \circ & \circ & \circ & \bullet \end{array} \rightarrow = 2! \times 5!$$

$$= 3 \times 2! \times 5! = 6 \times 5! = 6!$$

(ریاضی ا- شمارش بدون شمردن: صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۳۲)



$$\Delta V = V - \text{ظرف} = 3\alpha \Delta \theta$$

$$100 = (1900 \times 5 \times 10^{-4} - 2000 \times 2 / 5 \times 10^{-5}) \Delta \theta$$

$$\Rightarrow \Delta \theta = 125^\circ \text{C}$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۶۷ تا ۹۳)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۲» گزینه

قسمت ابتدایی نمودار، مربوط به حالتی است که جسم گرمایی دریافت کرده و فقط دمای آن افزایش یافته است. بنابراین داریم:

$$Q_1 = mc\Delta\theta = P \cdot t_1$$

$$\Rightarrow 0 / 5 \times c \times (70 - 20) = 200 \times 100 \Rightarrow c = 800 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$$

قسمت دوم نمودار که موازی محور زمان است، یعنی در بازه زمانی ۱۰۰S

گرمایی دریافتی توسط جسم صرف تغییر حالت آن (ذوب شدن) می‌شود. داریم:

$$Q_2 = mL_F = P t_2 \Rightarrow 0 / 5 \times L_F = 200 \times (300 - 100)$$

$$\Rightarrow L_F = 8000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$$

در نهایت داریم:

$$\frac{c}{L_F} = \frac{800}{8000} = \frac{1}{100}$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۱۰)

(غلامرضا ممین)

«۱» گزینه

ابتدا تعادل گرمایی را بین m گرم آب $\theta^\circ\text{C}$ با مثلاً m' گرم آب

8°C در نظر بگیرید و سپس در حالت دوم می‌توان فرض کرد که دمای

تعادل بین 4°C گرم آب و 8°C گرم آب 40°C برابر شده است. ابتدا تعادل جرم m با m' گرم آب 8°C درجه را در نظر بگیرید.

$$\Rightarrow mc(50 - \theta) = m'c(80 - 50)$$

فیزیک ۱

«۳» گزینه

(مریم شیخ‌مهدو)

با استفاده از رابطه $F = \frac{9}{5}\theta + 32$ و با توجه به این که $\theta = F - 8$ می‌باشد، به صورت زیر دما بر حسب درجه فارنهایت را پیدا می‌کنیم:

$$F = \frac{9}{5}\theta + 32 \xrightarrow{\theta = F - 8} F = \frac{9}{5}(F - 8) + 32$$

$$\Rightarrow F = \frac{9}{5}F - \frac{72}{5} + 32 \Rightarrow F - \frac{9}{5}F = -\frac{72}{5} + 32$$

$$\Rightarrow \frac{-4F}{5} = \frac{-72 + 160}{5} \Rightarrow -4F = 88 \Rightarrow F = -22^\circ\text{F}$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۸۱ و ۸۵)

«۲» گزینه

افزایش طول کل میله برابر است با:



$$\Delta L_{\text{Cu}} + \Delta L_{\text{Fe}} = 6 / 3 \times 10^{-3} \text{ m}$$

$$\Rightarrow L_{\text{Cu}}\alpha_{\text{Cu}}\Delta\theta + L_{\text{Fe}}\alpha_{\text{Fe}}\Delta\theta = 6 / 3 \times 10^{-3}$$

$$\xrightarrow{\Delta\theta = 100^\circ\text{C}}$$

$$\alpha_{\text{Cu}} = 1 / 8 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{K}} \quad \alpha_{\text{Fe}} = 1 / 2 \times 10^{-5} \frac{1}{\text{K}}$$

$$L_{\text{Cu}} \times 1 / 8 \times 10^{-5} \times 100 + L_{\text{Fe}} \times 1 / 2 \times 10^{-5} \times 100 = 6 / 3 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow 1 / 8 L_{\text{Cu}} + 1 / 2 L_{\text{Fe}} = 6 / 3 \quad (1)$$

از طرفی می‌دانیم مجموع طول اولیه دو میله برابر با $L_{\text{Cu}} + L_{\text{Fe}} = 4m$ (۲)

است؛ حال داریم:

$$\begin{aligned} & \xrightarrow{(1),(2)} \begin{cases} 1 / 8 L_{\text{Cu}} + 1 / 2 L_{\text{Fe}} = 6 / 3 \\ L_{\text{Cu}} + L_{\text{Fe}} = 4 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 1 / 8 L_{\text{Cu}} + 1 / 2 L_{\text{Fe}} = 6 / 3 \\ -1 / 8 L_{\text{Cu}} - 1 / 2 L_{\text{Fe}} = -4 / 3 \end{cases} \\ & \quad \cdot / 8 L_{\text{Cu}} = 1 / 5 \Rightarrow L_{\text{Cu}} = 2 / 5 m \\ & \quad \Rightarrow L_{\text{Fe}} = 1 / 5 m \end{aligned}$$

درصد طول میله که از مس ساخته شده است:

$$\frac{L_{\text{Cu}}}{L} \times 100 = \frac{2 / 5}{4} \times 100 = 62 / 5\%$$

(فیزیک ا- دما و گرما؛ صفحه‌های ۸۱ و ۸۸)

«۳» گزینه

(مهدي سلطاني)

هرگاه اختلاف افزایش حجم مایع و ظرف به اندازه حجم فضای خالی بالای ظرف باشد، مایع در آستانه سرریز شدن قرار می‌گیرد.

$$\Delta V_{\text{مایع}} - \Delta V_{\text{ظرف}} = 100 \text{ cm}^3$$

$$\Delta V_{\text{مایع}} = V_{\text{مایع}} \beta \Delta \theta$$



(محيطی و اثمن)

-۶۸- گزینه «۱»

جرم آب بخار شده m' و جرم بخار ایجاد شده m' است. در نتیجه:

$$\begin{aligned} m + m' &= 140 & * \\ mL_V &= m'c |\Delta\theta| + m'L_F \\ \Rightarrow 2268000m &= (m' \times 420 \times 10) + 33600m' \\ \Rightarrow 6m &= m' & ** \end{aligned}$$

$m' = 120g$ و $m = 20g$ با حل کردن دو معادله (*) و (**) مقادیر

به دست می‌آید.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۳)

(غلامرضا مصیبی)

-۶۹- گزینه «۴»

تنها گزاره (پ) درست بیان نشده است.

انتقال گرما از طریق همرفت و رسانش به محیط مادی نیاز دارد. برخلاف این روش‌های انتقال گرما، تابش به محیط مادی نیاز ندارد و به همین دلیل انتقال گرما از طریق تابش، تنها راه انتقال گرما در خلا است.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۸۸ تا ۹۴ و ۱۱۷ تا ۱۱۱)

(مسعود قره‌ثانی)

-۷۰- گزینه «۳»

مطابق قانون گازهای کامل می‌توان نوشت:

$$\frac{P_1 V_1}{T_1} = \frac{P_2 V_2}{T_2}$$

$$P_2 = 1/2 P_1 \quad \text{فشار } 20 \text{ درصد افزایش یافته، یعنی:}$$

دما 3°C افزایش یافته و باید آن را به دمای مطلق تبدیل کنیم یعنی:

$$T_1 = 273 + 27 = 300\text{ K} \quad \text{و} \quad T_2 = 330\text{ K}$$

حجم سرنگ از فرمول $V = Ah$ بدست می‌آید و از آنجا که A ثابت است تنها تغییر h یعنی طول استوانه هوا، حجم را تغییر می‌دهد و می‌توانیم بنویسیم:

$$\frac{P_1 \times A \times 18}{300} = \frac{1/2 P_1 \times A \times h}{330}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{5} = \frac{1/2 h}{33} \Rightarrow h = \frac{99}{6} = 16.5\text{ cm}$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۱۷ تا ۱۲۳)

اکنون تعادل جرم $4m$ با m' گرم آب 80 درجه را در نظر بگیرید.

$$\Rightarrow 4mc(40 - \theta) = m'c(80 - 40)$$

بنابراین از تقسیم دو رابطه خواهیم داشت:

$$\frac{\text{تقسیم دو رابطه}}{4(40 - \theta)} = \frac{30}{40} = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow 80 - \theta = 120 - 30 \Rightarrow \theta = 35^{\circ}\text{C}$$

$$\Rightarrow T = 35 + 273 = 308\text{ K}$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۰۱ تا ۱۰۳)

(محيطی کیانی)

-۶۶- گزینه «۳»

ابتدا کل گرمایی که بخار می‌گیرد تا از 0°C به آب 50°C تبدیل شود،

می‌یابیم. به همین منظور با توجه به طرح واره زیر داریم:



$$Q_{\text{کل}} = Q_1 + Q_2 \Rightarrow Q_{\text{کل}} = mL_F + mc_{\text{آب}}\Delta\theta$$

$$\begin{aligned} m &= 1\text{ kg}, L_F = 336 \frac{\text{kJ}}{\text{kg}} \\ c_{\text{آب}} &= 4/2 \frac{\text{kJ}}{\text{kg} \cdot ^{\circ}\text{C}} \end{aligned}$$

$$Q_{\text{کل}} = 1 \times 336 + 1 \times 4/2 \times (50 - 0) = 546\text{ kJ}$$

اکنون به صورت زیر، t را پیدا می‌کنیم:

$$P = \frac{Q}{t} \Rightarrow \frac{P = 1\text{ kW}}{Q = 546\text{ kJ}} \Rightarrow t = \frac{546}{1} = 546\text{ s}$$

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۲)

(مریم شیخ‌ممو)

-۶۷- گزینه «۳»

از بین موارد داده شده، موردهای (الف)، (ب) و (پ) درست و مورد (ت)

نادرست است. بنابراین، سه مورد از موارد داده شده درست می‌باشد. دقت

کنید با افزایش سطح مایع، فاصله مولکول‌ها از سطح مایع کمتر می‌شود و

سریع‌تر می‌توانند مایع را ترک کنند. همچنین افزایش فشار بر سطح مایع

باعث می‌شود مولکول‌ها به سهولت از سطح مایع جدا نشوند. در نتیجه آهنگ

تبخیر سطحی کندتر انجام گیرد. در ضمن، تبخیر سطحی در هر دمایی رخ

می‌دهد و لازم نیست مایع به نقطه جوش خود برسد.

(فیزیک - دما و گرما؛ صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۱۱)



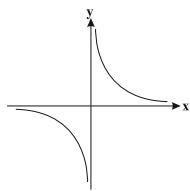
حسابان ۲

گزینه «۴» - ۷۱

(ممدرمهطفن ابراهیمی)

اگر $f(x)$ اکیداً صعودی و همواره مثبت باشد، آنگاه $\frac{1}{f(x)}$ اکیداً نزولیاست. تابع $y = \sqrt{x}$ اکیداً صعودی است، پس تابع $y = \frac{1}{\sqrt{x}}$ اکیداً نزولی

خواهد بود. بررسی سایر گزینه‌ها:

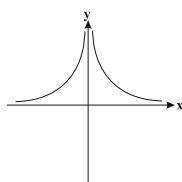
گزینه «۱»: نمودار $y = \frac{1}{x}$ شبیه شکل زیر است.

این تابع غیریکنواست.

گزینه «۲»:

$$y = \frac{1}{|x|} = \begin{cases} \frac{1}{x} & x > 0 \\ -\frac{1}{x} & x < 0 \end{cases}$$

نمودار تابع را رسم می‌کنیم:

گزینه «۳»: به ازای x های مثبت چون با افزایش مقادیر x ، مقدار x^2 زیاد می‌شود، پس مقادیر $\frac{1}{x^2}$ کم می‌شود. به علاوه به ازای x های منفیچون با افزایش مقادیر x ، مقادیر x^2 کم می‌شود، پس $\frac{1}{x^2}$ زیاد می‌شود.

تابع غیریکنواست.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۶ تا ۱۰)

گزینه «۱» - ۷۲

(ممدرمسن سلامی‌حسینی)

$$R = f(-2) = -8 + 8 + 6 + a = a + 6$$

$$f(x) = (x+2)g(x) + (a+6), f(-1) = g(-1) \quad (1)$$

$$f(-1) = (-1+2)g(-1) + a + 6 \Rightarrow f(-1) = g(-1) + a + 6 \xrightarrow{(1)} a + 6 = 0$$

$$\Rightarrow a = -6 \rightarrow f\left(\frac{a}{3}\right) = f(-2) = -8 + 8 + 6 - 6 = 0$$

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۸ تا ۲۰)

(سعید مدیرفراسانی)

گزینه «۴» - ۷۳

مراحل تبدیل نمودار به صورت زیر است:

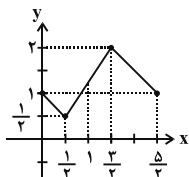
$$f(x) \xrightarrow{\text{انتقال ۳ واحد}} f(x+3) \xrightarrow[\text{با ضرب ۲}]{\text{انقباض افقی}} f(2x+3)$$

$$\xrightarrow[\text{محور} y \text{ها}]{\text{قرینه نسبت به محور} y \text{ها}} f(-2x+3)$$

$$\xrightarrow{\text{با ضرب ۲}} -f(3-2x) \xrightarrow{\text{انقباض عمودی}} -\frac{1}{2}f(3-2x)$$

$$\xrightarrow{\text{انتقال یک واحد به بالا}} -\frac{1}{2}f(3-2x) + 1$$

با انجام تبدیلات فوق، نمودار به صورت زیر در می‌آید:



(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

(ممدرمسن سلامی‌حسینی)

گزینه «۲» - ۷۴

می‌دانیم اگر $f(x)$ در بازه $[a, b]$ نزولی اکید باشد $(-x) - f(-x)$ نیز در بازه $[-b, -a]$ نزولی اکید است پس کافیست فقط محدوده $[-3, 0]$ را در نظر بگیریم:

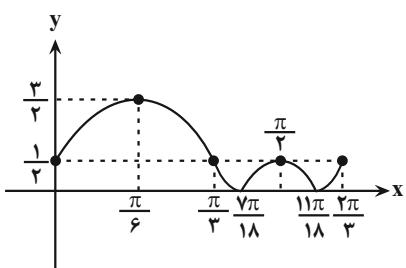
$$-3 \leq x \leq 0 \rightarrow -1 \leq x+2 \leq 2$$

پس ورودی قسمت نزولی اکید در محدوده $[-1, 2]$ است حال در تابع جدید داریم:

$$-1 \leq \frac{4-x}{2} \leq 2 \Rightarrow -2 \leq 4-x \leq 4 \Rightarrow 6 \geq x \geq 0$$

سایر انتقالات نقشی در صعودی یا نزولی بودن تابع ندارند.

(حسابان ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)



همانطور که از نمودار توابع f و g مشخص است دوره تناوب تابع $(f+g)(x)$

$$\frac{T_f}{T_g} = \frac{1}{2}$$

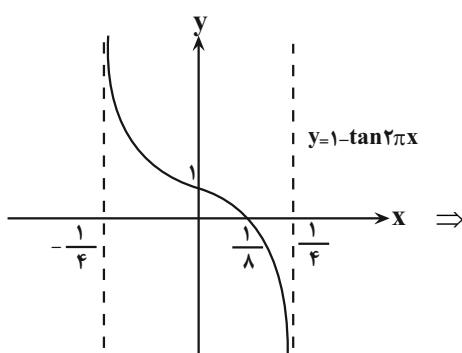
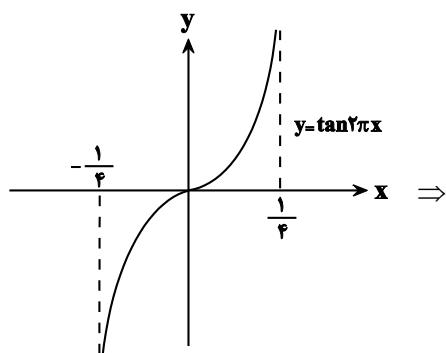
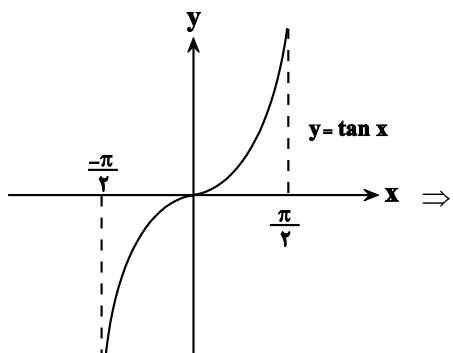
به ترتیب $\frac{\pi}{3}$ و $\frac{\pi}{6}$ داریم:

(مسابان ۲ - مثالیات: صفحه‌های ۲۹ و ۳۰)

(همه‌عنوانی کلمن)

گزینه «۳» - ۷۷

نمودار تابع f را در یک دوره تناوب رسم می‌کنیم:



(محمد علیزاده)

گزینه «۲» - ۷۵

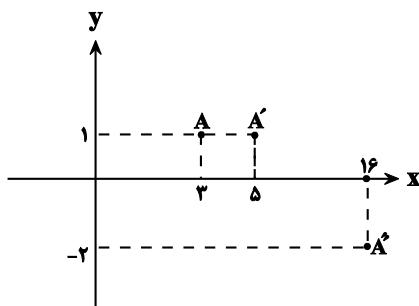
$$A = (3, 1) \in y = f(2x - 1) \Rightarrow 1 = f(2(3) - 1) \Rightarrow f(5) = 1$$

پس نقطه $(5, 1)$ واقع بر منحنی تابع $y = f(x)$ می‌باشد.

$$A'(5, 1) \xrightarrow{\text{هایمهای یک}} (4, 1) \xrightarrow{\text{هاتقسیم بر } \frac{1}{4}} (16, 1)$$

$$y \xrightarrow{\text{هادر ۳- ضرب}} (16, -3) \xrightarrow{\text{ها باضافه یک}} A''(16, -2)$$

$$f(5) = 1 \Rightarrow \frac{1}{4}x + 1 = 5 \Rightarrow x = 16$$



تابع یکنواست \Rightarrow تابع نزولی است $\Rightarrow g = \{(3, 1), (5, 1), (16, -2)\}$

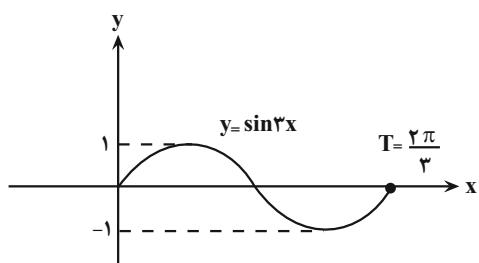
(مسابقات ۲ - تابع: صفحه‌های ۱۲ و ۱۵ تا ۱۸)

(عباس اشرفی)

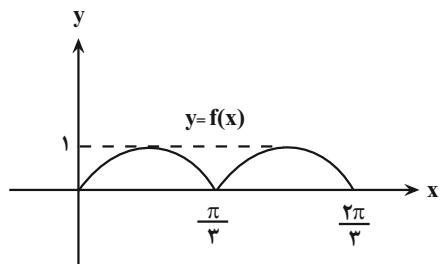
گزینه «۳» - ۷۶

نمودار $y = \sin 3x$ را در یک دوره تناوب رسم می‌کنیم و از روی آن

نمودارهای دو تابع f و g را می‌کشیم تا دوره تناوب آنها را تعیین کنیم.



: $f(x) = |\sin 3x|$



: $g(x) = |\sin 3x + \frac{1}{2}|$



(ممدرسن سلامی مسین)

گزینه «۲» - ۷۹

$$0 < x < \frac{2\pi}{3} \Rightarrow -\frac{\pi}{12} < 3x - \frac{\pi}{12} < 2\pi - \frac{\pi}{12} \quad (1)$$

چون a و b هر دو مثبت هستند پس مینیمم تابع زمانی است که

$$\sin(3x - \frac{\pi}{12}) \text{ دارای بیشترین مقدار باشد که با توجه به (1) داریم:}$$

$$x_1 = \frac{7\pi}{36} \text{ و در نتیجه } 3x_1 - \frac{\pi}{12} = \frac{\pi}{4} \text{ نیز ماکزیمم تابع زمانی است که}$$

$$\sin(3x - \frac{\pi}{12}) \text{ دارای کمترین مقدار باشد که با توجه به (1) داریم:}$$

$$3x_2 - \frac{\pi}{12} = \frac{3\pi}{2} \Rightarrow x_2 = \frac{19\pi}{36}$$

$$x_2 - x_1 = \frac{19\pi}{36} - \frac{7\pi}{36} = \frac{12\pi}{36} = \frac{\pi}{3}$$

پس:

(مسابان ۲ - مثلثات: صفحه‌های ۲۹ ۵ ۲۴)

(نیما کریمیان)

گزینه «۳» - ۸۰

$$f(x) = a \tan((bx + 1)\frac{\pi}{3}) = a \tan(\frac{b\pi}{3}x + \frac{\pi}{3})$$

$$2T = \frac{\pi}{3} \Rightarrow T = \frac{\pi}{3}, T = \frac{\pi}{|b\pi|} \Rightarrow |b| = 3 \Rightarrow b = \pm 3$$

با فرض $b = 3$ و جایگذاری مختصات نقطه $(1, \frac{1}{9})$ در تابع f مقدار a را نیز

مشخص می‌کنیم:

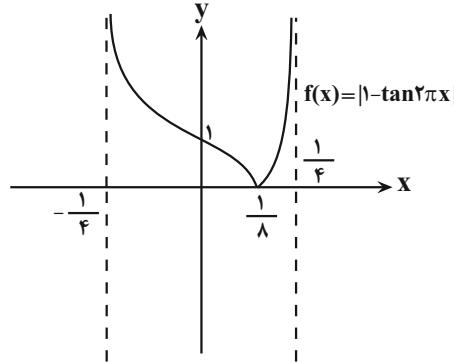
$$f(x) = a \tan(\frac{3\pi}{3}x + \frac{\pi}{3}) \Rightarrow 1 = a \tan(\frac{3\pi}{3} \times \frac{1}{9} + \frac{\pi}{3})$$

$$\Rightarrow 1 = a \tan(\frac{\pi}{6} + \frac{\pi}{3}) \Rightarrow a = \frac{-1}{\sqrt{3}}$$

$$\sqrt{3}a + b = -1 + 3 = 2$$

توجه: به ازای $b = -3$ ، مقدار $a = \frac{1}{\sqrt{3}}$ به دست می‌آید که در آن صورت،عبارت مورد نظر برابر -2 - خواهد شد.

(مسابان ۲ - مثلثات: صفحه‌های ۲۹ ۵ ۲۴)

تابع در بازه $(-\frac{1}{4}, \frac{1}{4})$ یکنوا است.

(مسابان ۲ - مثلثات: صفحه‌های ۲۹ ۵ ۲۴)

(فرشاد مسین؛ اه)

گزینه «۳» - ۷۸

مبدأ مختصات روی نمودار تابع f قرار دارد، پس:

$$f(0) = 0 \Rightarrow a \cos(-\frac{\pi}{3}) + 1 = a(\frac{-1}{2}) + 1 = 0 \Rightarrow a = 2$$

از طرفی طبق فرض:

$$S_{\Delta ABC} = \frac{1}{2} \times AC = \frac{1}{2} \times 5\pi \Rightarrow AC = \frac{5\pi}{3}$$

همچنین طبق نمودار، نقطه A اولین ریشه معادله $f(x) = 0$ قبل از $x = 0$ و

نقاط D و C به ترتیب دومین و چهارمین ریشه همین معادله است:

$$f(x) = 0 \Rightarrow \cos(bx - \frac{\pi}{3}) = \frac{-1}{2} \Rightarrow bx - \frac{\pi}{3} = k\pi \pm \frac{\pi}{3}$$

$$\Rightarrow bx - \frac{\pi}{3} = \dots, \frac{-4\pi}{3}, \frac{-2\pi}{3}, \frac{2\pi}{3}, \frac{4\pi}{3}, \frac{8\pi}{3}, \frac{10\pi}{3}$$

$\uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow \quad \uparrow$
 $x_A \quad x=0 \quad x_D \quad x_C$

$$(bx_C - \frac{\pi}{3}) - (bx_A - \frac{\pi}{3}) = \frac{14\pi}{3} \Rightarrow b(x_C - x_A) = \frac{14\pi}{3} \Rightarrow b = 2$$

پس ضابطه تابع $f(x) = 2 \cos(2x - \frac{\pi}{3}) + 1$ است و داریم:

$$f(\frac{13\pi}{12}) = 2 \cos(\frac{19\pi}{6}) + 1 = -2 \cos \frac{\pi}{6} + 1 = -\sqrt{3} + 1$$

(مسابان ۲ - مثلثات: صفحه‌های ۲۹ ۵ ۲۴)



$$\Rightarrow 2x + x^2 - 2x + a - ax = 0$$

$$\Rightarrow x^2 - ax + a = 0$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱) شرط وجود یک جواب

$$\Rightarrow \begin{cases} a = 0 \\ a = 4 \end{cases}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۲» -۸۴

در یک ماتریس قطری تمام درایه‌های غیرواقع بر قطر اصلی برابر صفر هستند، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} x + 2y = 0 \\ x - y + 3 = 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ y = 1 \end{cases}$$

$$A = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow A^2 = \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 0 \\ 0 & 9 \end{bmatrix} = 9I$$

$$\Rightarrow A^4 = (9I)^2 = 81I \Rightarrow A^5 = A^4 \times A = 81A$$

$$\Rightarrow A^4 + A^5 = 81I + 81A = 81(I + A)$$

$$= 81 \left(\begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -3 & 0 \\ 0 & 3 \end{bmatrix} \right) = 81 \begin{bmatrix} -2 & 0 \\ 0 & 4 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 81(-2 + 4) = 162 = \text{مجموع درایه‌ها}$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

(امیرحسین خلاج)

گزینه «۲» -۸۵

دو ماتریس A و $3I - A$ وارون هم هستند، بنابراین داریم:

$$A^{-1} = 3I - A \Rightarrow A + A^{-1} = 3I$$

هندسه ۳

گزینه «۲» -۸۱

(امیرحسین ابومصوب)

ابتدا ماتریس A^2 را به دست می‌آوریم:

$$A^2 = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = I$$

بنابراین برای توانهای طبیعی ماتریس A داریم:

$$A^n = \begin{cases} I : \text{زوج} \\ A : \text{فرد} \end{cases}$$

$$A^{10} - A^9 = I - A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

پس مجموع درایه‌های این ماتریس، برابر ۱ است.

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

گزینه «۳» -۸۷

برای به دست آوردن درایه واقع در سطر دوم و ستون اول ماتریس BCA ، کافی است سطر دوم ماتریس B را در ماتریس C ضرب کرده و سپس حاصل را در ستون اول ماتریس A ضرب کنیم. اگر $D = BCA$ باشد،

آنگاه داریم:

$$d_{21} = [1 \quad 7] \begin{bmatrix} 5 & 2 & 1 \\ -3 & 4 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} = [-16 \quad 30 \quad 15] \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix} = 134$$

(هنرسه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه‌های ۱۷ تا ۲۱)

گزینه «۳» -۸۳

(امیرحسین ابومصوب)

$$\begin{bmatrix} 1 & 3 & 2 \\ 1 & 0 & -1 \\ -1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ -x \\ a \end{bmatrix} = 0$$

$$\Rightarrow [2+x \quad 2-x \quad 1-x] \begin{bmatrix} x \\ -x \\ a \end{bmatrix} = 0$$



$$\Rightarrow \frac{x}{y} = \frac{2m}{3m} = \frac{2}{3}$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۶ و ۲۷)

(امیرحسین ابومصوب)

گزینه «۱» -۸۹

$$\begin{cases} ax + by = c \\ a'x + b'y = c' \end{cases} \text{ در صورتی فاقد جواب است که}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \neq \frac{c}{c'} \text{ باشد.}$$

$$\frac{a}{a'} = \frac{b}{b'} \Rightarrow \frac{m+1}{1} = \frac{3}{m-1} \Rightarrow (m+1)(m-1) = 3$$

$$\Rightarrow m^2 - 1 = 3 \Rightarrow m^2 = 4 \Rightarrow m = \pm 2$$

حال به ازای هر یک از مقادیر به دست آمده، برقراری رابطه

بررسی می کنیم.

$$m = 2 \Rightarrow \frac{3}{2-1} \neq \frac{2}{2}$$

دستگاه جواب ندارد.

$$m = -2 \Rightarrow \frac{3}{-2-1} = -\frac{2}{2}$$

دستگاه بی شمار جواب دارد.

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه ۲۶)

(محمدمهدی ابوتراپی)

گزینه «۴» -۹۰

$$B = \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix}, X = \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix}, A = \begin{bmatrix} a & 2 \\ b & -5 \end{bmatrix} \text{ باشد، آنگاه داریم:}$$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix} \xrightarrow{|A|=12} A^{-1} = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix}$$

$$X = A^{-1}B = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -5 & -2 \\ -b & a \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix} = \frac{1}{12} \begin{bmatrix} -34 \\ -4b + 7a \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -2 \\ \frac{7a - 4b}{12} \end{bmatrix} \Rightarrow x = -2$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۶ و ۲۷)

$$\Rightarrow (A + A^{-1})^2 = (2I)^2 = 2I^2 = 2I = \begin{bmatrix} 2 & 0 \\ 0 & 2 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow 2 + 2 = 4 = 18$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۲ و ۲۳)

(پیوار هاتمن)

گزینه «۱» -۸۶

$$AB = B + 2I \Rightarrow AB - B = 2I \Rightarrow \frac{1}{2}(A - I)B = I$$

یعنی ماتریس B ، وارون ماتریس $(A - I)^{-1}$ است. داریم:

$$A - I = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 4 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A - I)^{-1} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

$$B = \left(\frac{1}{2}(A - I) \right)^{-1} = 2(A - I)^{-1} = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۲ و ۲۳)

(پیوار هاتمن)

گزینه «۴» -۸۷

$$A^3 + A^2 + A + I = \bar{O} \Rightarrow A^3 = -A^2 - A - I \quad (1)$$

$$A^3 + A^2 + A + I = \bar{O} \Rightarrow -A^3 - A^2 - A = I$$

$$\Rightarrow A(-A^2 - A - I) = I \Rightarrow A^{-1} = -A^2 - A - I \xrightarrow{(1)} A^{-1} = A^3$$

(هنرمه ۳ - ماتریس و کاربردها: صفحه های ۲۲ و ۲۳)

(ممدر خندهان)

گزینه «۴» -۸۸

$$\begin{bmatrix} x \\ y \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 1 \\ 2 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} m \\ -m \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2m \\ 3m \end{bmatrix}$$



(سامان (اسپرینت))

گزینه «۴» - ۹۳

$$1000 = 7 \times 142 + 6 \Rightarrow 1000 \equiv 6 \equiv -1$$

$$\Rightarrow (1000)^7 \equiv (-1)^7 \equiv -1 \Rightarrow (1000)^7 \times 12 \equiv -12$$

$$\Rightarrow (1000)^7 \times 12 + 10 \equiv -12 + 10 \equiv -2 \equiv 5$$

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(علی منصف‌شکری)

گزینه «۲» - ۹۴

$$\left. \begin{array}{l} \frac{1400}{a} \in \mathbb{N} \Rightarrow a \mid 1400 \\ \frac{a}{20} \in \mathbb{N} \Rightarrow 20 \mid a \Rightarrow a = 20k \end{array} \right\} \Rightarrow 20k \mid 1400 \Rightarrow k \mid 70$$

 $\{1, 2, 5, 7, 10, 14, 35, 70\}$ = مجموعه مقسوم‌علیه‌های طبیعی ۷۰
بنابراین ۸ عدد طبیعی برای a وجود دارد.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

(کیوان (دراین))

گزینه «۴» - ۹۵

$$\left. \begin{array}{l} x \in A \Rightarrow x \equiv 1 \equiv 19 \\ x \in B \Rightarrow x \equiv 3 \equiv 19 \end{array} \right\} \Rightarrow \left. \begin{array}{l} x \equiv 19 \\ x \equiv 3 \end{array} \right|_{(2, 8)} \Rightarrow x \equiv 19 \equiv -5 \Rightarrow x = 24k - 5$$

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(کیوان (دراین))

گزینه «۳» - ۹۶

$$\left. \begin{array}{l} (a, 6) = 1 \text{ یا } 3 \text{ یا } 2 \text{ یا } 1 \\ (b, 4) = 1 \text{ یا } 2 \end{array} \right\} \Rightarrow (a, 6) = (b, 4) = 1$$

$$(a, 6) = 1 \Rightarrow (a, 2 \times 3) = 1 \Rightarrow \left\{ \begin{array}{l} (a, 2) = 1 \\ (a, 3) = 1 \end{array} \right. \Rightarrow (a, 2) = (a, 3)$$

ریاضیات گسسته**گزینه «۴» - ۹۱**

(نیلوفر مهروی)

یکشنبه	شنبه	جمعه	پنجشنبه	چهارشنبه	سه شنبه	دوشنبه
۶	۵	۴	۳	۲	۱	.

(۱) از ۳۳ روز قبل تا ۱۲ روز بعد، $33+12=45$ روز فاصله است. $45 \equiv 3$

(۲) از ۴۸ روز قبل تا ۱۲ روز بعد، $48+12=60$ روز فاصله است. $60 \equiv 4$

(۳) از ۴۶ روز قبل تا ۱۲ روز بعد، $46+12=58$ روز فاصله است. $58 \equiv 2$

(۴) از ۳۵ روز قبل تا ۱۲ روز بعد، $35+12=47$ روز فاصله است. $47 \equiv 5$

در گزینه «۴»: باقی مانده تقسیم عدد بر ۷، دقیقاً با روز شنبه تطابق دارد.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه ۲۴)

(امیرحسین (ایمهموب))

گزینه «۲» - ۹۲فرض کنید عددی طبیعی که دارای ویژگی صورت سوال باشد را با x نمایش

دهیم. در این صورت داریم:

$$7x + 5 \equiv 0 \Rightarrow 7x \equiv -5 \equiv -14$$

$$\frac{+7}{(7, 9)=1} \Rightarrow x \equiv -2 \Rightarrow x = 9k - 2 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

$$10 \leq x \leq 99 \Rightarrow 10 \leq 9k - 2 \leq 99 \Rightarrow 12 \leq 9k \leq 101$$

$$\frac{k \in \mathbb{Z}}{2 \leq k \leq 11}$$

بنابراین به ازای ۱۰ مقدار k ، x عددی طبیعی و دو رقمی است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)



(اگلین فاصله‌فار)

«۴» - ۹۹

$$\overline{abab} \equiv 4 - b + a - b + a \equiv 2a - 2b + 4 \equiv 0.$$

$$\Rightarrow 2a - 2b \equiv -4 \xrightarrow{(2,11)=1} a - b \equiv -2$$

به ازای $a = 7$ و $b = 9$, بزرگ‌ترین مقدار $a + b$ حاصل می‌شود که

برابر $a + b = 16$ است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۲۴ و ۲۵)

(فرزانه فکاپاش)

«۱» - ۱۰۰

دو عدد $2a + 9$ و $7a - 4$ در یک دسته هم‌نهشتی به پیمانه ۱۱ قرار دارند.

پس این دو عدد به پیمانه ۱۱ هم‌نهشت هستند.

$$7a - 4 \equiv 2a + 9 \Rightarrow 5a \equiv 13 \equiv 13 + 2 \times 11 \equiv 35$$

$$\xrightarrow{(5,11)=1} a \equiv 7$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{به توان } 3} a^3 \equiv 343 \equiv 3 - 4 + 3 \equiv 2$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\text{به توان } 2} a^2 \equiv 49 \equiv 5$$

$$a \equiv 7 \xrightarrow{\times 3} 3a \equiv 21 \equiv 10$$

$$a^3 + a^2 + 3a + b \equiv 7 \Rightarrow 2 + 5 + 10 + b \equiv 7$$

$$\Rightarrow b \equiv -10 \equiv 1 \Rightarrow b = 11k + 1 \quad (k \in \mathbb{Z})$$

پس به ازای $a, b = 1$, عدد $a^3 + a^2 + 3a + b \equiv 7$ تعلق دارد.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

اعداد $a = 7 \times 5$ و $b = 6 \times 5$, مثال نقض گزینه‌های «۱» و «۲» هستند.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۴)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۱» - ۹۷

طبق ویژگی‌های رابطه عاد کردن (بخش پذیری) داریم:

$$\left. \begin{array}{c} a + 4 | a + 4 \xrightarrow{x a} a + 4 | a^2 + 4a \\ a + 4 | a^2 + 2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a + 4 | 4a - 2$$

$$\left. \begin{array}{c} a + 4 | a + 4 \xrightarrow{x 4} a + 4 | 4a + 16 \\ a + 4 | 4a - 2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a + 4 | 18$$

بنابراین $a + 4$ باید یکی از مقسوم‌علیه‌های ۱۸ باشد. با توجه به اینکه a

عددی طبیعی است, پس $a + 4 \geq 5$ و در نتیجه داریم:

$$a + 4 = 5 \Rightarrow a = 1$$

$$a + 4 = 9 \Rightarrow a = 5$$

$$a + 4 = 18 \Rightarrow a = 14$$

يعني به ازای ۳ عدد طبیعی a , عدد $2 + 2a^2 + a$ بخش‌پذیر است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۹ و ۱۰)

(فرزانه فکاپاش)

«۳» - ۹۸

طبق قضیه تقسیم داریم:

$$\left. \begin{array}{c} a = 6q + 1 \xrightarrow{\times 4} 4a = 24q + 4 \\ a = 8q' + 5 \xrightarrow{\times 3} 3a = 24q' + 15 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} a = 24(q - q') - 11$$

$$\Rightarrow a = 24(q - q') - 24 + 24 - 11 = 24(\underbrace{q - q'}_{q''}) + 13$$

$$\Rightarrow a = 24q'' + 13$$

بنابراین باقی‌مانده تقسیم a بر ۲۴, برابر ۱۳ است.

(ریاضیات گسسته-آشنایی با نظریه اعداد؛ صفحه‌های ۱۳ و ۱۵)



از طرف دیگر برایند نیروهای وارد بر جسم برابر جمع برداری نیروهای وارد

بر آن است. بنابراین می‌توان نوشت:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 + \vec{F}_2 + \vec{F}_3 \Rightarrow 6\vec{i} - 9\vec{j} = 3\vec{i} + 4\vec{j} + 6\vec{i} - 9\vec{j} + \vec{F}_3$$

$$\Rightarrow \vec{F}_3 = -3\vec{i} - 4\vec{j} \Rightarrow |\vec{F}| = \sqrt{(-3)^2 + (-4)^2} = 5N$$

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ تا ۳۴)

(ممدر ساکن)

- ۱۰۹ گزینه «۳»

زمانی که نخ را به سرعت می‌کشیم، زمان انتقال نیرو به گوی وجود ندارد و

طبق قانون اول نیوتون، جسم تمایل دارد حالت اولیه خود را حفظ کند. در

نتیجه نخ (۲) پاره می‌شود. زمانی که نیروی وارد بر گوی به آرامی افزایش

یابد، زمان کافی برای انتقال نیرو به گوی وجود دارد و چون نیروی وارد بر نخ

(۱) به اندازه وزن گوی بیشتر از نیروی وارد بر نخ (۲) است، نخ (۱) پاره می‌شود.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(ممدر ساکن)

- ۱۱۰ گزینه «۱»

نیرویی که از طرف شخص به جعبه وارد می‌شود، به سمت راست است و

نیرویی که از طرف زمین به جعبه وارد می‌شود به سمت پایین است. بنابراین

طبق قانون سوم نیوتون واکنش این دو نیرو از طرف جعبه به شخص به سمت

غرب و از طرف جعبه به زمین به سمت بالا است.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۴ و ۳۵)

دقت کنید، تغییرات اندازه شتاب در نوع حرکت تاثیری ندارد، بلکه نوع حرکت را علامت شتاب و سرعت، با هم مشخص می‌کنند.

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست؛ صفحه‌های ۱۵ تا ۲۱)

- ۱۰۶ گزینه «۴»

چون در لحظه‌های $t_1 = 1s$ و $t_2 = 3s$ شیب خط مماس بر نمودار مکان- زمان برابر صفر است، لذا در این لحظه‌ها سرعت متحرک برابر صفر

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \text{ شتاب متحرک صفر می‌باشد، بنابراین، بنایه رابطه}$$

می‌باشد.

$$a_{av} = \frac{v_2 - v_1}{t_2 - t_1} \xrightarrow{v_1=v_2=0, t_1=1s, t_2=3s} a_{av} = \frac{0-0}{3-1} = 0$$

(فیزیک ۳- حرکت بر فقط راست؛ صفحه‌های ۹ تا ۱۲)

- ۱۰۷ گزینه «۲»

ابتدا با مقایسه معادله مکان- زمان جسم با معادله مکان- زمان در حرکت با شتاب ثابت، شتاب جسم را می‌یابیم:

$$\begin{cases} x = \frac{1}{2}at^2 + v_0t + x_0 \\ x = -2t^2 + 8t - 10 \end{cases} \Rightarrow \frac{1}{2}a = -2 \Rightarrow a = -4 \frac{m}{s^2}$$

اکنون با استفاده از قانون دوم نیوتون، نیروی خالص وارد بر جسم را می‌یابیم:

$$F_{net} = ma \xrightarrow{m=0.5kg, a=-4\frac{m}{s^2}} F_{net} = 0.5 \times (-4) = -2N$$

$$\Rightarrow |F_{net}| = 2N$$

چون $|F_{net}| > 0$ است، جهت آن در سوی مخالف محور X می‌باشد.

(فیزیک ۳- دینامیک و حرکت دایره‌ای؛ صفحه‌های ۳۲ و ۳۳)

- ۱۰۸ گزینه «۳»

ابتدا با استفاده از قانون دوم نیوتون برایند نیروهای وارد بر جسم را حساب می‌کنیم.

$$\vec{F} = m\vec{a} \xrightarrow{m=4kg, \vec{a}=2\vec{i}-3\vec{j}} \vec{F} = 4 \times (2\vec{i} - 3\vec{j})$$

$$\Rightarrow \vec{F} = 8\vec{i} - 12\vec{j}$$



شیمی ۳

«۱۱۱- گزینه «۱»

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۱) چند هزار سال پیش از میلاد، انسان‌ها برای نظافت از موادی شبیه صابون امروزی استفاده می‌کردند.

(۲) وبا یک بیماری واگیردار است که به دلیل نبود بهداشت و آلوده شدن آب به سرعت شیوع می‌یابد.

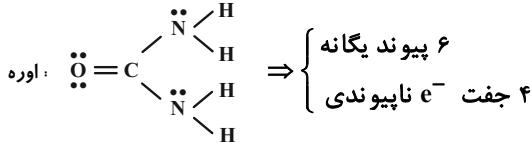
(۳) با افزایش سطح تندرنستی و بهداشت فردی و همگانی، شاخص امید به زندگی در جهان افزایش یافته است.

(شیمی ۳- صفحه‌های ۳ و ۱۰)

«۱۱۲- گزینه «۳»

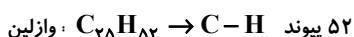
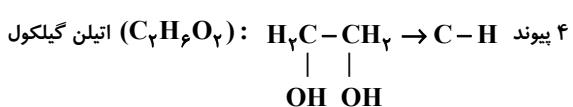
بررسی همه موارد:

مورد اول:



مورود دوم: عسل مولکول‌های قطبی دارد و NaCl ترکیب یونی است. در نتیجه هر دو در آب حل می‌شوند و در اوکتان (C_8H_{18}) حل نمی‌شوند؛ ولی صابون هم در آب و هم در اوکتان حل می‌شود.

مورد سوم:



وازلين

فرمول مولکولی روغن زیتون: $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

«۱۱۳- گزینه «۴»

بررسی گزینه‌ها:

(۱) درست؛ با افزایش دما، قدرت پاک‌کنندگی صابون افزایش می‌یابد و با افزایش دما مقدار درصد لکه باقی‌مانده کاهش می‌یابد.

(۳) درست؛ هر چه مقدار صابون در آب بیشتر باشد، کف ایجاد شده بیشتر است. ولی با رسیدن غلظت صابون حل شده در آب به یک مقدار مشخص، ارتقای کف تغییر نمی‌کند.

(۴) نادرست؛ هر چه مقدار صابون بیشتر باشد مقدار پاک‌کنندگی نیز افزایش می‌یابد.

(شیمی ۳- صفحه‌های ۸ تا ۱۰)

(روزبه رضوانی)

«۱۱۴- گزینه «۲»

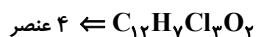
موارد اول و دوم درست است.

بررسی موارد:

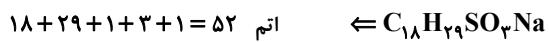
مورد اول: هر دو دارای حلقه بنزنی هستند.

مورود دوم: از ترکیب‌های کلردار به منظور افزایش قدرت میکروب‌کشی صابون‌ها استفاده می‌شود.

مورود سوم: شمار عنصرهای ترکیب الف:



شمار اتم‌های ترکیب ب:



بنابراین:

$$\frac{\text{شمار اتم‌های (ب)}}{\text{شمار عنصرهای (الف)}} = \frac{52}{4} = 13$$

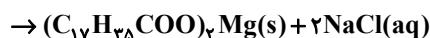
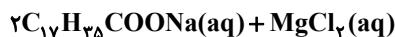
مورود چهارم: هر چه شوینده مواد شیمیایی بیشتری داشته باشد عوارض جانبی آن نیز بیشتر خواهد بود.

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۲)

(امیرحسین مسلمی)

«۱۱۵- گزینه «۴»

با توجه به این که فرمول عمومی صابون جامد با زنجیر هیدروکربنی سیرشده به صورت $\text{C}_n\text{H}_{2n+1}\text{COONa}$ است، پس فرمول شیمیایی صابون



$$\text{رسوب} \times \frac{1 \text{ mol}}{\text{صابون}} \times \frac{1 \text{ mol}}{2 \text{ g}} = 61 / 2 \text{ g} = \text{رسوب g}$$

$$\times \frac{59 \text{ g}}{1 \text{ mol}} = 59 \text{ g}$$

(شیمی ۳- صفحه‌های ۶ تا ۹)

(ایمان حسین نژاد)



$$(1), (2) \Rightarrow \frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = \frac{10^{-14}}{[\text{H}^+]^2} = 4 \times 10^{-10} \Rightarrow [\text{H}^+]^2 = 25 \times 10^{-6}$$

$$\Rightarrow [\text{H}^+] = 5 \times 10^{-3} \frac{\text{mol}}{\text{L}} \Rightarrow \text{pH} = 3 - \log 5 = 3 - 0.7 = 2.3$$

$$\% a = \frac{[\text{H}^+]}{M} \times 100 = \frac{5 \times 10^{-3}}{1/25} \times 100 = 10\%$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۶ تا ۲۸)

(امیرحسین مسلمی)

«۲» گزینه ۲

بررسی عبارت‌ها:

۱) درست؛ از این پاک‌کننده برای باز کردن مجاری مسدود شده با چربی‌ها استفاده می‌شود.

ب) نادرست؛ این مخلوط در اثر واکنش با آب، گاز هیدروژن تولید می‌کند.

پ) درست

ت) درست؛ واکنش این مخلوط با آب گرماده است و باعث افزایش دمای محلول می‌شود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۲ و ۱۳)

(امیرحسین طیبی)

«۴» گزینه ۴

pH به اندازه ۴ واحد کاهش یابد به این معناست که pH محلول از ۷ به ۳ برسد.

$$\text{pH} = 3 \Rightarrow [\text{H}^+] = 10^{-3} \Rightarrow K_a = \frac{[\text{H}^+]^2}{M - [\text{H}^+]}$$

$$\Rightarrow 6 \times 10^{-4} = \frac{10^{-6}}{M - 10^{-3}} \Rightarrow 6M - 6 \times 10^{-3} = 10 \times 10^{-3}$$

$$\Rightarrow 6M = 16 \times 10^{-3} \Rightarrow M = \frac{16 \times 10^{-3}}{6} \text{ mol.L}^{-1}$$

$$M = \frac{n}{V} \Rightarrow n = M \times V \Rightarrow n = \frac{16 \times 10^{-3}}{6} \text{ mol} \times 1/5 \text{ L}$$

$$= 4 \times 10^{-3} \text{ mol HF}$$

$$? \text{ mL HF} = 4 \times 10^{-3} \text{ mol HF} \times \frac{22/4 \text{ L HF}}{1 \text{ mol HF}}$$

$$\times \frac{10^3 \text{ mL}}{1 \text{ L}} = 89/6 \text{ mL HF}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۲۰ تا ۲۶)

(محمد رضا پور جاویر)

«۳» گزینه ۳

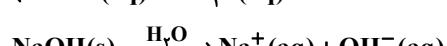
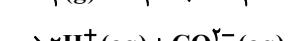
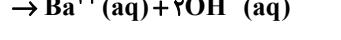
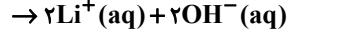
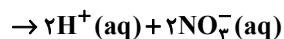
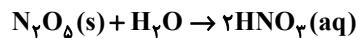
اتیلن گلیگول و اتانول ($\text{C}_2\text{H}_5\text{OH}$) به صورت مولکولی در آب حل می‌شوند و موادی اسیدی یا بازی به شمار نمی‌آیند. در حالی که کربن دی اکسید (CO_2) با حل شدن در آب مقدار یون H_3O^+ را افزایش می‌دهد و یک اسید آرنیوس خواهد بود.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۴ تا ۱۶)

(امیرحسین طیبی)

«۴» گزینه ۴

معادله اتحال ترکیبات داده شده در آب:



اکسیدهای بازی از بین ترکیبات داده شده، BaO و Li_2O هستند که از

انحلال یک مول از هر یک از آن‌ها در مجموع ۴ مول یون OH^- تولید می‌شود.

تذکر: NaOH اکسید بازی نیست! (هیدروکسید است).

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) ۴ ترکیب از ۶ ترکیب داده شده (٪۶۷) حالت فیزیکی جامد دارند؛ به

این معنی که نقطه ذوب آن‌ها از دمای اتاق (25°C)، بیشتر می‌باشد.

۲) ۳ ترکیب از ۶ ترکیب داده شده (٪۵۰) در صورت اتحال در آب یون

H^+ ایجاد می‌کند و pH آن را کاهش می‌هند.

۳) از بین اسیدهای آرنیوس داده شده، N_2O_5 مول یون‌های بیشتری تولید می‌کند؛ در نتیجه رسانایی الکتریکی بیشتری دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۳ تا ۱۸)

(امیرحسین طیبی)

«۳» گزینه ۳

$$(1) [\text{H}^+][\text{OH}^-] = 10^{-14} \quad \text{در دمای اتاق}$$

$$(2) \frac{[\text{OH}^-]}{[\text{H}^+]} = 4 \times 10^{-10}$$

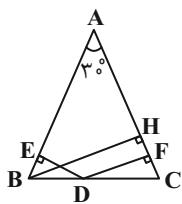


(رضا عباس اصل)

گزینه «۳» - ۱۲۴

ارتفاع BH را در این مثلث رسم می‌کنیم. در مثلث قائم‌الزاویه ABH ، BH ضلع رو به رو به زاویه 30° و اندازه آن نصف اندازه وتر است، پس

داریم:



$$BH = \frac{1}{2} AB = \frac{1}{2} \times 12 = 6$$

مجموع فواصل هر نقطه واقع بر قاعده یک مثلث متساوی‌الساقین از دو ساق آن، برابر طول ارتفاع وارد بر ساق است. بنابراین داریم:

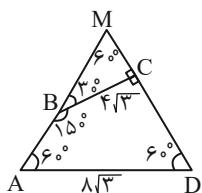
$$DE + DF = BH \Rightarrow 2 + DF = 6 \Rightarrow DF = 4$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه ۶۸)

(بواره‌های اتمان)

گزینه «۴» - ۱۲۵

دو ضلع AB و CD را امتداد می‌دهیم تا یکدیگر را در نقطه M قطع کنند. مثلث MAD متساوی‌الاضلاع است. همنجین با توجه به اندازه زوایای داده شده، بر BC عمود و مثلث MCB قائم‌الزاویه است.



$$\Delta MCB : \tan 60^\circ = \frac{BC}{MC} \Rightarrow \sqrt{3} = \frac{4\sqrt{3}}{MC} \Rightarrow MC = 4$$

$$S_{ABCD} = S_{MAD} - S_{MCB} = \frac{\sqrt{3}}{4} AD^2 - \frac{1}{2} BC \times MC$$

$$= \frac{\sqrt{3}}{4} (8\sqrt{3})^2 - \frac{1}{2} \times 4\sqrt{3} \times 4 = 48\sqrt{3} - 8\sqrt{3} = 40\sqrt{3}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه ۶۵)

(فرزانه فاکیباش)

گزینه «۴» - ۱۲۶

$$\frac{AM}{MB} = \frac{AN}{NC} = 1 \xrightarrow{\text{عكس قضیه تالس}} MN \parallel BC$$

$$\xrightarrow{\text{قضیه اساسی تشابه}} \Delta AMN \sim \Delta ABC$$

$$\Rightarrow \frac{S_{AMN}}{S_{ABC}} = \left(\frac{AM}{AB}\right)^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow S_{AMN} = \frac{1}{4} S_{ABC} \quad (1)$$

هندسه ۱

گزینه «۱» - ۱۲۱

(محمد رضا هفغان)

می‌دانیم مجموع فواصل یک نقطه درون مثلث متساوی‌الاضلاعی به ضلع a ازسه ضلع مثلث برابر است با $\frac{\sqrt{3}}{2} a$. از طرفی مساحت مثلث متساوی‌الاضلاعبه ضلع a برابر است با $\frac{\sqrt{3}}{4} a^2$ ، بنابراین داریم:

$$\frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 3\sqrt{3} \Rightarrow a^2 = 12 \Rightarrow a = 2\sqrt{3}$$

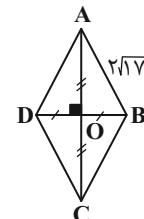
$$\Rightarrow \frac{\sqrt{3}}{2} a = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 2\sqrt{3} = 3$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه ۶۱)

گزینه «۲» - ۱۲۲

می‌دانیم در هر لوزی قطرها منصف یکدیگرند. پس مطابق فرض داریم:

$$AC = 4BD \Rightarrow 2OA = 4(2OB) \Rightarrow OA = 2OB$$

در مثلث قائم‌الزاویه AOB داریم:

$$AB^2 = OA^2 + OB^2 \Rightarrow (2\sqrt{17})^2 = (4OB)^2 + OB^2$$

$$\Rightarrow 4(17) = 17OB^2 \Rightarrow OB^2 = 4$$

$$\Rightarrow OB = 2, OA = 4 \times 2 = 8$$

$$\text{مساحت لوزی} = \frac{AC \times BD}{2} = \frac{16 \times 4}{2} = 32$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: مشابه تمرین ۱ صفحه ۷۷)

گزینه «۱» - ۱۲۳

فرض کنید مساحت شکل‌های بیرونی و درونی را به ترتیب با S و S' نمایش

دهیم. در این صورت طبق فرمول پیک داریم:

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 = \frac{7}{2} + 11 - 1 = 13/5$$

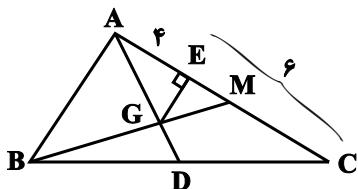
$$S' = \frac{b'}{2} + i' - 1 = \frac{3}{2} + 2 - 1 = 2/5$$

$$\text{مساحت قسمت سایه زده} = S - S' = 13/5 - 2/5 = 11$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

(عن ایمان)

گزینه «۳» - ۱۲۹



$$AE = 4, EC = 6 \Rightarrow AC = 10$$

اگر میانه BM را رسم کنیم، آنگاه $AM = 5$ است و داریم:

$$S_{AGM} = \frac{1}{6} S_{ABC} \Rightarrow \frac{1}{2}(3)(5) = \frac{1}{6} S_{ABC}$$

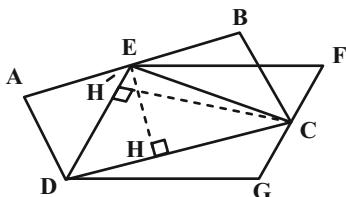
$$\Rightarrow \frac{15}{2} = \frac{1}{6} S_{ABC} \Rightarrow S_{ABC} = 45$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

(سریر یقیازاریان تبریزی)

گزینه «۱» - ۱۳۰

نقاط E (روی ضلع AB) و C (روی ضلع FG) را به یکدیگر وصل می‌کنیم.



می‌توان نوشت:

$$\left. \begin{array}{l} S_{EDC} = \frac{1}{2} EH \times DC \\ S_{ABCD} = EH \times DC \end{array} \right\} \Rightarrow S_{ABCD} = 2S_{EDC}$$

$$\left. \begin{array}{l} S_{EDC} = \frac{1}{2} CH' \times ED \\ S_{EFGD} = CH' \times ED \end{array} \right\} \Rightarrow S_{EFGD} = 2S_{EDC}$$

از آنجا که مساحت مثلث EDC برابر با نصف مساحت هریک از متوازی‌الاضلاع‌های $EFGD$ و $ABCD$ است، بنابراین می‌توان نتیجه

گرفت:

$$S_{ABCD} = S_{EFGD}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۵)

از طرفی نقطه G، نقطه همسایه‌های مثلث ABC است و در نتیجه داریم:

$$S_{BGC} = \frac{1}{3} S_{ABC} \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \frac{S_{AMN}}{S_{BGC}} = \frac{\frac{1}{4} S_{ABC}}{\frac{1}{3} S_{ABC}} = \frac{3}{4}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۶ و ۶۷)

گزینه «۳» - ۱۲۷

اگر تعداد نقاط مرزی و درونی یک چندضلعی شبکه‌ای به ترتیب برابر b و i باشد، آن‌گاه طبق فرمول پیک، مساحت این چندضلعی برابر

$$S = \frac{b}{2} + i - 1 \quad \text{است که همواره } 3 \leq b \leq i \text{ است. بنابراین داریم:}$$

$$\frac{b}{2} + i - 1 \Rightarrow \frac{b}{2} = \frac{b}{2} + i - i \Rightarrow b = 17 - 2i$$

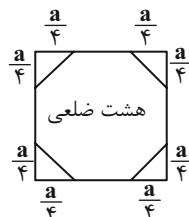
$$b \geq 3 \Rightarrow 17 - 2i \geq 3 \Rightarrow 2i \leq 14 \Rightarrow i \leq 7 \xrightarrow{i \geq 0} 0 \leq i \leq 7$$

بنابراین تعداد نقاط درونی این چندضلعی شبکه‌ای می‌تواند یکی از هشت مقدار متفاوت $1, 2, \dots, 7$ را دارد.

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه‌های ۶۹ تا ۷۱)

گزینه «۲» - ۱۲۸

با توجه به شکل داریم:



$$S = \frac{a}{4} \times \frac{a}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{a^2}{32} \quad \text{مثلث قائم‌الزاویه}$$

$$S = S_{\text{مربع}} - 4S_{\text{مثلث قائم‌الزاویه}} \quad S = a^2 - 4 \times \frac{a^2}{32} = a^2 - \frac{a^2}{8} = \frac{7a^2}{8}$$

$$S = a^2 - \frac{4a^2}{32} = a^2 - \frac{a^2}{8} = \frac{7a^2}{8} \quad \text{هشت ضلعی} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{S_{\text{مربع}}}{S_{\text{هشت ضلعی}}} = \frac{a^2}{\frac{7a^2}{8}} = \frac{8}{7}$$

(هنرسه - پند ضلعی‌ها؛ صفحه ۶۵)

$$? \text{ g Cl}_2 = 10 \text{ L Cl}_2 \times \frac{1 \text{ mol Cl}_2}{50 \text{ L Cl}_2} \times \frac{71 \text{ g Cl}_2}{1 \text{ mol Cl}_2} = 14 / 2 \text{ g Cl}_2$$

مورد چهارم: با کاهش تعداد وزنهای بالای پیستون، فشار محفظه گاز کاهش می‌باید و حجم گاز افزایش می‌باید. می‌دانیم چگالی یک گاز از رابطه $d = \frac{m}{V}$ محاسبه می‌شود. جرم گاز که ثابت است، حجم آن افزایش یافته است؛ در نتیجه چگالی آن کاهش می‌باید.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۷ تا ۷۹)

(روزبه رضوانی)

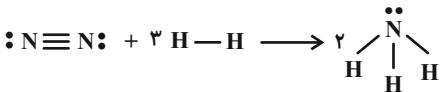
«۳» ۱۳۴ - گزینه

موارد اول و چهارم درست است.

بررسی موارد:

مورد اول، آمونیاک نقطه جوش بالاتری دارد.

مورد دوم: نادرست:



مورد سوم: نادرست؛ روابط استوکیومتری بر پایه شمار مول مواد است.

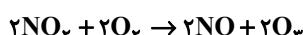
مورد چهارم: N و H جزء فراوان‌ترین عناصر مشتری هستند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۱ و ۸۳)

(امیرحسین طیبی)

«۲» ۱۳۵ - گزینه

ابتدا هر سه واکنش را موازن می‌کنیم، به‌طوری که ضریب ماده مشترک بین هر دو واکنش برابر شود:



در می‌یابیم که به ازای هر مول N₂ مصرفی، ۲ مول O₃ تولید می‌شود و در

مجموع ۳ واکنش، ۴ مول O₂ به مصرف می‌رسد؛ یا به عبارتی:



$$? \text{ g O}_2 = 9 / 0.3 \times 10^{24} \text{ atom N} \times \frac{1 \text{ mol N}}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom N}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol N}_2}{2 \text{ mol N}} \times \frac{2 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol N}_2} \times \frac{48 \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 720 \text{ g O}_2$$

$$? \text{ L O}_2 = 9 / 0.3 \times 10^{24} \text{ atom N} \times \frac{1 \text{ mol N}}{6 / 0.2 \times 10^{23} \text{ atom N}}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol N}_2}{2 \text{ mol N}} \times \frac{4 \text{ mol O}_2}{1 \text{ mol N}_2} \times \frac{22 / 4 \text{ L O}_2}{1 \text{ mol O}_2} = 672 \text{ L O}_2$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۱ تا ۸۳)

شیمی ۱

۱۳۱ - گزینه «۱»

عبارت‌های (الف)، (ب) و (ج) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(الف) توسعه پایدار، شامل ملاحظات زیست محیطی، اجتماعی و اقتصادی است

و ملاحظات سیاسی را شامل نمی‌شود.

(ب) مولکول‌های اوزون به‌طور عمده در لایه استراتوسفر قرار دارند که لایه مفید اوزون را تشکیل می‌دهند ولی در لایه تروپوسفر هم وجود دارد.

(پ) دگر‌شکل‌ها یا آلتروب‌ها به شکل‌های مختلف مولکولی یا بلوری یک عنصر گفته می‌شود که ممکن است فرمول مولکولی متفاوتی داشته باشد.

مانتند اوزون O₃ و مولکول اکسیژن O₂

ت) با توجه به صفحه ۷۵ کتاب درسی درست است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۷۳ تا ۷۵)

۱۳۲ - گزینه «۲»

جرم کاسته شده همان جرم CO₂ خارج شده است:

$$? \text{ g CaO} = 13 / 2 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2} \times \frac{1 \text{ mol CaO}}{1 \text{ mol CO}_2}$$

$$\times \frac{56 \text{ g CaO}}{1 \text{ mol CaO}} = 16 / 8 \text{ g}$$

$$? \text{ g CaCO}_3 = 13 / 2 \text{ g CO}_2 \times \frac{1 \text{ mol CO}_2}{44 \text{ g CO}_2}$$

صرف شده

$$\times \frac{1 \text{ mol CaCO}_3}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{100 \text{ g CaCO}_3}{1 \text{ mol CaCO}_3} = 30 \text{ g}$$

$$\text{CaCO}_3 = 50 - 30 = 20 \text{ g}$$

باقي مانده

$$20 - 16 / 8 = 3 / 2 \text{ g}$$

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۸۰ و ۸۱)

۱۳۳ - گزینه «۱»

مورد سوم به درستی بیان شده است.

بررسی همه موارد:

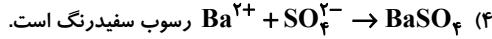
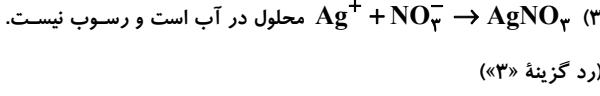
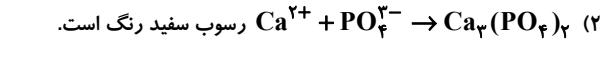
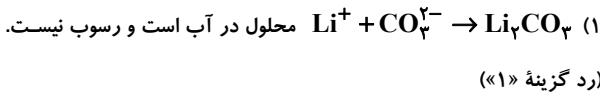
مورد اول: برای توصیف یک نمونه گاز، باید مقدار و دما و فشار آن مشخص باشد؛ در اینجا فشار نمونه گاز داده نشده است. در نتیجه نمی‌تواند توصیفی از یک نمونه گاز باشد.

مورد دوم: در شرایط STP یک مول از هر گازی ۲۲/۴ لیتر حجم دارد. (نه هر ماده‌ای!)

مورد سوم: ابتدا حجم مولی گازها در آن شرایط را محاسبه می‌کنیم؛ سپس جرم Cl₂ را محاسبه می‌کنیم:

$$? \text{ L SO}_2 = 32 \text{ g SO}_2 \times \frac{1 \text{ mol SO}_2}{64 \text{ g SO}_2} \times \frac{v_m \text{ L SO}_2}{1 \text{ mol SO}_2}$$

$$= 25 \text{ L SO}_2 \Rightarrow v_m = 50 \frac{\text{L}}{\text{mol}}$$



(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۸۹ تا ۹۱)

(روزبه رضوانی)

گزینه «۲» - ۱۳۹

آنیون	کاتیون	
Ni_2S_3	$\frac{3}{2}$	نیکل (III) سولفید
$\text{Ba}_3(\text{PO}_4)_2$	$\frac{2}{3}$	باریم فسفات
$\text{Sc}_2(\text{SO}_4)_3$	$\frac{3}{2}$	اسکاندیم سولفات
$\text{Al}_3(\text{CO}_3)_3$	$\frac{3}{2}$	آلومینیم کربنات
$\text{Ga}_3(\text{SO}_4)_3$	$\frac{3}{2}$	گالیم سولفات
$\text{Cr}(\text{NO}_3)_3$	$\frac{3}{1}$	کروم (III) نیترات

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه ۹۲)

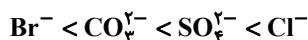
(امیر هاتمیان)

گزینه «۲» - ۱۴۰

موارد (پ) و (ت) درست هستند.

بررسی گزینه‌های نادرست:

الف) ترتیب مقدار آنیون‌های حل شده در آب دریا:



ب) اگر کره زمین را مسطح در نظر بگیریم آب‌های موجود همه سطح آن را تا ارتفاع بیش از ۲ کیلومتر می‌پوشانند.

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۸۶ تا ۸۸)

- ۱۳۶ - گزینه «۲»

تنها مورد دوم به نادرستی بیان شده است.

بررسی همه موارد:

مورد اول: مطابق متن کتاب درسی است.

مورد دوم: بیانگر ارتباط بین زیست کره (جانداران آبزی) و هواکره می‌باشد.

مورد سوم: فراوان ترین آئیون چند اتمی موجود در آب دریا، یون سولفات SO_4^{2-} می‌باشد.

$$\frac{\text{شمار اتم}}{\text{مقدار بار}} = \frac{5}{2} = \frac{5}{2 / 5} = \frac{5}{2}$$

مورد چهارم: با توجه به متن کتاب درسی درست می‌باشد.

مورد پنجم: غلظت محلول $\% ۲$ جرمی اگر به ppm تبدیل شود؛ برابر 20000 ppm خواهد بود؛ در نتیجه دو محلولی که غلظت یکسان دارند $\text{ppm} = 2 \times 10^4 = 20000$.
 (شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۸۵ تا ۸۹)

- ۱۳۷ - گزینه «۳»

ابتدا جرم حلال و حل شونده را مشخص می‌کنیم:

$$\frac{\text{جرم حل شونده}}{\text{جرم محلول}} = \frac{21}{180} \times 100 \Rightarrow 21 = \frac{100}{180} \times \text{جرم حل شونده}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} 127 / 8 \text{ g Na}_2\text{SO}_4 \\ 52 / 2 \text{ g H}_2\text{O} \end{cases}$$

سپس شمار مول اتم‌های اکسیژن در Na_2SO_4 و آب را جداگانه حساب می‌کنیم و در آخر با یکدیگر جمع می‌کنیم:

$$\text{? mol O} = 127 / 8 \text{ g Na}_2\text{SO}_4 \times \frac{1 \text{ mol Na}_2\text{SO}_4}{142 \text{ g Na}_2\text{SO}_4}$$

$$\times \frac{4 \text{ mol O}}{1 \text{ mol Na}_2\text{SO}_4} = 3 / 6 \text{ mol O}$$

$$\text{? mol O} = 52 / 2 \text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1 \text{ mol H}_2\text{O}}{18 \text{ g H}_2\text{O}} \times \frac{1 \text{ mol O}}{1 \text{ mol H}_2\text{O}}$$

$$= 2 / 6 \text{ mol O}$$

$$\text{O} = 3 / 6 + 2 / 6 = 5 / 6 \text{ mol O}$$

(شیمی ا- آب، آهنگ زندگی: صفحه‌های ۹۶ و ۹۷)

- ۱۳۸ - گزینه «۴»

در $\frac{3}{5} \times 100 = 60\%$ از ترکیبات داده شده نسبت شمار اتم‌ها به

عنصرها بیشتر از ۲ می‌باشد. (رد گزینه‌های «۱» و «۲»)

(I)	(II)	نسبت شمار اتم‌ها به عنصرها	
		فرمول ترکیب	نسبت شمار اتم‌ها به عنصرها
a	BaBr_3	$\frac{3}{2} = 1/5$	$\text{Al}(\text{NO}_3)_3$ $\frac{13}{3} = 4/33$
b	FePO_4	$\frac{6}{3} = 2$	LiCl $\frac{2}{2} = 1$
c	AgF	$\frac{1}{2} = 1$	$\text{Ca}(\text{OH})_2$ $\frac{5}{3} = 1/6$
d	$(\text{NH}_4)_2\text{CO}_3$	$\frac{14}{4} = 3/5$	K_2SO_4 $\frac{7}{3} = 2/33$