

تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	رشته: ریاضی و فیزیک	سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲
نام و نام خانوادگی:	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹	

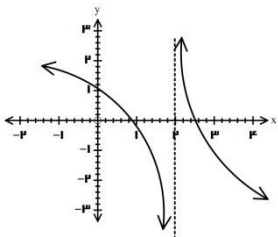
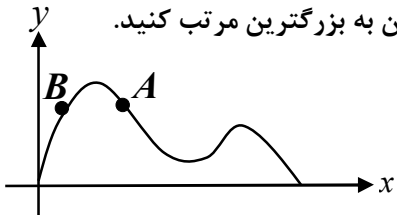
ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱	<p>نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. نمودار تابع $g(x) = f(2x - 1)$ را رسم، دامنه و برد آن را تعیین کنید.</p>	۱
۱	<p>با رسم نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} 1-x^2 & x \leq 1 \\ -1 & x > 1 \end{cases}$ تعیین کنید تابع درجه بازه ای صعودی و درجه بازه ای نزولی می باشد.</p>	۲
۱	<p>چند جمله ای $x^6 - 1$ را با عامل $x - 1$ تجزیه کنید.</p>	۳
۰/۲۵	<p>جای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید. دامنه تابع با ضابطه $y = \tan x$ به صورت $\{x \in \mathbb{R} \mid x \neq \dots\}$ است.</p>	۴
۱	<p>درست یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع $f(x)$ در بازه شامل a, b صعودی است. اگر $f(a) \leq f(b)$ آنگاه $a \leq b$ ب) اگر خط $x = a$ مماس قائم بر منحنی تابع $f(x)$ در نقطه $(a, f(a))$ باشد آنگاه $f'(a)$ موجود است.</p>	۵
۱/۲۵	<p>در شکل نمودار زیر، با تعیین مقادیر ماکزیمم و می نیمم تابع، ضابطه ی آن را بنویسید.</p>	۶
۱/۵	<p>معادله مثلثاتی $\sin x \cos x = \frac{\sqrt{2}}{4}$ را حل کنید.</p>	۷
۱	<p>حد های زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} \frac{[x] + 1}{x + 1}$</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{5x - x^3}{3x^2 + 2}$</p>	۸
۱/۵	<p>مجانب های قائم و افقی نمودار تابع $f(x) = \frac{4x^2 + 1}{2x^2 + x}$ را در صورت وجود بیابید.</p>	۹

«ادامه سؤالات در صفحه دوم»

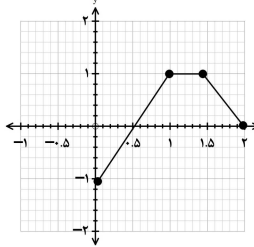
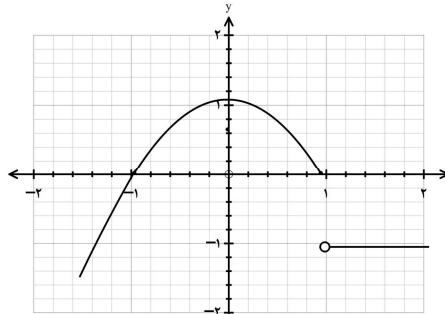
سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت دی ماه سال ۱۳۹۹			
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			

ردیف	سؤالات (پاسخ نامه دارد)	نمره
------	-------------------------	------

۱۰	در نمودار تابع $f(x)$ موارد زیر را مشخص کنید. 	۰/۵
۱۱	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 2x & x < 1 \end{cases}$ را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۲	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (4x^2 - 7)(2x - 1)^4$ ب) $g(x) = \frac{1 - \sin x}{\cos x}$	۲
۱۳	در نمودار $y = f(x)$ شیب نمودار در نقاط A, B و شیب خط AB را، از کوچکترین به بزرگترین مرتب کنید. 	۱
۱۴	جسمی از سطح زمین به طور عمودی پرتاب شده است، که معادله ارتفاع آن از سطح زمین به صورت $f(t) = -2t^2 + 10t$ می باشد. سرعت لحظه ای این جسم را در $t = 2$ به دست آورید.	۱
۱۵	مقادیر ماکزیمم و می نیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 3x + 1$ را درباره $[-1, 2]$ تعیین کنید.	۱/۵
۱۶	درستی یا نادرستی عبارت را تعیین کنید. الف) در هر نقطه ای که جهت تقعر منحنی تابع عوض شود آن نقطه ی عطف تابع است. ب) اگر $x = c$ طول نقطه اکسترمم نسبی تابع $f(x)$ و $f'(c)$ موجود باشد، آنگاه $f'(c) = 0$	۱
۱۷	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x}{x-2}$ را رسم کنید.	۲
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$D_g = [0, 2] \quad (0/25) \quad R_g = [-1, 1] \quad (0/25)$ (مشابه مثال صفحه ۱۰)  رسم شکل (۰/۵)	۱
۱	$[-\infty, 0] \cup (1, +\infty)$ (مشابه کار در کلاس صفحه ۱۸ قسمت ۲) صعودی (۰/۲۵) $[0, +\infty)$ نزولی (۰/۲۵)  رسم شکل (۰/۵)	۲
۱	$x^6 - 1 = \underbrace{(x-1)}_{(0/25)} \underbrace{(x^5 + x^4 + x^3 + x^2 + x + 1)}_{(0/25)}$ (تمرین ۸ قسمت الف صفحه ۲۲)	۳
۰/۲۵	$x \neq k\pi + \frac{\pi}{2} : k \in \mathbb{Z} \quad (0/25)$ (صفحه ۲۲)	۴
۱	(الف درست (۰/۵) (صفحه ۱۸) (ب) نادرست (۰/۵) (صفحه ۸۹)	۵
۱/۲۵	(مثال صفحه ۲۸ قسمت ب) با توجه به نمودار ضابطه به صورت $y = a \sin bx + c$ می شود. $b = 3, a = -\frac{1}{2}$ $\underbrace{\max y = \frac{1}{2}, \min y = -\frac{1}{2}, T = \frac{2\pi}{3}}_{(0/5)} \Rightarrow y = -\frac{1}{2} \sin 3x \quad (0/25)$	۶
۱/۵	(مشابه مثال صفحه ۴۰) $\frac{1}{2} \sin 2x = \frac{\sqrt{2}}{4} \Rightarrow \sin 2x = \frac{\sqrt{2}}{2} = \sin \frac{\pi}{4} \Rightarrow \begin{cases} x = k\pi + \frac{\pi}{8}, k \in \mathbb{Z} & (0/5) \\ x = k\pi + \frac{3\pi}{8}, k \in \mathbb{Z} & (0/5) \end{cases}$	۷

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

۸	<p>(تمرین ۲ صفحه ۶۹ ق پ) (۰/۵) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x}{3} = +\infty$ (ب) (مشابه کار در کلاس صفحه ۵۳) (۰/۵) $\frac{-1}{0^-} = +\infty$ (الف)</p>	۱
۹	<p>(مشابه تمرین ۴ صفحه ۶۹) $2x^2 + x = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 0 & (0/25) \\ x = -\frac{1}{2} & (0/25) \end{cases}$ (مجانِب های قائم) (۰/۵)</p> <p>$y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4x^2 + 1}{2x^2 + x} = 2 \Rightarrow y = 2$ (مجانِب افقی) (۰/۵)</p>	۱/۵
۱۰	<p>(صفحه ۴۸) $-\infty$ (۰/۲۵) (ب) $+\infty$ (الف) (۰/۲۵) (۰/۵)</p>	۰/۵
۱۱	<p>(مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰) (۰/۲۵) تابع پیوسته است. $\lim_{x \rightarrow 1^+} (x^2 + 1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} 2x = 2 = f(1)$</p> <p>$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2 + 1 - 2}{x - 1} = 2$ (۰/۵), $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2x - 2}{x - 1} = 2$ (۰/۵)</p> <p>$\Rightarrow f'_+(1) = f'_-(1) = 2$ (۰/۲۵) تابع در این نقطه مشتق پذیر است.</p>	۱/۵
۱۲	<p>(مشابه تمرین ۱۴ صفحه ۱۰۱) $f'(x) = \underbrace{(12x^2)(2x-1)^2}_{(0/5)} + \underbrace{4(2x-1)^2(2)(4x^3-7)}_{(0/5)}$ (الف)</p> <p>(مشابه کار در کلاس صفحه ۹۶) $g'(x) = \frac{\overbrace{-\cos x (\cos x)}^{(0/25)} - \overbrace{(-\sin x)(1-\sin x)}^{(0/5)}}{\underbrace{\cos^2 x}_{(0/25)}}$ (ب)</p>	۲
۱۳	<p>(مشابه تمرین ۷ صفحه ۸۲) $\underbrace{m_A}_{(0/25)} < \underbrace{m_{AB}}_{(0/5)} = 0 < \underbrace{m_B}_{(0/25)}$</p>	۱

ادامه پاسخ ها در صفحه بعد

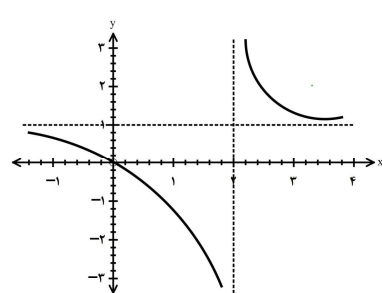
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۰۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در دی ماه سال ۱۳۹۹	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	$\underbrace{f'(t) = -4t + 10}_{(0/5)} \Rightarrow \underbrace{f'(2) = -8 + 10}_{(0/5)} = 2$	۱۴ (مشابه مثال صفحه ۱۰۷)
---	--	--------------------------

۱/۵	$\underbrace{f'(x) = 3x^2 - 3 = 0}_{(0/5)} \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$ $\underbrace{f(1) = -1 \quad f(-1) = 3 \quad f(2) = 3}_{(0/5)} \Rightarrow \begin{cases} \max f(x) = 3 & (0/25) \\ \min f(x) = -1 & (0/25) \end{cases}$	۱۵ (مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۲۵)
-----	---	-----------------------------

۱	(الف نادرست (۰/۵) تمرین ۱ صفحه ۱۳۶) (ب درست (۰/۵) صفحه ۱۱۶)	۱۶
---	---	----

۲	$x = 2 \quad \text{مجانب قائم} \quad (0/25)$ $y = 1 \quad \text{مجانب افقی} \quad (0/25)$ $y' = \frac{-2}{(x-2)^2} < 0 \quad (0/25)$ <p style="text-align: right;">رسم شکل (۰/۵)</p>  <p style="text-align: center;">رسم جدول (۰/۵)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>۰</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>$f'(x)$</td> <td></td> <td>-</td> <td></td> <td>-</td> <td></td> </tr> <tr> <td>$f(x)$</td> <td>۱</td> <td>۰</td> <td>$+\infty$</td> <td>۳</td> <td>۱</td> </tr> </table>	x	$-\infty$	۰	۲	۳	$+\infty$	$f'(x)$		-		-		$f(x)$	۱	۰	$+\infty$	۳	۱	۱۷ (مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴)
x	$-\infty$	۰	۲	۳	$+\infty$															
$f'(x)$		-		-																
$f(x)$	۱	۰	$+\infty$	۳	۱															

۲۰	جمع بارم	
----	----------	--