

## مبهمه تعالی

### اداره آموزش و پرورش ناحیه ۲

ساعت شروع: ۳ عصر	نام و نام خانوادگی:	سوالات امتحان درس: حسابان(۱)
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۲/۲۷	دوره متوسطه دوم
نام و نام خانوادگی دبیر:	رشته: ریاضی	دیپرستان نمونه نرجس(س)

ردیف	سوالات	بارم
۱	مجموع ده جمله اول دنباله هندسی $\frac{1}{8}, \frac{1}{4}, \frac{1}{2}, 1, \dots$ را به دست آورید.	۱
۲	معادله $ x - 1  = \sqrt{x + 1}$ را به روش هندسی حل کنید.	۱/۲۵
۳	صفرهای تابع $f(x) = (x^2 - 1)^2 + (x^2 - 1) - 2$ را به دست آورید.	۱
۴	فاصله خط های $3x - 6y + 9 = 0$ و $x - 2y + 5 = 0$ چقدر است؟	۱
۵	تابع $g(x) = \sqrt{4 - x}$ و ضابطه $D_{gof}$ مفروضند، $f(x) = \sqrt{x - 1}$ را بیابید.	۱/۵
۶	تابع وارون تابع زیر را بیابید.	۱/۲۵
۷	اگر $\log_2 A = 3 \log \sqrt[3]{4} - \log 25 = a$ را بر حسب $a$ به دست آورید.	۱/۵
۸	معادله لگاریتمی مقابل را حل کنید.	۱/۵
۹	الف) نمودار تابع $y = \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right) + 1$ را در بازه $[0, 2\pi]$ رسم کنید. ب) مقدار عبارت زیر را حساب کنید.	۱ ۱/۵
	$A = \sin 150^\circ \times \sin 120^\circ - \cos 210^\circ$	
۱۰	فرض کنید $\sin \beta = \frac{-5}{13}$ و $\cos \alpha = \frac{3}{5}$ و انتهای کمان $\alpha$ در ناحیه چهارم و انتهای کمان $\beta$ در ناحیه سوم باشد. مقدار $\sin(\alpha + \beta)$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۱	اگر $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{2f(x) + \sqrt{f(x)}}{f^2(x) - 4}$ مقدار $\lim_{x \rightarrow 2} f(x) = 4$ را حساب کنید.	۱
۱۲	مقدار حد های زیر را بیابید.	۱ ۱ ۱
	(الف) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x^2 - 5x + 6}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2}-2}{x^2-4}$ $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1-\cos x}{x^2}$	
۱۳	مقادیر $a$ , $b$ را طوری تعیین کنید که تابع $f$ روی $R$ پیوسته باشد.	۲
	$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 4x + 3}{ x-1 } & x < 1 \\ 2a + 3 & x = 1 \\ a[-2x] + b & x > 1 \end{cases}$	

موفق باشید عزیزانم.