

<p>بارم</p>	<p><b>باسمه تعالیٰ</b></p> <p>دیرستان شید بستی ۲ زنجان</p> <p>امتحان حسابان ۱ نام و نام خانوادگی:</p> <p></p> <p>سازمان ملی پژوهش استعدادهای درجه یک</p> <p>مدت امتحان: ۱۳۰ دقیقه</p> <p>تاریخ امتحان: ۹۸/۰۳/۱۸</p>	<p>ردیف</p>
۱,۵	جملات چهارم و ششم و چهاردهم یک دنباله حسابی، جملات متوالی یک دنباله هندسی هستند اگر قدر نسبت دنباله حسابی ۶ باشد جمله پنجم دنباله هندسی را بیابید.	۱
۱,۵	اگر معادله $(x+1)(x^2 - 2kx + k + 2) = 0$ یک ریشه مثبت و دو ریشه منفی داشته باشد حدود $k$ را بیابید.	۲
۱	اگر خطوط $ky - x - b = 0$ و $y = (k+2)x + 3$ معادلات قطرهای یک مربع باشند و $(1,3)$ یک راس آن باشد مساحت مربع را بیابید.	۳
۱,۵	اگر $fog(x) = \sqrt{x} + 2$ و $3f(x) + 2f(-x) = x^2 + 1$ باشند حاصل $(9)$ را بیابید.	۴
۱,۵	تابع با ضابطه $ f(x) = 2x -  4 - 2x $ در بازه ای وارون پذیر است ضابطه و دامنه تابع $f^{-1}(x)$ در آن بازه را بیابید.	۵
۱,۵	نمودارهای دو تابع $f(x) = \left(\frac{1}{2}\right)^{2x} + \frac{3}{2}g(x)$ و $g(x) = 4^x$ در نقطه $A$ متقاطع اند فاصله نقطه $A$ تا نقطه $\left(\frac{-1}{2}, 1\right)$ را بیابید.	۶

	ادامه سوالات در صفحه دوم	
۱,۵	اگر $\alpha$ و $\beta$ ریشه های معادله $\log_4 x + 4 \log_x 2 = 3$ باشند حاصل $\alpha \cdot \beta$ را بیابید.	۷
۱,۵	نمودار تابع $y = -2 \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right) + 1$ در بازه $(\pi, 3\pi)$ به ترتیب چند ماکزیم و چند مینیمم دارد؟	۸
۱,۲۵	اگر $x$ زاویه ای در ناحیه دوم مثلثاتی باشد حاصل $\cot \frac{x}{2} - \cot x = \frac{-\sqrt{5}}{3}$ را بیابید.	۹
۱,۲۵	اگر $\sin x + \cos x = \frac{1}{3}$ باشد حاصل $(\sin x)^3 + (\cos x)^3$ را بیابید.	۱۰
۳	حاصل حدود مقابل را محاسبه کنید $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{ x^2-x [-x]}{x-\sqrt{x}}$ $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{2-\sqrt{x+3}}{ x^2+x-2 }$ $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 3x + 2}{x^2 - 2x + 1}$	۱۱
۱,۵	باشد مقادیر $a$ و $b$ را بیابید. $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{ax+b}{x-\sqrt{2x+3}} = \frac{1}{2}$ اگر	۱۲
۱,۵	تابع با ضابطه‌ی $f(x) = \begin{cases} \frac{ x^2+x-2 }{x-1} & x \neq 1 \\ a & x = 1 \end{cases}$ به ازای چه مقادیری از $a$ در مجموعه اعداد حقیقی پیوسته است؟	۱۳