

نام:	به نام خدا	مدت امتحان	۱۰۰ دقیقه
نام خانوادگی:	دبیرستان غیرانتفاعی دکتر محمد شفیعی	پایه تحصیلی: یازدهم ریاضی	مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ اصفهان
رشته تحصیلی: ریاضی فیزیک	نام دبیر: آقای طاهری	سوالات امتحان درس : حسابان ۱	

ردیف		بارم
۱	اگر $x=2$ ریشه معادله $\frac{3x+k}{x^2+3x} + \frac{2x+1}{x+3} = \frac{x+2}{x}$ باشد آنگاه ریشه دیگر آن را بدست اورید.	۱
۲	چقدر باشد تا در معادله $x^3 - 8x + m + 1 = 0$ رابطه $2\alpha - \beta = 7$ بین ریشه ها برقرار باشد؟	۱
۳	نقاط $A(2, -1)$ و $B(0, 1)$ و $C(-1, 0)$ سه رأس یک مثلث هستند. طول میانه CM را بدست آورید.	۱

۱	در دنباله‌ی حسابی ۱۱، ۸، ۵ حداقل چند جمله‌ی آن را باید جمع کنیم تا حاصل از ۵۰۰ بیشتر شود.	۴
۱	وارون تابع $y = x^3 - 3x^2 + 3x + 7$ را بدست آورید.	۵
۱	تابع $f(x) = 4x + n - 2mx$ تابعی خطی و غیریک به یک است و نمودار آن از نقطه‌ی (۵، -۳) می‌گذرد. تابع n و m را بدست آورید.	۶

مساحت بین نمودار تابع $y = [x + 2]$ با محور x ها در فاصله‌ی $(-1, 5)$ را بدست آورید.

۷

۱ نمودارهای دو تابع $f(x) = 2^{ax+b}$ و $g(x) = \left(\frac{1}{9}\right)^x$ در نقطه‌ای به طول ۱- متقاطع هستند. اگر $\frac{1}{3}f(2) =$ باشد. a و b را بدست آورید.

۸

۱ حاصل عبارت $\log_{\sqrt[2]{2\sqrt{2}}} 8 + \log_8 \frac{\sqrt{2}}{2}$ را بدست آورید.

۹

۱ معادله $x^{\log x} = 10^{16}$ را حل کنید.

۱۰

۱/۵

$$\text{اگر } \frac{\sin(\frac{r\pi}{4} + a)}{2 \sin(a - 4\pi) + \cos(a - \frac{5\pi}{4})} = \frac{1}{2} \text{ مقدار } \tan a \text{ را باید.}$$

۱۱

۱/۵

تابع مثلثاتی $f(x) = 5 \cos x + 3 \sin x$ داده شده است. حاصل عبارت زیر را به دست آورید؟

۱۲

$$f\left(\frac{4\pi}{3}\right) - f\left(\frac{5\pi}{4}\right)$$

۱

حاصل $(2 \cos^2 \frac{\pi}{12} - 1) \times \sin \frac{\pi}{8} \times \cos \frac{\pi}{4}$ را بدست آورید.

۱۳

۱۴

حاصل حد های زیر را بدست آورید.

$$\text{(الف)} \lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{\sqrt{x^2 - 6x + 9}}{x - [x+1]}$$

$$\text{(ب)} \lim_{x \rightarrow \pi} \frac{1 - \cos^2 x}{1 + \cos x}$$

۱/۵

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 7x + 6}{2x^2 - 7x + 4} & ; x \neq 1 \\ 8 & ; x = 1 \end{cases}$$

پیوستگی تابع $f(x)$ در $x=1$ بررسی کنید.

۱۵

۱/۵

ضابطه تابعی را بنویسید که در $x=5$ حدود مقدار داشته باشد ولی در این نقطه ناپیوسته باشد. شکل آن را هم رسم کنید.

۱۶

موفق باشید. طاهری