



رُضْقَهُ سُؤال

آزمون تابستان «۳۱ مرداد ۱۴۰۴» دفترچه اول اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۱۲۰ دقیقه

تعداد کل سوالات: ۸۰ سوال

(۳۰ سوال اجباری + ۵۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سوال	شماره سوال	زمان پاسخ‌گویی
اجباری	۱۰	۱-۱۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۱۱-۲۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۲۱-۳۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۳۱-۴۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۴۱-۵۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۵۱-۶۰	۱۵'
اجباری	۱۰	۶۱-۷۰	۱۵'
اختیاری	۱۰	۷۱-۸۰	۱۵'
جمع کل	۸۰	۱-۸۰	۱۲۰'

پذیدآورندگان

نام درس	نام طراحان
ریاضی پایه و حسابان ۲	کاظم اجلالی-مسعود برملا-محمد رضا توجه-سعید جعفری-ایمان چینی فروشن-مهدی حاجی نژادیان-عادل حسینی-محمد حمیدی افшин خاصه خان-محمد امین روانبخش-جودا زنگنه قاسم آبادی-علی سلامت-علی شهرابی-پویان طهرانیان-سجاد عظمتی-حیدر علیزاده احسان غنی زاده-افشن گلستانی-سید سپهر متولیان-علی مرشد-محمد مصطفی پور-جهانبخش نیکنام-محمد هجری
هندسه	امیر حسین ابومحبوب-سامان اسپهر-محبوبه بهادری-حسین حاجیلو-محمد حمیدی-افشن خاصه خان-فرزانه خاکپاش-محمد خندان کیوان دارابی-سوگند روشنی-علی ساووجی-شایان عباچی-رضاعیا اصل-امیر محمد کریمی-محمد گودرزی-امیر مالیر مجید محمدی نویسی-بهزاد نظام هاشمی-امیر وفا قائی-سرژ بقایازاریان-تریزی
آمار و احتمال و ریاضیات گستته	امیر حسین ابومحبوب-علی ایمانی-افشن خاصه خان-کیوان دارابی-یاسین سپهر-علیرضا شریف خطیبی-ندا صالح پور-محمد صحت کار رضا عباسی اصل-عزیزاله علی اصغری-فرشاد فرامرزی-امیر محمد کریمی-مهرداد ملوندی-میلاد منصوری-نیلوفر مهدوی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	ریاضی پایه و حسابان ۲	هنده	آمار و احتمال و ریاضیات گستته
گزینشگر	سید سپهر متولیان	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی
گروه ویراستاری	یاسین کشاورزی مهرداد ملوندی	امیر حسین ابومحبوب مهرداد ملوندی	امیر حسین ابومحبوب مهرداد ملوندی
مسئول درس	سید سپهر متولیان	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی
مسئله سازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی
ویراستاران (مستندسازی)	معصومه صنعت کار-مهسا محمدنیا-احسان میرزینی-سجاد سلیمی-فرشته کمبرانی		

گروه فنی و تولید

مهدی گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی زاده
گروه مستندسازی	مددیر گروه: معیا اصغری
حروف نگار	فرزانه فتح المزاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۳۱-۶۴۶۳



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۱: توابع نمایی و لگاریتمی: صفحه‌های ۷۱ تا ۹۰

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۱- فاصله نقطه برخورد دو تابع $f(x) = 15 - 3^x$ و $g(x) = \sqrt{3^{x+2}}$ از مبدأ مختصات کدام است؟

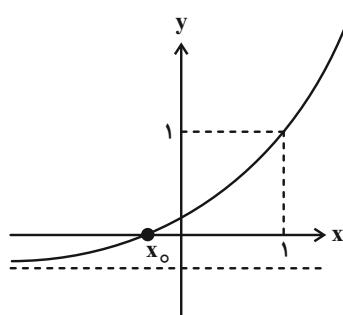
(۱) ۵ (۲) $2\sqrt{10}$ (۳) $4\sqrt{2}$ (۴) ۶

۲- اگر نیمه عمر یک ماده رادیواکتیو ۱۵ ثانیه باشد، بعد از یک دقیقه تقریباً چند درصد جرم این ماده به انرژی تبدیل می‌شود؟

(۱) ۸۸ (۲) ۹۱ (۳) ۹۴ (۴) ۹۸

۳- نمودار تابع $f(x) = a \times 3^{bx}$ در شکل زیر رسم شده است. اگر $x = 3$ باشد، حاصل ab کدام است؟

(۱) $\frac{1}{3}$ (۲) $\sqrt{3}$ (۳) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (۴) $\frac{1}{\sqrt{3}}$



-۴ اگر $\frac{3x}{x + \log_3(2x+2)} = \frac{3}{2}$ کدام است؟

(۱) $\frac{2}{3}$ (۲) $\log_3 3$

$\log_3 3$

۲ (۲)

۱ (۱)

-۵ اگر $\log_5 \sqrt[10]{\frac{25}{8}} = 10^{-699}$ ، آن‌گاه کدام است؟

۰/۱۱ (۲)

۰/۰۹۸ (۳)

۰/۰۹۹ (۴)

-۶ نمودار تابع $f(x) = \log_4(3^{x+4})$ نیمساز ربع اول را در نقطه‌ای با طول α قطع می‌کند. مقدار $f(-1)^{-1}$ کدام است؟

$\log_2 4$

$\log_3 \frac{3}{2}$

۶ (۲)

۱ (۱)

-۷ تعداد جواب‌های معادله $\log_5(2x-15) = \log_5(2x-6x)$ کدام است؟

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۰ (۰)

-۸ حاصل ضرب جواب‌های معادله $\log_6^x + \frac{7}{2} \log_x^{36} = 8$ کدام است؟

۶ (۴)

۷ (۳)

۶ (۲)

۶ (۱)

-۹ اگر a و b ریشه‌های معادله درجه دوم $\frac{1}{2}x^2 - 50x + 5 = 0$ باشند، حاصل $\log a + \log(a+b) + \log b$ کدام است؟

۳ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

$\frac{1}{4}$ (۱)

-۱۰ نمودار تابع $f(x) = \log_a(ax - 6)$ از دو نقطه (۵, ۲) و (۱۱, ۳) می‌گذرد. وارون این تابع خط $y = 3$ را با کدام طول قطع می‌کند؟

۱ (۴)

$1 + \log_3 3$

$\frac{3}{2}$ (۲)

۰ (۰)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: تابع: صفحه‌های ۱ تا ۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

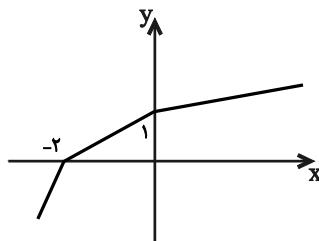
۱۱- اگر $f(x) = \sqrt{5-x} - \sqrt{x}$ باشد، دامنه تابع $g(x) = \sqrt{f(2x+3) - f(-5x+2)}$ است. حاصل $\alpha + \beta$ کدام است؟

$$-\frac{17}{14} \quad (4)$$

$$-\frac{6}{35} \quad (3)$$

$$-\frac{5}{14} \quad (2)$$

$$-\frac{26}{35} \quad (1)$$

۱۲- اگر نمودار تابع $g(x) = f(x+k) + k$ به صورت زیر باشد و نمودار تابع $f(x)$ از مبدأ مختصات عبور کند، مقدار k کدام است؟

- (1) $-\frac{2}{3}$
 (2) $\frac{2}{3}$
 (3) -1
 (4) 1

۱۳- فرض کنید $f(x) = 5^{-x}$ و $\{ (1, 6), (4, 2), (2, k), (3, 4) \}$ باشد. اگر تابع g صعودی باشد، حداقل مقدار k کدام است؟

$$6 \quad (4)$$

$$5 \quad (3)$$

$$4 \quad (2)$$

$$3 \quad (1)$$

۱۴- تابع f روی \mathbb{R} اکیداً صعودی و همواره مثبت است. کدام تابع الزاماً اکیداً نزولی است؟ () نماد جزء صحیح است.

$$h(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x - f(x) \quad (2)$$

$$g(x) = \log x \cdot f(x) \quad (1)$$

$$p(x) = f(x) - x^4 \quad (4)$$

$$k(x) = f([-x]) \quad (3)$$

۱۵- اگر تابع پیوسته $y = f(x)$ با دامنه \mathbb{R} اکیداً نزولی باشد و داشته باشیم: $f(3) = 0$; دامنه \mathbb{R} ؛ $f(2) > 0$.
کدام است؟
(1) $[-1, +\infty)$
(2) \mathbb{R}
(3) $[3, +\infty)$
(4) $[-1, 3]$ ۱۶- باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x) = x^3 - ax + 1$ بر $x - 2$ برابر ۳ است. مقدار a کدام است؟
(1) صفر
(2) 3
(3) 1
(4) 2 ۱۷- اگر چندجمله‌ای $p(x) = x^3 + ax^2 + bx + 6$ بر $(x-2)(x-1)$ بخش پذیر باشد، حاصل $a-b$ کدام است؟
(1) -5
(2) 5
(3) -7
(4) 7 ۱۸- باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $p(x) = x^3 + ax^2 - b$ بر چندجمله‌ای $x^2 + x - 2$ عدد حقیقی r است. مقدار a کدام است؟

$$\frac{7}{3} \quad (4)$$

$$3 \quad (3)$$

$$-\frac{7}{3} \quad (2)$$

$$-3 \quad (1)$$

۱۹- $p(x)$ یک چندجمله‌ای است به طوری که باقیمانده تقسیم $p(x)$ بر $x^2 - x + 1$ برابر $3x + 1$ شده است. باقیمانده تقسیم چندجمله‌ای $(1-x)p(x) - xp(1-x)$ بر $x^2 - x$ کدام است؟
(1) $\frac{1}{2}x + \frac{1}{3}$
(2) $\frac{1}{2}x - \frac{1}{3}$
(3) $\frac{1}{3}x - \frac{1}{2}$
(4) $\frac{1}{2}x + \frac{1}{2}$ ۲۰- در تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x^4 - x^3 - x^2 - 2x^3 + 2x + 10$ باقیمانده‌ها به ترتیب $2x^3 + 6$ و $x + 10$ هستند. اگر باقیمانده تقسیم $f(x)$ بر $4 - x^3$ برابر با $r(x)$ باشد، جواب معادله $r(x) = -8$ کدام است؟
(1) -4
(2) 4
(3) -6
(4) 6

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی ا: معادله ها و نامعادله ها + قابع: صفحه های ۶۹ تا ۱۰۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۲۱- در حل معادله درجه دوم $x^2 - 13x + 20 = 0$ به روش مربع کامل، به تساوی ab کدام است؟

۱۱۷ (۴)

 $\frac{117}{4}$ (۳)

۳۹ (۲)

 $\frac{39}{4}$ (۱)۲۲- نمودار سهمی $y = ax^2 + bx + c$ محور y ها را در نقطه‌ای به عرض ۳ و محور x ها را در دو نقطه به طول های ۱ و ۳ قطع می‌کند.

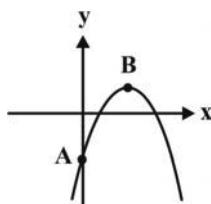
عرض رأس این سهمی کدام است؟

-۴ (۴)

-۲ (۳)

۴ (۲)

۲ (۱)

۲۳- در سهمی رو به رو با ضابطه $f(x) = -2x^2 + 12x - 12$ ، شیب خط گذرنده از نقاط A و B کدام است؟

۳ (۱)

۴ (۲)

۶ (۳)

۸ (۴)

۲۴- جواب نامعادله $|x^2 - 1| < 2x - 1$ به کدام صورت است؟(-2, -1) \cup (0, +∞) (۲)(-∞, -2) \cup [0, +∞) (۱) $\mathbb{R} - [-2, 0]$ (۴)

(-2, 0) (۳)

۲۵- جدول تعیین علامت p(x) = $\frac{x^3 - ax^2 + (a+3)x - 4}{x^2 - 2bx + b}$ به صورت زیر است. حاصل a+b+c کدام است؟

x	-	1	c
p(x)	-	+	+

۳ (۴)

۴ (۳)

۶ (۲)

۸ (۱)

محل انجام محاسبات



۲۶- اگر رابطه $f = \begin{cases} (-2, -m), (m^2 - n, -2), (-2, m^2 - 2m), (-n, -1), (-n + 1, -n) \end{cases}$ یک تابع باشد و داشته باشیم:

آنگاه حاصل عددی $(k - 3n)^2$ کدام است؟

۱ (۲)

۱۶ (۱)

۳۶ (۴)

۴ (۳)

۲۷- با فرض $A = \{x, y, z\}$ و $B = \{a, b, c, d\}$ می‌توان نوشت که شامل زوج مرتب (x, a) باشد؟

۳۲ (۲)

۱۶ (۱)

۶۴ (۴)

۴۸ (۳)

۲۸- دامنه تابع خطی f به صورت $[4, 1] \cup [-1, 5]$ و برد آن $[1, 4]$ است. کدام یک از نقاط زیر روی نمودار تابع f نمی‌تواند باشد؟

(۲ ، ۱) (۲)

 $(\frac{3}{2}, 4) (1)$ $(\frac{5}{2}, 2) (4)$

(۳ ، ۲) (۳)

۲۹- اگر f یک تابع خطی باشد به طوری که $f(2) = 3$ و $f(x+1) + f(1-x) = 2$ آنگاه مساحت ناحیه محدود به نمودار تابع f و

محورهای مختصات کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

 $\frac{1}{4} (4)$ $\frac{1}{2} (3)$

۳۰- اگر $f(x) = \begin{cases} ax^r + bx & ; x^r \geq |x| \\ rx^r + c & ; x^r \leq |x| \end{cases}$ تابع باشد، مقدار a کدام است؟

۲ (۲)

۱ (۱)

-۲ (۴)

 $\frac{1}{2} (3)$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۲: تبدیل‌های هندسی و کاربردها (تا پایان دوران): صفحه‌های ۲۱ تا ۴۳

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- در بازتاب پاره خط AB نسبت به خط d ، در چه تعداد از حالت‌های زیر، شبیه این پاره خط الزاماً حفظ نمی‌شود؟الف) پاره خط AB بر خط d عمود باشد.ب) نقاط A و B روی خط d باشند.پ) نقاط A و B از خط d به یک فاصله باشند.

۱ (۲)

۱) صفر

۳ (۴)

۲ (۳)

۳۲- مثلث قائم‌الزاویه $\widehat{A} = 90^\circ$ را حول رأس A و به اندازه 90° در خلاف جهت حرکت عقربه‌های ساعت دوران می‌دهیم. اگروسط BC باشد، فاصلۀ نقطۀ M از تصویر آن تحت این دوران کدام است؟۶ $\sqrt{3}$ (۲)

۶)

۹ (۴)

۶ $\sqrt{2}$ (۳)۳۳- یک مثلث به محیط 48 را تحت برداری که ابتدای آن یک رأس مثلث و انتهای آن محل همرسی میانه‌های مثلث است، انتقال

می‌دهیم. محیط ناحیۀ مشترک بین مثلث و تصویرش تحت این انتقال کدام است؟

۱۶ (۲)

۱۲ (۱)

۲۴ (۴)

۹ (۳)

۳۴- دایره (O', R') انتقال یافته دایره $(O, 4)$ با بردار \vec{v} به طول 6 است. وضعیت نسبی این دو دایره کدام است؟

۲) متقاطع

۱) مماس خارج

۴) نامعلوم

۳) متداخل

۳۵- مساحت ذوزنقۀ $ABCD$ برابر 225 و طول قاعده‌های آن $6 = AB$ و $9 = CD$ است. نیمسازهای دو زاویه A و B ، یکدیگر را درنقطۀ M درون ذوزنقه قطع می‌کنند. اگر M' بازتاب M نسبت به AB و M'' بازتاب M نسبت به CD باشد، طولپاره خط MM'' کدام است؟

۵۴ (۲)

۶۰ (۱)

۳۰ (۴)

۴۸ (۳)

محل انجام حسابات

۳۶- کدام یک از گزاره‌های زیر نادرست است؟

- (۱) هر انتقال را می‌توان با دو بازتاب معادل کرد.
- (۲) ترکیب دو بازتاب نسبت به دو خط متقاطع، یک دوران است.
- (۳) همه بردارهایی که هر نقطه در صفحه را به تصویر آن تحت یک انتقال نظیر می‌کنند، دارای طول برابر و جهت یکسان هستند.
- (۴) انتقال یافته یک خط بر آن خط منطبق نیست اگر و تنها اگر بردار انتقال، بردار صفر نباشد.

۳۷- کدام یک از توابع زیر در صفحه شامل محورهای مختصات، یک تبدیل نیست؟

- (۱) تابعی که هر نقطه را بر روی قرینه آن نقطه نسبت به مبدأ مختصات تصویر می‌کند.
- (۲) تابعی که هر نقطه را بر روی قرینه آن نسبت به محور x ها تصویر می‌کند.
- (۳) تابعی که هر نقطه را ۲ واحد در راستای عمودی به طرف بالا منتقل می‌کند.
- (۴) تابعی که هر نقطه را بر روی پای عمود رسم شده از آن نقطه بر خط $y = x$ تصویر می‌کند.

۳۸- نقاط $A(4,5)$ و $B(-1,1)$ در صفحه مفروض‌اند. نقطه B را با برداری موازی نیمساز ربع اول و سوم به نقطه B' در ناحیه اول

مختصات انتقال داده‌ایم. اگر B' دوران یافته نقطه A به مرکز $(1,1)$ و زاویه θ باشد، طول بردار انتقال کدام است؟

$$2\sqrt{3} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} + \sqrt{3} \quad (1)$$

$$\sqrt{6} + 1 \quad (4)$$

$$\sqrt{2} + \sqrt{23} \quad (3)$$

۳۹- دو دایره $(O, 1)$ و $(O', 2)$ با طول خط‌المرکزین $OO' = 8$ مفروض‌اند. دوران یافته دایره C حول نقطه O' تحت زاویه 90° را دایره C'' می‌نامیم. اندازه قطر کوچک‌ترین دایره‌ای که بر هر دو دایره C و C'' مماس باشد، کدام است؟

$$4\sqrt{3} - 1 \quad (4)$$

$$6\sqrt{2} - 3 \quad (3)$$

$$4\sqrt{2} - 1 \quad (2)$$

$$8\sqrt{2} - 2 \quad (1)$$

۴۰- نقطه A به فاصله ۳ از خط d قرار دارد. تصویر نقطه A را تحت بازتاب نسبت به خط d ، نقطه A' می‌نامیم. اگر نقطه A

حول نقطه A' به اندازه 120° در جهت حرکت عقربه‌های ساعت دوران دهیم تا نقطه A'' حاصل شود، آنگاه طول پاره خط

کدام است؟ AA''

$$6\sqrt{3} \quad (2)$$

$$4\sqrt{2} \quad (1)$$

$$9\sqrt{2} \quad (4)$$

$$9\sqrt{3} \quad (3)$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده‌سۀ ۳: ماتریس و کاربردها (تا پایان وارون ماتریس‌ها): صفحه‌های ۹ تا ۲۳

پاسخ دادن به این سؤالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۴۱- دو ماتریس $A = [a_{ij}]_{2 \times 2}$ با تعریف $a_{ij} = \begin{cases} i+j, & i=j \\ j-i, & i \neq j \end{cases}$ یک ماتریس اسکالر باشد، مقدار c کدام است؟

 $-\frac{1}{2}$ (۴) $-\frac{3}{10}$ (۳) $\frac{2}{5}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)

۴۲- اگر $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ باشد، حاصل جمع درایه‌های $A \times B$ چقدر است؟

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۸ (۲)

۶ (۱)

۴۳- اگر $\begin{bmatrix} x-y & 10 \\ y & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ x+y & z+2 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل جمع $x+2y+z$ چقدر است؟

۱۳ (۲)

۱۱ (۱)

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۴۴- در ماتریس $A = [a_{ij}]_{3 \times 3}$ باشد، ماتریس $A^T - 4A$ برابر کدام است؟

 $5A$ (۲) $3A$ (۱) $5I$ (۴) $3I$ (۳)

۴۵- اگر $A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 9 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل جمع درایه‌های قطر اصلی $A^{-1} \times A^{-1}$ است؟

-۳ (۲)

۳ (۱)

۱ (۴)

-۱ (۳)

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۴۶- اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}$ باشد، حاصل $A^3 + (A^{-1})^3$ کدام است؟

 \bar{O} (۲)

I (۱)

A (۴)

-II (۳)

۴۷- ماتریس‌های $B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ a & a \end{bmatrix}$ و $A = \begin{bmatrix} a+4 & 4 \\ -1 & a \end{bmatrix}$ مفروض‌اند. اگر ماتریس A وارون پذیر نباشد، آنگاه مجموع درایه‌های ماتریس B^{-1} کدام است؟

 $-\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{1}{2}$ (۱) $-\frac{3}{2}$ (۴) $\frac{3}{2}$ (۳)

۴۸- اگر $A - B = I$ و $A^2 = A$ باشد، حاصل B^2 کدام است؟

۱۰۲۴I (۲)

A-I (۱)

-1۰۲۴I (۴)

I-A (۳)

۴۹- اگر A و B دو ماتریس مربعی از مرتبه ۲ باشند به‌طوری که $I = A^{-1} + 2B^{-1}$ ، آنگاه کدام رابطه همواره صحیح است؟

 $A + 2B = AB$ (۲) $A + 2B = I$ (۱) $2A + B = AB$ (۴) $2A + B = I$ (۳)

۵۰- اگر $A = \begin{bmatrix} 0 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 0 \end{bmatrix}$ و I ماتریس همانی مرتبه ۲ باشد، سطر اول ماتریس $(I - A)^{-1}(I + A)$ کدام است؟

 $[\cos 2\alpha \quad \sin 2\alpha]$ (۲) $[\cos 2\alpha \quad -\sin 2\alpha]$ (۱) $[-\sin 2\alpha \quad \cos 2\alpha]$ (۴) $[\sin 2\alpha \quad \cos 2\alpha]$ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هنده ۱: قضیه فالس، تشابه و کاربردهای آن + چندضلعی‌ها: صفحه‌های ۴۵ تا ۶۴

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۵۱- مثلثی به طول اضلاع 8 , 16 و $8\sqrt{3}$ با مثلثی که طول یکی از اضلاع آن $2\sqrt{3}$ است، متشابه می‌باشد. بیشترین مقدار برای مساحت مثلث دوم کدام است؟

۱۸ (۴)

۱۲ (۳)

۶ $\sqrt{3}$ (۲)۲ $\sqrt{3}$ (۱)

۵۲- در مثلث قائم‌الزاویه ABC ($\hat{A} = 90^\circ$), $AC = 12$ و $AB = 5$ است. اگر M و N به ترتیب وسط اضلاع AC و AB بوده و K پای

ارتفاع وارد بر وتر باشد، آنگاه مساحت مثلث MNK کدام است؟

۸ (۴)

۶ (۳)

۷/۵ (۲)

۷/۲ (۱)

۵۳- در مثلث متساوی الساقین ABC شکل زیر $(AB = AC)$, اگر $AB = 4BP$ باشد، آنگاه مساحت مثلث ABC چند برابر مساحت

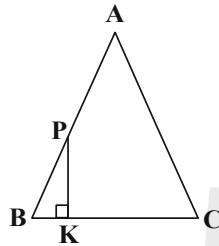
مثلث BPK است؟

۱۲ (۱)

۱۶ (۲)

۲۴ (۳)

۳۲ (۴)



۵۴- مثلث ABC به اضلاع 6 , 5 و 5 با مثلث $A'B'C'$ متشابه است. اگر محیط مثلث $A'B'C'$ برابر 32 باشد، مجموع اندازه‌های ارتفاع‌های مثلث $A'B'C'$ آن کدام است؟

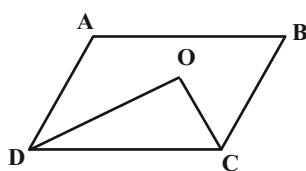
۲۹/۶ (۴)

۲۴/۸ (۳)

۲۷/۲ (۲)

۲۲/۴ (۱)

۵۵- در متوازی‌الاضلاع شکل زیر $(AB = 36$, $BC = 20$, $\hat{B} = 30^\circ$, DO نیمسازهای دو زاویه C و D باشند)، مساحت مثلث COD کدام است؟



۱۶۲ (۱)

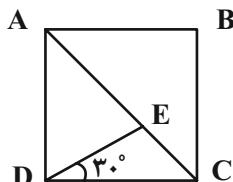
۱۴۸ (۲)

۱۴۴ (۳)

۱۶۴ (۴)

محل انجام محاسبات

۵۶- در شکل زیر چهارضلعی $ABCD$ مربع و $\angle CDE = 30^\circ$ است. مساحت مثلث DEC چه کسری از مساحت مربع است؟



$$\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$$

$$\frac{\sqrt{2} - 1}{4}$$

$$\frac{\sqrt{3} - 1}{4}$$

$$\frac{2 - \sqrt{2}}{4}$$

۵۷- یک n ضلعی منتظم دارای 170° قطر است. در این n ضلعی، کوچکترین زاویه بین یک قطر و یک ضلع، در رأس آن، چند درجه است؟

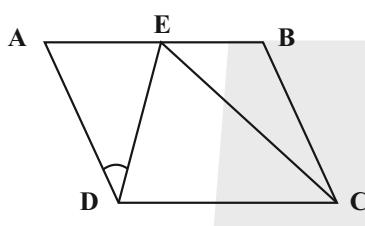
۹ (۲)

۸ (۱)

۱۲ (۴)

۱۰ (۳)

۵۸- در متوازیالاطلاع شکل زیر، $\angle ADE = 30^\circ$ و $BE = AD$ ، $CE = CD$ چند درجه است؟



۵۰ (۱)

۴۵ (۲)

۴۰ (۳)

۳۵ (۴)

۵۹- در مثلث قائم الزاویه ABC ، طول وتر برابر 20 و اندازه یکی از زوایا 15° است. فاصله پای ارتفاع وارد بر وتر از وسط وتر کدام است؟

۵ (۲)

۲/۵ (۱)

 $5\sqrt{3}$ (۴) $5\sqrt{2}$ (۳)

۶۰- یک n ضلعی محض دارای دو زاویه 120° است و سایر زوایای آن همگی برابر 150° هستند. این n ضلعی محض، چند قطر دارد؟

۴۴ (۲)

۳۵ (۱)

۶۵ (۴)

۵۴ (۳)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: صفحه‌های ۶۸ تا ۴۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۶۱- احتمال این که دانش‌آموزی در یک آزمون به سوالات اختصاصی و عمومی به صورت صحیح جواب دهد به ترتیب $\frac{5}{8}$ و $\frac{1}{5}$ است.

اگر سوالی از بین ۱۰ سوال اختصاصی و ۱۱ سوال عمومی انتخاب شود و احتمال آن که دانش‌آموز به این سوال پاسخ صحیح دهد

برابر $\frac{7}{10}$ درصد باشد، آن‌گاه مقدار n کدام است؟

۱۰) ۴

۲۰) ۳

۲۵) ۲

۱۵) ۱

۶۲- تیم فوتسال یک کلاس، ۱۰ بازیکن با قدرهای مختلف دارد. دو بازیکن از این تیم به تصادف انتخاب می‌کنیم. اگر قدر بازیکن اول

بیشتر از بازیکن دوم باشد، احتمال اینکه بازیکن اول بلندقدترین بازیکن تیم باشد، چقدر است؟

 $\frac{1}{10}) 4$ $\frac{1}{9}) 3$ $\frac{1}{5}) 2$ $\frac{1}{2}) 1$

۶۳- دسته‌ای کارت شامل ۲ کارت دو رو سفید، ۴ کارت دو رو مشکی و ۴ کارت یک رو سفید و یک رو مشکی داریم. کارتی به تصادف

از این دسته کارت انتخاب می‌کنیم و فقط یک روی آن را مشاهده می‌کنیم. اگر روی مشاهده شده مشکی باشد، احتمال آنکه

روی دیگر این کارت مشکی نباشد، کدام است؟

 $\frac{1}{3}) 4$ $\frac{1}{2}) 3$ $\frac{4}{11}) 2$ $\frac{3}{11}) 1$

۶۴- دو عضو از مجموعه $D = \{k \in \mathbb{N}, k < 8\}$ را پشت سرهم و به تصادف انتخاب می‌کنیم. اگر مجموع دو عدد انتخاب شده فرد

باشد، با چه احتمالی عدد انتخابی اول، عددی اول بوده است؟

 $\frac{5}{16}) 4$ $\frac{1}{2}) 3$ $\frac{3}{8}) 2$ $\frac{13}{24}) 1$

۶۵- یک تاس به گونه‌ای ساخته شده است که احتمال وقوع هر عدد زوج، ۲ برابر احتمال وقوع هر عدد فرد است. در دو بار پرتاب این

tas، احتمال آنکه مجموع دو عدد رو شده برابر ۵ باشد، کدام است؟

 $\frac{16}{81}) 4$ $\frac{8}{81}) 3$ $\frac{2}{9}) 2$ $\frac{1}{4}) 1$

محل انجام محاسبات



۶۶- اگر A و B دو پیشامد مستقل از هم، $P(A \cap B) = 0/3$ و $P(B - A) = 0/1$ باشند، حاصل $P(A')$ کدام است؟

۰/۱۵ (۴)

۰/۲۵ (۳)

۰/۳ (۲)

۰/۴ (۱)

۶۷- اگر $P(A \cup B) = \frac{1}{18}$ و $P(A | B) = \frac{3}{10}$ باشد، حاصل $P(B | A)$ کدام است؟

 $\frac{29}{90}$ (۴) $\frac{9}{10}$ (۳) $\frac{43}{51}$ (۲) $\frac{11}{35}$ (۱)

۶۸- در جعبه‌ای ۶ لامپ وجود دارد که ۴ تا از آن‌ها سالم است. اگر به تصادف و بدون جای‌گذاری ۳ لامپ از این جعبه خارج کنیم،

چقدر احتمال دارد لامپ اول سالم و لامپ‌های دوم و سوم هردو معیوب باشد؟

 $\frac{1}{15}$ (۴) $\frac{2}{15}$ (۳) $\frac{1}{2}$ (۲) $\frac{2}{5}$ (۱)

۶۹- دو ظرف داریم که در ظرف اول، ۲ مهره سفید و ۴ مهره سیاه و در ظرف دوم، ۶ مهره سفید و ۳ مهره سیاه موجود است. از اولی ۲

مهره و از دومی ۳ مهره به تصادف برداشته و در ظرف جدیدی می‌ریزیم. سپس از ظرف جدید یک مهره بیرون می‌آوریم و

مشاهده می‌کنیم که سفید است. با کدام احتمال این مهره متعلق به ظرف اول بوده است؟

 $\frac{5}{12}$ (۴) $\frac{1}{12}$ (۳) $\frac{1}{8}$ (۲) $\frac{1}{4}$ (۱)

۷۰- محصولات یک کارخانه توسط سه ماشین A ، B و C تولید می‌شود که به ترتیب 40 ، 30 و 30 درصد محصولات را تولید

می‌کنند. می‌دانیم ۳ درصد از محصولات A و ۳ درصد از محصولات C معیوب هستند و اگر یکی از محصولات این کارخانه را

به تصادف انتخاب کنیم با احتمال ۶ درصد معیوب می‌باشد، چند درصد از محصولات تولیدی ماشین B معیوب است؟

۱۶ (۴)

۱۵ (۳)

۱۴ (۲)

۱۳ (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: آشنایی با نظریه اعداد (تا پایان ویژگی ۷ همنهشتی): صفحه‌های ۱ تا ۲۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۷۱- کدام یک از گزاره‌های شرطی زیر نادرست می‌باشد؟

(۱) اگر $x^2 - 5x + 6 = 0$, آنگاه $x = 2$ یا $x = 3$.(۲) اگر x و y دو عدد طبیعی باشند، آنگاه $x \cdot y > 2\sqrt{2}\sqrt{xy}$.(۳) اگر $\left| x + \frac{1}{x} \right| \geq 2$, آنگاه $x \in \mathbb{R} - \{0\}$.(۴) اگر $x \in \mathbb{R}$ باشد، آنگاه عبارت $x + 3 - x^2$ همواره مثبت است.۷۲- اگر باقی‌مانده تقسیم اعداد a و b بر ۲۳ به ترتیب ۴ و ۱۱ باشد، در این صورت باقی‌مانده تقسیم عدد $(3a - 7b)$ بر ۲۳ چقدر است؟

۱۹ (۴)

۱۴ (۳)

۹ (۲)

۴ (۱)

۷۳- باقی‌مانده تقسیم 3^{58} بر عدد ۱۳ کدام است؟

۳ (۴)

۱۳

۹ (۲)

۷ (۱)

۷۴- در یک تقسیم، باقی‌مانده بیشترین مقدار خود را دارد. اگر در این تقسیم به مقسوم و مقسوم‌علیه هر کدام یک واحد اضافه کنیم، به خارج قسمت و باقی‌مانده نیز هر کدام یک واحد اضافه می‌شود. مقسوم جدید کدام عدد می‌تواند باشد؟

-۱۶۲ (۴)

۲۰۰ (۳)

-۸۱ (۲)

۱۰۰ (۱)

۷۵- اگر $3 = (a, 9) = (b, 9)$, کدام رابطه زیر همواره درست است؟ $(ab, 9) = 9$ (۲) $(a+b, 9) = 3$ (۱) $(ab, 9) = 3$ (۴) $(a+b, 9) = 9$ (۳)۷۶- اگر $\{x \in [i]_{\mathbb{Z}} \mid 1 \leq x \leq 100\}$ باشد، آن‌گاه $A_i = \{x \in [i]_{\mathbb{Z}} \mid 1 \leq x \leq 100\}$ چند عضو دارد؟ ($[r]_m$ دسته همنهشتی r به پیمانه m است).

۴ (۴)

۵ (۳)

۶ (۲)

۷ (۱)

۷۷- اگر $d = d^d$ و $d \neq 1$ باشد، رقم دهگان $(d+1)^d$ کدام است؟

۶ (۴)

۲ صفر

۲ (۲)

۵ (۱)

۷۸- اگر باقی‌مانده‌های تقسیم اعداد a , b و c بر ۱۱ به ترتیب ۱۰, ۹ و ۸ باشند، آن‌گاه باقی‌مانده تقسیم $a^3 b^3 c^4$ بر ۱۱ کدام است؟

۴ (۴)

۱ (۳)

۸ (۲)

۳ (۱)

۷۹- چند عدد طبیعی دو رقمی n وجود دارد به طوری که باقی‌مانده تقسیم n^6 بر ۳۲، برابر ۱ باشد؟

۱۴ (۴)

۱۲ (۳)

۱۰ (۲)

۱ (۱)

۸۰- اگر x و y دو عدد حقیقی و متمایز مثبت باشند، آن‌گاه کمترین مقدار صحیح ممکن برای عبارت $A = \left(\frac{3x}{y} + 2 \right) \left(\frac{3y}{x} + 2 \right)$ کدام است؟

۱۶ (۴)

۲۴ (۳)

۲۵ (۲)

۲۶ (۱)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام حسابات



آزمون تابستان «۳۱ مرداد ۱۴۰۴» دفترچه دوم اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

لِخَدْيَةِ سُوَالٍ

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات: ۷۵ دقیقه

٦٠ سؤال تعداد كل سؤالات:

(۲۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	زمان پاسخگویی
فیزیک ۲	۱۰	۸۱-۹۰	۱۵'
فیزیک ۳	۱۰	۹۱-۱۰۰	۱۵'
فیزیک ۱	۱۰	۱۰۱-۱۱۰	۱۵'
شیمی ۲	۱۰	۱۱۱-۱۲۰	۱۰'
شیمی ۳	۱۰	۱۲۱-۱۳۰	۱۰'
شیمی ۱	۱۰	۱۳۱-۱۴۰	۱۰'
جمع کل	۶۰	۸۱-۱۴۰	۷۵'

پڑیدا آورندگان

نام درس	نام طراحان
فیزیک	خسرو ارجوانی فرد-بابک اسلامی-عبدالرضا امینی نسب-احسان ایرانی-مهدی آذرنسب-زهرا آقامحمدی-حامد ترحمی مجتبی خیل ارجمندی-میثم دشتیان-محمدعلی راست پیمان-علیرضا رستمیزاده-بهنام رستمی-امیر ستارزاده-رامین شادلوبی سعید طاهری بروجنی-محمد عبدی-عرفان سعکریان چایان-محمد علیم پور-محمد جواد غلامی-مسعود قره خانی-مصطفی کیانی حسین مخدومی-سید علی میرنوری-شادمان ویسی
شیمی	امیر علی برخورداری‌پون-محمد رضا پور جاوید جوادی-اسامه جوشن-امیر حاتمیان-حسن رحمتی-کوکده-مینا شرافتی-پور محمد عظیمیان زواره-میکائیل غراوی-حسن لشکری-سید محسن زاده-محمد حسن محمدزاده-مقدم-امیر حسین مسلی-دانیال مهرعلی سید رحیم هاشمی-دهکردی-محمد وزیری

مکالمہ و پردازش

نام درس	فیزیک	شیمی
گزینشگر	حسام نادری	آرش ظريف
گروه ويراستاري	سينا صالحی حسين بصير ترکسبور زهره آقامحمدی	ياسر راش مجتبى مهوجوب فرزاد حلاچ مقدم احسان پنجه شاهى
مسئول درس	حسام نادری	آرش ظريف
مستند سازى	عليزضا همايون خواه	امير حسين توحيدى
ویراستاران (مستندسازى)	مهند صالحی پرهاشم هر آرا	محسن دستبردارى عرفان فرمونتک آتلار داگىرى

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنیزاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهبازی	گروه مستندسازی
مدیر گروه: عصیا اصغری	حروف نگار
فرزانه فتح المازاده	ناظر چاپ
سوران نعمتی	

مکالمہ آنلائیں

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

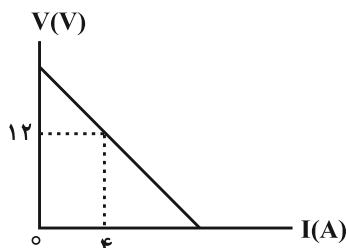


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: جریان الکتریکی و مدارهای جریان مستقیم: صفحه‌های ۶۱ تا ۸۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اجباری است.

۸۱- نمودار اختلاف پتانسیل دو سر یک باتری بر حسب جریان الکتریکی عبوری از آن، مطابق شکل زیر است. اگر مقاومت درونی

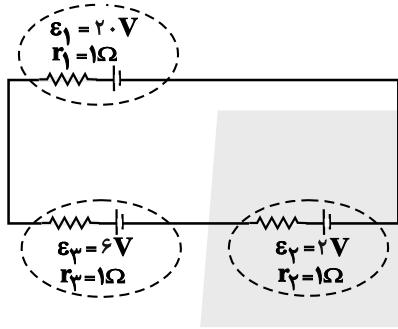
باتری برابر با 5Ω باشد، نیروی محرکه باتری چند ولت است؟

۱۶ (۱)

۱۴ (۲)

۱۰ (۳)

۴ (۴)

۸۲- در مدار شکل زیر، توان ورودی باتری ϵ_2 چند برابر توان خروجی باتری ϵ_1 است؟

۱/۶ (۱)

 $\frac{5}{8}$ (۲)

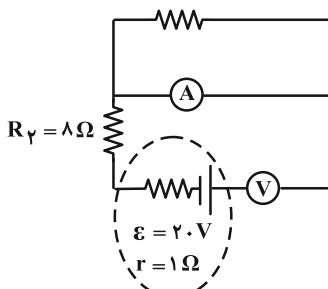
۱۲ (۳)

 $\frac{1}{8}$ (۴)

۸۳- در مدار شکل زیر، ولتسنج و آمپرسنج آرمانی به ترتیب از راست به چپ، چه اعدادی را بر حسب ولت و آمپر نشان می‌دهند؟

$R_1 = 6\Omega$

۱) صفر - ۲



۲ - ۱۰ (۲)

۲۰ - صفر (۳)

۰ - صفر (۴)

محل انجام محاسبات



۸۴- بر روی سه وسیله الکتریکی به ترتیب اعداد $(220V, 242W)$, $(110V, 440W)$ و $(220V, 442W)$ نوشته شده است. اگر این سه

وسیله به صورت متوالی به هم وصل شوند، توان مصرفی مجموعه مقاومت‌های وسایل $W = 1440W$ می‌شود، جریان گذرنده از هر

کدام از آن‌ها چند آمپر است؟ (دما ثابت است).

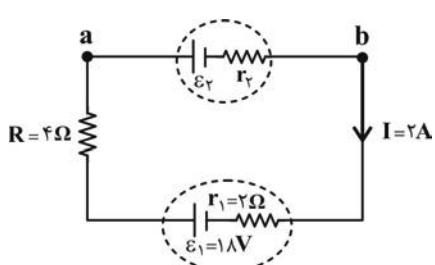
۳) ۴

۲) ۳

۱) ۲

۴) ۱

۸۵- با توجه به مدار شکل زیر، اندازه اختلاف پتانسیل الکتریکی دو نقطه a و b چند ولت است؟



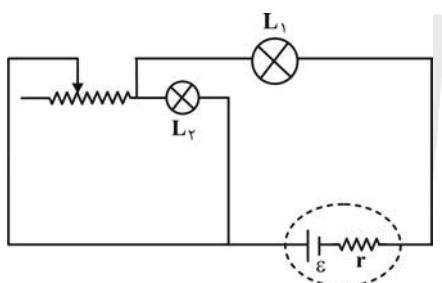
۴) ۱

۸) ۲

۶) ۳

۱۰) ۴

۸۶- در مدار شکل زیر، اگر لغزنده رئوستا به سمت راست حرکت کند، نور لامپ‌های L_1 و L_2 به ترتیب از راست به چپ، چگونه تغییر می‌کند؟



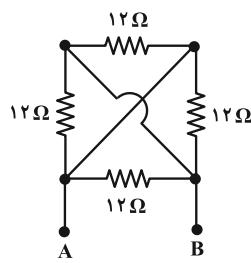
(۱) افزایش - افزایش

(۲) افزایش - کاهش

(۳) کاهش - افزایش

(۴) کاهش - کاهش

۸۷- با توجه به مدار شکل زیر، مقاومت معادل بین دو نقطه A و B چند اهم است؟



۱۲) ۱

۴۸) ۲

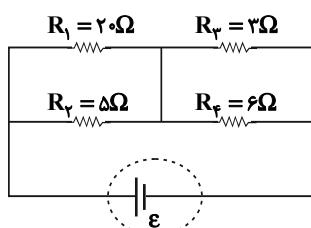
۶) ۳

۳) ۴

محل انجام محاسبات



۸۸- در مدار شکل زیر، اگر ولتاژ دو سر مقاومتی که کمترین توان را مصرف می‌کند، $18V$ باشد، جریان عبوری از باتری چند آمپر است؟



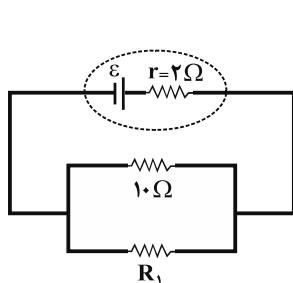
۹ (۱)

۱/۸ (۲)

۳ (۳)

۸ (۴)

۸۹- در مدار شکل زیر، مقاومت R_1 چند اهم باشد تا افت پتانسیل درون باتری برابر نیروی حرکت آن گردد؟



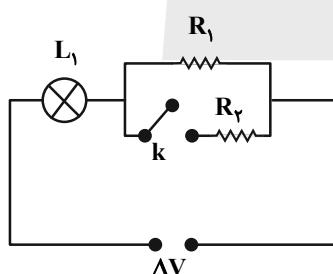
۱۰ (۱)

۵ (۲)

۲ (۳)

۴) صفر

۹۰- در مدار شکل زیر، اختلاف پتانسیل ΔV مقدار ثابتی است. با بستن کلید k ، توان مصرفی مقاومت R_1 و شدت روشنایی لامپ L_1 به ترتیب از راست به چپ، چگونه تغییر می‌کنند؟



۱) کاهش، کاهش

۲) افزایش، افزایش

۳) کاهش، افزایش

۴) افزایش، کاهش

محل انجام محاسبات

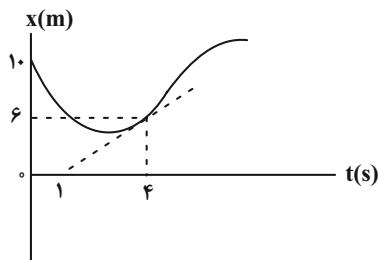


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: حرکت بر خط راست: صفحه‌های ۱ تا ۲۸

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۹۱- نمودار مکان - زمان متحرکی که در امتداد محور x حرکت می‌کند، مطابق شکل زیر است. اگر خط مماس بر منحنی در لحظه $t = 4\text{s}$ به صورت خط چین رسم شده باشد، بزرگی سرعت متوسط متحرک در چهار ثانیه اول حرکت چند برابر سرعت آن

در لحظه $t = 4\text{s}$ است؟

۱ (۱)

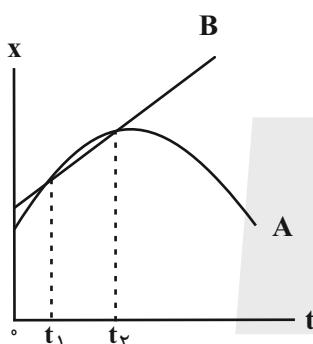
۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

۹۲- نمودار مکان - زمان دو متحرک A و B که بر روی محور x حرکت می‌کنند، مطابق شکل زیر در یک دستگاه رسم شده است.

کدام گزینه در مورد آن‌ها نادرست است؟

۱) جایه‌جایی دو متحرک در بازه t_1 تا t_2 برابر است.۲) مسافت طی شده A در بازه t_1 تا t_2 از مسافت طی شده B بیشتر است.۳) اندازه سرعت متوسط و تندی متوسط دو متحرک در بازه t_1 تا t_2 یکسان است.۴) اندازه سرعت متحرک B در لحظه t_1 از اندازه سرعت متحرک A در این لحظه کمتر است.

۹۳- دو متحرک (۱) و (۲) با سرعت‌های ثابت $v_1 = 80 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ و $v_2 = 36 \frac{\text{km}}{\text{h}}$ از دو شهر A و B در یک مسیر مستقیم به سمت یکدیگر

شروع به حرکت می‌کنند. اگر بعد از ۱۵ دقیقه، فاصله دو متحرک از هم برای دومین بار به 5 km برسد، متحرک (۱) فاصله بین

دو شهر را در چند دقیقه طی می‌کند؟

۴۵ (۲)

۱۸ (۱)

۶۰ (۴)

۲۴ (۳)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۹۴- شخصی وسط اتوبان، خودرویی را در فاصله ۱۹ متری خود می‌بیند که به سمت او می‌آید. اگر اندازه سرعت خودرو $\frac{\text{km}}{\text{h}} = 72$ باشد

و به محض دیدن شخص، راننده خودرو با شتاب ثابتی به بزرگی $\frac{\text{m}}{\text{s}^2} = 2$ در یک مسیر مستقیم متوقف شود، شخص حداکثر چند

ثانیه زمان دارد تا خود را از جلوی خودرو دور کند؟

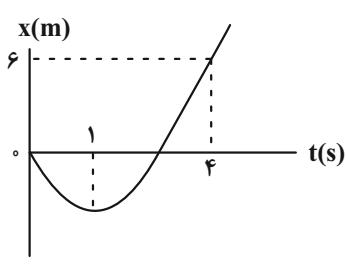
۰/۷۵ (۴)

۱ (۳)

۰/۵ (۲)

۰/۲۵ (۱)

۹۵- نمودار مکان - زمان متحرکی که با شتاب ثابت در امتداد محور x حرکت می‌کند، به صورت شکل زیر است. تندی متوسط متحرک در چهار ثانیه اول حرکتش چند متر بر ثانیه بیشتر از بزرگی سرعت متوسط آن در همین مدت زمان است؟

 $\frac{3}{2}$ (۱) $\frac{3}{8}$ (۲) $\frac{15}{8}$ (۳) $\frac{15}{4}$ (۴)

۹۶- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌شود. اگر اندازه سرعت متوسط آن در ۲ ثانیه آخر حرکتش

باشد، اندازه سرعت آن در لحظه برخورد با زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = ۹/۸ \text{ m/s}^2$)

۹/۸ (۴)

۱۹/۶ (۳)

۴۹ (۲)

۳۹/۲ (۱)

۹۷- هنگام سقوط آزاد در شرایط خلا، اگر اندازه جابه‌جایی جسمی بر حسب متر، در $2t$ ثانیه اول سقوط برابر با y_1 و در t ثانیه سوم برابر با y_3 باشد، $|y_3 - y_1|$ کدام است؟

۲gt^۲ (۴)۰/۵gt^۲ (۳)۲/۵gt^۲ (۲)۳gt^۲ (۱)

۹۸- در شرایط خلا، دو گلوله با فاصله زمانی ۲ ثانیه، از یک نقطه بالای سطح زمین و از حال سکون رها می‌شوند. چند ثانیه پس از رها

شدن گلوله دوم، فاصله دو گلوله ۱۴۰ متر می‌شود؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$ و ارتفاع به اندازه کافی بلند است.)

۸ (۴)

۶ (۳)

۴ (۲)

۳ (۱)

۹۹- در شرایط خلا، گلوله‌ای از ارتفاع h از سطح زمین رها شده و با تندی v به سطح زمین می‌رسد. اگر اندازه سرعت متوسط گلوله

در بازه زمانی که تندی آن از صفر به $\frac{v}{3}$ می‌رسد، برابر با $\frac{20}{s}$ باشد، h چند متر است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۱۸۰ (۴)

۸۰ (۳)

۱۰۰ (۲)

۲۴۰ (۱)

۱۰۰- در شرایط خلا، سنگی را از ارتفاع h از سطح زمین رها می‌کنیم. اگر سنگ در ۳ ثانیه آخر حرکتش، سه برابر ۳ ثانیه اول حرکتش

جابه‌جا شده باشد، تندی سنگ هنگام برخورد به زمین چند متر بر ثانیه است؟ ($g = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$)

۱۰\sqrt{۴۷} (۴)

۶۰ (۳)

۴۵ (۲)

۲۰\sqrt{۱۵} (۱)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: کار، انرژی و قوان: صفحه های ۵۳ تا ۸۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

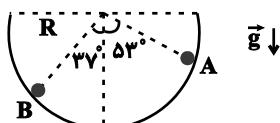
۱۰۱- جسمی به جرم 2 kg با تندي ثابت بر روی مسیری مستقیم در حال حرکت است. اگر 25% به تندي آن بیفزاییم، انرژی جنبشی اش نسبت به حالت قبل 90° افزایش می‌یابد. تندي اولیه جسم چند کیلومتربر ساعت بوده است؟

(۱) 50 (۲) 40 (۳) 180 (۴) 144

۱۰۲- در یک جابه‌جایی معین، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی الزاماً برابر با کدام‌یک از عبارات زیر است؟

- (۱) منفی تغییرات انرژی جنبشی جسم در آن جابه‌جایی
- (۲) تغییرات انرژی جنبشی جسم در آن جابه‌جایی
- (۳) منفی کار نیروی گرانشی در آن جابه‌جایی
- (۴) کار نیروی گرانشی در آن جابه‌جایی

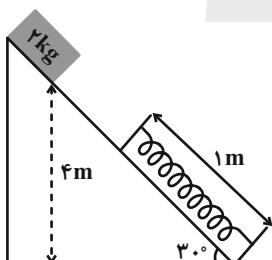
۱۰۳- مطابق شکل زیر، جسمی به جرم m درون مسیر نیم‌کره‌ای بدون اصطکاکی به شعاع R از نقطه A تا نقطه B می‌لغزد. کار نیروی

وزن جسم طی این جابه‌جایی کدام است؟ ($\sin 37^{\circ} = 0.6$)

- (۱) $0.2mgR$
- (۲) $-0.2mgR$
- (۳) $0.4mgR$
- (۴) $-0.4mgR$

۱۰۴- مطابق شکل زیر، جسمی را از بالای سطح شبیداری رها می‌کنیم تا به فنری به جرم ناچیز و طول 1 m برسورد کند. اگر حداقل انرژی ذخیره شده در فنر 75 J باشد، در این لحظه نسبت تغییرات طول فنر به ارتفاع مکان جسم از سطح زمین چقدر است؟

$(N/kg = 10)$ و از اتفاف انرژی و اصطکاک صرف نظر شود و توجه کنید که در فنر فشرده شده، انرژی پتانسیل ذخیره می‌شود.)



- (۱) 2
- (۲) $\frac{1}{2}$
- (۳) $\frac{1}{4}$
- (۴) 4

۱۰۵- جسمی از ارتفاع h نسبت به سطح زمین رها شده و پس از 10 m سقوط، انرژی پتانسیل گرانشی آن، 20 J درصد کاهش می‌یابد. h چند متر است؟ (سطح زمین مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی و $g = 10 \frac{N}{kg}$ است.)

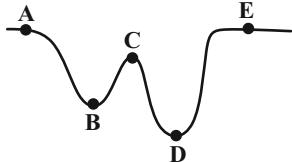
- (۱) 200
- (۲) 150
- (۳) 100
- (۴) 50

محل انجام محاسبات



۱۰۶- گلوله‌ای به جرم 450 g از نقطه A و از حالت سکون، در مسیر بدون اصطکاک زیر شروع به حرکت می‌کند. کدام گزینه تندي

گلوله در نقاط مسیر را بدقتی مقایسه می‌کند؟ (از اتلاف انرژی صرف نظر کنید).



$$v_B > v_C > v_D > v_E \quad (1)$$

$$v_D > v_B > v_C > v_E \quad (2)$$

$$v_E > v_C > v_B > v_D \quad (3)$$

۴) باید ارتفاع دقیق نقاط را دانست.

۱۰۷- در کدام یک از موارد زیر، کار نیروی ذکر شده برابر با صفر است؟

الف) کار نیروی وزن در جایه‌جایی افقی

ب) کار نیروی کشش نخ در حرکت آونگ (گلوله متصل به نخ آویزان از سقف)

پ) کار نیروی عمودی سطح در جایه‌جایی روی یک سطح شیبدار

ت) کار نیروی برایند در حرکت با سرعت ثابت

۴) همه موارد

۳) ب و ت

۲) الف و ت

۱) الف، پ و ت

۱۰۸- گلوله‌ای به جرم 100 g را از سطح زمین با تندي اولیه $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ در راستای قائم رو به بالا پرتاب می‌کنیم. اگر نیروی مقاومت هوا

در مقابل گلوله ناچیز باشد، انرژی مکانیکی گلوله در ارتفاع ۲۴ متری از سطح زمین چند ژول است؟ ($\text{N} = 10\text{ kg}$ و سطح

زمین به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی در نظر گرفته شود).

۴۰) ۴

۹۰) ۳

۴۵) ۲

۱۰) ۱

۱۰۹- پمپ آبی در هر ثانیه ۴۰ لیتر آب را با تندي ثابت از سطح زمین تا ارتفاع ۱۰ متری بالا می‌برد. اگر این پمپ در هر ۳ ثانیه، 15 kJ

انرژی الکتریکی مصرف کند، بازده آن چند درصد است؟ ($\text{g} = 10\text{ N/kg}$, $\rho = 1\text{ g/cm}^3$, آب)

۲۶/۶) ۴

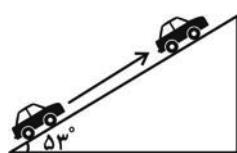
۱۶/۷) ۳

۸۰) ۲

۷۵) ۱

۱۱۰- اتومبیلی به جرم 1000 کیلوگرم روی سطح شیبداری که با افق زاویه 53° درجه می‌سازد، با تندي ثابت $\frac{\text{m}}{\text{s}}$ بالا می‌رود. اگر بزرگی

نیروی اصطکاک جنبشی سطح ثابت و برابر 300 نیوتون باشد، توان خروجی موتور اتومبیل تقریباً چند اسب بخار (hp) است؟



$$(1) \text{ hp} = 750 \text{ W} \sin 53^\circ = 0 / 8 \text{ g} = 10 \frac{\text{m}}{\text{s}^2}$$

۴۱۵۰۰) ۲

۳۸۵۰۰) ۱

۵۵/۳۳) ۴

۵۱/۳۴) ۳

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: در بی غذای سالم (تا ابتدای غذای سالم): صفحه های ۵۱ تا ۷۷

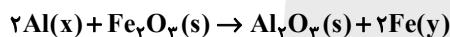
پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

۱۱۱- کدام گزینه در مورد فرایندی با نمودار انرژی روبرو نادرست است؟

- ۱) در این فرایند انرژی از سامانه گرفته می شود.
- ۲) این فرایند می تواند مربوط به واکنش فتوسنتز باشد.
- ۳) در انتهای فرایند، فراورده پایدارتر از واکنش دهنده خواهد بود.
- ۴) علامت Q در این فرایند مشابه علامت آن در فرایندهای سوخت و ساز بدن است.

۱۱۲- کدام گزینه نادرست است؟ ($H = 1$, $C = 12$: g.mol⁻¹)

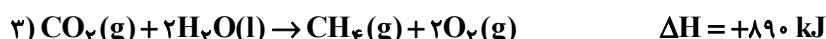
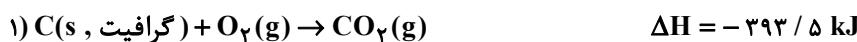
- ۱) در نامگذاری عامل کربونیل می خک با فرمول شیمیایی $C_7H_{14}O$ باید از عدد نیز استفاده کرد.
- ۲) در ترکیبی که باعث طعم و بوی بادام و رازیانه است، حلقه بنزن وجود داشته و ترکیباتی آروماتیک هستند.
- ۳) از گاز مرداب می توان به عنوان سوخت استفاده کرد که ارزش سوختی آن ۸۹۰ کیلوژول بر گرم می باشد.
- ۴) اگر معادله واکنشی را بتوان از جمع معادله دو یا چند واکنش دیگر به دست آورده، آن نیز از جمع جبری ΔH همان واکنش ها به دست می آید.

۱۱۳- در کدامیک از حالت های فیزیکی نوشته شده، ΔH واکنش حداقل خواهد شد؟

$$(1) Al : مایع, Fe : مایع \quad (2) Al : جامد, Fe : مایع \quad (3) Al : جامد, Fe : جامد \quad (4) Al : جامد, Fe : جامد$$

- ۱۱۴- با توجه به واکنش: $2C_2H_2(g) + 5O_2(g) \rightarrow 4CO_2(g) + 2H_2O(l)$ و $\Delta H = -2600 \text{ kJ}$
- اکسیژن به حجم $\frac{1}{36}$ لیتر (در شرایط STP) با هم به طور کامل واکنش دهنده (چیزی از آنها باقی نماند)، چند کیلوژول گرما آزاد می شود؟

$$(1) 650 \quad (2) 1040 \quad (3) 520 \quad (4) 780$$

۱۱۵- با توجه به واکنش های داده شده، آنتالپی واکنش $C(s) + 2H_2(g) \rightarrow CH_4(g)$ برحسب کیلوژول کدام است؟

$$(1) -75/5 \quad (2) +1068/5 \quad (3) +711/5 \quad (4) -675$$

محل انجام محاسبات



۱۱۶- اگر ۴۲ گرم کربن مونوکسید با مقدار اضافی گاز اکسیژن واکنش داده و ۴۲۴/۵ کیلوژول گرما آزاد شود، میانگین آنتالپی پیوند موجود در کربن مونوکسید چند کیلوژول بر مول است؟ ($C = ۱۲$, $O = ۱۶$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-۱}$)

$O = O$	$C = O$	پیوند
۴۹۴	۷۹۹	آنالپی پیوند ($\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-۱}$)

(۸۵۴) ۴ (۸۰۱) ۳ (۱۲۲۸) ۲ (۱۰۶۸) ۱

۱۱۷- کدام یک از گزینه‌های زیر درست است؟

- ۱) بخش عمده انرژی موجود در شیر داغ هنگام فرایند هم‌دمای شدن شیر با دمای بدن جذب می‌شود.
- ۲) مواد غذایی پس از گوارش، انرژی لازم برای سوخت و ساز یاخته‌ها را در بدن تأمین می‌کنند.
- ۳) در واکنش‌هایی که در دمای ثابت انجام می‌شوند مقدار گرمای آزاد شده ناشی از تفاوت انرژی گرمایی در مواد واکنش‌دهنده و فراورده است.
- ۴) در برخی واکنش‌های شیمیایی هیچ گرمایی با محیط پیرامون مبالغه نمی‌شود.

۱۱۸- کدام گزینه صحیح است؟

- ۱) دارچین و بادام هر دو دارای گروه عاملی کتون می‌باشد.
- ۲) میخک دارای ۲-هپتانون است که فرمول مولکولی آن $C_7H_{15}O$ می‌باشد.
- ۳) دارچین دارای ماده‌ای است که در ساختار خود یک حلقه آروماتیک و یک گروه آلدهیدی دارد.
- ۴) ترکیب موجود در رازیانه امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های خود را دارد.

۱۱۹- ۱۰۰ mL محلول سدیم هیدروکسید با غلظت معین با $5\text{ mol} \cdot \text{L}^{-۱}$ $HCl(aq)$ با غلظت معین با 50 mL در یک گرماسنج، در

دمای $25^\circ C$ مخلوط شده‌اند تا به‌طور کامل با هم واکنش دهند. اگر دمای پایانی $22^\circ C$ باشد، ΔH واکنش $NaOH(aq) + HCl(aq) \rightarrow NaCl(aq) + H_2O(l)$

تقاریب برابر $1\text{ g} \cdot \text{mL}^{-۱}$ و گرمای ویژه محلول‌های آغازی و پایانی به تقریب برابر $1\text{ J} \cdot \text{g}^{-۱} \cdot {}^\circ C^{-۱}$ است.)

(+۵۰/۴) ۴ (-۵۰/۴) ۳ (۵۶/۷) ۲ (-۵۶/۷) ۱

۱۲۰- با توجه به واکنش‌های زیر و آنتالپی پیوندهای داده شده، مقدار x کدام است؟

- I) $N \equiv N(g) + 2H_\gamma(g) \longrightarrow H_\gamma N - NH_\gamma(g) \quad \Delta H_1 = x \text{ kJ}$
- II) $2CH_\gamma(g) \longrightarrow C_\gamma H_\gamma(g) + H_\gamma(g) \quad \Delta H_\gamma = +65 \text{ kJ}$

N–N	N–H	N≡N	C–C	C–H	نوع پیوند
۱۶۳	۳۹۱	۹۴۵	۳۴۸	۴۱۵	میانگین آنتالپی پیوند ($\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-۱}$)

(-۶۳) ۴ (+۶۳) ۳ (-۵۲) ۲ (+۵۲) ۱

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: مولکول‌ها در خدمت تدرستی + قاریچه صابون تا انتهای رسانایی الکتریکی: صفحه‌های ۱ تا ۱۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اختیاری است.

۱۲۱- اگر در یک لیتر محلول 1 mol مولار CH_3COOH , $3\times 10^{-3}\text{ mol}$ یون هیدرونیوم وجود داشته باشد، درجه یونش استیک اسید

چقدر است؟

۱۰ (۴)

 3×10^{-2} $1/35$ 1×10^{-1}

۱۲۲- چند مورد از عبارت‌های زیر درست هستند؟

الف) ماده حل شونده در ضدیغ قابلیت تشکیل پیوند هیدروژنی با آب را دارد.

ب) قدرت پاک‌کنندگی صابون برای پاک کردن لکه چربی یکسان از پارچه پلی‌استر، بیشتر از پارچه نخی است.

پ) قدرت پاک‌کنندگی صابون در آب دریا بیشتر از آب چشم است.

ت) قیمت مناسب‌تر و کارایی بالاتر از مزیت‌های استفاده از پاک‌کننده‌های غیرصابونی در مقایسه با صابون‌ها است.

۳ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

۱) صفر

۱۲۳- در صابون جامدی با جرم مولی 418 g.mol^{-1} اگر بخش ناقطبی فاقد پیوندهای دوگانه یا حلقه باشد، دارای

اتم هیدروژن بوده و پاک‌کننده غیرصابونی با گروه کربنی سیرشده و جرم مولی مشابه آن (شامل حلقه بنزنی) اتم

(C=12, O=16, H=1, Na=23, S=32: g.mol $^{-1}$) کربن در ساختار خود دارد.

۱۷، ۴۳ (۴)

۲۳، ۵۳ (۳)

۱۷، ۵۱ (۲)

۲۳، ۵۱ (۱)

۱۲۴- کدام‌یک از عبارت‌های زیر درست است؟

۱) کلوئیدها، مخلوط‌های همگن هستند که نور را پخش می‌کنند.

۲) صابون ماده‌ای است که اگر به یک سوسپانسیون اضافه شود، توانایی تبدیل آن به کلوئید را دارد.

۳) برای افزایش میزان اسیدی بودن خاک به آن آهک می‌افزایند.

۴) محلول 2 mol مولار هیدروکلریک اسید، الکتروولیت قوی‌تری از محلول 15 mol مولار کلسیم هیدروکسید است.

۱۲۵- کدام گزینه نادرست است؟

۱) صابون‌های جامد را نمی‌توان از گرم کردن روغن‌های گوناگون مثل روغنی با فرمول مولکولی $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ با سدیم هیدروکسید تهیه کرد.۲) غلظت یون هیدروکسید در محلول 0.05 mol مولار کلسیم هیدروکسید در دمای اتاق برابر 10^{-1} mol بر لیتر است.

۳) صابون جامد، نمک سدیم اسیدهای چرب و صابون مایع، نمک پتاسیم یا آمونیوم اسیدهای چرب است.

۴) لکه‌های حاصل از آب قند را می‌توان هم با آب و هم با صابون شست و لباس‌ها را تمیز کرد.

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۲۶- مخلوطی به جرم $\frac{4}{126}$ گرم از $C_{18}H_{39}SO_4Na$ و $C_{17}H_{25}COONa$ را در 200 میلی لیتر محلول 1 مولار کلسیم کلرید وارد می کنیم. با فرض مصرف کامل یون های کلسیم و یکی از صابون ها در این واکنش، درصد جرمی پاک کننده غیر صابونی در مخلوط اولیه به تقریب کدام است؟

$$(Na = 23, O = 16, S = 32, C = 12, H = 1: g/mol^{-1})$$

۱/۵۸ (۴)

۵/۷ (۳)

۳/۱۶ (۲)

۰/۷۹ (۱)

۱۲۷- کدام گزینه درست است؟

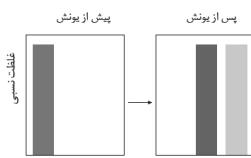
(۱) از $LiOH(s)$ می توان برای کاهش میزان اسیدی بودن آب استفاده کرد.

(۲) از نظر آرنیوس گاز هیدروژن کلرید یک اسید به شمار می رود، زیرا در ساختار آن اتم هیدروژن وجود دارد.

(۳) رنگ کاغذ pH در دمای اتاق برای محلول یک مولار استیک اسید و آمونیاک مشابه است.

(۴) NH_3 و CO_2 در آب حل شده و رنگ کاغذ pH در محلول آن ها به ترتیب آبی و سرخ می شود.

۱۲۸- با توجه به شکل های زیر، چه تعداد از عبارات زیر نادرست است؟



(۳)



(۲)



(۱)

* شکل (۱)، مربوط به انحلال اکسیدی فلزی در آب است که باعث می شود محیط آب اسیدی شود.

* اگر محلولی از HF در شکل (۲) قرار دهیم، روشنایی لامپ بیشتر از زمانی است که محلول HCl با غلظت مشابه را قرار دهیم.

* شکل (۳)، یونش اسیدی را نشان می دهد که درجه یونش آن 1 می باشد.

* شکل (۳) می تواند مربوط به محلول نیتریک اسید یا هیدروبرومیک اسید باشد.

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۱۲۹- اگر در محلول 5% مولار اسید ضعیف HA به ازای هر 24 مولکول یونیده شده، 108 مولکول یونیده نشده وجود داشته باشد،

درصد یونش آن به تقریب کدام است؟

۱۸/۲ (۴)

۲۰ (۳)

۲۷/۳ (۲)

۱۳/۶۴ (۱)

۱۳۰- رسانایی الکتریکی کدام محلول بیشتر است؟

(۱) محلول $10^{-4} M$ مولار نیتریک اسید

(۲) محلول 0.5% مولار هیدروفلوریک اسید با درصد یونش $2/4$

(۳) محلول $10^{-4} M$ مولار هیدروکلریک اسید

(۴) محلول $10^{-4} M$ مولار HA با درجه یونش 1

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۴۷ تا ۶۹

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانشآموزان اختیاری است.

۱۳۱- کدام گزینه درست است؟

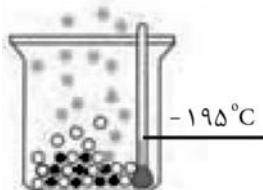
- ۱) ترکیب بوکسیت به رنگ قهوه‌ای بوده و از آلومینیم اکسید خالص تشکیل شده است.
- ۲) سیلیسیم به صورت خالص و کریستال مانند در طبیعت یافت می‌شود.
- ۳) در مخلوط هوای مایع، کربن دی‌اکسید مایع نیز وجود دارد.
- ۴) از آرگون به عنوان محیط بی‌اثر برای جوشکاری استفاده می‌شود.

۱۳۲- چه تعداد از موارد زیر از کاربردهای گاز هلیم می‌باشد؟

- * نگهداری نمونه‌های بیولوژیک در پزشکی
- * پر کردن بالنهای هواشناسی
- * جوشکاری
- * بسته‌بندی برخی مواد خوراکی
- * خنک کردن قطعات دستگاه‌های تصویربرداری مانند MRI

۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۱۳۳- با توجه به شکل زیر که جدا شدن برخی گازها از هوای مایع را نشان می‌دهد، کدام گزینه نادرست است؟



- ۱) گوی‌های سفید نشان‌دهنده گازی است که در ساخت لامپ‌های رشته‌ای به کار می‌رود.
- ۲) گوی‌های خاکستری، گازی را نشان می‌دهند که جانداران ذره‌بینی به منظور مصرف گیاهان آن را ثبیت می‌کنند.
- ۳) گوی‌های مشکی حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را تشکیل می‌دهند.
- ۴) گوی‌های سفید را در پتروشیمی از تقطیر جزء به جزء هوای مایع با خلوص بسیار زیاد تهیه می‌کنند.

۱۳۴- شمار الکترون‌های پیوندی در ساختار کدام ترکیب متفاوت از سایر ترکیب‌ها است؟

NH_۳ (۴) CH_۳O (۳) PCl_۳ (۲) CO (۱)

۱۳۵- در بین گونه‌های زیر، نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در و با یکدیگر برابر بوده و شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی در برابر با است.



محل انجام محاسبات



۱۳۶- دما در ابتدای لایه استراتوسفر ($h_0 = 10\text{ km}$) در حدود 20°C است. اگر در این لایه، با افزایش ارتفاع به ازای هر کیلومتر افزایش ارتفاع، دما در حدود $20^\circ\text{C} / 1^\circ\text{C}$ افزایش یابد، دما در ارتفاع 40 کیلومتری از سطح زمین در این لایه چند کلوین خواهد بود؟ (تفاوت دما با ارتفاع را به صورت خطی در نظر بگیرید).

- (۱) $+10^\circ\text{C}$ (۲) -3°C (۳) 183°C (۴) 276°C

۱۳۷- با توجه به این که در دو گونه زیر همه اتم‌ها از قاعده هشت‌تایی پیروی می‌کنند، مقادیر q_1 و q_2 به ترتیب کدامند؟



۱۳۸- در چه تعداد از موارد زیر، توضیحات ارائه شده در مورد هر یک از نمادها نادرست است؟

الف) $\xrightarrow{\Delta}$: واکنش با گرفتن گرما همراه است.

ب) $\xrightarrow{850^\circ\text{C}}$: با انجام واکنش دما به 850°C درجه سلسیوس می‌رسد.

پ) $\xrightarrow{200\text{ atm}}$: واکنش در فشار 200 atm اتمسفر انجام می‌شود.

ت) $\xrightarrow{\text{Pd (s)}}$: برای انجام واکنش از فلز پلاتین به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود.

- (۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) صفر

۱۳۹- کدام گزینه درست است؟

۱) مجموع ضرایب استوکیومتری مواد واکنش‌دهنده در معادله $\text{C}_3\text{H}_8(\text{g}) + \text{O}_2(\text{g}) \rightarrow \text{CO}_2(\text{g}) + \text{H}_2\text{O}(\text{g})$ پس از موازنی برابر ۶ می‌باشد.

۲) نسبت شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی به شمار جفت الکترون‌های پیوندی در هر یک از مولکول‌های اکسیژن و اوزون برابر $\frac{1}{3}$ است.

۳) درصد حجمی گاز آرگون در هوای پاک و خشک، از درصد حجمی گاز کربن دی‌اکسید کمتر است.

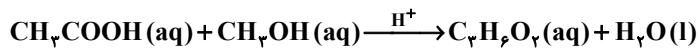
۴) کربن مونوکسید، گازی بی‌رنگ، بد بو و بسیار سمی است و چگالی این گاز کمتر از هوا و قابلیت انتشار آن در محیط بسیار زیاد است.

۱۴۰- همه گزینه‌های زیر نادرست هستند، به جز

۱) در شرایط یکسان دما و فشار، کربن مونوکسید از کربن دی‌اکسید ناپایدارتر بوده و چگالی بیشتری نیز دارد.

۲) نور سفید خیره‌کننده در هنگام سوختن گرد Fe ، حاکی از انجام یک واکنش شیمیایی است.

۳) در معادله نمادی زیر، نماد H^+ در بالای فلش نشان می‌دهد برای تولید فراورده آلی با حالت فیزیکی مایع، کاتالیزگر اسیدی مورد نیاز است.



۴) پس از انجام موازنی، شمار مولکول‌ها در دو سمت معادله واکنش ممکن است برابر نشود.

محل انجام محاسبات



دفترچه سؤال

آزمون هوش و استعداد

(دروزه دوم)

۱۳ مرداد

تعداد کل سؤالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخ‌گویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	
ویراستار	فاطمه راسخ
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدی
حروف‌چینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی

برای مشاهده پاسخ‌ها، به صفحه شخصی خود در سایت کانون مراجعه کنید.



۳۰ دقیقه

استعداد تحلیلی

۲۵۱- ابیات زیر سازنده یک حکایت کوتاه‌اند، اما ترتیب آن‌ها به هم ریخته است. اگر ابیات را به شکل درست خود درآوریم، کدام بیت در جایگاه چهارم قرار

می‌گیرد؟

الف) کیک چون ماجرا پشه شفت / زیر لب خنده‌ای زد آن گه گفت

ب) تو چنانی و من چنین ز چه روی؟ / تو طربناک و من غمین ز چه روی؟

ج) ای پسر رو خموش باش چو کیک / تا نخواندت کسی، مزن لبیک

د) من به هنگام کار خاموشم / بسته‌لب پای تابه‌سر گوشم

ه) ای عجب من بدین سیه‌رختی / تو بدان فرهی و خوشبختی

و) آن شنیدم که گفت پشه به کیک / بامدادان پس از سلام علیک

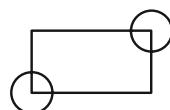
۴)

۳)

۲)

۱) الف

۲۵۲- نمودار زیر، ارتباط کدام دسته‌ها را نشان می‌دهد؟



۱) گوشواره‌ها - النگوها - طلاها

۲) مثلث‌های قائم‌الزاویه - مثلث‌های متساوی‌الاضلاع - مثلث‌ها

۳) سرماخوردگی‌ها - تب‌ها - بیماری‌ها

۴) نوشابه‌ها - آب‌ها - نوشیدنی‌ها

۲۵۳- رابطه ساختاری بین دو واژه کدام گزینه متفاوت است؟

۱) بینا - دیدنی

۲) پرستنده - پرستار

۳) گویا - گفتنی

۴) رونده - رفتار



* در سه سؤال بعدی با استدلالی درست تعیین کنید کدام گزینه متن را بهتر ادامه می‌دهد.

- ۲۵۴ آن منتقدین ادبی معتقد به مفهوم «آرکی تایپ» که نخستین بار کارل گوستاوو یونگ و مکتب مردم‌شناسی طبیقی دانشگاه شیکاگو آن را مطرح کرده‌اند، ضمن مطرح کردن مباحثی از قبیل آنیما و آنیموس، سایه، نقاب، مادر کبیر، پیرمرد خدمتمند، آب، خورشید، دایره، اعداد و ... به کندوکاو تأثیر آن چه از ضمیر ناخودآگاه جمعی به ضمیر ناخودآگاه حالت اثر آن راه یافته است می‌پردازند و اثر ادبی را با آن تحلیل و نقد و بررسی می‌کنند. رنگ‌ها که در زندگی انسان تأثیر شگرف و جایگاه ویژه‌ای دارند و در برخی از تمدن‌های کهن، هر کدام نماد مفاهیمی خاص بوده‌اند، مثلاً بعضی رنگ‌ها، نساطاطانگیز و آرام‌بخش و برخی دیگر مایه سرزندگی و برانگیزندگی بوده‌اند، ...

(۱) از آنجا که در فرهنگ‌های مختلف، نماد مفاهیمی متفاوت‌اند، شایستگی اتکا در بحث‌های آرکی تایپ ادبی را ندارند.

(۲) در بحث‌های ادبی ضمیر ناخودآگاه جمعی، جایگاه در خور ندارند چرا که به ابزارهای جسمی درک آدمی وابسته‌اند.

(۳) علی‌رغم آن که در ضمیر ناخودآگاه هنرمنداند، تا پیش از ظهور مفهوم آرکی تایپ، در خلق آثار ادبی بررسی نشده بودند.

(۴) ارتباط عمیقی با ضمیر ناخودآگاه جمعی یافته‌اند و در نقدهای ادبی متکی بر مفهوم آرکی تایپ می‌توان به آن‌ها اشاره کرد.

- ۲۵۵ منظور از «جهانی‌های معنایی»، قواعدی هستند که ساختار واژگان را در همه زبان‌ها تعیین می‌کنند. در نگاه نخست، سخن‌گفتگو از جهانی‌های معنایی ممکن است عجیب نظر برسد: هر کس که به مطالعه یک زبان خارجی پرداخته باشد می‌داند که واژه‌های دو زبان تا چه حد ممکن است متفاوت باشند. برخی از مفاهیم که در یک زبان با واژه‌ای ساده بیان می‌شوند، ممکن است در زبانی دیگر نیاز به یک جمله داشته باشند. مثلاً در زبان فارسی واژه انگلیسی commuter را معمولاً با یک جمله بیان می‌کنیم: «کسی که هر شب برای استراحت به حومه شهر می‌رود و روزها برای کار به شهر برمی‌گردد.» و یا در زبان انگلیسی بعید به نظر می‌رسد واژه‌ای معادل «ناز» با همه سایه‌روشن‌های معنایی آن در زبان فارسی وجود داشته باشد. ولی ...

(۱) توجه بیش از اندازه به تفاوت‌های معنایی و کاربردی واژه‌ها، باعث دوری اهالی زبان‌های متفاوت از یکدیگر می‌شود.

(۲) علی‌رغم وجود این تفاوت‌ها، اکثر زبان‌ها در حوزه‌های بنیادین از قواعد جهانی پیروی می‌کنند.

(۳) نمی‌توان زبان‌های مختلف را در طبقه‌بندی‌های مشخص دارای ویژگی‌های مشابه صرفی و نحوی دانست.

(۴) کلمه‌هایی هم هست که بین همه زبان‌ها مشترک است، علی‌رغم آن که تلفظهای این واژه‌ها متفاوت است.

- ۲۵۶ ابونصر فراهی در کتاب نصاب‌الصبیان خود، فقط هشت حرف یعنی «ث، ح، ص، ض، ط، ظ، ع، ق» را عربی شمرده است. البته درستی این گفته‌ها یقینی نیست، اتا جالب توجه است که «ذ» را صرفاً حرف عربی قرار نداده و قطعه زیر را برای تفرقی میان «د» و «ذ» درج کرده‌است:

در زبان فارسی فرقی میان دال و ذال / بشنو این راه و فصاحت را بدین منوال دان

آن‌که ماقبلش بود با حرف عله ساکنی / همچو بود و باذ و بید و فاذ، آن را «ذال» خوان

آن‌که ماقبلش بود بی حرف عله ساکنی / همچو مرد و درد و زرد و برد، آن را «دال» خوان

بر این اساس، معلوم است که ...

(۱) علم به وجود حروف عله مربوط به دوران متأخر است و در دوران قدیم تمایزی میان آن و دیگر حروف نبوده است.

(۲) کلماتی نظیر «بیهوده» و «آورده» از آغاز با «د» نوشته شده‌اند نه «ذ»، چرا که «د» حرف انتهایی این واژه‌ها نیست.

(۳) آن کلمات زبان فارسی که به حرف «د» ختم می‌شوند، در واقع همگی به «ذ» ختم می‌شده‌اند و امروزه تغییر داشته‌اند.

(۴) حروف «و، ا، ئ» از حروف عله‌اند. فراهی تمیز بین «د» و «ذ» را در ادبیات فارسی، از شرط فصاحت دانسته است.



- ۲۵۷- کدام گزینه با عبارت «هر سخن جایی و هر نکته مکانی دارد» هم مفهوم نیست؟

(۲) جای آیینه سر بخاری، جای کفش دم در

(۱) جابه‌جا کنعبد و جابه‌جا کنستعين

(۴) روی هر خری می‌شه پالون گذاشت

(۳) خر رُ تو تالار نمی‌برن

* در سه پرسش بعدی اگر «الف» بزرگ‌تر از «ب» بود گزینه «۱» و اگر «ب» بزرگ‌تر از «الف» بود گزینه «۲» را انتخاب کنید. اگر دو داده مساوی بودند، گزینه «۳» پاسخ است و اگر امکان مقایسه بین «الف» و «ب» وجود نداشت، گزینه «۴».

- ۲۵۸- دو سال پیش سن علی سه برابر مجموع سن میلاد و داریوش بود. دو سال بعد سن علی هشت برابر اختلاف سن میلاد و داریوش خواهد شد. می‌دانیم اعداد سن داریوش و میلاد اعداد طبیعی یک‌رقمی هستند و میلاد بزرگ‌تر از داریوش است.



الف) اختلاف سن علی و میلاد

ب) اختلاف سن میلاد و داریوش

- ۲۵۹- با طنابی با طول ثابت، «یک مستطیل غیرمربع» و «یک مربع» ساخته‌ایم.

الف) مساحت مستطیل

ب) مساحت مربع

- ۲۶۰- علی و محمود کاری را در ۱۲ ساعت، محمود و حسن همان کار را در ۱۶ ساعت و حسن به تنها‌ی آن کار را در ۲۴ ساعت انجام می‌دهد.

الف) مدت زمان موردنیاز محمود برای انجام آن کار، به تنها‌ی

ب) مدت زمان موردنیاز علی برای انجام آن کار، به تنها‌ی

* باید یک عدد طبیعی چهار رقمی را حدس بزنیم. می‌دانیم این چهار رقم متفاوت‌اند و عده‌های ۵ و ۷ در بین آن‌ها نیستند. بر این اساس به سه پرسش بعدی پاسخ دهید.

- ۲۶۱- اگر رقم‌های دهگان و صدگان هشت واحد و رقم‌های صدگان و هزارگان دو واحد اختلاف داشته باشند و عدد مضرب پنج باشد، چند عدد ممکن

است پاسخ باشند؟

(۳) دو عدد

(۱) یک عدد

(۴) چنین عددی ممکن نیست.

(۳) سه عدد



- ۲۶۲- اگر حاصل ضرب رقم‌های یکان و هزارگان، شش برابر حاصل ضرب رقم‌های دهگان و صدگان باشد، کدام گزینه درباره این عدد حتماً درست است؟

۱) عدهای ۲ و ۴ هر دو قطعاً در این عدد هستند.
۲) دست کم یکی از عدهای صفر و یک قطعاً در این عدد هست.

۳) با فرض‌های ارائه شده، عددی ساخته نمی‌شود.
۴) وجود حداقل یکی از عدهای ۳ و ۶ الزامی است.

- ۲۶۳- اگر بدانیم هیچ‌یک از ارقام عدد ۱ و ۸ نیست ولی صفر و چهار قطعاً در عدد هست و عدد بر ۹ بخشیدن است، دو عدد بزرگتر ارقام این عدد، چند واحد اختلاف دارند؟

۱) ۱

۲) ۲

۳) ۳

۴) ۶

- ۲۶۴- در یک ساعت عقربه‌ای بیست و چهار ساعته، زاویه کوچک‌تر بین دو عقربه ساعت‌شمار و دقیقه‌شمار در ساعت 20° چند درجه است؟ دقت کنید عقربه دقیقه‌شمار در هر ساعت، یک دور کامل در صفحه می‌چرخد.

۱) 85° ۲) 90° ۳) 170° ۴) 175°

- ۲۶۵- یکی از وسایل «گوشی، روپوش، خودکار، دفتر، کتاب» نو نیست و همان تنها دروغگوی جمع است. گوشی می‌گوید «روپوش» کهنه است، روپوش می‌گوید «خودکار» نو است، خودکار می‌گوید «دفتر» نو است، کتاب و دفتر هم می‌گویند «کتاب» نو است. وسیله دروغگو کدام است؟

۱) گوشی

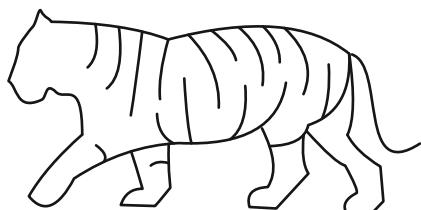
۲) روپوش

۳) خودکار

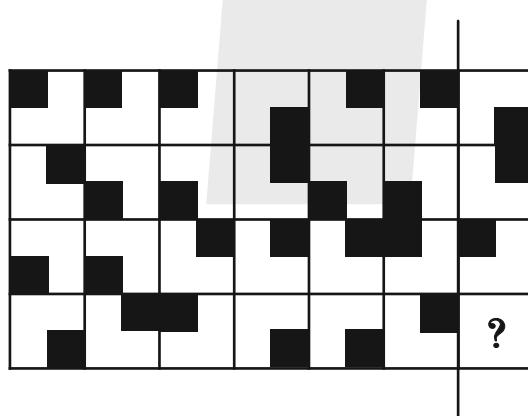
۴) دفتر



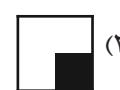
۲۶۶ - کدام گزینه بخشی از تصویر زیر نیست؟

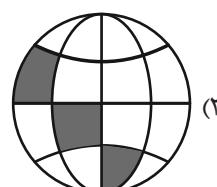
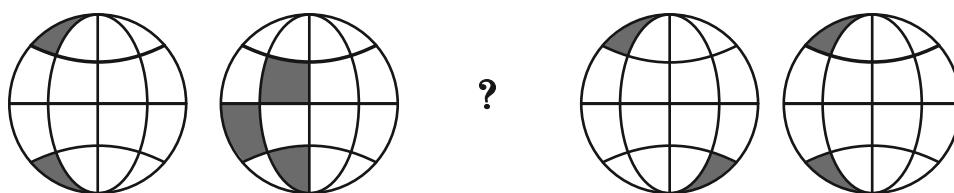


* در دو پرسش بعدی، شکل جایگزین علامت سوال الگو را تعیین کنید.



۲۶۷





--	--	--	--	--	--	--	--	--

BD (۲)

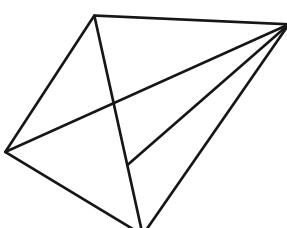
BAi (۱)

ADi (۴)

Ai (۳)

۲۷۰ - در شکل زیر چند مثلث هست؟

۹ (۱)



10 (۲)

11 (۳)

12 (۴)



آزمون ۳۱ مرداد ۱۴۰۴

اختصاصی دوازدهم ریاضی

نقد و ارزشی

پدیدآورندگان

نام طراحان

نام درس	
کاظم اجلالی-مسعود برملای-محمد رضا توجه-سعید جعفری-ایمان چینی فروشنان-مهدی حاجی نژادیان-عادل حسینی-محمد حمیدی افشن خاصه‌خان-محمد مامین روایت‌خواه زنگنه‌قاسم آبادی-علی سلامت-علی شهرابی-پویان طهرانیان-سجاد عظمتی حمید علیزاده-احسان غنی‌زاده-افشین گلستانی-سیدسیهر متولیان-علی مرشد-محمد مصطفی‌پور-جهانبخش نیکنام-محمد هجری	حسابات ۲ و ریاضی پایه
امیرحسین ابو محبوب-سامان اسپهروم-محبوبه بهادری-حسین حاجی‌لو-محمد حمیدی-افشن خاصه‌خان-فرزانه خاکپاش-محمد خندان کیوان دارابی-سوگند روشی-علی ساوجی-شایان عباچی-رضا عباسی‌اصل-امیر محمد کریمی-محمد گودرزی-امیر مالیر مجید محمدی‌نویسی-بهزاد نظام‌هاشمی-امیروفانی-سرز یقیازاریان-تبریزی	هندسه
امیرحسین ابو محبوب-علی ایمانی-افشن خاصه‌خان-کیوان دارابی-یاسین سپهر-علیرضا شریف‌خطیبی-ندا صالح‌پور محمد صحت‌کار-رضا عباسی‌اصل-عزیزاله علی‌اصغری-فرشاد فرامرزی-امیر محمد کریمی-مهرداد ملوندی-میلاد منصوری نیلوفر مهدوی	آمار و احتمال و ریاضیات گستره
خسرو ارغوانی-فرد بابک اسلامی-عبدالرضا امینی‌نسب-احسان ابرانی-مهدی آذرنسپ-زهرا آقامحمدی-حامد ترحمی مجتبی خلیل ارجمندی-میثم دشتیان-محمدعلی راست‌پیمان-علیرضا رستم‌زاده-بهنام رستمی-امیر ستارزاده-رامین شادلوبی سعید طاهری-بروجنی-محمد عبدی-عرفان عسکریان-چایگان-محمد عظیم‌پور-محمد جواد غلامی-مسعود قره‌خانی-مصطفی کیانی حسین مخدومی-سیدعلی میرنوری-شادمان ویسی	فیزیک
امیرعلی برخورداریون-محمد رضا پور جاوید-جواد جدیدی-اسامه جوشن-امیر حاتمیان-حسن رحمتی کوکنده-مینا شرافتی‌پور محمد عظیمیان زواره-میکائیل غزاوی-حسن لشکری-سعید محسن‌زاده-محمد حسن محمدزاده‌مقدم-امیرحسین مسلمی-دانیال مهرعلی سید رحیم هاشمی-دھکردی-محمد وزیری	شیمی

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابات ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و احتمال و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی	گزینشگر
آرش ظریف	حسام نادری	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی	سیدسیهر متولیان	سیدسیهر متولیان
یاسر راش مجتبی محبوب فرزاد حلاج‌مقدم احسان پنجه‌شاهی	سینا صالحی حسین بصیر ترکببور زهرا آقامحمدی	امیرحسین ابو محبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابو محبوب مهرداد ملوندی	امیرحسین ابو محبوب یاسین کشاورزی مهرداد ملوندی	امیرحسین ابو محبوب یاسین کشاورزی مهرداد ملوندی	گروه ویراستاری
آرش ظریف	حسام نادری	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی	امیر محمد کریمی	سیدسیهر متولیان	مسئول درس
امیرحسین توحیدی	علیرضا همایون خواه	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	سیمیه اسکندری	مسئل دسازی
محسن دستجردی عرفان قره‌مشک آینیلا ذاکری	مهدی صالحی پرهم مهر آرا	معصومه صنعت‌کار-مهسا محمدنیا-احسان میرزینی-سجاد سلیمی-فرشته کمبرانی				ویراستاران (مسئل دسازی)

کروه قی و نویز

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی‌زاده	مسئول دفترچه
مسئل دفترچه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
مدیر گروه: الهه شهبازی	فرزانه فتح‌اله‌زاده
	حروف نگار
	سوران نعیمی
	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳

(عامل مسین)

گزینه «۳» -۳

$$x = \log_{\frac{3}{4}} 0 \text{ صفر تابع است:}$$

$$\Rightarrow a \times \frac{b \log_{\frac{3}{4}} -1}{\frac{3}{4} - 1} = a \left(\frac{\log_{\frac{3}{4}} -1}{\frac{3}{4} - 1} \right)^b = 0$$

طبق ویژگی $m^{\log_m^n} = n$ داریم:

$$\frac{\log_{\frac{3}{4}} -1}{\frac{3}{4} - 1} = \frac{-1}{\frac{3}{4} - 1} \Rightarrow a \left(\frac{-1}{\frac{3}{4} - 1} \right)^b = 0 \Rightarrow a = \left(\frac{-1}{\frac{3}{4} - 1} \right)^b \quad (*)$$

مختصات نقطه (۱، ۰) هم در ضابطه تابع صدق می‌کند:

$$\Rightarrow a(3^b) - 1 = 1 \xrightarrow{*} \left(\frac{-1}{\frac{3}{4} - 1} \right)^b \times 3^b = 2$$

$$\Rightarrow 4^b = 2 \Rightarrow b = \frac{1}{2} \xrightarrow{*} a = \sqrt{\frac{4}{3}} = \frac{2}{\sqrt{3}}$$

$$ab = \frac{2}{\sqrt{3}} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad \text{در نهایت داریم:}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹ و ۸۶)

(سباد عظمتی)

گزینه «۱» -۴

ابتدا معادله نمایی مورد نظر را حل می‌کنیم:

$$2^x - 2^{-x} = \frac{3}{2} \Rightarrow 2^x - \frac{3}{2} - 2^{-x} = 0$$

$$\xrightarrow{x=2^t} (2^t)^2 - \frac{3}{2} \times 2^t - 1 = 0$$

با تغییر متغیر $t = 2^x$ داریم:

$$t^2 - \frac{3}{2}t - 1 = 0 \Rightarrow (t-2)(t+\frac{1}{2}) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = -\frac{1}{2} \Rightarrow 2^x = -\frac{1}{2} \\ t = 2 \Rightarrow 2^x = 2 \Rightarrow x = 1 \end{cases} \quad \text{غیر قوی}$$

حال حاصل عبارت خواسته شده را به دست می‌آوریم:

$$\frac{2^x}{x + \log_{\frac{3}{2}}(2x+2)} = \frac{3}{1 + \log_{\frac{3}{2}}^2} = \frac{3}{1+2} = \frac{3}{3} = 1$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹ و ۸۶)

حسابان ۱

گزینه «۲» -۱

(علی شهرابی)

ابتدا ضابطه‌های دو تابع را برابر قرار می‌دهیم تا طول نقطه برخوردشان بدست آید:

$$f(x) = g(x) \Rightarrow 15 - 3^x = \sqrt{3^{x+2}} - 3$$

$$\Rightarrow 3^x + \sqrt{3^{x+2}} - 18 = 0 \Rightarrow 3^x + 3 \times 3^{\frac{x}{2}} - 18 = 0$$

با تغییر متغیر $t = 3^{\frac{x}{2}}$ ، معادله را حل می‌کنیم:

$$t^2 + 3t - 18 = 0 \Rightarrow (t+6)(t-3) = 0$$

$$\Rightarrow \begin{cases} t = -6 \Rightarrow 3^{\frac{x}{2}} = -6 \\ t = 3 \Rightarrow 3^{\frac{x}{2}} = 3 \Rightarrow x = 2 \end{cases}$$

حالا عرض نقطه برخورد را حساب می‌کنیم:

پس نقطه برخورد دو تابع (۲, ۶) است. حال فاصله A از نقطه

$$OA = \sqrt{(2-0)^2 + (6-0)^2} = \sqrt{40} = 2\sqrt{10} \quad \text{را پیدا می‌کنیم:}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷۳ تا ۷۹)

گزینه «۳» -۲

می‌دانیم اگر جرم یک ماده رادیواکتیو m_0 و نیمه عمر آن T باشد، جرم ماده

$$m(t) = m_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{T}} \quad \text{باقی‌مانده (m) پس از طی شدن زمان t از رابطه}$$

به دست می‌آید. بنابراین می‌توان نوشت:

$$m(t) = m_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{t}{15}} \Rightarrow m(60) = m_0 \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{60}{15}} = \frac{m_0}{16}$$

جرم ماده باقی‌مانده $\frac{1}{16}$ جرم ماده اولیه است، یعنی جرم ماده‌ای که بهانرژی تبدیل شده است، $\frac{15}{16}$ جرم ماده اولیه است:

$$\Rightarrow m_0 - \frac{m_0}{16} = \frac{15}{16}m_0 \approx 0.94m_0$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۷۲ تا ۷۹)

(جواب؛ نکته قاسیم‌آبادی)

گزینه «۱» -۸

$$\log_6^x + \frac{\gamma}{\gamma} \log_6^{\gamma} = \lambda \Rightarrow \log_6^x + \frac{\gamma}{\gamma} \log_6^{\gamma} = \lambda$$

$$\Rightarrow \log_6^x + \gamma \log_6^{\gamma} = \lambda \xrightarrow{\log_6^x=t} t + \frac{\gamma}{t} = \lambda$$

$$\Rightarrow t^2 - \lambda t + \gamma = 0 \Rightarrow \begin{cases} t = 1 = \log_6^x \Rightarrow x_1 = 6 \\ t = \gamma = \log_6^x \Rightarrow x_2 = 6^\gamma \end{cases}$$

حاصل ضرب جوابها: $6 \times 6^\gamma = 6^{\lambda}$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(ممدر مصطفی‌پور)

گزینه «۴» -۹

$$\frac{1}{2}x^2 - \Delta x + \Delta = 0 \Rightarrow a + b = -\frac{-\Delta}{1} = 100, ab = \frac{\Delta}{1} = 10.$$

$$\log a + \log b + \log(a+b) = \log ab + \log(a+b)$$

$$= \log 10 + \log 100 = 1+2=3$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(ممدر امین، روانپشنهادی)

گزینه «۴» -۱۰

ابتدا نقطه $(\Delta, 2)$ را در تابع صدق می‌دهیم:

$$\log_a^{(\Delta a - \delta)} = 2 \Rightarrow a^2 = \Delta a - \delta \Rightarrow a^2 - \Delta a + \delta = 0.$$

$$(a-2)(a-3) = 0 \Rightarrow \begin{cases} a = 2 & \text{غیر} \\ a = 3 & \end{cases}$$

اگر $a = 2$ باشد، ضابطه تابع به صورت $f(x) = \log_2^{(2x-\delta)}$ است که نقطه $(11, 3)$ در آن صدق نمی‌کند. ولی برای $a = 3$ این گونه نیست. حال داریم:

$$a = 3 \Rightarrow f(x) = \log_3^{3x-\delta}$$

$$f^{-1}(x) = 3 \Rightarrow x = f(3) = \log_3^{(3x^3-\delta)} = 1$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(ممدر صمیری)

گزینه «۴» -۵

$$10^{0/699} = 5 \xrightarrow{\text{از طرفین در مبنای ۱ می‌گیریم}} \log 10^{0/699} = \log 5$$

$$\Rightarrow 0/699 \log 10 = \log 5 \Rightarrow \log 5 = 0/699$$

از طرفی دیگر داریم:

$$\log \sqrt[5]{\frac{25}{\lambda}} = \log \left(\frac{25}{\lambda} \right)^{\frac{1}{5}} = \frac{1}{5} \log \frac{25}{\lambda} = \frac{1}{5} (\log 25 - \log \lambda)$$

$$= \frac{1}{5} (\log 5^2 - \log 2^3) = \frac{1}{5} (2 \log 5 - 3 \log 2)$$

$$\frac{\log 2 - \log \lambda}{\lambda} \xrightarrow{\lambda} \frac{1}{\lambda} (2 \log 5 - 3(1 - \log \lambda))$$

$$= \frac{1}{\lambda} (\lambda \log 5 - 3) = \log 5 - \frac{3}{\lambda} = 0/699 - 0/6 = 0/099$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۶ تا ۲۰)

(کاظم اجلالی)

گزینه «۳» -۶

 α جواب معادله $f(x) = x$ است. پس داریم:

$$\log_{\gamma}^{(\gamma^{\alpha+\gamma}-\gamma)} = \alpha \Rightarrow \gamma^{\alpha+\gamma} - \gamma = \gamma^{\alpha}$$

$$\Rightarrow \gamma^{\alpha} - \gamma \times \gamma^{\alpha} + \gamma = 0 \Rightarrow (\gamma^{\alpha} - \gamma)^2 = 0 \Rightarrow \gamma^{\alpha} = \gamma \Rightarrow \alpha = 1$$

حال اگر فرض کنیم $\beta = \gamma^{-1}$. آنگاه $f(\beta) = \frac{1}{\gamma} = \beta$ است و در نتیجه:

$$\log_{\gamma}^{(\gamma^{\beta+\gamma}-\gamma)} = \frac{1}{\gamma} \Rightarrow \gamma^{\beta+\gamma} - \gamma = \gamma^{\frac{1}{\gamma}} = \gamma$$

$$\Rightarrow \gamma^{\beta+\gamma} = \gamma \Rightarrow \beta + \gamma = \log_{\gamma}^{\gamma} \Rightarrow \beta = \log_{\gamma}^{\gamma} - \gamma = \log_{\gamma}^{\gamma} - \log_{\gamma}^{\gamma}$$

$$\Rightarrow \beta = \log_{\gamma}^{\frac{\gamma}{\gamma}} = \log_{\gamma}^{\frac{1}{\gamma}}$$

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

(جواب؛ نکته قاسیم‌آبادی)

گزینه «۴» -۷

$$\log_k^A = \log_k^B \Rightarrow A = B$$

$$\Rightarrow x^2 - \delta x = 2x - 15 \Rightarrow x^2 - \lambda x + 15 = 0$$

$$\Rightarrow (x-2)(x-\delta) = 0$$

در دامنه صدق نمی‌کند
معادله جواب ندارد.

(مسابان ا- صفحه‌های ۱۰ تا ۱۵)

(پیمان طهرانیان)

«۲» گزینه ۱۳

تابع f اکیداً نزولی است، پس برای اینکه f صعودی باشد، لازم است تابع g

نزولی باشد:

$$g = \{(1, 6), (2, k), (3, 4), (4, 2)\} \rightarrow g \text{ نزولی است}$$

کمترین مقدار k برابر ۴ است.

(مسابقات - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(علی سلامت)

«۲» گزینه ۱۴

اگر f ، تابعی اکیداً صعودی و مثبت باشد، تابع f - اکیداً نزولی و $\frac{1}{f}$

اکیداً صعودی است. بنابراین در گزینه «۲»، تابع $y = (\frac{1}{x})$ و $-f$ - اکیداً نزولی هستند، بنابراین مجموع آنها یعنی تابع h اکیداً نزولی است.

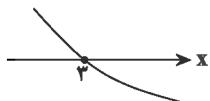
تابع g اکیداً صعودی، تابع k نزولی و وضعیت تابع p نیز نامشخص است.

(مسابقات - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

(اخشنین کلستانی)

«۴» گزینه ۱۵

چون f یک تابع اکیداً نزولی و پیوسته با دامنه \mathbb{R} و $f(3) = 0$ است، پس

می‌توان نمودار زیر را برای f فرض کرد.دقت شود که نمودار تابع f الراماً به شکل بالا نیست، ولی می‌توان برایتصور f از نمودار بالا استفاده کرد.

حال باید دامنه تابع داده شده را پیدا کنیم:

 \geq زیر رادیکال با فرجه زوج

$$\Rightarrow (x-3)^2 f(2-x) \geq 0 \Rightarrow (x-3)^2 = 0 \quad \text{یا} \quad f(2-x) \geq 0$$

$$\begin{cases} (x-3)^2 = 0 \Rightarrow x = 3 \\ f(2-x) \geq 0 \quad \text{اکیداً نزولی} \\ f(3) = 0 \end{cases} \Rightarrow 2-x \leq 3 \Rightarrow x \geq -1$$

اشتراک جوابها: $(-1, +\infty)$

(مسابقات - صفحه‌های ۱۵ تا ۱۸)

حسابان ۲

«۱» گزینه ۱۱

(پیمان‌پیش نیکنام)

تابع $y = -\sqrt{5-x}$ با دامنه $[0, +\infty)$ با دامنه(۵, $+\infty$) هر دو اکیداً نزولی هستند، پس تابع f نیز اکیداً نزولی است ودامنه آن بازه $[5, 0]$ است.حال برای دامنه تابع g داریم:

$$f(2x+3) - f(-5x+2) \geq 0 \Rightarrow f(2x+3) \geq f(-5x+2)$$

تابع f اکیداً نزولی است؛ با لحاظ کردن این نکته و همچنین دامنه f ، باید

$$0 \leq 2x+3 \leq -5x+2 \leq 5 \quad \text{نمعادله زیر را حل کنیم:}$$

$$\begin{cases} 2x+3 \geq 0 \Rightarrow x \geq -\frac{3}{2} \\ 2x+3 \leq -5x+2 \Rightarrow x \leq -\frac{1}{7} \\ -5x+2 \leq 5 \Rightarrow x \geq -\frac{3}{5} \end{cases}$$

اشتراک سه جواب بالا بازه $[-\frac{3}{5}, -\frac{1}{7}]$ است:

$$\Rightarrow D_g = [-\frac{3}{5}, -\frac{1}{7}] \Rightarrow \begin{cases} \alpha = -\frac{3}{5} \\ \beta = -\frac{1}{7} \end{cases} \Rightarrow \alpha + \beta = -\frac{26}{35}$$

(مسابقات - مرتبه با تمرين ۹ (الف) صفحه ۱۲)

«۲» گزینه ۱۲

(سید سپهر متولیان)

نمودار تابع $(x) f$ از مبدأ مختصات عبور می‌کند، بنابراین $0 = f(0)$ و خواهیم داشت:

$$g(-k) = f(-k+k) + k = f(0) + k = k$$

بنابراین باید نقطه‌ای به فرم $(-k, k)$ روی $(x) g$ پیدا کنیم. به این منظورباید $(x) g$ را با $y = -x$ قطع کنیم:

$$\frac{1}{2}x + 1 = -x \Rightarrow x = -\frac{2}{3} \Rightarrow -k = -\frac{2}{3} \Rightarrow k = \frac{2}{3}$$

توجه: نمودار $(x) g$ تنها در ربع دوم با $y = -x$ برخورد دارد، که ضابطهآن در بازه $[-2, 0]$ به صورت $y = \frac{1}{2}x + 1$ می‌شود.

(مسابقات - صفحه‌های ۱ تا ۱۲)

حال رابطه تقسیم دوم را می‌نویسیم:

$$p(x) - xp(1-x) = x(x-1)q_1(x) + \alpha x + \beta$$

در اینجا باقی‌مانده را درجه یک و به صورت $\alpha x + \beta$ در نظر گرفته‌ایم.

حال مقدار $x = 1$ را در رابطه بالا جای‌گذاری می‌کنیم:

$$x = 0 : p(0) = \beta \Rightarrow \beta = \frac{1}{3}$$

$$x = 1 : p(1) - p(0) = \alpha + \beta \Rightarrow \frac{4}{3} - \frac{1}{2} = \alpha + \frac{1}{2} \Rightarrow \alpha = \frac{1}{3}$$

پس باقی‌مانده تقسیم $\frac{1}{3}x + \frac{1}{2}$ است.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(علی شهرابی)

-۲۰ گزینه «۲»

باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $2x^2 - x - 10$ برابر با $2x + 6$ است.

$$f(x) = (2x^2 - x - 10)q_1(x) + 2x + 6 \xrightarrow{x=-2} f(-2) = 2$$

باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x^2 - x - 2$ برابر با $10 + x$ است.

$$f(x) = (x^2 - x - 2)q_1(x) + x + 10 \xrightarrow{x=2} f(2) = 12$$

باقی‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $f(x)$ بر $x^2 - 4x - 4$ را به صورت

$$r(x) = ax + b$$
 در نظر می‌گیریم، داریم:

$$f(x) = (x^2 - 4)q_1(x) + ax + b$$

در تساوی بالا، یک بار $x = 2$ و یک بار هم $x = -2$ را قرار می‌دهیم:

$$\left. \begin{array}{l} f(2) = 12 \Rightarrow 2a + b = 12 \\ f(-2) = 2 \Rightarrow -2a + b = 2 \end{array} \right\} \Rightarrow a = \frac{5}{2}, b = 7$$

پس باقی‌مانده برابر با $\frac{5}{2}x + 7$ است.

$$r(x) = \frac{5}{2}x + 7 = -8 \Rightarrow x = -6$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(عادل صیغی)

-۱۶ گزینه «۳»

باقی‌مانده تقسیم برابر $f(2)$ است:

$$\Rightarrow f(2) = 2^3 - 2a + 1 = 9 - 2a = 3 \Rightarrow a = 3$$

(مسابان ۲ - مشابه تمرین ۶ صفحه ۲۲)

(سعید بصری)

-۱۷ گزینه «۱»

چون چندجمله‌ای مورد نظر بر $x = 1$ بخش‌پذیر است، لذا:

$$p(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$$

$$x = 1 = 0 \Rightarrow x = 1$$

$$p(1) = 0 \Rightarrow 1 + a + b + c = 0 \quad (1)$$

$$x = 2 = 0 \Rightarrow x = 2$$

$$\Rightarrow p(2) = 0 \Rightarrow 8 + 4a + 2b + c = 0 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow \begin{cases} a + b = -4 \\ 2a + b = -4 \end{cases} \Rightarrow a = 0, b = -4 \Rightarrow a - b = 4$$

(مسابان ۲ - مشابه تمرین ۷ صفحه ۲۲)

(اخشین خاصه‌خان)

-۱۸ گزینه «۳»

قضیه تقسیم را می‌نویسیم:

$x^3 + ax^2 - b = (x-1)(x+2)q(x) + r$ و $x = 1$ را جای‌گذاری می‌کنیم:

$$\begin{cases} 1 + a - b = r \\ -1 + 4a - b = r \end{cases} \xrightarrow{\text{تفاضل}} 3a = 9 \Rightarrow a = 3$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۹ و ۲۰)

(محمد علیزاده)

-۱۹ گزینه «۴»

رابطه تقسیم را برای تقسیم $(x+2)p(x)$ بر $x^3 - x^2 - 1$ می‌نویسیم:

$$(x+2)p(x) = x(x-1)(x+1)q_1(x) + 3x + 1$$

مقدار $x = 1$ را در رابطه بالا جای‌گذاری می‌کنیم:

$$p(0) = 1 \Rightarrow p(0) = \frac{1}{2}$$

$$p(1) = 4 \Rightarrow p(1) = \frac{4}{3}$$

$$p(-1) = -2$$



$$1) -x^2 - 1 < 2x - 1 \Rightarrow x^2 + 2x > 0$$

$$\begin{array}{c|ccc} x & -2 & 0 \\ \hline + & 0 & - & + \end{array} \Rightarrow x \in (-\infty, -2) \cup (0, +\infty)$$

عبارت

$$2) 2x - 1 < x^2 + 1 \Rightarrow x^2 - 2x + 2 > 0 \quad \Delta = -4 < 0 \quad \text{همواره برقرار}$$

بنابراین جواب نامعادله به صورت $(-\infty, -2) \cup (0, +\infty)$ خواهد بود.

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۳ تا ۹۳)

(عادل مسینی)

گزینه «۱»

با توجه به جدول تعیین علامت و عبارت $p(x)$ ، نتیجه می شود $x = c$ ریشه صورت و از مرتبه زوج است و $x = 1$ ریشه مخرج (و شاید مشترک با صورت) و از مرتبه فرد است، تنها حالت زیر برای $p(x)$ قابل قبول است:

$$p(x) = \frac{(x-1)(x-c)^2}{(x-1)^2} = \frac{(x-1)(x^2 - 2cx + c^2)}{x^2 - 2x + 1}$$

$$\begin{aligned} &\Rightarrow \frac{x^3 - ax^2 + (a+3)x - 4}{x^3 - 2bx + b} \\ &= \frac{x^3 - (2c+1)x^2 + (c^2 + 2c)x - c^2}{x^3 - 2x + 1} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} b = 1 \\ c^2 = 4 \end{cases} \xrightarrow{c > 1} c = 2 \Rightarrow a = 5 \Rightarrow a + b + c = 8$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۸۷ تا ۸۳)

(مهدی خاچی نژادیان)

گزینه «۳»

برای اینکه رابطه f تابع باشد داریم:

$$m^2 - 2m = -m \Rightarrow m^2 - m = 0 \Rightarrow \begin{cases} m = 0 \\ m = 1 \end{cases} \quad \text{آنگاه:}$$

مقادیر m را بررسی می کنیم:

$$\begin{cases} m = 0 \Rightarrow f = \{(-2, 0), (-n, -2), (-2, 0), (-n, -1), (-n+1, -n)\} \\ m = 1 \Rightarrow f = \{(-2, -1), (1-n, -2), (-2, -1), (-n, -1), (-n+1, -n)\} \end{cases} \quad \text{غیرقیقی}$$

$$\xrightarrow{(*)} (1-n, -2) = (-n+1, -n) \Rightarrow n = 2$$

$$\begin{cases} n = 2 \\ m = 1 \end{cases} \Rightarrow \frac{m}{n} = \frac{k-1}{3} \Rightarrow \frac{2}{2} = \frac{k-1}{3} \Rightarrow k = 4$$

$$\Rightarrow (k-3n)^2 = (4-3 \times 2)^2 = (-2)^2 = 4$$

(ریاضی - تابع: صفحه های ۹۵ تا ۱۰۰)

ریاضی ۱

گزینه «۳»

-۲۱

(مسعود برمل)

$$\begin{aligned} 2x^2 - 13x + 20 &= 0 \Rightarrow 2(x^2 - \frac{13}{2}x + 10) = 0 \\ &\Rightarrow x^2 - \frac{13}{2}x + 10 = 0 \Rightarrow (x - \frac{13}{4})^2 - \frac{169}{16} + 10 = 0 \\ &\Rightarrow (x - \frac{13}{4})^2 = \frac{9}{16} \Rightarrow \begin{cases} a = 13 \\ b = \frac{9}{4}, ab = \frac{117}{4} \end{cases} \end{aligned}$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۷۰ تا ۷۷)

گزینه «۴»

-۲۲

(عادل مسینی)

نقطه $(0, 3)$ بر روی سهمی قرار دارد، بنابراین:

$$y = ax^2 + bx + c \Rightarrow 3 = a(0)^2 + b(0) + c \Rightarrow c = 3$$

همچنین $x = -1$ و $x = 3$ ریشه های معادله $ax^2 + bx + c = 0$ است در نتیجه:

$$a(-1)^2 + b(-1) + 3 = 0 \Rightarrow a - b = -3$$

$$a(3)^2 + b(3) + 3 = 0 \Rightarrow 9a + 3b = -3$$

$$\Rightarrow \begin{cases} a - b = -3 \\ 9a + 3b = -3 \end{cases} \Rightarrow 4a = -4 \Rightarrow a = -1$$

$$a - b = -3 \xrightarrow{a = -1} -1 - b = -3 \Rightarrow b = 2$$

$$y = ax^2 + bx + c = -x^2 + 2x + 3 = 4 - (x-1)^2$$

عرض رأس این سهمی برابر ۴ است.

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۷۱ تا ۷۸)

گزینه «۳»

-۲۳

(محمد هبری)

$$f(x) = -2x^2 + 12x - 12 = -2(x^2 - 6x + 9) + 6$$

$$= -2(x-3)^2 + 6$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_B = 3 \\ y_B = 6 \end{cases}, \begin{cases} x_A = 0 \\ y_A = -2(-3)^2 + 6 = -12 \end{cases}$$

$$m_{AB} = \frac{y_B - y_A}{x_B - x_A} = \frac{6 - (-12)}{3 - 0} = 6$$

(ریاضی - معادله ها و نامعادله ها: صفحه های ۷۱ تا ۷۸)

گزینه «۴»

-۲۴

(علی مرشد)

نکته: از $a > 0$ ، $-a < u < a$ نتیجه می شود

می دانیم که به ازای هر X ، مقدار $x^2 + 1$ مثبت است:

$$|2x-1| < x^2 + 1 \Rightarrow -x^2 - 1 < 2x - 1 < x^2 + 1$$

(امسان غنیزاده)

گزینه «۴» - ۲۹

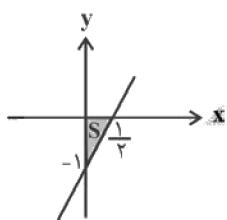
برای حل کافی است عدد ۲ را برابر با یکی از مقادیر $(x+1)$ یا $(x-1)$ بگذاریم.

قرار دهیم تا x جدید حاصل شود، پس داریم:

$$\begin{aligned} f(x+1) + f(1-x) &= 2 \xrightarrow{x=1} f(2) + f(0) = 2 \\ f(2) &= 3 \xrightarrow{2+f(0)=2} \begin{cases} f(0) = -1 \\ f(2) = 3 \end{cases} \\ \Rightarrow m_{\text{خط}} &= \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{3+1}{2-0} = \frac{4}{2} = 2 \end{aligned}$$

$$y - y_1 = m(x - x_1) \Rightarrow y + 1 = 2(x - 0) \Rightarrow y = 2x - 1$$

$$S = \frac{1}{2} \times \text{ارتفاع} \times \text{قاعده} = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{4}$$



(ریاضی ا - تابع: صفحه‌های ۱۰۸ تا ۱۰۰)

(کاظم ابلاجی)

گزینه «۲» - ۳۰

با توجه به مجموعه جواب‌های نامعادله $x^3 \leq |x|$ و $x^3 \geq |x|$

ضابطه‌های f را به صورت زیر می‌توان نوشت:

$$f(x) = \begin{cases} ax^3 + bx ; & x \in \{0\} \cup (-\infty, -1] \cup [1, +\infty) \\ 2x^3 + c ; & x \in [-1, 1] \end{cases}$$

برای این که f تابع باشد مقادیر دو ضابطه به ازای $\{1, -1, 0\}$ باید برابر باشند.

$$f(0) = 0 + 0 = 0 + c \Rightarrow c = 0$$

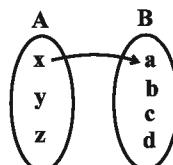
$$\left. \begin{array}{l} f(1) = a + b = 2 + c \Rightarrow a + b = 2 \\ f(-1) = a - b = 2 + c \Rightarrow a - b = 2 \end{array} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = 0 \end{cases}$$

(ریاضی ا - تابع: صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(محمد علیزاده)

گزینه «۱» - ۲۷

اگر زوج مرتب (x, a) را در نظر بگیریم برای y و همین‌طور برای z ، چهار انتخاب d, c, b, a داریم یعنی تعداد کل توابع $= 4 \times 4 = 16$ تابع می‌باشد.

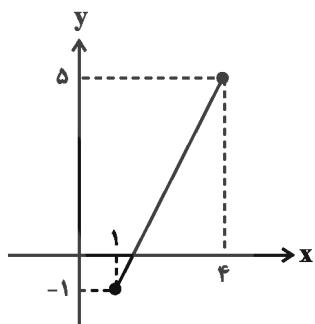


(ریاضی ا - تابع: صفحه‌های ۹۵ تا ۱۰۰)

(ایمان پیشی‌فروشن)

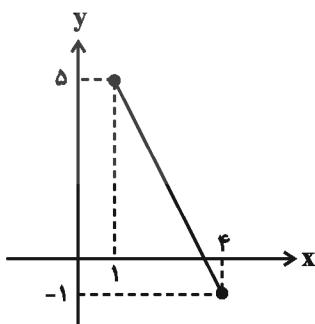
گزینه «۳» - ۲۸

تابع f خطی است و با توجه به دامنه و بردش، نمودار آن به یکی از دو صورت زیر است:



$$y - 5 = \frac{5 - (-1)}{4 - 1}(x - 4) \Rightarrow y = 2x - 3$$

$$\Rightarrow f(x) = 2x - 3 \Rightarrow f(2) = 1, f(3) = 3$$



$$y - 5 = \frac{-1 - 5}{4 - 1}(x - 4) \Rightarrow y = -2x + 7$$

$$\Rightarrow f(x) = -2x + 7 \Rightarrow f(\frac{3}{2}) = 4, f(\frac{5}{2}) = 2, f(3) = 1$$

همانطور که دیده می‌شود نقطه $(2, 3)$ به هیچ وجه نمی‌تواند روی نمودار قرار گیرد.

(ریاضی ا - تابع: صفحه‌های ۱۰۰ تا ۱۰۸)



$$\left. \begin{array}{l} A'B' \parallel AB \Rightarrow A'D \parallel AB \\ A'C' \parallel AC \Rightarrow A'E \parallel AC \end{array} \right\} \Rightarrow \triangle A'DE \sim \triangle ABC$$

نسبت میانه‌ها در دو مثلث متشابه، برابر نسبت تشابه است. پس داریم:

$$\frac{\Delta A'DE}{\Delta ABC} = \frac{\text{محیط } A'M}{\text{محیط } AM} = \frac{A'M}{AM} = \frac{1}{3} \Rightarrow \frac{\Delta A'DE}{\Delta ABC} = \frac{1}{3}$$

توجه: طبق تعمیم قضیه تالس در دو مثلث ACM و ABM داریم:

$$\frac{\Delta A'D}{\Delta AB} = \frac{DM}{BM} = \frac{EM}{CM} = \frac{A'E}{AC} = \frac{A'M}{AM} = \frac{1}{3}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

(شایان عباوهن)

گزینه «۲»

انتقال تبدیلی طولپا است، پس شعاع دایره در انتقال تغییری نمی‌کند و $O'R' = 4$ است. نقطه O' (مرکز دایرة C) در این انتقال بر نقطه O' (مرکز دایرة C') تصویر می‌شود، پس طول خط‌المرکزین دو دایره برابر طول بردار انتقال است، یعنی $OO' = 6$ بوده و در نتیجه داریم:

$$|R - R'| < OO' < R + R' \Rightarrow \text{دو دایره متقاطع اند}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۳۸ و ۳۹)

(امیر وفایان)

گزینه «۱»

$$\begin{aligned} S_{ABCD} &= \frac{1}{2} AH(AB + CD) \\ &\Rightarrow 225 = \frac{1}{2} AH(6 + 6) \\ &\Rightarrow AH = 30 \end{aligned}$$

می‌دانیم ترکیب دو بازتاب نسبت به دو خط موازی معادل یک انتقال با برداری به طول دو برابر فاصله این دو خط است، بنابراین داریم:

$$MM'' = 2AH = 2 \times 30 = 60$$

(هنرسه ۲ - مشابه تمرين ۴ صفحه ۴۲)

(سریر یقیازاریان تبریزی)

گزینه «۴»

اگر بردار انتقال با یک خط موازی باشد، آن‌گاه انتقال یافته آن خط برخودش منطبق می‌شود، بنابراین گزینه «۴» نادرست است.

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۳۶ تا ۳۷)

(سوكن روشن)

گزینه «۴»

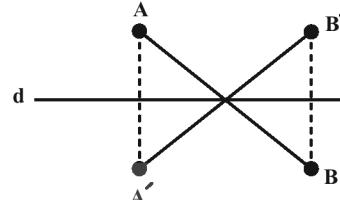
تبديل T در صفحه P ، تابعی است که به هر نقطه A از صفحه P ، دقیقاً یک نقطه مانند A' را از همان صفحه نظیر می‌کند و برعکس، هر نقطه A' از صفحه P ، تصویر دقیقاً یک نقطه A از همان صفحه است. اما در گزینه «۴» نقاط A و B (روی خط $x = y$) هر دو بر مبدأ مختصات تصویر شده‌اند.

(افشین خاصه‌خان)

هندرسه ۲

گزینه «۲»

در حالت‌های «الف» و «ب» شبیه پاره خط AB الزاماً حفظ می‌شود.
در حالت «ب» اگر نقاط A و B در طرفین خط d قرار داشته باشند، شبیه پاره خط AB الزاماً حفظ نمی‌شود. (شکل زیر)

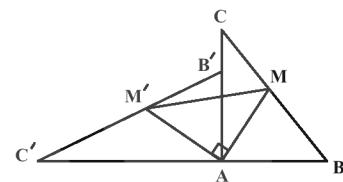


(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۳۸ تا ۳۹)

(امیرحسین ایوبیوب)

گزینه «۳»

طبق قضیه فیثاغورس در مثلث قائم‌الزاویه ABC داریم:



$$BC^2 = AB^2 + AC^2 = (6)^2 + (6\sqrt{3})^2 \Rightarrow BC = 12$$

میانه وارد بر وتر در مثلث ABC است و اندازه آن برابر نصف اندازه وتر یعنی برابر ۶ می‌باشد که با توجه به طولپا بودن دوران، اندازه AM' نیز برابر ۶ است.

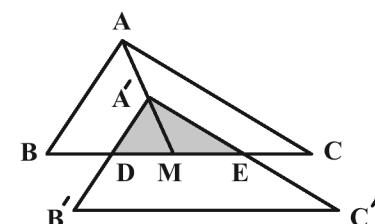
زاویه بین AM و AM' برابر زاویه دوران یعنی 90° است، پس در مثلث قائم‌الزاویه AMM' داریم:

$$MM'^2 = AM^2 + AM'^2 = 6^2 + 6^2 = 72 \Rightarrow MM' = 6\sqrt{2}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۴۰ تا ۴۱)

(رضای عباس اصل)

گزینه «۲»



مطابق شکل تصویر مثلث ABC در انتقال با بردار $\overrightarrow{AA'}$ (محل همسی میانه‌های مثلث ABC می‌باشد)، مثلث $A'B'C'$ است. ناحیه مشترک بین این دو مثلث، مثلث $A'DE$ است. تصویر یک پاره خط در یک انتقال با آن پاره خط موازی است، پس داریم:



دوران تبدیلی طولپا است، بنابراین $O'O'' = OO' = \lambda$ است. طبق قضیه

فیثاغورس در مثلث $OO'O''$ داریم:

$$OO''^2 = \lambda^2 + \lambda^2 = 2 \times \lambda^2 \Rightarrow OO'' = \lambda\sqrt{2}$$

مطابق شکل، C_1 کوچکترین دایره‌ای است که بر هر دو دایره C و C'' مماس است. شعاع دایره‌های C و C'' برای یکدیگر است، بنابراین داریم:

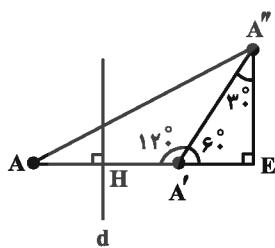
$$AB = OO'' - (OA + O''B) = \lambda\sqrt{2} - (\lambda + \lambda)$$

$$\Rightarrow 2R_1 = \lambda\sqrt{2} - \lambda$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۳۰ تا ۳۲)

(ممدر فذران)

«۲» ۴۰ گزینه



مطابق شکل $AA' = A'A'' = 6$ است، پس $AH = 2$ می‌باشد. اگر از A''

بر امتداد AA' عمود رسم کنیم، در مثلث قائم‌الزاویه $A''EA'$ ، $\hat{A}' = 60^\circ$ و

$\hat{A}'' = 30^\circ$ است. با توجه به این که در مثلث قائم‌الزاویه، طول اضلاع روبه رو

به زاویه‌های 30° و 60° به ترتیب $\frac{1}{2}$ و $\frac{\sqrt{3}}{2}$ طول وتر است، داریم:

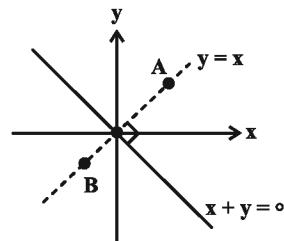
$$A'E = \frac{A'A''}{2} = \frac{6}{2} = 3 \Rightarrow AE = 6 + 3 = 9$$

$$A''E = \frac{\sqrt{3}}{2} A'A'' = \frac{\sqrt{3}}{2} \times 6 = 3\sqrt{3}$$

$$\Delta AEE : AA''^2 = AE^2 + A''E^2 = (9)^2 + (3\sqrt{3})^2 = 108$$

$$\Rightarrow AA'' = 6\sqrt{2}$$

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۳۵ تا ۳۷)



(هنرسه ۲ - صفحه ۳۴)

«۳» ۳۸ گزینه

هر بردار انتقالی که موازی نیمساز ربع اول دستگاه مختصات (خط $y = x$) باشد را می‌توان به صورت $\vec{v} = (a, a)$ نمایش داد. بنابراین مختصات نقطه B' به صورت $B'(-1+a, 1+a)$ خواهد بود. دوران تبدیلی طولپا است، در نتیجه اگر B' دوران یافته A به مرکز $P(1, 1)$ و زاویه θ باشد، آنگاه داریم:

$$\begin{aligned} PB' = PA &\Rightarrow \sqrt{(-1+a-1)^2 + (1+a-1)^2} \\ &= \sqrt{(4-1)^2 + (5-1)^2} = 5 \xrightarrow{\text{توان ۲}} (a-2)^2 + a^2 = 25 \\ &\Rightarrow \begin{cases} a = \frac{2+\sqrt{46}}{2} & \text{ق ق} \\ a = \frac{2-\sqrt{46}}{2} & \text{غ ق ق} \end{cases} \end{aligned}$$

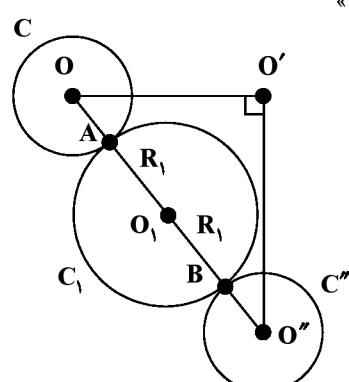
طول بردار انتقال برابر است با $\sqrt{a^2 + a^2} = a\sqrt{2}$ که برابر می‌شود با:

$$\sqrt{2} \times \left(\frac{2+\sqrt{46}}{2}\right) = \sqrt{2} + \sqrt{23}$$

توجه: طبق فرض، نقطه B' در ناحیه اول مختصات است، پس باید $0 < x_{B'} = -1+a$ باشد، یعنی $1 > a$ است.

(هنرسه ۲ - صفحه‌های ۳۸ تا ۴۰)

«۱» ۳۹ گزینه



(سراسری ریاضی فارج از کشور - ۹۵)

گزینه «۴» - ۴۴

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A^T - 4A = A(A - 4I)$$

$$= \begin{bmatrix} 1 & 2 & 2 \\ 2 & 1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} -3 & 2 & 2 \\ 2 & -3 & 2 \\ 2 & 2 & -3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 5 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & 5 \end{bmatrix} = 5I$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۱۳ تا ۲۱)

(امیرمحمد کریمی)

گزینه «۳» - ۴۵

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 5 & 9 \end{bmatrix} \Rightarrow |A| = 1 \times 9 - 2 \times 5 = -1$$

$$A^{-1} = \frac{1}{|A|} \begin{bmatrix} 9 & -2 \\ -5 & 1 \end{bmatrix} = \frac{1}{-1} \begin{bmatrix} 9 & -2 \\ -5 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 & 2 \\ 5 & -1 \end{bmatrix}$$

$$A^{-1} \times \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 & 2 \\ 5 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -11 & -18 \\ 6 & 10 \end{bmatrix}$$

پس حاصل جمع درایه های قطر اصلی ماتریس فوق برابر است با:

$$-11 + 10 = -1$$

(هنرسه ۳ - مرتبط با مثال صفحه ۲۳)

(محمد کوورزی)

گزینه «۳» - ۴۶

$$A^T = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$A^T = A \times A^T = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -1 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I \quad (1)$$

$$A^{-1} = \frac{1}{0 - (-1)} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A^{-1})^T = \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (A^{-1})^T = \begin{bmatrix} 0 & -1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} = -I \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow A^T + (A^{-1})^T = -I + (-I) = -2I$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۱۷ تا ۲۳)

هندسه ۳**گزینه «۴» - ۴۱**

طبق فرض داریم:

$$A = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \Rightarrow A \times B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a-1 & -b \\ c+1 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m & 0 \\ 0 & m \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow \begin{bmatrix} 2a+c-1 & -2b+1 \\ -a+4c+a & b+4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} m & 0 \\ 0 & m \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} -2b+1=0 \Rightarrow b=\frac{1}{2} \\ -a+4c+a=0 \Rightarrow -a+4c=-a \end{cases}$$

$$\begin{cases} b+\frac{1}{2}=m \xrightarrow{b=\frac{1}{2}} m=\frac{9}{2} \\ 2a+c-1=m=\frac{9}{2} \Rightarrow 2a+c=\frac{11}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} -a+4c=-a \xrightarrow{\times 2} -2a+8c=-10 \\ 2a+c=\frac{11}{2} \end{cases} \xrightarrow{\text{جمع}} 9c=-\frac{9}{2} \Rightarrow c=-\frac{1}{2}$$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۱۲ تا ۱۹)

گزینه «۴» - ۴۲

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 4 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$A \times B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2 \\ 4 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 2 & 1 \\ -1 & 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 3 & 8 \end{bmatrix}$$

پس حاصل جمع درایه های $A \times B$ برابر است با:

(هنرسه ۳ - مشابه کار در کلاس صفحه ۱۸)

(امیرمحمد کریمی)

گزینه «۲» - ۴۲

$$\begin{bmatrix} x-y & 10 \\ y & 6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 & 10 \\ x+y & z+2 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} x-y=3 \\ x+y=7 \\ z+2=6 \end{cases} \Rightarrow x=5, y=2, z=4$$

$$\Rightarrow x+2y+z=5+4+2=11$$

(هنرسه ۳ - مشابه تمرین ۲ صفحه ۲۰)

$$\Rightarrow (AA^{-1} + \gamma AB^{-1})B = AB \Rightarrow (I + \gamma AB^{-1})B = AB$$

$$\Rightarrow B + \gamma A \underbrace{B^{-1}B}_I = AB$$

$$\Rightarrow B + \gamma A = AB$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(سراسری ریاضی - ۹۳)

$$A = \begin{bmatrix} 1 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 1 \end{bmatrix} \Rightarrow I + A = \begin{bmatrix} 1 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 1 \end{bmatrix}$$

$$, I - A = \begin{bmatrix} 1 & +\tan \alpha \\ -\tan \alpha & 1 \end{bmatrix}$$

$$\Rightarrow (I - A)^{-1} = \frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} \begin{bmatrix} 1 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 1 \end{bmatrix}$$

$$(I - A)^{-1}(I + A) = \quad \text{در نتیجه داریم:}$$

$$\frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} \begin{bmatrix} 1 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & -\tan \alpha \\ \tan \alpha & 1 \end{bmatrix}$$

$$= \frac{1}{1 + \tan^2 \alpha} \begin{bmatrix} 1 - \tan^2 \alpha & -\gamma \tan \alpha \\ ... & ... \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \frac{1 - \tan^2 \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} & \frac{-\gamma \tan \alpha}{1 + \tan^2 \alpha} \\ ... & ... \end{bmatrix}$$

$$= \begin{bmatrix} \cos^2 \alpha & -\sin^2 \alpha \\ ... & ... \end{bmatrix}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(امیرحسین ابومصوب)

«۴۷ - گزینه ۴»

ماتریس A وارون‌پذیر نیست، پس دترمینان آن برابر صفر است:

$$|A| = 0 \Rightarrow a(a+4) - 4(-1) = 0 \Rightarrow a^2 + 4a + 4 = 0$$

$$\Rightarrow (a+2)^2 = 0 \Rightarrow a+2 = 0 \Rightarrow a = -2$$

$$B = \begin{bmatrix} 2 & 1 \\ -2 & -2 \end{bmatrix} \Rightarrow B^{-1} = \frac{1}{2(-2) - (-2)} \begin{bmatrix} -2 & -1 \\ 2 & 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ -1 & -1 \end{bmatrix}$$

$$B^{-1} = 1 + \frac{1}{2} - 1 - 1 = -\frac{1}{2} \quad \text{مجموع درایه‌های}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۲۲ و ۲۳)

(مهدی محمدی نویسن)

«۴۸ - گزینه ۳»

دو ماتریس A و I تعویض‌پذیر هستند، بنابراین داریم:

$$B = A - I \Rightarrow B^T = (A - I)^T = A^T - 2A + I \xrightarrow{A^T = A}$$

$$B^T = -A + I = -B$$

$$B^n = \begin{cases} B & , n = \text{فرد} \\ -B & , n = \text{زوج} \end{cases} \quad \text{بنابراین می‌توان نتیجه گرفت:}$$

$$. B^{10} = -B = I - A \quad \text{لذا}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۱۷ و ۱۸)

(کیوان (دارای))

«۴۹ - گزینه ۴»

عبارت $A^{-1} + 2B^{-1} = I$ را از سمت چپ در ماتریس A و از سمت

راست در ماتریس B ضرب می‌کنیم، داریم:

$$A^{-1} + 2B^{-1} = I \Rightarrow A(A^{-1} + 2B^{-1})B = AIB$$

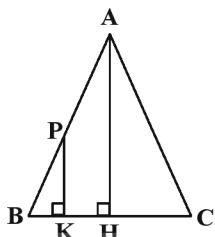
(بیزار نظم‌هاشمن)

گزینه ۴

-۵۳

از رأس A عمود AH را بر ضلع BC رسم می‌کنیم، چون $AH \parallel PK$ ، پس

مثلث‌های PKB و AHB متشابه هستند و داریم:



$$k = \frac{BH}{BK} = \frac{AB}{BP} = \frac{AH}{PK} = 4$$

$$\frac{S_{ABH}}{S_{PBK}} = k^2 \Rightarrow S_{ABH} = 16 S_{PBK}$$

از طرفی می‌دانیم در هر مثلث متساوی‌الساقین، ارتفاع و میانه وارد بر قاعده

$$S_{ABH} = S_{AHC} = \frac{1}{2} S_{ABC}$$

$$S_{ABH} = 16 S_{PBK} \Rightarrow \frac{1}{2} S_{ABC} = 16 S_{PBK} \Rightarrow S_{ABC} = 32 S_{PBK}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

(سامان اسپیرم)

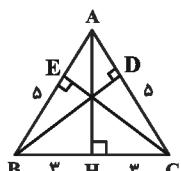
گزینه ۲

-۵۴

کافی است طول ارتفاع‌ها را در مثلث ABC به دست آوریم و سپس با

استفاده از نسبت تشابه دو مثلث، مجموع طول‌های ارتفاع‌ها را در مثلث

$A'B'C'$ پیدا کنیم، مطابق شکل داریم:



$$\Delta ABH : AH^2 = AB^2 - BH^2 = 5^2 - 3^2 = 16 \Rightarrow AH = 4$$

حال داریم:

$$AH \cdot BC = BD \cdot AC = CE \cdot AB \Rightarrow CE = BD = \frac{4 \times 6}{5} = \frac{24}{5}$$

(امیرحسین ابوصیوب)

هندسه ۱
گزینه ۲

-۵۱

مثلثی به طول اضلاع ۸، $8\sqrt{3}$ و $8\sqrt{3}$ ، مثلث قائم‌الزاویه است، چون طول

اضلاع آن در قضیه فیثاغورس صدق می‌کند:

$$8^2 + (8\sqrt{3})^2 = 16^2$$

$$S_1 = \frac{1}{2} \times 8 \times 8\sqrt{3} = 32\sqrt{3}$$

مساحت مثلث دوم در صورتی بیشترین مقدار ممکن را دارد که ضلع به طول

$2\sqrt{3}$ متناظر با کوچک‌ترین ضلع مثلث اول باشد. در این صورت داریم:

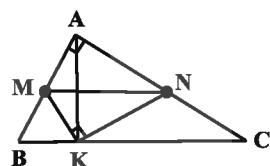
$$\frac{S_2}{S_1} = \left(\frac{2\sqrt{3}}{8} \right)^2 \Rightarrow \frac{S_2}{32\sqrt{3}} = \frac{12}{64} = \frac{3}{16} \Rightarrow S_2 = 6\sqrt{3}$$

(هنرسه ا- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷)

(علی ساوی)

گزینه ۲

-۵۲



در مثلث قائم‌الزاویه، طول میانه وارد بر وتر نصف وتر است پس:

$$MK = \frac{AB}{2}, \quad KN = \frac{AC}{2}$$

از طرفی طبق عکس قضیه تالس نتیجه می‌شود که MN موازی BC و اندازه‌اش

نصف BC است. پس $\Delta ABC \sim \Delta MNK$ و نسبت مساحت‌هایشان مجدد

نسبت تشابه است که برابر می‌شود با:

$$\left(\frac{MN}{BC} \right)^2 = \left(\frac{1}{2} \right)^2 = \frac{1}{4}$$

حال داریم:

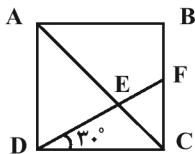
$$S_{MNK} = \frac{1}{4} S_{ABC} = \frac{1}{4} \times \frac{5 \times 12}{2} = \frac{15}{4}$$

(هنرسه ا- ترکیبی: صفحه‌های ۴۵ تا ۴۷ و ۶۰)

(افشین فاصله‌فان)

گزینه «۳» - ۵۶

پاره خط DE را امتداد می‌دهیم تا ضلع BC را در نقطه F قطع کند.



در مثلث قائم‌الزاویه DCF ، ضلع FC رویه‌رو به زاویه 30° می‌باشد و در نتیجه

نصف ضلع DF است. اگر طول ضلع مرربع را برابر a فرض کنیم، آن‌گاه داریم:

$$DF^2 = FC^2 + DC^2 \Rightarrow (FC)^2 = FC^2 + a^2 \Rightarrow FC^2 = a^2$$

$$\Rightarrow FC^2 = \frac{a^2}{3} \Rightarrow FC = \frac{a}{\sqrt{3}}$$

دو مثلث CFE و ADE به حالت تساوی دو زاویه متشابه‌اند و داریم:

$$\frac{FC}{AD} = \frac{CE}{AE} \Rightarrow \frac{\frac{a}{\sqrt{3}}}{a} = \frac{CE}{AE} \Rightarrow \frac{CE}{AE} = \frac{1}{\sqrt{3}}$$

$$\text{تکمیل نسبت در مخرج} \rightarrow \frac{CE}{AC} = \frac{1}{\sqrt{3}+1} \times \frac{\sqrt{3}-1}{\sqrt{3}-1} = \frac{\sqrt{3}-1}{2}$$

حال داریم:

$$\left. \begin{array}{l} S_{DEC} = \frac{CE}{AC} \cdot S_{ADC} \\ S_{ADC} = \frac{1}{2} S_{ABCD} \end{array} \right\} \Rightarrow S_{DEC} = \frac{\sqrt{3}-1}{2} \times \frac{1}{2} S_{ABCD}$$

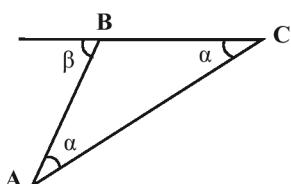
$$\Rightarrow \frac{S_{DEC}}{S_{ABCD}} = \frac{\sqrt{3}-1}{4}$$

(هنرسه ۱- پندرضایی‌ها: صفحه ۶۴)

(محمد حمیری)

گزینه «۲» - ۵۷

طبق رابطه تعداد قطرها در یک n ضلعی محض داریم:



نسبت ارتفاع‌ها در دو مثلث متشابه، برابر نسبت تشابه دو مثلث است. از

طرفی نسبت محیط‌ها در دو مثلث متشابه نیز با همین نسبت برابر است. با

توجه به این که محیط مثلث ABC ، برابر $6+5+5=16$ است، داریم:

$$\frac{BD}{B'D'} = \frac{CE}{C'E'} = \frac{AH}{A'H'} = \frac{\Delta ABC \text{ محیط}}{\Delta A'B'C' \text{ محیط}} = \frac{16}{32} = \frac{1}{2}$$

$$\Rightarrow A'H' = 8, C'E' = B'D' = 9/6$$

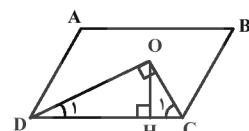
$$A'H' + C'E' + B'D' = 8 + 9/6 + 9/6 = 27/2 \quad \text{در نتیجه:}$$

(هنرسه ۱- قضیه تالس، تشابه و کاربردهای آن: صفحه‌های ۳۵ تا ۴۷)

(امیرحسین ابومیوب)

گزینه «۱» - ۵۵

در متوازی‌الاضلاع هر دو زاویه مجاور مکمل یکدیگرند، بنابراین داریم:



$$\hat{C} + \hat{D} = 180^\circ \Rightarrow \hat{C}_1 + \hat{D}_1 = 90^\circ \Rightarrow \hat{O} = 90^\circ$$

همچنین در هر متوازی‌الاضلاع، زوایای مقابل با هم برابرند، پس داریم:

$$\hat{D}_1 = \frac{\hat{D}}{2} = \frac{\hat{B}}{2} = 15^\circ$$

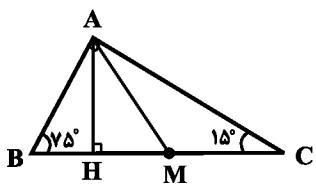
در مثلث قائم‌الزاویه COD ، یکی از زوایای حاده برابر 15° است، پس

طول ارتفاع وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ طول وتر است و در نتیجه داریم:

$$S_{COD} = \frac{1}{2} OH \times CD = \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} CD \times CD = \frac{1}{2} \times 9 \times 36 = 162$$

(هنرسه ۱- پندرضایی‌ها: صفحه‌های ۵۶ و ۵۹ تا ۶۴)

(مسین هایپلیو)

گزینه «۴» - ۵۹


مطابق شکل فرض کنید $\hat{C} = 15^\circ$, $\hat{A} = 90^\circ$ و $\hat{B} = 15^\circ$ باشد. در این صورت طبق

فرض $BC = 20$ است. می‌دانیم طول میانه وارد بر وتر، نصف طول وتر

است. از طرفی در مثلث قائم‌الزاویه‌ای که یک زاویه 15° دارد، طول ارتفاع

وارد بر وتر، $\frac{1}{4}$ طول وتر است. پس داریم:

$$AM = \frac{1}{2} BC = 10 \text{ و } AH = \frac{1}{4} BC = 5$$

$$\Delta AMH : MH^2 = AM^2 - AH^2 = 10^2 - 5^2 = 75$$

$$\Rightarrow MH = 5\sqrt{3}$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۶۰ و ۶۴)

(فرزانه فاکیباش)

گزینه «۱» - ۶۰

مجموع زوایای هر n ضلعی محدب برابر $(n-2) \times 180^\circ$ است، بنابراین داریم:

$$2 \times 120^\circ + (n-2) \times 150^\circ = (n-2) \times 180^\circ$$

$$\Rightarrow 2 \times 120^\circ = (n-2) \times (180^\circ - 150^\circ)$$

$$\Rightarrow (n-2) \times 30^\circ = 240^\circ \Rightarrow n-2 = 8 \Rightarrow n = 10$$

$$\frac{10 \times 7}{2} = 35 \text{ تعداد قطرهای یک } 10 \text{ ضلعی برابر است با } 35$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه ۵۵)

$$\frac{n(n-3)}{2} = 120 \Rightarrow n(n-3) = 240 = 20 \times 12 \Rightarrow n = 20$$

فرض کنید مطابق شکل، A, B و C سه رأس متوازی این n ضلعی منتظم

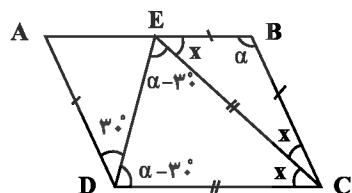
باشند. در این صورت $AB = BC$ و β (زاویه خارجی نظیر رأس B)

برابر است با:

$$\beta = 2\alpha \Rightarrow \frac{360^\circ}{n} = 2\alpha \Rightarrow \alpha = \frac{180^\circ}{n} \xrightarrow{n=20} \alpha = 9^\circ$$

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه ۵۵)

(امیر مالمیر)

گزینه «۳» - ۵۸


فرض کنید $\hat{BEC} = x$ و $\hat{B} = \alpha$ باشد. داریم:

$$BE = AD \xrightarrow{AD=BC} BE = BC$$

$$\hat{B} = \hat{D} \Rightarrow \alpha = 30^\circ + \hat{CDE} \Rightarrow \hat{CDE} = \alpha - 30^\circ$$

$$BE \parallel CD, CE \text{ مورب} \Rightarrow \hat{DCE} = \hat{BEC} = x$$

$$\hat{B} = \hat{D} \Rightarrow \alpha = 30^\circ + \hat{CDE} \Rightarrow \hat{CDE} = \alpha - 30^\circ$$

بنابراین در دو مثلث DEC و BEC داریم:

$$\begin{cases} \alpha + 2x = 180^\circ \\ 2(\alpha - 30^\circ) + x = 180^\circ \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \alpha + 2x = 180^\circ \\ 2\alpha + x = 240^\circ \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha = 100^\circ \\ x = 40^\circ \end{cases}$$

بنابراین $\hat{BCE} = x = 40^\circ$ است.

(هنرسه - پندرضلعی‌ها: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۹)



$$P(A) = P(B)P(A|B) + P(C)P(A|C) + P(D)P(A|D)$$

$$= \frac{4}{10} \times 0 + \frac{4}{10} \times 1 + \frac{4}{10} \times \frac{1}{2} = \frac{4}{10} \times \frac{3}{2}$$

$$P(D|A) = \frac{P(D)P(A|D)}{P(A)} = \frac{\frac{4}{10} \times \frac{1}{2}}{\frac{4}{10} \times \frac{3}{2}} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - مشابه مثال صفحه ۵۸)

(رضا عباسی اصل)

$$D = \{1, 2, \dots, 7\}$$

۴ عضو از D فرد و ۳ عضو دیگر آن زوج هستند. می‌دانیم مجموع دو عدد صحیح زمانی فرد است که بکی از آن‌ها فرد و دیگری زوج باشد، بنابراین فضای نمونه‌ای کاهش یافته شامل حالت‌هایی است که بکی فرد و دیگری زوج است.

$$n(S) = 4 \times 3 + 3 \times 4 = 24$$

تعداد اعضای پیشامد A که در آن اولی عددی اول باشد برابر است با:

$$\frac{3}{\{3, 5, 7\}} \times \frac{3}{\text{عدد زوج}} + \frac{1}{\text{عدد فرد}} \times \frac{4}{\text{عدد اول فرد}} = 13$$

بنابراین احتمال وقوع این پیشامد برابر $P(A) = \frac{13}{24}$ است.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۲)

(میلاد منصوری)

اگر احتمال وقوع هر عدد فرد را با x نمایش دهیم، آنگاه احتمال وقوع هر عدد زوج برابر $2x$ است. داریم:

$$P(1) + P(2) + P(3) + P(4) + P(5) + P(6) = 1$$

$$\Rightarrow x + 2x + x + 2x + x + 2x = 1 \Rightarrow 9x = 1 \Rightarrow x = \frac{1}{9}$$

حالات‌هایی که مجموع اعداد رو شده دو تا سه، برابر ۵ باشد، عبارتند از احتمال وقوع این پیشامد برابر است با:

$$P(\{(4, 1), (1, 4), (3, 2), (2, 3)\})$$

$$= P(\{(4, 1)\}) + P(\{(1, 4)\}) + P(\{(3, 2)\}) + P(\{(2, 3)\})$$

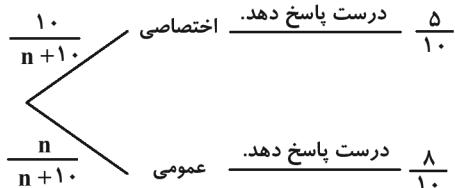
$$= P(4) \times P(1) + P(1) \times P(4) + P(3) \times P(2) + P(2) \times P(3)$$

آمار و احتمال

«۳» - ۶۱

(یاسین سپیر)

طبق فرمول احتمال کل و نمودار درختی داریم:



$$P = \frac{7}{10} = \frac{1}{10} \times \frac{5}{10} + \frac{n}{n+10} \times \frac{8}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{n+10} + \frac{4n}{5(n+10)} = \frac{7}{10} \Rightarrow \frac{25+4n}{5(n+10)} = \frac{7}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{25+4n}{n+10} = \frac{7}{2} \Rightarrow 50+8n = 7n+70 \Rightarrow n = 20$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

«۲» - ۶۲

(علیرضا شریف‌خطیبی)

فرض کنید پیشامدهای A و B به ترتیب به صورت «بازیکن اول قدباندتر از بازیکن دوم باشد.» و «بازیکن اول بلندقدترین بازیکن تیم باشد.» تعریف شوند. در این صورت داریم:

$$P(B|A) = \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{P(B)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{10}}{\frac{1}{2}} = \frac{1}{5}$$

تذکر: $P(A) = \frac{1}{2}$ است، چون بین دو بازیکن اول و دوم، احتمال بلندقدتر

بودن یک بازیکن برابر دیگری است. همچنین پیشامد B ، زیرمجموعه پیشامد A است، بنابراین $A \cap B = B$ است.

(آمار و احتمال - مشابه مثال صفحه ۵۱)

«۴» - ۶۳

(علیرضا شریف‌خطیبی)

اگر پیشامد A را مشکی بودن روی مشاهده شده کارت و پیشامدهای B ، C و D را به ترتیب انتخاب کارت دو رو سفید، انتخاب کارت دو رو مشکی و انتخاب کارت یک رو مشکی و یک رو سفید در نظر بگیریم، آنگاه طبق قانون احتمال کل و قانون بیز داریم:

(علی ایمانی)

گزینه «۴»اگر A_1, A_2, A_3 و A'_1, A'_2, A'_3 پیشامدهای سالم بودن لامپ‌های اول تا سوم باشند، داریم:

$$P(A_1 \cap A'_2 \cap A'_3) = P(A_1)P(A'_2 | A_1)P(A'_3 | (A_1 \cap A'_2))$$

$$= \frac{4}{6} \times \frac{2}{5} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{15}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۵۲ تا ۵۴)

(فرشاد فرامرزی)

گزینه «۱»

با استفاده از قاعدة بیز داریم:

$$P(\text{طرف اول} | \text{سفید بودن}) = \frac{P(\text{طرف اول}) \times P(\text{طرف اول} | \text{سفید بودن})}{P(\text{سفید بودن})}$$

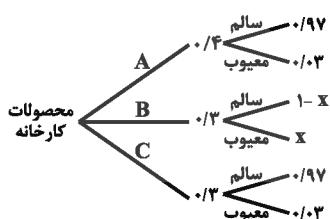
$$= \frac{\frac{2}{5} \times \frac{2}{6}}{\frac{2}{5} \times \frac{2}{6} + \frac{3}{5} \times \frac{6}{9}} = \frac{\frac{4}{30}}{\frac{12+36}{90}} = \frac{1}{4}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۵۷ تا ۶۰)

(نرا صالح پور)

گزینه «۱»

ابتدا نمودار درختی را رسم می‌کنیم:



طبق قانون احتمال کل داریم:

$$P(\text{معیوب بودن}) = 0/4 \times 0/03 + 0/3 \times 1 - x + 0/3 \times 0/03$$

$$\Rightarrow 0/06 = 0/021 + 0/3x$$

$$\Rightarrow 0/3x = 0/039 \Rightarrow x = 0/13 \quad (\text{درصد})$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)

$$= \frac{2}{9} \times \frac{1}{9} + \frac{1}{9} \times \frac{2}{9} + \frac{1}{9} \times \frac{2}{9} + \frac{2}{9} \times \frac{1}{9} = \frac{8}{81}$$

توجه: نتایج پرتاب‌های یک تاس مستقل از هم هستند.

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸)

گزینه «۳»نکته: اگر A و B دو پیشامد مستقل باشند، آن‌گاه هر یک از دو پیشامد A' و B' نسبت به هر یک از دو پیشامد B و A' مستقل از هم خواهد بود.

$$P(B - A) = P(B \cap A') = P(B)P(A') \quad (1)$$

$$P(B - A) = P(B) - P(A \cap B) \Rightarrow 0/1 = P(B) - 0/3$$

$$\Rightarrow P(B) = 0/4 \quad (2)$$

$$(1), (2) \Rightarrow 0/1 = 0/4 \times P(A') \Rightarrow P(A') = 0/25$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۶۳ تا ۶۸)

(نیلوفر مهرانی)

گزینه «۴»

طبق قانون احتمال شرطی داریم:

$$P(B | A) = \frac{2}{5} \Rightarrow \frac{P(A \cap B)}{P(A)} = \frac{2}{5} \Rightarrow P(A) = \frac{5}{2} P(A \cap B)$$

$$P(A | B) = \frac{3}{10} \Rightarrow \frac{P(A \cap B)}{P(B)} = \frac{3}{10} \Rightarrow P(B) = \frac{10}{3} P(A \cap B)$$

$$P(B) - P(A) = \frac{1}{18} \Rightarrow \frac{10}{3} P(A \cap B) - \frac{5}{2} P(A \cap B) = \frac{1}{18}$$

$$\Rightarrow \frac{5}{6} P(A \cap B) = \frac{1}{18} \Rightarrow P(A \cap B) = \frac{1}{15}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$$

$$= \frac{5}{2} P(A \cap B) + \frac{10}{3} P(A \cap B) - P(A \cap B)$$

$$= \frac{29}{6} P(A \cap B) = \frac{29}{6} \times \frac{1}{15} = \frac{29}{90}$$

(آمار و احتمال - صفحه‌های ۴۹ تا ۵۲)



$$r = r_{\max} = b - 1$$

از طرفی:

$$a = -b^r - b + b - 1 = -b^r - 1 \Rightarrow a + 1 = -b^r$$

پس مقسم جدید قرینه یک عدد مربع کامل است.

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(امیرمحمد کریمی)

گزینه «۲» - ۷۵

طبق فرض داریم:

$$(a, 9) = 3 \Rightarrow 3 | a \Rightarrow a = 3k$$

$$(b, 9) = 3 \Rightarrow 3 | b \Rightarrow b = 3k'$$

که در آنها k و k' نسبت به ۳ اول هستند.

$$(ab, 9) = (9kk', 9) = 9(kk', 1) = 9 \times 1 = 9$$

مثال نقض گزینه‌های «۱» و «۳»:

$$a = 6, b = 3 \Rightarrow (a+b, 9) = (9, 9) = 9$$

$$a = 3, b = 12 \Rightarrow (a+b, 9) = (15, 9) = 3$$

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۹ تا ۱۴)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

گزینه «۲» - ۷۶

خواسته سوال اعداد به فرم $x = 17k + 4$ است که $x \leq 100$ ، پس

$$1 \leq 17k + 4 \leq 100$$

داریم:

$$\Rightarrow -3 \leq 17k \leq 96 \Rightarrow 0 \leq k \leq 5 \Rightarrow 6 \text{ عدد}$$

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۱۸ و ۱۹)

(مرتبه با فعالیت صفحه ۱۸)

(اخشین خاصه خان)

گزینه «۱» - ۷۷

می‌دانیم ب. م. م دو عدد، هر دوی آنها را عاد می‌کند، پس:

$$d \mid 2a - 5 \xrightarrow{x+1} d \mid 4a - 10 \quad \left. \begin{array}{l} \text{تفاضل} \\ d \mid 4a + 4 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{تفاضل}} d \mid 14$$

(امیرمحمد کریمی)

ریاضیات کلسنی

گزینه «۲» - ۷۱

برای گزینه «۲»، مثال نقض $x = 2$ و $y = 1$ وجود دارد.

$$2+2 > 2\sqrt{2}\sqrt{2\times 1} = 4 \quad (\text{نادرست})$$

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۲ تا ۸)

(امیرمحمد کریمی)

گزینه «۱» - ۷۲

طبق فرض داریم:

$$\begin{cases} a = 23q_1 + 4 \\ b = 23q_2 + 11 \end{cases} \Rightarrow 3a - 7b = 3(23q_1 + 4) - 7(23q_2 + 11)$$

$$\Rightarrow 3a - 7b = 23(\underbrace{3q_1 - 7q_2}_{q}) - 65 = 23q - 65 + 69 - 69$$

$$\Rightarrow 3a - 7b = 23(q - 3) + 4$$

باقی مانده مورد نظر برابر ۴ است.

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(مشابه مثال صفحه ۱۱)

(معیرداد ملوندی)

گزینه «۴» - ۷۲

$$3^3 \stackrel{13}{\equiv} 27 \stackrel{13}{\equiv} 1 \xrightarrow{\text{به توان ۱۹}} 3^{57} \stackrel{13}{\equiv} 1 \xrightarrow{x+1} 3^{58} \stackrel{13}{\equiv} 3$$

(ریاضیات کلسنی - صفحه‌های ۱۸ تا ۲۱)

(مشابه مثال صفحه ۱۱)

(کیوان دارابی)

گزینه «۲» - ۷۴

طبق فرض داریم:

$$a = bq + r \quad (1)$$

$$a + 1 = (b+1)(q+1) + (r+1) \Rightarrow a + 1 = bq + b + q + 1 + r + 1$$

$$\xrightarrow{(1)} bq + r + 1 = (bq + r + 1) + (b + q + 1)$$

$$\Rightarrow b + q + 1 = 0 \Rightarrow q = -b - 1 \xrightarrow{(1)} a = b(-b - 1) + r$$

$$\Rightarrow 2k(2k+2) \equiv 0 \Rightarrow 4k(k+1) \equiv 0.$$

$$\Rightarrow 32 \mid 4k(k+1) \Rightarrow 8 \mid k(k+1)$$

پس حاصل ضرب دو عدد صحیح متولی $k+1$ و k مضرب ۸ است و در صورتی

این اتفاق می‌افتد که $k = 8k' - 1$ با $k = 8k'$ و در آن صورت داریم:

$$10 \leq n = 2(8k') + 1 \leq 99 \Rightarrow 1 \leq k' \leq 6 \Rightarrow 6 \text{ تا } 6$$

$$10 \leq n = 2(8k' - 1) + 1 \leq 99 \Rightarrow 1 \leq k' \leq 6 \Rightarrow 6 \text{ تا } 6$$

پس مجموعاً ۱۲ جواب داریم.

(ریاضیات گستته - صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«۱» گزینه

-۸۰

$$A = \left(\frac{3x}{y} + 2 \right) \left(\frac{3y}{x} + 2 \right) = 9 + \frac{6x}{y} + \frac{6y}{x} + 4 = 6 \left(\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \right) + 13$$

با استفاده از اثبات بازگشته می‌توان نشان داد که به ازای دو عدد حقیقی مثبت

x و y عبارت $\frac{x}{y} + \frac{y}{x}$ همواره بزرگ‌تر یا مساوی ۲ است:

$$\frac{x}{y} + \frac{y}{x} \geq 2 \xrightarrow{x(y)} x^2 + y^2 \geq 2xy \Leftrightarrow x^2 - 2xy + y^2 \geq 0$$

$$\Leftrightarrow (x-y)^2 \geq 0$$

بنابراین $A \geq 25$ است، اما حالت تساوی تنها به ازای تساوی x و y حاصل

می‌شود و چون x و y دو عدد متمایز هستند، پس $A > 25$ و کمترین مقدار

صحیح برای این عبارت برابر ۲۶ است.

(ریاضیات گستته - صفحه‌های ۶ تا ۸)

با توجه به اینکه $5 - 2a$ عددی فرد است، پس d قطعاً فرد بوده و چون

$d \neq 7$ ، پس $d = 7$ است. طبق صورت سوال باید رقم دهگان ${}^{100} 8$ را به

$${}^{100} 8 \equiv {}^{100} 512 \equiv {}^{100} 12 \xrightarrow{\text{توان ۲}} {}^{100} 16 \equiv {}^{100} 44$$

دست آوریم:

$$\overline{\times 8} \rightarrow {}^{100} 8 \equiv {}^{100} 44 \times 8 \equiv {}^{100} 352$$

پس رقم دهگان برابر ۵ است.

(ریاضیات گستته - صفحه‌های ۹ تا ۱۴ و ۱۸ تا ۲۱)

(محمد صفت‌لار)

«۳» گزینه -۷۸

$$\left. \begin{array}{l} a \equiv 1 \equiv 1 \Rightarrow a^3 \equiv 1 \\ b \equiv 9 \equiv -2 \Rightarrow b^3 \equiv -8 \\ c \equiv 8 \equiv -3 \Rightarrow c^4 \equiv 1 \end{array} \right\} \Rightarrow a^3 b^3 c^4 \equiv -32 \equiv 1$$

(ریاضیات گستته - صفحه‌های ۱۸ تا ۲۲)

(امیرمحمد کریمی)

«۳» گزینه -۷۹

$$n^4 \equiv 1 \Rightarrow n^4 - 1 \equiv 0 \Rightarrow (n^2 - 1)(n^2 + n + 1) \equiv 0$$

$$n^4 + n^2 + 1 = \underbrace{n^2(n^2 + 1)}_{4k} + 1 = 4k + 1$$

اما از طرفی داریم:

$$n^2 - 1 = (n-1)(n+1) \quad \text{پس } n^2 - 1 \equiv 0$$

صحیح با اختلاف ۲ واحد است، پس دو عدد $n-1$ و $n+1$ دو عدد زوج

$$n-1 = 2k, \quad n+1 = 2k+2$$

متولی‌اند و داریم:



با استفاده از توان مصرفی کل، می‌توانیم جریان گذرنده از مقاومت‌ها را بیابیم:

$$P = RI^2 \Rightarrow P_t = R_{eq} \times I^2 \Rightarrow I^2 = \frac{P_t}{R_{eq}} = \frac{1440}{360} = 4$$

$$\Rightarrow I = 2 \text{ A}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

(بعنام رستمی)

«۳» - ۸۵

کافی است با حرکت از نقطه a تا b پتانسیل‌نویسی کنیم:

$$V_b - r_1 I + \varepsilon_1 - RI = V_a \xrightarrow{\frac{r_1=2\Omega, \varepsilon_1=18V}{R=4\Omega, I=2A}}$$

$$V_b - 2 \times 2 + 18 - 4 \times 2 = V_a \Rightarrow |V_b - V_a| = 6V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

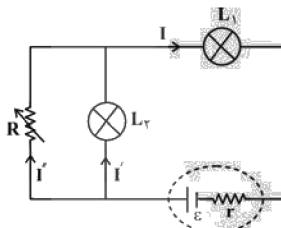
(زهره آقامحمدی)

«۲» - ۸۶

وقتی لغزندۀ به سمت راست حرکت می‌کند، طول کمتری از رُؤستا در مدار

قرار می‌گیرد و مقاومت آن کاهش می‌یابد. نحوه قرارگیری لامپ‌ها و مقاومت

به صورت زیر می‌باشد:



وقتی مقاومت رُؤستا کاهش می‌یابد، مقاومت معادل مدار کاهش می‌یابد و

جریان شاخۀ اصلی مدار زیاد می‌شود. با این حساب، توان مصرفی لامپ L_1

$$(P_1 = R_1 I^2)$$

اختلاف پتانسیل دو سر لامپ L_1 نیز زیاد می‌شود. ($V_1 = IR_1$)

اختلاف پتانسیل دو سر باتری نیز با توجه به افزایش جریان، کاهش می‌یابد

($V = \varepsilon - Ir$). پس با توجه به رابطه زیر، ولتاژ دو سر L_2 باید کاهش

یابد و در نتیجه توان مصرفی آن کمتر شده و نور آن کمتر می‌شود.

$$\downarrow V = \varepsilon - rI \uparrow$$

$$\downarrow V = V_1 \uparrow + V_r \Rightarrow V_r \downarrow$$

$$P_r \downarrow = \frac{V_r}{R} \downarrow \quad (\text{ثابت})$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۷ تا ۶۸)

فیزیک ۲

«۲» - ۸۱

(عبدالرضا امینی نسب)

با توجه به رابطه اختلاف پتانسیل دو سر یک باتری بر حسب جریان عبوری از

$$V = \varepsilon - Ir \Rightarrow 12 = \varepsilon - 4 \times 0 / 5 \Rightarrow \varepsilon = 14V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۶ تا ۶۵)

«۲» - ۸۲

(امین شادلوی)

با استفاده از رابطه جریان در مدار تک حلقة، داریم:

$$I = \frac{\varepsilon_1 - (\varepsilon_2 + \varepsilon_3)}{R_{eq} + r_1 + r_2 + r_3} \Rightarrow I = \frac{20 - (2+6)}{0+1+1+1} = 4A$$

حال با توجه به رابطه توان خروجی و مصرفی در باتری‌ها، داریم:

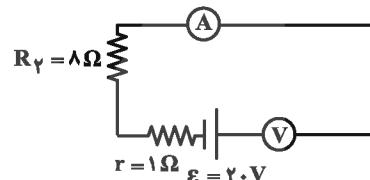
$$\frac{P_3}{P_1} = \frac{\varepsilon_3 I + r_3 I^2}{\varepsilon_1 I + r_1 I^2} = \frac{6(4) + 1(4)^2}{20(4) - 1(4)^2} = \frac{40}{64} = \frac{5}{8}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

«۳» - ۸۳

(محمدبهراء غلامی)

مقاومت الکتریکی آمپرسنج آرمانی صفر است، در نتیجه مقاومت 2Ω اتصال کوتاه شده و مدار به صورت زیر ساده می‌شود. از طرفی چون مقاومت ولتسنج آرمانی بسیار زیاد است، جریانی در مدار برقرار نمی‌شود و آمپرسنج عدد صفر و ولتسنج مقدار ε را که برابر $20V$ است، نمایش می‌دهد.



(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

«۳» - ۸۴

(سعید ظاهری بروینی)

ابتدا با استفاده از داده‌های هر وسیله، (توان اسمی و ولتاژ اسمی) مقاومت الکتریکی آن را حساب می‌کنیم:

$$P = \frac{V^2}{R} \Rightarrow R = \frac{V^2}{P} \Rightarrow R_1 = \frac{(220)^2}{440} = 110\Omega,$$

$$R_2 = \frac{(110)^2}{242} = 50\Omega, \quad R_3 = \frac{(220)^2}{242} = 200\Omega$$

مقادیع معادل برابر است با:

$$R_{eq} = R_1 + R_2 + R_3 = 110 + 50 + 200 = 360\Omega$$



(مصطفی کیانی)

«۴» - ۸۹

بنابراین $V = \epsilon - rI$ ، اگر افت پتانسیل درون باتری (عنی rI) برابر با نیروی حرکت آن شود، اختلاف پتانسیل دو سر باتری برابر صفر می‌شود.

$$V = \epsilon - rI \xrightarrow{rI=\epsilon} V = \epsilon - \epsilon \Rightarrow V = 0$$

از طرف دیگر، چون اختلاف پتانسیل دو سر باتری برابر با اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی است، بنابراین اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی صفر می‌باشد. در این حالت، بنا به رابطه $V = R_{eq}I$ ، مقاومت معادل مقاومت‌های R_1 و R_2 نیز صفر خواهد بود.

$$V = R_{eq}I \xrightarrow{V=0} R_{eq}I \xrightarrow{I\neq 0} R_{eq} = 0$$

با صفر شدن مقاومت معادل، الزاماً باید یکی از این دو مقاومت صفر باشد.

چون 10Ω نمی‌تواند صفر باشد، لذا $R_1 = 0$ است.

$$\frac{1}{R_{eq}} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{10} \xrightarrow{R_{eq}=0} \frac{1}{0} + \frac{1}{10} \Rightarrow \infty = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{10}$$

$$\Rightarrow \frac{1}{R_1} = \infty \Rightarrow R_1 = 0$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(فسین مفرومنی)

«۳» - ۹۰

با بستن کلید K ، مقاومت R_2 وارد مدار شده و موازی مقاومت R_1 می‌شود

و در نتیجه مقاومت معادل R_1 و R_2 کاهش می‌باید و در نتیجه مقاومت

$$\text{معادل کل مدار نیز کاهش می‌باید. با توجه به رابطه } I = \frac{\epsilon}{R_{eq} + r}, \text{ با ثابت}$$

ماندن ϵ و r ، جریان الکتریکی مدار زیاد می‌شود. با توجه به ثابت بودن

مقاومت لامپ (R_L)، طبق رابطه $P = R_L I^2$ ، توان مصرفی لامپ افزایش

و نور آن زیاد می‌شود. از طرفی اختلاف پتانسیل دو سر لامپ طبق رابطه

$$V_L = R_L I$$

اختلاف پتانسیل باتری، اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت R_1 باید کاهش باید و

$$\text{در نتیجه طبق رابطه } P_1 = \frac{V_1^2}{R_1}, \text{ توان مصرفی آن کم می‌شود.}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

(امیر ستارزاده)

«۴» - ۸۷

با توجه به اتصال مقاومت‌ها، درمی‌باییم هر چهار مقاومت با هم موازی‌اند، چون دو سر همه آن‌ها به هم وصل است. پس داریم:

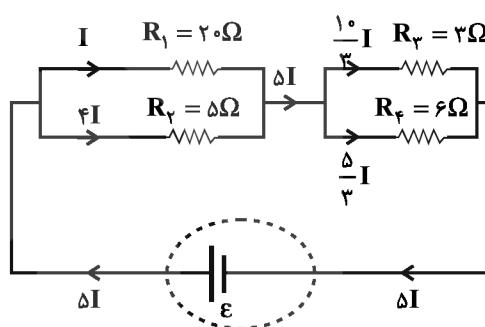
$$R_{eq} = \frac{R}{n} = \frac{12}{4} = 3\Omega$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۷۰ تا ۷۹)

(عبدالرضا امینی نسب)

«۱» - ۸۸

با توجه به مدار، مقاومت‌های R_1 و R_2 با هم و مقاومت‌های R_3 و R_4 نیز با هم موازی‌اند. اگر فرض کنیم جریان عبوری از بزرگترین مقاومت یعنی R_1 برابر با I باشد، با توجه به موازی بودن مقاومت‌ها، جریان عبوری از هر کدام از مقاومت‌ها مطابق شکل زیر خواهد بود.



حال توان مصرفی هریک از مقاومت‌ها را می‌باییم. داریم:

$$P_1 = R_1 I_1^2 = 20 I^2$$

$$P_2 = R_2 I_2^2 = 5(4I)^2 = 80 I^2$$

$$P_3 = R_3 I_3^2 = 3(\frac{10}{3}I)^2 = \frac{100}{3} I^2$$

$$P_4 = R_4 I_4^2 = 6(\frac{5}{3}I)^2 = \frac{50}{3} I^2$$

بنابراین کمترین توان مصرفی را مقاومت R_4 خواهد داشت که طبق صورت سؤال، ولتاژ دو سر آن برابر با $18V$ است. داریم:

$$V_4 = R_4 I_4 \Rightarrow 18 = 6 \times \frac{5}{3} I \Rightarrow 5I = 9A$$

بنابراین جریان عبوری از باتری که همان جریان شاخه اصلی مدار است،

$$I_T = 5I = 9A$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۶۱ تا ۷۷)

$$\Delta x = v_1 \Delta t - \frac{\Delta x = ۲۴ \text{ km}}{v_1 = ۸ \text{ km/h}} \rightarrow ۲۴ = ۸ \times \Delta t$$

$$\Rightarrow \Delta t = \frac{۳}{۱۰} \text{ h} = ۱\text{ min}$$

(فیزیک ۳ - صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

(مبتنی فلیل ارجمندی)

گزینه «۳» - ۹۴

ابتدا سرعت اتومبیل را به متر بر ثانیه تبدیل می کنیم:

$$۷۲ \frac{\text{km}}{\text{h}} = ۷۲ \frac{\text{km}}{\text{h}} \times \frac{۱\text{ h}}{۳۶۰\text{ s}} \times \frac{۱۰۰\text{ m}}{۱\text{ km}} = ۲۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

حال با استفاده از رابطه $x = \frac{۱}{۲} at^2 + v_0 t + x_0$, زمان برخورد احتمالی را پیدا می کنیم.

$$\Delta x = \frac{۱}{۲} at^2 + v_0 t - \frac{\Delta x = ۱۹\text{ m}}{a = -\frac{۲\text{ m}}{\text{s}^2}, v_0 = ۲۰ \frac{\text{m}}{\text{s}}} \rightarrow ۱۹ = -t^2 + ۲۰t$$

$$\Rightarrow t^2 - ۲۰t + ۱۹ = ۰ \Rightarrow (t-1)(t-19) = ۰ \quad \begin{cases} t = ۱\text{ s} \\ t = ۱۹\text{ s} \end{cases}$$

پس شخص حداقل ۱۸ زمان برای گریز از تصادف دارد.
دقت کنید $t = ۱۹\text{ s}$ به این دلیل غیرقابل قبول است که خودرو در $t = ۱\text{ s}$ متوقف شده است.

$$v = at + v_0 \Rightarrow v = -2t + 20 = ۰ \Rightarrow t = ۱۰\text{ s}$$

(فیزیک ۳ - صفحه های ۱۵ تا ۲۱)

(سیدعلی میرنوری)

گزینه «۲» - ۹۵

در ابتدا معادله حرکت را می نویسیم، با توجه به این که نمودار داده شده قسمتی از یک سهمی است، در $x = ۲s$ ، $t = ۰$ است. در حرکت باشتاب ثابت داریم:

$$x = \frac{۱}{۲} at^2 + v_0 t + x_0 \xrightarrow{x_0 = ۰} x = \frac{۱}{۲} at^2 + v_0 t$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \xrightarrow{t=۲s} ۰ = ۲a + ۲v_0 \quad (1) \\ \xrightarrow{t=۴s} ۶ = ۴a + ۴v_0 \quad (2) \end{array} \right.$$

با حل دستگاه معادلات به دست آمده، شتاب و سرعت اولیه متغیرک مشخص می شود.

$$\xrightarrow{(1), (2)} a = \frac{۳}{۲ \text{ s}^2}, v_0 = -\frac{۳}{۲} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

حال مکان متغیرک را در لحظه $t = ۱\text{ s}$ ، به دست می آوریم:

$$x = \frac{۳}{۴} t^2 - ۱ / ۵t \xrightarrow{t=۱s} x_{t=۱s} = -\frac{۳}{۴} \text{ m}$$

و در نهایت داریم:

$$\ell = \frac{۳}{۴} + \frac{۳}{۴} + ۶ \Rightarrow \ell = ۷ / ۵ \text{ m}$$

فیزیک ۳

گزینه «۲» - ۹۱

ابتدا با استفاده از شیب خط مماس بر منحنی، سرعت متغیرک را در لحظه

$$v_{t=۴s} = \frac{۶ - ۰}{۴ - ۱} = \frac{۲}{۳} \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad \text{می بایم: } t = ۴\text{ s}$$

و برای تعیین بزرگی سرعت متوسط در چهارثانیه اول داریم:

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_2 - x_1}{t_2 - t_1} \xrightarrow{x_1 = ۱\text{ m}, x_2 = ۶\text{ m}} t_1 = ۰, t_2 = ۴\text{ s}$$

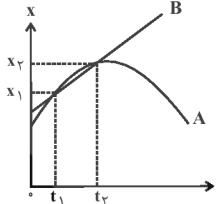
$$v_{av} = \frac{۶ - ۱}{۴ - ۰} = -\frac{۱}{۴} \frac{\text{m}}{\text{s}} \Rightarrow |v_{av}| = \frac{۱}{۴} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

در نهایت نسبت خواسته شده برابر است با:

(فیزیک ۳ - مشابه تمرين ۱ - صفحه های ۱۳ تا ۱۵)

(فسر و ارغوانی فرد)

گزینه «۲» - ۹۲



در بازه زمانی داده شده هر دو متغیرک به اندازه $(x_2 - x_1)$ جابه جا شده اند و چون در این بازه زمانی هر دو متغیرک تغییر جهت نداده اند، پس جابه جایی آنها با مسافت طی شده شان برابر است و در نتیجه تندی متوسط دو متغیرک یکسان می باشد و اندازه تندی و سرعت متوسط دو متغیرک برابر است.

در ضمن، شیب خط مماس بر منحنی A در لحظه t_1 بیشتر از شیب نمودار B می باشد و در نتیجه سرعت A در این لحظه بیشتر است.

بنابراین گزینه «۲» نادرست است.

(فیزیک ۳ - مشابه سوال ۱۰ پرسش های آفر خصل صفحه ۲۶)

(اسنان ایرانی)

گزینه «۱» - ۹۳

ابتدا جابه جایی هر کدام از متغیرک ها را در مدت زمان $15\text{ min} = \frac{۱}{۴} \text{ h}$ محاسبه می کنیم:

$$\Delta x_1 = v_1 \Delta t = ۸ \times \frac{۱}{۴} = ۲\text{ km}$$

$$\Delta x_2 = v_2 \Delta t = ۳۶ \times \frac{۱}{۴} = ۹\text{ km}$$

وقتی دو متغیرک برای دو میان بار به فاصله 5 km از هم رسند یعنی در مدت زمان 15 min به هم رسیده اند و به اندازه 5 km هم از هم دور شده اند. با توجه به اینکه در مدت زمان 15 min دو متغیرک 2 km را طی کرده اند، یعنی فاصله اولیه دو متغیرک (فاصله دو شهر B و A) از هم 24 km بوده است. مدت زمانی که طول می کشد که متغیرک ۱ فاصله 24 km بین دو شهر را طی کند از رابطه $\Delta x = v \Delta t$ به دست می آید:

(بینام، ستم)

- ۹۸ - **گزینه ۳** (جواب)

گلوله اول ۲ ثانیه بیشتر از گلوله دوم در حرکت است. داریم: (جهت رو به پایین را مثبت در نظر می‌گیریم).

$$y_1 = \frac{1}{2}gt^2 = 5(t+2)^2 \Rightarrow y_1 = 5t^2 + 20t + 20 \quad (1)$$

$$y_2 = \frac{1}{2}gt^2 = 5t^2 \quad (2)$$

$$y_1 - y_2 = 140 \text{ m}$$

$$\frac{(1)-(2)}{} \rightarrow 5t^2 + 20t + 20 - 5t^2 = 140 \Rightarrow t = 6 \text{ s}$$

(فیزیک ۳ - مشابه سوال ۲۴ صفحه ۲۸)

(بابک اسلامی)

گزینه ۴

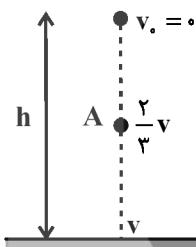
برای سرعت متوسط گلوله بین دو لحظه شروع حرکت تا رسیدن گلوله به

نقطه A که تندی آن برابر با $\frac{2}{3}v$ است، می‌توان نوشت:

$$v'_{av} = \frac{v_A + v_0}{2} \Rightarrow 20 = \frac{\frac{2}{3}v + 0}{2} \Rightarrow v = 60 \text{ m/s}$$

تندی گلوله‌ای که در شرایط خلا از حال سکون رها می‌شود، پس از طی

مسافت h از رابطه $h = \frac{1}{2}gt^2$ به دست می‌آید. بنابراین داریم:



$$v^2 = 2gh \Rightarrow 60^2 = 2 \times 10 \times h \Rightarrow h = 18 \text{ m}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

(مسعودور قره‌قانی)

گزینه ۳

محل رها شدن سنگ را مبدأ مکان و جهت مثبت را به سمت پایین در نظر می‌گیریم. اگر کل زمان سقوط سنگ تا رسیدن به زمین برابر با t ثانیه باشد، با استفاده از رابطه مستقل از شتاب در حرکت با شتاب ثابت داریم:

$$\Delta y_{(t-3)-t} = 3\Delta y_{-3}$$

$$\Rightarrow \frac{v_{t-3} + v_t}{2} \times 3 = 3 \times \frac{v_0 + v_3}{2} \times 3 \xrightarrow{v=gt+v_0}$$

$$\Rightarrow g(t-3) + gt = 3 \times 3g \Rightarrow t = 6 \text{ s}$$

بنابراین تندی سنگ در لحظه رسیدن به زمین برابر است با:

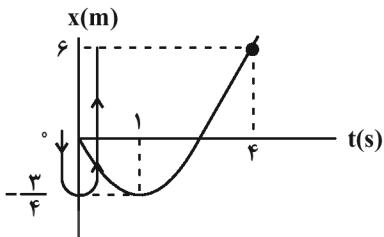
$$v = gt + v_0 = 10 \times 6 + 0 = 60 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

$$s_{av} = \frac{\ell}{\Delta t} = \frac{15}{4} = \frac{15}{4} \text{ m}$$

$$v_{av} = \frac{\Delta x}{\Delta t} = \frac{x_4 - x_0}{4 - 0} = \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \text{ m/s}$$

$$\Rightarrow s_{av} - v_{av} = \frac{15}{4} - \frac{3}{2} = \frac{3}{4} \text{ m}$$



(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ و ۲۴ تا ۲۶)

گزینه ۶

(زهره آقامحمدی)

با استفاده از تعریف سرعت متوسط داریم:

$$\Delta y = v_{av} \Delta t \Rightarrow \Delta y = 29 / 4 \times 2 = 58 / 8 \text{ m} \quad (1)$$

اگر محل رها شدن گلوله را مبدأ مکان و جهت رو به پایین را مثبت فرض کنیم، داریم:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow \begin{cases} y_1 = \frac{1}{2}gt_1^2 \\ y_2 = \frac{1}{2}gt_2^2 \end{cases} \Rightarrow y_2 - y_1 = \frac{1}{2}g(t_2 - t_1)^2$$

$$\Rightarrow y_2 - y_1 = \frac{1}{2}g(t_2 - t_1)(t_2 + t_1)$$

$$\Rightarrow 58 / 8 = \frac{1}{2} \times 9 / 8 \times 2 \times (t_2 + t_1)$$

$$\Rightarrow (t_2 + t_1) = 6 \text{ s} \quad (2)$$

از طرفی $(t_2 - t_1) = 2s$ است. با حل هم‌زمان این معادله‌ها داریم:

$$\begin{cases} t_1 = 2s \\ t_2 = 4s \end{cases}$$

$$v = gt \Rightarrow v = 9 / 8 \times 4 = 39 / 2 \text{ m/s}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

در نتیجه:

(محمدعلی راست‌پیمان)

گزینه ۳

جابه‌جایی در ۲t ثانیه اول حرکت برابر است با:

$$y = \frac{1}{2}gt^2 \Rightarrow y_1 = \frac{1}{2}g(2t)^2 = 2gt^2$$

جابه‌جایی در t ثانیه سوم حرکت، یعنی در بازه ۲t تا ۳t ثانیه برابر است با:

$$y_3 = [\frac{1}{2}g(3t)^2] - [\frac{1}{2}g(2t)^2] = 5(\frac{1}{2}gt^2) = 2 / 5gt^2$$

$$y_3 - y_1 = 2 / 5gt^2 - 2gt^2 = 0 / 5gt^2$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۲۱ تا ۲۴)

بنابراین:

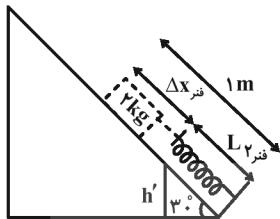


$$\Rightarrow 2 \times 10 \times 4 = 2 \times 10 \times h' + 75 \Rightarrow h' = 0 / 25 \text{ m}$$

$$\sin 30^\circ = \frac{h'}{L_2} \Rightarrow L_2 = \frac{h'}{\sin 30^\circ} = \frac{h'}{\frac{1}{2}} = 0 / 5 \text{ m}$$

از طرفی:

$$\Delta x_{\text{فر}} = 1 - L_2 \Rightarrow \Delta x_{\text{فر}} = 0 / 5 \text{ m} \Rightarrow \frac{\Delta x_{\text{فر}}}{h'} = \frac{0 / 5}{0 / 25} = 2$$



(فیزیک ا- صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

فیزیک ۱

- ۱۰۱ «۴»

(عمر خان عسکریان پاییان)

$$v_2 = v_1 + \frac{25}{100} v_1 = \frac{125}{100} v_1 = \frac{5}{4} v_1 \quad (1)$$

$$\Delta K = K_2 - K_1 = \frac{1}{2} m(v_2^2 - v_1^2) \quad (2)$$

$$\xrightarrow{(1), (2)} \frac{1}{2} \times 2 \times \left(\left(\frac{5}{4} v_1 \right)^2 - v_1^2 \right) = 900$$

$$\Rightarrow \frac{9}{16} v_1^2 = 900 \xrightarrow{\sqrt{}} \frac{3}{4} v_1 = 30 \Rightarrow v_1 = 40 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$v_1 = 40 \frac{\text{m}}{\text{s}} \times \frac{1 \text{ km}}{10^3 \text{ m}} \times \frac{3600 \text{ s}}{1 \text{ h}} = 144 \frac{\text{km}}{\text{h}}$$

(فیزیک ا- صفحه ۵۴)

- ۱۰۲ «۳»

(مینم) (شیان)

مطابق با قضیه کار و انرژی پتانسیل گرانشی، در یک جابه‌جایی معین، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی برابر با منفی کار نیروی وزن در آن جابه‌جایی معین است.

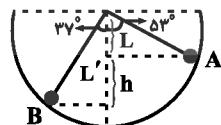
توجه داشته باشید که در حالات خاصی، تغییرات انرژی پتانسیل گرانشی می‌تواند با منفی تغییرات انرژی جنبشی نیز برابر باشد اما این تساوی همواره و در هر شرایطی برقرار نیست.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۶۸ تا ۶۹)

- ۱۰۳ «۱»

برای محاسبه کار نیروی وزن، تنها تغییر ارتفاع جسم در راستای قائم (h) را در نظر می‌گیریم:

$$h = L' - L = R \cos 37^\circ - R \cos 53^\circ = 0 / 8 R - 0 / 6 R = 0 / 2 R$$



پس کار نیروی وزن جسم برابر است با:

$$W_{mg} = mgh = mg \times 0 / 2 R = 0 / 2 mgR$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۵۵ تا ۵۶)

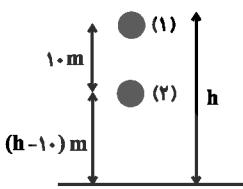
- ۱۰۴ «۱»

(هامد ترمه‌من)

سطح زمین را به عنوان مبدأ انرژی پتانسیل گرانشی، در نظر می‌گیریم. حداقل انرژی ذخیره شده در فر زمانی رخ می‌دهد که جسم تا حد توان فر را فشرده کرده و متوقف شود. طبق اصل پایستگی انرژی مکانیکی، می‌توان نوشت: $E_1 = E_2 \Rightarrow mgh = mgh' + \Delta U_{\text{فر}}$

$$\frac{U_2}{U_1} = \frac{h_2}{h_1} \xrightarrow{U_2 = U_1 - 0 / 2 U_1} \frac{0 / 8 U_1}{U_1} = \frac{h - 10}{h}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{h - 10}{h} \Rightarrow h = 50 \text{ m}$$



(فیزیک ا- صفحه‌های ۶۸ تا ۶۹)

(ممدر عظیم‌پور)

- ۱۰۶ «۲»

بنابر اصل پایستگی انرژی مکانیکی داریم:

$$E_1 = E_2 \Rightarrow K_2 + U_2 = K_1 + U_1$$

$$\frac{K_1}{2} \xrightarrow{\frac{1}{2} mv_2^2} = mg(h_A - h)$$

بنابراین هر چه $h_A - h$ بزرگتر باشد، اختلاف انرژی پتانسیل گرانشی و در نتیجه انرژی جنبشی نهایی بیشتر است. اگر نقاط را از پایین ترین به بالاترین مرتب کنیم، به توالی مقایسه تندی‌ها می‌رسیم. در نتیجه مقایسه تندی این ۴ نقطه به این صورت است:

$$v_D > v_B > v_C > v_E$$

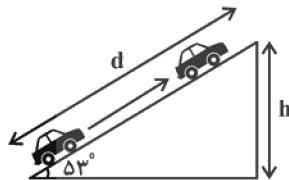
(فیزیک ا- صفحه‌های ۶۸ تا ۷۰)

$$\Rightarrow Ra = \frac{\frac{mgh}{t_1}}{\frac{W_{\text{ورودی}}}{t_2} \times 100} = \frac{\frac{40 \times 10 \times 10}{15000}}{\frac{1}{15000} \times 100} = \frac{4000}{5000} \times 100 = 80\%$$

$V = 40 L \Rightarrow m = \rho V = 1000 \times 40 / 4 = 40 \text{ kg}$

(فیزیک - صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

(ممدر عابدی)



«۴» گزینه «۴» - ۱۱.

اتومبیل با تندی ثابت $\frac{5}{s}$ در حال حرکت است، پس در هر ثانیه، ۵ متر روی سطح شیبدار حرکت می‌کند. در مدت زمان $\Delta t = 1s$ و با توجه به

تعريف سینوس داریم:

$$\sin 53^\circ = \frac{h}{d} \Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{h}{5} \Rightarrow h = 4m$$

با توجه به اینکه جابه‌جایی به سمت بالا است، کار نیروی وزن منفی است:

$$W_{mg} = -mgh = -10^3 \times 10 \times 4 = -4 \times 10^4 \text{ J}$$

نیروی اصطکاک جنبشی سطح در خلاف جهت حرکت است، پس:

$$W_{f_k} = f_k d \cos \theta = f_k d \cos 180^\circ = -1500 \text{ J}$$

با توجه به قضیه کار - انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta K \xrightarrow{\Delta K = 0} W_F + W_{mg} + W_{f_k} = 0$$

$$\Rightarrow W_F = -W_{mg} - W_{f_k} = 4 \times 10^4 + 1500 = 41500 \text{ J}$$

حال با توجه به رابطه توان (در مدت زمان $\Delta t = 1s$) داریم:

$$P = \frac{W_F}{\Delta t} = \frac{41500}{1} = 41500 \text{ W}$$

در نهایت، چون هر اسب بخار برابر با 75 W است می‌باشد، داریم:

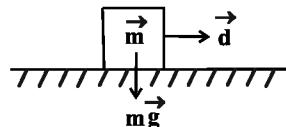
$$P = 41500 \text{ W} \times \frac{1 \text{ hp}}{750 \text{ W}} \approx 55 / 33 \text{ hp}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۷۳ و ۷۴)

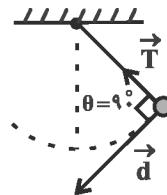
(شامان ویسی)

- ۱۰۷ گزینه «۴»

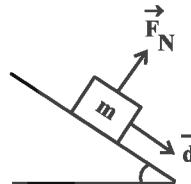
بنابراین $W = Fd \cos \theta$ در صورتی کار برابر با صفر می‌شود که یکی از کمیت‌های F و d برابر با صفر باشد.
(الف) $W = Fd \cos 90^\circ = 0$ است. زیرا $\theta = 90^\circ$ در نتیجه است.



(ب) $W = 0$ است. زیرا در تمام لحظه‌ها نیروی کشش نخ بر جابه‌جایی عمود است.



(پ) $W = 0$ است. طبق استدلال مورد (الف)، نیروی عمودی سطح و جابه‌جایی بر هم عموداند.



(ت) $W_t = \Delta K = 0$ است. زیرا طبق قضیه کار - انرژی جنبشی می‌باشد.

(فیزیک - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

- ۱۰۸ گزینه «۲»

چون نیروی مقاومت هوا وجود ندارد، انرژی مکانیکی گلوله پایسته می‌ماند و در تمام نقاط، مقدار آن ثابت است. بنابراین، کافی است انرژی مکانیکی اولیه گلوله را بیابیم:

$$E_1 = U_1 + K_1 \xrightarrow{U_1 = 0} E_1 = 0 + \frac{1}{2} mv_1^2$$

$$\frac{m = 100 \text{ g} = 0.1 \text{ kg}}{v_1 = 30 \text{ m/s}} \xrightarrow{E_1 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{10} \times 900} E_1 = 45 \text{ J}$$

(فیزیک - صفحه‌های ۶۱ تا ۶۴)

(مسعود قره‌فانی)

- ۱۰۹ گزینه «۲»

طبق رابطه بازده داریم:

$$Ra = \frac{P_{\text{خروجی}}}{P_{\text{ورودی}}} \times 100 \Rightarrow Ra = \frac{\frac{t_1}{W_{\text{خروجی}}}}{\frac{t_2}{W_{\text{ورودی}}}} \times 100$$

(کتاب آین)

«۱۱۴- گزینه ۳»

اگر مخلوط اتین و اکسیژن را با A نشان دهیم:

روش استوکیومتری:

$$? \text{kJ} = \frac{31}{36} \text{LA} \times \frac{1 \text{mol A}}{22/4 \text{LA}} \times \frac{-2600 \text{kJ}}{7 \text{mol A}} = -520 \text{kJ}$$

انرژی آزاد شده (kJ) حجم گاز (A)

روش تناسب:

$\frac{31}{36}$	x
$\frac{22}{4} \times 7$	2600

$$\Rightarrow x = 2600 \times \frac{\frac{31}{36}}{\frac{22}{4} \times 7} = 520 \text{kJ}$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۲ و ۷۳)

(سیر، یشم هاشمی، هکری)

«۱۱۵- گزینه ۱»

مطابق متن کتاب درسی صفحه ۷۵

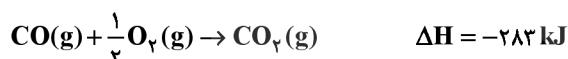
(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۴ تا ۷۷)

(مبینا شرافتی پور)

«۱۱۶- گزینه ۱»

ابتدا آنتالپی واکنش مورد نظر را بر حسب یک مول محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{42 \text{ g CO}}{72 \text{ g CO}} \left| \begin{array}{c} -424 / 5 \text{ kJ} \\ x \text{ kJ} \end{array} \right. \Rightarrow x = \frac{28 \times 424 / 5}{42} = -283 \text{ kJ}$$



برای به دست آوردن میانگین آنتالپی پیوند [C ≡ O]:

$$\Delta H(\text{C} \equiv \text{O}) + 0 / 5 \Delta H(\text{O} = \text{O}) - 2 \Delta H(\text{C} = \text{O}) = -283$$

$$\Rightarrow \Delta H(\text{C} \equiv \text{O}) = -283 - 0 / 5(494) + 2(799) = 1068 \text{ kJ}$$

(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۱، ۶۷ و ۷۴ تا ۷۷)

(امیر هاتمیان)

«۱۱۷- گزینه ۲»

بررسی گزینه‌ها:

۱) نادرست - بخش عده انرژی موجود در شیر داغ، هنگام فرآیند گوارش و سوخت و ساز به بدن می‌رسد.

۲) درست - متن صفحه ۶۱ کتاب درسی

شیمی ۲

«۱۱۸- گزینه ۲»

(مبینا شرافتی پور)

نمودار انرژی، مربوط به فرایندی گرماده ($\Delta Q < 0$) است. فرایندهای سوخت و ساز فرایندهایی گرماده ($\Delta Q > 0$) می‌باشند. در فرایندهای گرماده، انرژی به محیط داده می‌شود. فرایند فتوسترنز نیز فرایند گرمایش می‌باشد. در فرایندهای گرماده فراوردها سطح انرژی پایین‌تری نسبت به واکنش‌دهنده‌ها دارند.

(شیمی ۲ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۱ و ۶۶)

«۱۱۹- گزینه ۳»

بررسی گزینه‌ها:

۱) نام علمی گروه عاملی موجود در میخک، ۲- هپتانون می‌باشد.

۲) طبق صفحه ۷۱ کتاب درسی درست می‌باشد.

۳) گاز مرداب نام دیگر مтан می‌باشد که آنتالپی سوختن آن، -890 kJ/mol بر مول بوده و ارزش سوختن آن $55/625 \text{ kJ/mol}$ بر گرم می‌باشد.

۴) مطابق متن صفحه ۷۵ کتاب درسی درست می‌باشد.

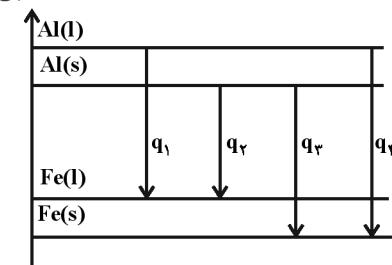
(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۷۱ تا ۷۵)

(محمد رضا پور جاوید)

«۱۱۱۳- گزینه ۲»

با توجه به سطح انرژی مواد، میزان گرمای حاصل از انجام واکنش در هریک از شرایط گفته شده عبارت است از:

آنالپی



(شیمی ۳ - در پی غذای سالم: صفحه‌های ۶۵ و ۶۶)



$$Q = m \times c \times \Delta\theta$$

$$\Rightarrow ((100+50)mL \times \frac{1g}{1mL}) \times \frac{4}{2} / 2 \times (27-25) = 1260 \text{ J}$$

حال گرمای آزاد شده در واکنش را به ازای ۱ مول HCl محاسبه می‌نماییم.

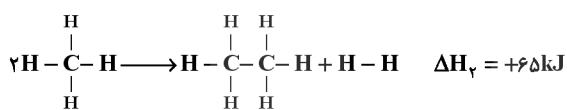
$$| ? \text{ kJ } | = 1 \text{ mol HCl} \times \frac{1 \text{ L HCl}}{0.5 \text{ mol HCl}} \times \frac{1000 \text{ mL HCl}}{1 \text{ L HCl}} \\ \times \frac{1260 \text{ J}}{50 \text{ mL HCl}} \times \frac{1 \text{ kJ}}{1000 \text{ J}} \Rightarrow \Delta H = -50 / 4 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۵۶ تا ۵۸ و ۷۲)

(مسن رهنمی کوکنده)

«۱۲۰- گزینه»

ابتدا به کمک واکنش (III)، آنتالپی پیوند H - H را تعیین می‌کنیم:



$$\Delta H = \left[\begin{array}{c} \text{مجموع آنتالپی‌های پیوند در مواد واکنش دهنده} \\ \hline \end{array} \right] - \left[\begin{array}{c} \text{مجموع آنتالپی‌های پیوند در مواد فراورده} \\ \hline \end{array} \right]$$

$$= [2 \times 4 \Delta H(C - H)] - \left[6 \Delta H(C - H) + \Delta H(C - C) + \overbrace{\Delta H(H - H)}^y \right]$$

$$\Rightarrow +65 = 2(415) - 348 - y \Rightarrow y = 417 \text{ kJ.mol}^{-1}$$

در واکنش (I) داریم:

$$x = [\Delta H(N \equiv N) + 2\Delta H(H - H)] - [4\Delta H(N - H) + \Delta H(N - N)]$$

$$\Rightarrow x = [945 + 2(417)] - [4(391) + 162] \Rightarrow x = 52 \text{ kJ}$$

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۶۱، ۶۷ و ۷۷ تا ۷۹)

۳) نادرست - مقدار گرمای آزاد شده در واکنش‌ها در دمای ثابت ناشی از تفاوت انرژی گرمایی در مواد واکنش دهنده و فرآورده نیست! زیرا در دمای ثابت تفاوت چشمگیری میان انرژی گرمایی آن‌ها وجود ندارد.

۴) نادرست - هر واکنش شیمیایی ممکن است با تغییر رنگ، تولید رسوب، آزاد شدن گاز و ایجاد نور و صدا همراه باشد اما یک ویژگی بنیادی در همه آن‌ها داد و ستد گرما با محیط پیرامون است. از این رو، هر واکنش شیمیایی ممکن است گرماده یا گرمایگیر باشد.

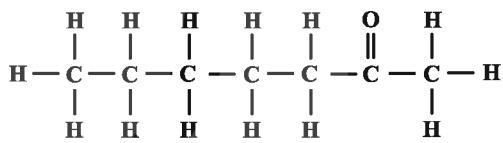
(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۵۹ تا ۶۱)

«۱۱۸- گزینه»

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: بنزآلدهید و ترکیب عامل طعم و بوی دارچین، دارای گروه عاملی آلدهیدی می‌باشدند، نه کتونی!

گزینه «۲»: ۲-هپتانون با ساختار زیر دارای فرمول مولکولی $C_7H_{14}O$ است.



گزینه «۴»: ترکیب موجود در رازیانه دارای گروه عاملی اتری است که اکسیژن متصل به هیدروژن ندارد، پس توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های خود را ندارد.

(شیمی ۲ - در پی غزای سالم: صفحه‌های ۷۱ و ۷۲)

«۱۱۹- گزینه»

ابتدا اقدام به محاسبه گرمای آزاد شده در واکنش می‌نماییم، با توجه به این که گرمای ویژه محلول آغازی و پایانی تقریباً یکسان فرض شده است، پس می‌توان برای محاسبه گرمای آزاد شده یک محلول را در نظر گرفت که

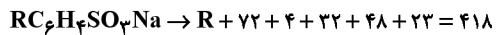
دمای آن از 25°C به 27°C می‌رسد.



فرمول عمومی پاک کننده‌های غیرصابونی به صورت $\text{RC}_6\text{H}_5\text{SO}_3\text{Na}$ است

و با توجه به اینکه جرم مولی آن 418 g.mol^{-1} ذکر شده است، می‌توان

تعداد اتم‌های کربن آن را به صورت زیر محاسبه کرد:



$$\rightarrow \text{R} = 239$$

زنگیر کربن سیرشده (R) را به صورت $\text{C}_g\text{H}_{2g+1}$ در نظر بگیریم:

$$\rightarrow 239 = 12g + 2g + 1 \rightarrow g = 17$$

$$\rightarrow \text{C} = 17 + 6 = 23$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۵ تا ۱۱)

(پواد بیربری)

«۲- گزینه ۲»

گزینه «۱»: نادرست. کلوبیدها، مخلوط‌های ناهمگن محسوب می‌شوند.

گزینه «۲» درست. ترکیب آب و روغن اگر به آن صابون اضافه شود، کلوبید حاصل می‌شود.

گزینه «۳»: نادرست. برای کاهش میزان اسیدی بودن آهک می‌زنند.

گزینه «۴»: نادرست. غلظت یون‌ها در دو محلول را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{یون } \text{Ca(OH)}_2^{\pm} \times \frac{3\text{ mol}}{1\text{ mol Ca(OH)}_2^{\pm}} = \frac{3\text{ mol.L}^{-1}}{45\text{ mol.L}^{-1}} = 0.0666\text{ mol.L}^{-1}$$

$$\text{یون } \text{HCl} \times \frac{4\text{ mol}}{1\text{ mol HCl}} = 4\text{ mol.L}^{-1}$$

غلظت یون موجود در محلول $15 / ۰$ مولار کلسیم هیدروکسید بیشتر است، پس الکتروولت قوی‌تری است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۶، ۷، ۱۴ و ۱۷)

(دانیال معیرعلی)

«۱- گزینه ۱»

یکی از انواع روغن‌ها با فرمول مولکولی $\text{C}_{57}\text{H}_{104}\text{O}_6$ ، روغن زیتون است

که از جمله موادی است که می‌تواند در واکنش با سدیم هیدروکسید، صابون جامد را تولید کند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۵ و ۶)

شیمی ۳

«۳- گزینه ۳»

(ممدر وزیری)

استیک اسید اسیدی ضعیف است که در آب، هم به صورت یونی و هم

به صورت مولکولی حل می‌شود. با توجه به داشتن غلظت یون هیدرونیوم

درجه یونش برابر است با:

$$\alpha = \frac{\text{غله} \text{ [H}^+ \text{]}}{\text{غله} \text{ اولیه اسید}} = \frac{1/35 \times 10^{-3}}{0/1} = 1/35 \times 10^{-2}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه ۱۹)

(مطابق فور را بیازمایید صفحه ۱۹ کتاب درسی)

«۳- گزینه ۳»

(امیرعلی برفسور داریون)

فقط عبارت «الف» و «ت» درست است.

بررسی عبارت‌ها:

الف) ماده حل شونده در ضدیخ، اتیلن گلیکول بوده و به دلیل برخورداری از

گروه هیدروکسیل می‌تواند با مولکول‌های آب پیوند هیدروژنی برقرار کند.

ب) قدرت پاک کننده‌گی صابون برای پارچه نخی بیشتر از پارچه پلی استر است.

پ) در آب دریا به دلیل وجود یون‌های Ca^{2+} و Mg^{2+} ، قدرت

پاک کننده‌گی صابون، کمتر از آب چشممه است.

ت) این جمله با توجه به متن کتاب درسی درست است.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی: صفحه‌های ۹، ۱۰ و ۱۱)

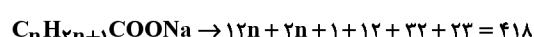
(امیرعلی برفسور داریون)

«۱- گزینه ۱»

فرمول عمومی صابون‌های جامد به صورت RCOONa می‌باشد و از آنجایی

که گفته شده بخش ناقطبی زنجیره سیر شده است، می‌توان تعداد اتم‌های

هیدروژن در ساختار صابون را به صورت زیر محاسبه کرد:



$$\rightarrow n = 25$$

$$\rightarrow H = 2 \times 25 + 1 = 51$$



شکل (۲) HCl یک اسید قوی و HF یک اسید ضعیف است بنابراین

محلول HF روشنایی کمتری دارد.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه ۱۸)

(مطابق با هم پیندیشیم صفحه ۱۸ کتاب درسی)

(ممدرضا پورجاورد)

«۴» - ۱۲۹

با توجه به تعریف درصد یونش خواهیم داشت:

$$\frac{\text{شمار مولکول‌های یونیته شده}}{\text{شمار مولکول‌های حل شده}} = \frac{۲۴}{۱۰۸ + ۲۴} \times ۱۰۰ = \frac{۲۴}{۱۲۰} \times ۱۰۰ \approx ۱۸ / ۲\%$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه ۱۹)

(ممدرضا وزیری)

«۲» - ۱۳۰

از آنجا که محلول موجود در تمام گزینه‌ها، اسیدی بوده و اسیدهای مربوطه

همگی اسیدهای تک پروتون دار هستند، می‌توان گفت هرچه غلظت یون

هیدرونیم در محلولی بیشتر باشد، شمار یون‌های موجود در محلول بیشتر بوده

و در نتیجه رسانایی الکتریکی آن بیشتر است.

گزینه «۱»: نیتریک اسید (HNO_۳)، یک اسید قوی تک پروتون دار است.

بنابراین غلظت یون هیدرونیوم در آن برابر 4×10^{-۴} مولار می‌باشد.

$$\frac{[\text{H}^+]}{2 / ۴} \times ۱۰۰ \Rightarrow [\text{H}^+] = ۱۲ \times 10^{-۴} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

گزینه «۳»: هیدرولکریک اسید (HCl)، یک اسید قوی تک پروتون دار

می‌باشد، بنابراین غلظت یون هیدرونیوم برابر غلظت محلول اولیه می‌باشد.

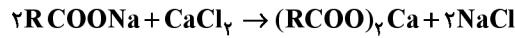
$$1 = \frac{[\text{H}^+]}{6 \times 10^{-۴}} \Rightarrow [\text{H}^+] = 6 \times 10^{-۴} \frac{\text{mol}}{\text{L}}$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه ۱۶ تا ۱۹)

(اسامه پوشان)

«۲» - ۱۲۶

باید دقت داشت که تنها پاک کننده صابونی در این واکنش شرکت می‌کند:



$$200 \text{ mL CaCl}_2 \times \frac{1 \text{ L CaCl}_2}{1000 \text{ mL CaCl}_2} \times \frac{1 \text{ mol CaCl}_2}{1 \text{ L CaCl}_2}$$

$$\times \frac{2 \text{ mol RCOONa}}{1 \text{ mol CaCl}_2} \times \frac{306 \text{ g RCOONa}}{1 \text{ mol RCOONa}} = 122 / 4 \text{ g RCOONa}$$

با توجه به اینکه جرم مخلوط اولیه $4 / ۱۲۶$ گرم است، داریم:

$$= \text{جرم پاک کننده غیرصابونی} = 126 / 4 - 122 / 4 = 4 \text{ g}$$

$$100 \times \frac{\text{جرم پاک کننده غیرصابونی}}{\text{جرم مخلوط اولیه}} = \frac{\text{درصد جرمی پاک کننده غیرصابونی در مخلوط اولیه}}{\text{جرم مخلوط اولیه}}$$

$$\Rightarrow \frac{4}{126 / 4} \times 100 = 3 / 16\%$$

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه‌های ۹ و ۱۱)

(حسن لشکری)

«۱» - ۱۲۷

یک اسید بازی بوده و در آب غلظت [OH⁻] را افزایش می‌دهد.

بررسی گزینه‌های نادرست:

(۲) HCl(g) اسید آرنیوس است، زیرا هنگام حل شدن در آب غلظت یون

هیدرونیوم را افزایش می‌دهد.

۳) رنگ کاغذ pH، در محیط اسیدی قرمز و در محیط بازی آبی رنگ است.

۴) محلول CO_۲ در آب و NH_۳(g) در آب به ترتیب کاغذ pH را به

رنگ سرخ و آبی تغییر می‌دهند.

(شیمی ۳- مولکول‌ها در فرمت تدرستی؛ صفحه ۱۴ تا ۱۹)

(مطابق با هم پیندیشیم صفحه‌های ۱۴ و ۱۵ کتاب درسی)

(سعید محسنزاده)

«۲» - ۱۲۸

شکل (۱) انحلال اکسیدی نافلزی در آب است که باعث می‌شود محیط آب

اسیدی شود.



شیمی ۱

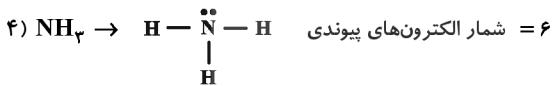
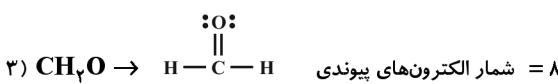
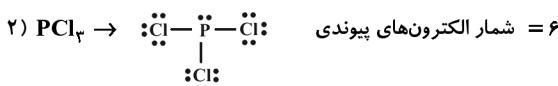
«۳۱» - گزینه

بررسی سایر گزینه‌ها:

(کتاب آبی)

(امیرحسین مسلمی)

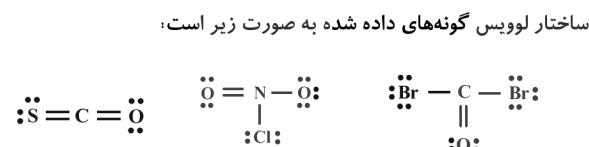
«۳۲» - گزینه



(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

(محمد رضا پور جاوید)

«۳۳» - گزینه



نسبت شمار جفت الکترون‌های پیوندی به شمار جفت الکترون‌های ناپیوندی

در NO_2Cl و COBr_2 برابر $\frac{4}{2}$ و شمار جفت الکترون‌هایناپیوندی ClO_2^- برابر ۱۰ می‌باشد.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۶۴ و ۶۵)

(ممدرسه میرزا احمد مقدم)

«۳۴» - گزینه

$$\frac{\Delta T}{\Delta h} = \gamma / \rho \text{ km}^{\circ}$$

$$T - T_0 = \frac{\Delta T}{\Delta h} (h - h_0)$$

گزینه «۲»: سیلیس (SiO_2) در طبیعت به صورت کریستال مانند یافت می‌شود.

گزینه «۳»: برای به دست آمدن هوای مایع کربن دی‌اکسید را در دمای 78°C - به صورت جامد جدا می‌کنند.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۵، ۵۶ و ۵۷)

(میکائیل غراوی)

«۳۲» - گزینه

از گاز هلیم، برای پر کردن بالنهای هواشناسی، جوشکاری، کپسول غواصی و خنک کردن قطعات دستگاه‌های تصویربرداری مانند MRI استفاده می‌شود.

برای بسته‌بندی برخی مواد خوراکی و نگهداری نمونه‌های بیولوژیک در پزشکی از گاز نیتروژن استفاده می‌شود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه ۳۳)

(میانا شرائطی پور)

«۳۳» - گزینه

گوی‌های سفید گاز آرگون، گوی‌های خاکستری گاز نیتروژن و گوی‌های مشکی گاز اکسیژن را نشان می‌دهند.

گاز هلیم حدود ۷ درصد حجمی از مخلوط گاز طبیعی را تشکیل می‌دهد. اما گوی‌های مشکی مربوط به گاز اکسیژن است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی؛ صفحه‌های ۵۰ تا ۵۲)

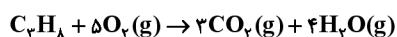


ت: $\xrightarrow{\text{Pd(s)}}$ برای انجام شدن واکنش، از فلز پالادین (نه پلاتین) به عنوان کاتالیزگر استفاده می‌شود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه ۶۱۳)

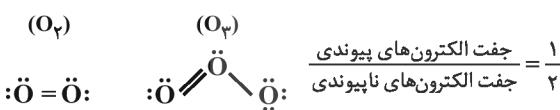
(ممدر عظیمیان؛ واره)

«گزینه ۱» - ۱۳۹



مجموع ضرایب استوکیومتری مواد واکنش دهنده برابر ۶ می‌باشد.

بررسی گزینه «۲»:



بررسی گزینه «۳»: درصد حجمی گاز آرگون $928 / 928$ و درصد حجمی گاز

کربن دی‌اکسید $385 / 928$ است.

بررسی گزینه «۴»: کربن مونوکسید بی‌بو است.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۷، ۵۸، ۵۹، ۶۰ تا ۶۱)

(امیرعلی برفور، داریون)

«گزینه ۴» - ۱۴۰

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: در شرایط یکسان، نسبت چگالی به جرم مولی گازها یکسان

است. بدین ترتیب CO_2 از CO چگالی بیشتری دارد.

گزینه «۲»: در هنگام سوختن گرد آهن، نور سفید آزاد نمی‌شود بلکه نور

نارنجی رنگ پدید می‌آید.

گزینه «۳»: فراورده آلی این واکنش محلول در آب است نه مایع!

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۱)

$$T_0 = 273 - 60 = 213\text{ K}$$

$$\Rightarrow T - 213 = 2 / (40 - 10) \Rightarrow T = 276\text{ K}$$

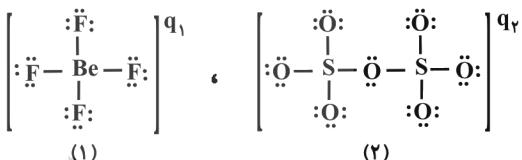
(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۴ و ۵۵)

«گزینه ۱» - ۱۳۷

برای به دست آوردن q_1 و q_2 کافیست پس از هشت تابی کردن اتم‌ها بار هر

یک از اتم‌ها را در هر کدام از ترکیبات تعیین کنید که حاصل جمع بار همه

اتم‌های موجود در یک ترکیب برابر باز آن ترکیب یعنی q_1 و q_2 است.



در ترکیب (۱) اتم F از گروه ۷ بوده و ۷ الکترون در لایه ظرفیت خود

دارد. اتم Be از گروه ۲ بوده و ۲ الکترون در لایه ظرفیت خود دارد اما در

اطراف خود ۴ الکترون دارد پس ۲ الکترون اضافی دارد و q_1 برابر (۲-)

است. در ترکیب (۲)، اتم‌های O و S هر دو از گروه ۶ بوده و ۶ الکترون

در لایه ظرفیت خود دارند اما اتم‌های S هر کدام ۲ الکترون کمتر از لایه

ظرفیت خود دارند یعنی مجموعاً ((۴+)) و اتم‌های O به جز اتم

O وسطی، هر کدام یک الکترون بیشتر از لایه ظرفیت خود دارند یعنی

مجموعاً ((۶-)) پس q_2 برابر (۲-) خواهد بود.

(شیمی ا- ردپای گازها در زندگی: صفحه‌های ۵۷ و ۵۸)

«گزینه ۳» - ۱۳۸

الف: $\xrightarrow{\Delta}$: واکنش دهنده‌ها برای گرم شدن واکنش می‌دهند.

ب: $\xrightarrow{85^\circ\text{C}}$: واکنش در دمای 85°C درجه سلسیوس انجام می‌شود.



دفترچه پاسخ

آزمون هوش و استعداد

(دودجه ۹۶)

۱۳ مرداد

تعداد کل سوالات آزمون: ۲۰

زمان پاسخگویی: ۳۰ دقیقه

گروه فنی تولید

مسئول آزمون	نام و نام خانوادگی
ویراستار	فاطمه راسخ
مدیر گروه مستندسازی	محیا اصغری
مسئول درس مستندسازی	علیرضا همایون خواه
طراحان	حمید اصفهانی، فاطمه راسخ، حمید گنجی، حامد کریمی، فرزاد شیرمحمدی
حروف چینی و صفحه‌آرایی	مصطفومه روحانیان
ناظر چاپ	حمید عباسی



استعداد تحليلي

(عیدر اصفهانی)

«۲۵۴- گزینهٔ ۴»

متن از چند مشخصه بررسی‌های مبتنی بر آرکی‌تایپ سخن می‌گوید که رنگ هم از آن‌هاست، پس در نقدهای ادبی متکی بر مفهوم آرکی‌تایپ می‌توان آن‌ها را نیز بررسی کرد.

متن نمی‌گوید نمادها باید در همه فرهنگ‌ها و در همه ادراک‌ها یکسان باشد تا در ضمیر ناخودآگاه جمعی قرار گیرد. همچنین بحث از «ضمیر ناخودآگاه شخصی» با بحث از «ضمیر ناخودآگاه جمعی» متفاوت است، پس نمی‌توان گفت یونگ و مکتب او در بررسی ضمیر ناخودآگاه در آثار ادبی، از اولین‌ها بوده‌اند.

(تمیل متن، استدلال هوش کلامی)

(عیدر اصفهانی)

«۲۵۵- گزینهٔ ۲»

متن از «جهانی‌های معنایی» صحبت می‌کند که قواعدی هستند که ساختار واژگان را در همه زبان‌ها تعیین می‌کنند. در انتهای متن، از تفاوت‌های زبان‌ها سخن گفته شده است اما پس از کلمه «ولی» باید مطلبی باشد که وجود این شباهت‌های قواعدی را در زبان‌ها نشان دهد. تنها گزینهٔ ۲۲ است که چنین معنایی دارد.

(تمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

(عیدر اصفهانی)

«۲۵۶- گزینهٔ ۴»

قطعه ابونصر فراهی، از وجود حروف عله می‌گوید که با مثال‌های آن می‌توان فهمید این حروف «و، ای» است. از همان بیت نخست نیز مشخص است که فراهی، شناخت «دال» و «ذال» را از شروط فصاحت دانسته است. معلوم است که علم به وجود حروف عله مربوط به دوران متأخر نیست، از «دال» و «ذال» غیریابانی صحبت نشده است، و واژه‌هایی هست که «دال» در حرف پایانی آن‌هاست و تغییریافته از «ذال» نیست.

(تمیل متن، استدلال، هوش کلامی)

(کتاب استعداد‌تحلیلی هوش کلامی)

«۲۵۷- گزینهٔ ۴»

عبارت گزینهٔ ۴ با نگاهی ناخوشایند، همه را به یک چشم می‌بیند و می‌گوید هر کسی را می‌توان به شکلی برای انجام کاری تطمیع کرد و از آن بهره برد. دیگر عبارت‌ها می‌گویند هر چیزی جای مخصوص به خود را دارد و نباید آن‌ها را به جای هم به کار برد.

(قربات معنایی، هوش کلامی)

(فرزاد شیرمحمدی)

«۲۵۸- گزینهٔ ۱»

سن‌علی، میلاد و داریوش را به ترتیب A، M و D درنظر می‌گیریم:

$$(A - ۲) = ۳(M - ۲ + D - ۲) \Rightarrow A = ۳M + ۳D - ۱۰$$

$$(A + ۲) = ۸((M + ۲) - (D + ۲)) \Rightarrow A = ۸M - ۸D - ۲$$

(مامد کریمی)

«۲۵۱- گزینهٔ ۱»

شكل درست ایات:

و) آن شنیدم که گفت پشه به کیک / بامدادان پس از سلام علیک

ه) ای عجب من بدین سیه‌رختی / تو بدان فرهی و خوشبختی

ب) تو چنانی و من چنین ز چه روی؟ / تو طربنک و من غمین ز چه روی؟

الف) کیک چون ماجراجی پشه شنت / زیر لب خنده‌ای زد آن گه گفت

د) من به هنگام کار خاموشم / بسته‌لب پای تابه‌سر گوشم

ج) ای پسر رو خموش باش چو کیک / تا نخواندت کسی، مزن لبیک

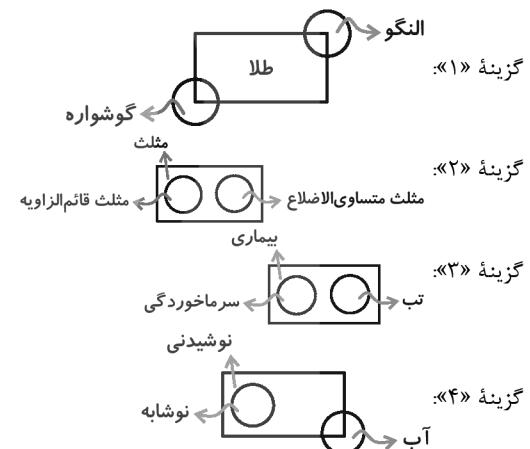
(ترتیب بملات، هوش کلامی)

(کتاب استعداد‌تحلیلی هوش کلامی)

«۲۵۲- گزینهٔ ۱»

برخی گوشواره‌ها و برخی النگوها از طلا هستند و برخی هم نه. همچنین هر طلایی، النگو یا گوشواره نیست. پس رابطه بین این واژه‌ها مثل شکل صورت سوال است.

رابطه بین واژه‌ها در دیگر گزینه‌ها نیز با شکل‌های جداگانه‌ای نشان داده می‌شود:



(انسان اربعه، هوش کلامی)

«۲۵۳- گزینهٔ ۲»

در همه گزینه‌ها، یکی از کلمه‌ها از ریشه فعل گذشته و دیگری از ریشه فعل حال تشکیل شده است، به جز گزینهٔ ۲۲:

بین: بین (ریشه فعل حال) + ا - دیدنی: دید (ریشه فعل گذشته) + بینی

پرسنده: پرسنده (ریشه فعل حال) + سند: پرسنده: پرسنده (ریشه فعل حال) + ار

گویا: گوی (ریشه فعل حال) + ا - گفتند: گفتند (ریشه فعل گذشته) + بینی

رونده: رونده (ریشه فعل حال) + سند: رونده: رونده (ریشه فعل گذشته) + ار

(ساقیمان واژه‌ها، هوش کلامی)



(فاطمه، راسخ)

عددهای ممکن با شرایط گفته شده، یکی از حالات زیر هستند که در آن‌ها دست کم ۳ یا ۶ وجود دارد. دقت کنید که می‌توان جای یکان و هزارگان را با هم و جای دهگان و صدگان را با هم عوض کرد.

$$3124 / 2139 / 2148 / 4169 / 4239 / 8246 / 9268 / 9348$$

(حقیقت‌پایی، یکان، بخش‌بزرگی، هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۲- گزینه»

(فاطمه، راسخ)

عددهای ۱ و ۵ و ۷ و ۸ در عدد نیستند. عددهای صفر و چهار نیز قطعاً در عدد هستند. پس باید دو رقم دیگر را با دو تا از اعداد ۲، ۳، ۶ و ۹ کامل کنیم. می‌دانیم مجموع ارقام عددی که بر ۹ بخشیده است، مضرب ۹ است. اکنون مجموع دو رقم معلوم است: $4 + 4 = 8$. تنها حالت ممکن آن است که دو عدد دیگر ۲ و ۳ باشد.

$$0 + 2 + 3 + 4 = 9 \Rightarrow 4 - 3 = 1$$

(حقیقت‌پایی، یکان، بخش‌بزرگی، هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۳- گزینه»

$$\Rightarrow 3M + 2D - 10 = 8M - 8D - 2 \Rightarrow 11D = 5M + 8$$

حال M را حدس می‌زنیم، تا جایی که عدد طبیعی یک رقمی شود. اگر $M = 5$ باشد، $D = 3$ و در نتیجه $A = 14$ است. در نتیجه:

$$A - M = 9$$

$$M - D = 2$$

(کلایت داره، هوش منطقی ریاضی)

«۲۵۹- گزینه»

فرض کنید طول طناب a باشد. در مربع، محیط a ، پس طول ضلع‌ها هر

$\frac{a}{4}$ و مساحت $\frac{a^2}{16}$ خواهد بود. حال فرض کنید مستطیلی سازیم. اگر این مستطیل، عرضی داشته باشد که x واحد از ضلع مربع کوچک‌تر باشد و طولی داشته باشد که به همین اندازه از ضلع مربع بزرگ‌تر باشد، عرض و طول آن $(x - \frac{a}{4})$ و $(x + \frac{a}{4})$ خواهد بود و مساحت آن به اندازه

$$x^2$$
 واحد کمتر از مربع خواهد بود:

$$(\frac{a}{4} + x)(\frac{a}{4} - x) = \frac{a^2}{16} - x^2$$

(کلایت داره، هوش منطقی ریاضی)

(همید کنی)

«۲۶۴- گزینه»

$$\text{در ساعت } 20:20, \text{ عقریه دقیقه‌شمار به اندازه } \frac{1}{3} \times \frac{20}{60} = \frac{1}{3} \text{ از صفحه را}$$

چرخیده است. کل صفحه 360° است پس عقریه دقیقه‌شمار

$$=\frac{120}{3} = 40^\circ \text{ از خط قائم دور شده است. فاصله بین دو عدد در این}$$

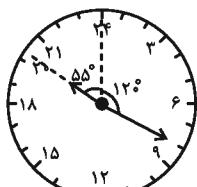
$$\text{ساعت، } \frac{360}{24} = 15^\circ \text{ است. عقریه ساعت‌شمار بیست دقیقه پس از}$$

$$\text{ساعت بیست، به اندازه } \frac{20}{60} \times 15^\circ = 5^\circ \text{ از ساعت } 20 \text{ دور شده است.}$$

فاصله ساعت 20 تا خط قائم، $60^\circ = 4 \times 15 = 60^\circ$ است. پس فاصله عقریه

ساعت‌شمار تا خط قائم، $55^\circ = 55^\circ$ است. پس زاویه بین دو عقریه

$$55 + 120 = 175^\circ \text{ است.}$$



(ساعت، هوش منطقی ریاضی)

(همید کنی)

«۲۶۰- گزینه»

$$\text{حسن به تنهایی در هر ساعت } \frac{1}{24} \text{ از کار را انجام می‌دهد:}$$

$$\frac{1}{16} + x = \frac{1}{16} \Rightarrow x = \frac{1}{16} - \frac{1}{24} = \frac{1}{48} \text{ کسر کار محمود و حسن}$$

پس محمود به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{48}$ از کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار را در 48 ساعت.

$$\frac{1}{48} + y = \frac{1}{12} \Rightarrow y = \frac{1}{12} - \frac{1}{48} = \frac{3}{48} = \frac{1}{16} \text{ کسر کار علی و محمود}$$

پس علی به تنهایی در هر ساعت $\frac{1}{16}$ کار را انجام می‌دهد، یعنی کل کار در 16 ساعت.

(کلایت داره هوش منطقی ریاضی)

«۲۶۱- گزینه»

عدد مضرب پنج است، پس یکان صفر است. دقت کنید عدد 5 را نداریم. اگر رقم‌های دهگان و صدگان هشت واحد اختلاف داشته باشند، قطعاً یک و نه هستند. بسته به جایگاه این دو عدد، هزارگان ممکن است سه یا هفت باشد، اما عدد 7 ممکن نیست. پس فقط 3190 ممکن است.

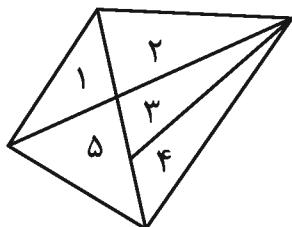
(حقیقت‌پایی، یکان، بخش‌بزرگی، هوش منطقی ریاضی)



(فرزادر شیرمحمدی)

«۲۷- گزینه «۳»

مثلث‌های شکل:



(۱), (۲), (۳), (۴), (۵), (۱, ۲), (۱, ۵), (۲, ۳), (۳, ۴)

(۲, ۳, ۴), (۳, ۴, ۵)

(شما، شن، هوش غیرکلامی)

(فرزادر شیرمحمدی)

«۲۶۵- گزینه «۱»

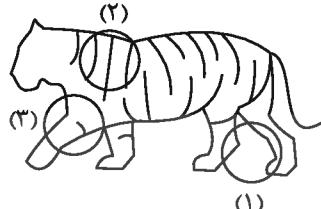
دفتر و کتاب هر دو یک حرف را می‌زنند و چون یک دروغگو داریم، قطعاً دروغ نمی‌گویند هر دو نو هستند، پس خودکار هم راست می‌گوید و نو است، پس روپوش هم راست می‌گوید و نو است و گوشی دروغگو است.

(بنیادتباری، هوش منطقی ریاضی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۶- گزینه «۴»

دیگر گزینه‌ها در شکل صورت سؤال:



(بنیادتباری، هوش غیرکلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۷- گزینه «۴»

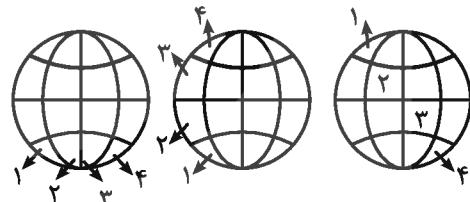
در سمت چپ خط عمودی هر ردیف از الگوی صورت سؤال، هر شکلی که کمتر آمده است در سمت راست خط عمودی هم تکرار شده است. در ردیف پایینی نیز سه بار، دو بار و فقط یک بار آمده است، پس این شکل آخر را در سمت راست خط عمودی تکرار می‌کنیم.

(الگوی فطی، هوش غیرکلامی)

(فاطمه، راسخ)

«۲۶۸- گزینه «۴»

سه طرح در شکل صورت سؤال در حرکتند و در شکل پنجم به جای نخست خود برمی‌گردند.



(الگوی فطی، هوش غیرکلامی)

(همیده‌کنی)

«۲۶۹- گزینه «۱»

از تکرار کدها می‌فهمیم که تعداد ضلع‌ها با پاره‌خط‌ها مهم است:

$$\left. \begin{array}{l} i \Rightarrow \text{عددهای زوج} \\ 2 \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۲} \\ 3 \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۳} \\ 4 \Rightarrow \text{عددهای مضرب ۴} \\ D \Rightarrow \text{عددهای اول} \end{array} \right\} \Rightarrow 12 = BAi$$

(کلکنگاری، هوش غیرکلامی)