

علوم
ریاضی
و فنی

دفترچه اختصاصی - ۱

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۱ (از ۲)



آزمون ۱۴۰۳ اسفند

**آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی**

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	عادی پیشروی سریع	۱۰	۱	۲۰
		۱۰		
۲	ریاضی پایه	۱۰	۲۱	۳۰
		۱۰		
۳	عادی پیشروی سریع	۱۰	۳۱	۵۰
		۱۰		
۴	زوج کتاب	۱۰	۵۱	۶۰
		۱۰		
۵	عادی پیشروی سریع	۱۰	۷۱	۹۰
		۱۰		



آزمون «۱۴۰۳ اسفند ۲۴» اختصاصی دوازدهم ریاضی (ریاضیات)

نقد و کمک سوال

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۱۱۰ دقیقه
(از ساعت ۸ صبح تا ۹:۵۰)

تعداد کل سوالات: ۹۰ سؤال

(۵۰ سؤال اجباری + ۴۰ سؤال اختیاری)

شماره سؤال	تعداد سؤال	نام درس
۱-۲۰	۱۰	عادی
	۱۰	پیشروی سریع
۲۱-۳۰	۱۰	ریاضی پایه
	۱۰	عادی
۳۱-۵۰	۱۰	پیشروی سریع
	۱۰	هندسه
۵۱-۶۰	۱۰	آمار و احتمال
	۱۰	زوج کتاب
۶۱-۷۰	۱۰	آمار و احتمال
	۱۰	عادی
۷۱-۹۰	۱۰	ریاضیات گسته
	۱۰	پیشروی سریع

جدید آورندگان

نام طراحان	نام درس
کاظم اجلالی- بهمن امیدی- دانیال آرکیش- داود بوالحسنی- شاهین پروازی- افشنین خاصه‌خان- سینا خیرخواه- احمد رضا ذاکر زاده محمد زنگنه- علی سلامت- کیان کربیمی خراسانی- محمد گودرزی- مهسان گودرزی- رضا مجیدی- حامد معنوی- نیما مهندس علیرضا زاده- غلامرضا نیازی- جهانبخش نیکنام	حسابان ۲ و ریاضی پایه
امیرحسین ابو محیوب- اسحاق اسفندیار- علی ایمانی- جواد ترکمن- سید محمد رضا حسینی فرد- افشنین خاصه‌خان- کیوان دارابی مصطفی دیداری- سوگند روشنی- علیرضا شریف خطیبی- هومن عقیلی- شبنم غلامی- احمد رضا فلاح- مهرداد ملوندی- نیلوفر مهدوی نیما مهندس	هندسه و آمار و ریاضیات گسته

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	نام	نام	نام
گزینشگر	کیان کربیمی خراسانی	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب
گروه ویراستاری	مهرداد ملوندی	امیرحسین ابو محیوب	امیرحسین ابو محیوب
ویراستاری رتبه های برتر	محمد پارسا سبزه‌ای	مهرداد ملوندی	محمد پارسا سبزه‌ای
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سروژ یقیازاریان تبریزی	سروژ یقیازاریان تبریزی
مسئل سازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت کار	علیرضا عباسی زاهد	احمدرضا مهدوی

گروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مدیر گروه: محیا اصغری	گروه مستندسازی
مسئول دفترچه: الهه شهیازی	فرزانه فتح المزاده
سوران نعیمی	حروف نگار
ناظر چاپ	

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۶۴۶۳-۰۶۱



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲: کاربردهای مشتق: صفحه‌های ۱۱۱ تا ۱۲۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش آموزان اجباری است.

- ۱- تابع $f(x) = (-1)^{|x|} \times (x - |x|)$ مفروض است. کدام مورد درباره f درست است؟
 ۱) \min و \max مطلق دارد.
 ۲) فقط \min مطلق دارد.
 ۳) فقط \max مطلق دارد.
 ۴) $y = (x-1)^2(x+2)^3$ صعودی است؟
 ۱) $(-1, 2)$ ۲) $(-1, 3)$ ۳) $(-2, 1)$ ۴) $(0, +\infty)$
- ۲- در کدام یک از فاصله‌های زیر، تابع $y = (x-1)^2(x+2)^3$ هستند. مقدار a چقدر باشد تا مساحت مثلث ABC
 ۱) ن نقاط بحرانی تابع $f(x) = |x|/(ax^2 + 1)$ با شرط $a > 0$ ، رئوس مثلث ABC هستند. مقدار a چقدر باشد تا مساحت مثلث ABC
 برابر با $\frac{1}{18}$ باشد؟
 ۲) -4 ۳) -3 ۴) -2 ۵) -1
- ۳- اگر $x=0$ اکسترمم نسبی تابع زیر نباشد، آن گاه مجموع مقادیر صحیح که جای a می‌تواند قرار گیرد کدام است؟

$$f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x^3 + 4x^2} - 3x}{x}, & x \in [-4, +\infty) - \{0\} \\ a, & x = 0 \end{cases}$$

 ۱) -9 ۲) -15 ۳) -10 ۴) -6
- ۴- تابع $f(x) = \frac{\sqrt{x}}{x+a}$ ، به طوری که $a > 0$ ، روی بازه $[3a-5, +\infty)$ اکیداً نزولی است. کمترین مقدار طبیعی برای a کدام است؟
 ۱) 4 ۲) 3 ۳) 2 ۴) 1
- ۵- یک ذوزنقه متساوی الساقین با زاویه حاده 30° داریم. اگر محیط آن 100 واحد باشد، آن گاه بیشترین مساحت این ذوزنقه چند واحد مربع است؟
 ۱) $325/5$ ۲) $312/5$ ۳) $275/5$ ۴) $250/5$
- ۶- اگر مینیمم نسبی تابع $f(x) = \frac{a-10}{x^2+4x+a}$ ، نامعادله $k \leq \frac{4}{x-1} - \frac{1}{x}$ برقرار است. حداقل مقدار k کدام است؟
 ۱) 9 ۲) 10 ۳) 14 ۴) 15
- ۷- برای هر x از بازه $(1, 0)$ ، نامعادله $k \leq \frac{4}{x-1} - \frac{1}{x}$ برقرار است. حداقل مقدار k کدام است؟
 ۱) $-13/5$ ۲) $-7/5$ ۳) -9 ۴) -10
- ۸- تابع $f(x) = \frac{x}{\sqrt{3-x}}$ روی بازه $[a, b]$ نزولی است. بیشترین مقدار $b-a$ کدام است؟
 ۱) $\frac{11}{4}$ ۲) $\frac{9}{4}$ ۳) 4 ۴) 3
- ۹- تابع $f(x) = \frac{x}{\sqrt{3-x}}$ روی بازه $[a, b]$ نزولی است. بیشترین مقدار $a-b$ کدام است؟
 ۱) -3 ۲) 3 ۳) 2 ۴) -2
- ۱۰- تابع $f(x) = \begin{cases} x^3 + 12a, & x \leq a \\ 12x + a^3, & x > a \end{cases}$ فاقد نقطه بحرانی است. مقدار a کدام است؟
 ۱) $\frac{1}{2}$ ۲) $\frac{1}{3}$ ۳) $\frac{1}{4}$ ۴) $\frac{1}{5}$

مشابه سوالهایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

حسابان ۲ : کاربردهای مشق: صفحه‌های ۱۲۷ تا ۱۴۴

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیش روی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۱- روی بازه $\left(-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right)$ شیب خط مماس بر منحنی به معادله $y = \sin^3 x + 2 \sin x$ در نقطه عطف آن کدام است؟

- (۱) $\sqrt{3}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۳) $2\sqrt{3}$ (۴) $\frac{3\sqrt{3}}{2}$

۱۲- برای تابع هموگرافیک $y = f(x)$ ، رابطه $\frac{1}{x-2} + \frac{1}{y-3} = 1$ برقرار است. مختصات برخورد مجانب‌های این تابع کدام است؟

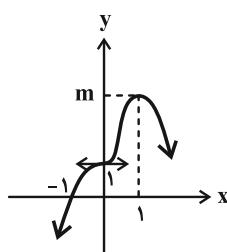
- (۱) $(2, 3)$ (۲) $(3, 2)$ (۳) $(1, 2)$ (۴) $(3, 4)$

۱۳- تابع $f(x) = 9x^3 - 3ax + 2a$ دارای سه ریشه حقیقی متمایز است. a چند مقدار طبیعی نمی‌تواند باشد؟

- (۱) 7 (۲) 8 (۳) 9 (۴) 10

۱۴- شکل زیر، نمودار تابع درجه چهارم f را نشان می‌دهد. مقدار m کدام است؟

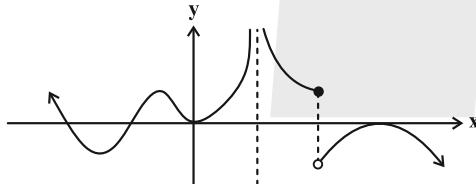
- (۱) ۳ (۲) ۲ (۳) $\frac{8}{7}$ (۴) $\frac{4}{3}$

۱۵- خط $y = 4x + 5$ از دو نقطه اکسترم نسبی تابع $f(x) = 2x^3 - ax + b$ می‌گذرد. مقدار $a - b$ کدام است؟

- (۱) -1 (۲) 1 (۳) -11 (۴) 11

۱۶- شیب خط واصل بین نقاط عطف تابع $f(x) = 9x^2 \sqrt[3]{x^2 - 20x^2}$ برابر کدام است؟

- (۱) 1 (۲) -1 (۳) 2 (۴) صفر

۱۷- شکل زیر، نمودار تابع f' است. اگر تابع f روی کل \mathbb{R} پیوسته باشد، در این صورت f نقطه مانگزیم نسبی، نقطه مینیمم نسبی و نقطه عطف دارد.

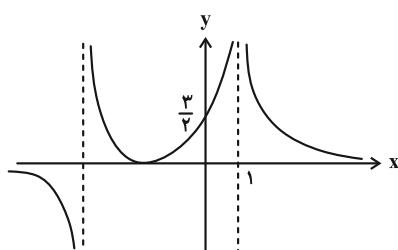
- (۱) $1, 2$ و 5 (۲) $2, 5$ و 4 (۳) $2, 4$ و 5 (۴) $3, 4$ و 2

۱۸- برای تابع $f(x) = \sqrt[3]{x+m}$ ، مقدار غیرصفر m چقدر باشد تا مجموع طول نقاط عطف تابع برابر با 6 باشد؟

- (۱) 3 (۲) 4 (۳) 6 (۴) 12

۱۹- نمودار تابع $f(x) = \frac{x^r + ax + b}{x^r + cx^r + dx + a}$ به صورت زیر است. مقدار $f(d+2c)$ کدام است؟

- (۱) صفر (۲) 1 (۳) -1 (۴) 2

۲۰- به ازای کدام مقدار a ، تابع $f(x) = |x-3| (ax-12)$ دارای نقطه عطف است؟

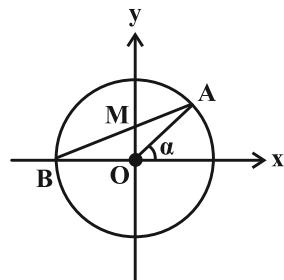
- (۱) 1 (۲) 2 (۳) 3 (۴) 4

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضی پایه: ریاضی ۱: مثلثات: صفحه‌های ۲۸ تا ۴۶ / حسابان ۱: مثلثات، حد و پیوستگی: صفحه‌های ۹۱ تا ۱۵۱

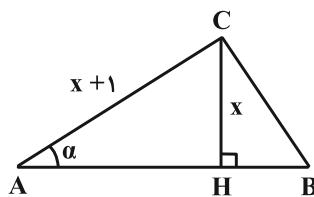
۲۱- در دایرهٔ مثلثاتی شکل زیر $\tan \alpha = \frac{12}{5}$ ، مساحت مثلث OAM کدام است؟

$\frac{5}{13}$ (۱)

$\frac{10}{39}$ (۲)

$\frac{5}{39}$ (۳)

$\frac{4}{13}$ (۴)

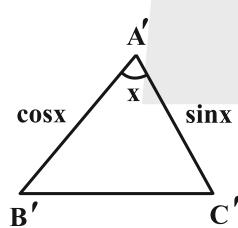
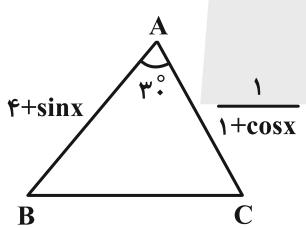
۲۲- در مثلث ABC زیر، رابطه $1 + 2\sin^2 \alpha - 3\cos^2 \alpha = 0$ برقرار است. طول پاره خط AH کدام است؟

$2\sqrt{5} + 2$ (۱)

$\sqrt{5} + 2$ (۲)

$\sqrt{5} + 1$ (۳)

$2\sqrt{5} + 1$ (۴)

۲۳- در شکل زیر، مساحت مثلث ABC برابر $\frac{3}{4}$ است. مساحت مثلث $A'B'C'$ ، با زاویهٔ حاده x ، کدام است؟

$\frac{12}{125}$ (۱)

$\frac{24}{125}$ (۲)

$\frac{21}{250}$ (۳)

$\frac{62}{250}$ (۴)

۲۴- اگر $x = \frac{\tan 547^\circ - \cot 173^\circ}{2 \tan 352^\circ - \cot 91^\circ}$ ، آن گاه حاصل $\cos 14^\circ$ بر حسب x کدام است؟

$\frac{x-2}{x}$ (۱)

$\frac{x}{x-2}$ (۲)

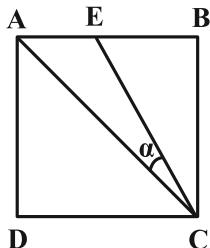
$\frac{x+2}{x}$ (۳)

$\frac{x}{x+2}$ (۴)

محل انجام محاسبات



۲۵- در مربع زیر، $\sin \alpha = \frac{3AE}{2EB}$ برابر کدام است؟



$$\frac{2}{\sqrt{21}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{\sqrt{17}} \quad (2)$$

$$\frac{2}{\sqrt{30}} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{5}} \quad (4)$$

۲۶- حاصل $\lim_{x \rightarrow -} \left[\frac{x}{\sin x} \right] - \lim_{x \rightarrow +} [\sin x - x]$ برابر کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.

-۱ (۴)

۲ (۳)

۱ (۲)

(۱) صفر

۲۷- اختلاف حد چپ و راست تابع $f(x) = \begin{cases} 2x - \sqrt{x+3} & , x > 1 \\ x - \sqrt{x} & , x < 1 \\ [x^2] - x^2 & \end{cases}$ در نقطه به طول ۱ کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.

۴/۵ (۴)

۳/۵ (۳)

۲/۵ (۲)

۱/۵ (۱)

۲۸- حاصل $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\tan x - \cot x}{2\sqrt{2} \cos^2 x - \sqrt{2} \sin 2x}$ برابر کدام است؟

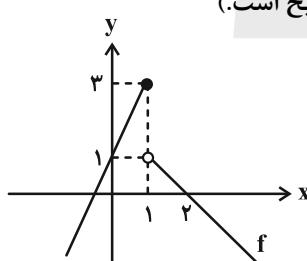
$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (4)$

$-\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (3)$

$\sqrt{2} \quad (2)$

$-\sqrt{2} \quad (1)$

۲۹- اگر $f(x)$ و $g(x)$ به شکل زیر باشد و داشته باشیم $[f(f(x))]$ ، آن‌گاه تعداد نقاط ناپیوستگی تابع $h(x) = (x^3 - 3bx + 2a)[x]$ در بازه (۵، ۱) کدام است؟ ()، نماد جزء صحیح است.



(۱) صفر

(۲)

۲ (۳)

۳ (۴)

۳۰- تابع $f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - x - 2}{x^3 - 4x + c} & , x \neq a \\ b & , x = a \end{cases}$ روی \mathbb{R} پیوسته است. نسبت مقادیر ممکن b کدام می‌تواند باشد؟

$-\frac{1}{2} \quad (4)$

$\frac{1}{6} \quad (3)$

$-\frac{1}{4} \quad (2)$

$\frac{1}{8} \quad (1)$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندهسه ۳: بردارها: صفحه‌های ۶۴ تا ۷۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۳۱- می‌دانیم نقطه $A(2m-5, 3-7m)$ در ناحیه ششم و نقطه $B(-1, 3-7m)$ در ناحیه سوم دستگاه \mathbb{R}^3 واقع هستند، میانگیناعداد صحیح ممکن برای m کدام است؟

۱ (۲)

 $\frac{3}{2}$ (۱)

۲ (۴)

 $\frac{1}{2}$ (۳)۳۲- اگر $\overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + 2\overrightarrow{MP} + 3\overrightarrow{PN} = \vec{O}$ باشد، زاویه بین دو بردار \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{MN} چند درجه است؟

۱۳۵ (۲)

۱۲۰ (۱)

۱۸۰ (۴)

۱۵۰ (۳)

۳۳- در مثلث ABC ، با رؤوس $C(-1, 1, 0)$ ، $B(0, 3, -2)$ ، $A(1, 2, 0)$ ، طول بلندترین میانه کدام است؟ $\frac{3\sqrt{3}}{2}$ (۲) $\frac{3}{2}$ (۱)

۳ (۴)

 $\frac{3\sqrt{2}}{2}$ (۳)۳۴- در شکل زیر، اگر $A(2, -1, -2)$ رأس مکعب مستطیل باشد، آنگاه حاصل $\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CD}$ کدام است؟

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۳۵- قرینه نقطه $A(-6, 0, 0)$ نسبت به نقطه $C(a-3, -a, a)$ را می‌نامیم. اگر طول بردار \overrightarrow{OC} برابر ۳ باشد، مجموع مقادیر ممکن برای a برابر با کدام است؟ (O مبدأ مختصات است).

۴) صفر

-۲ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۳۶- نقطه M روی خط گذرا از دو نقطه $A(2, 3, -2)$ و $B(1, 1, 2)$ قرار داشته و فاصله اش از مبدأ مختصات برابر ۳ واحد است.

فاصله نقطه M از محور x ها کدام است؟

۱ (۴)

 $2\sqrt{2}$ (۳) $\sqrt{5}$ (۲)

۲ (۱)

۳۷- فرض کنید بردار \vec{a} تصویر قائم بردار $(4, 2, -1)$ روی صفحه yz بوده و نقاط $A(-1, 2, 3)$ ، $B(-3, 4, 5)$ و M در فضای \mathbb{R}^3 به گونه‌ای مفروض‌اند که رابطه $2\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{MB} + \vec{a} = \vec{0}$ برقرار است، مجموع مؤلفه‌های نقطه M کدام است؟

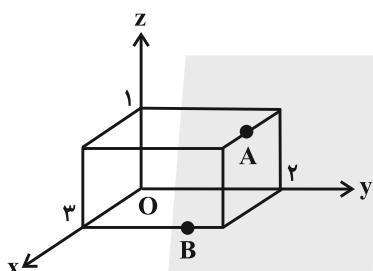
-۶ (۴)

۶ (۳)

-۴ (۲)

۴ (۱)

۳۸- نقاط A و B مطابق شکل، روی دو یال مکعب مستطیل قرار دارند. اگر $|OA| = 3$ و $|OB| = \sqrt{10}$ ، کدام بردار زیر موازی بردار \overrightarrow{AB} می‌باشد؟



(۳, -۲, -۲) (۱)

(۵, -۳, -۱) (۲)

(۳, -۳, -۳) (۳)

(۵, -۱, -۳) (۴)

۳۹- دو بردار به طول ۷، مبدأ مختصات را به دو نقطه روی خط به معادلات $(x=2, y=-3)$ وصل می‌کنند، اندازه تفاضل این دو بردار

چقدر است؟

۱۲ (۴)

 $2\sqrt{13}$ (۳)

۱۴ (۲)

 $2\sqrt{7}$ (۱)

۴۰- فرض کنید $(0, 0, 0)$ ، $B(1, -2, 4)$ ، $A(-1, 0, 0)$ و نقطه C به گونه‌ای باشد که $\overrightarrow{AC} = 3\overrightarrow{BC}$ ؛ فاصله نقطه C از مبدأ مختصات کدام است؟

 $6\sqrt{2}$ (۴) $4\sqrt{3}$ (۳)

۵ (۲)

۷ (۱)

محل انجام محاسبات

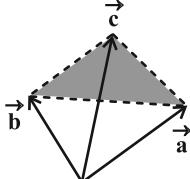


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

هندسه ۳: بردارها: صفحه‌های ۷۷ تا ۸۴

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیش روی سریع) نیز، پاسخ دهند.

-۴۱- در شکل زیر $(1, 1, 1)$ درجه اول آماده می‌گشته، باید به این دسته سوالات (پیش روی سریع) نیز، پاسخ دهد؟



- (۱) صفر
(۲) ۸
(۳) -۴
(۴) ۴

-۴۲- برای بردارهای یکه محورهای مختصات، طول بردار $(\vec{i} \times \vec{j}) \times \vec{k}$ چند برابر طول بردار است؟

- $\frac{\sqrt{10}}{4}$ (۴) $\frac{\sqrt{10}}{10}$ (۳) $\frac{\sqrt{10}}{5}$ (۲) $\frac{\sqrt{10}}{2}$ (۱)

-۴۳- اگر $x - 3y + 4z = 29$ باشد، کمترین مقدار عبارت $(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z+1)^2$ کدام است؟

- ۵۸ (۴) ۲۶ (۳) ۲۵ (۲) ۲۰ (۱)

-۴۴- بردارهای \vec{a} و \vec{b} دو ضلع متوازی‌الاضلاعی هستند که اندازه قطرهای آن ۳ و ۱۱ است. حاصل ضرب داخلی دو بردار \vec{a} و \vec{b} کدام است؟

- ± 66 (۴) ± 14 (۳) ± 28 (۲) ± 33 (۱)

-۴۵- نقاط $A(1, -1, 0)$, $B(2, 0, -1)$, $C(0, 1, 2)$ سه رأس یک مثلث هستند. کدام بردار بر صفحه شامل این مثلث عمود است؟

- $2\vec{i} + \vec{j}$ (۴) $3\vec{i} + \vec{k}$ (۳) $\vec{j} - 2\vec{i}$ (۲) $3\vec{k} - \vec{i}$ (۱)

-۴۶- اگر حجم متوازی‌السطوح ساخته شده با سه بردار \vec{a} , \vec{b} , \vec{c} برابر ۲ باشد، آن‌گاه حجم متوازی‌السطوح ساخته شده با بردارهای

$2\vec{b} + 3\vec{c}$, $2\vec{a} + 3\vec{c}$, $2\vec{a} + 2\vec{b}$ چقدر است؟

- ۶۰ (۴) ۴۸ (۳) ۳۰ (۲) ۱۲ (۱)

-۴۷- دو بردار \vec{a} و \vec{b} طوری مفروض اند که $|a| = 20$, $|b| = 15$, $|a - b| = 7$ ؛ اندازه تصویر قائم بردار \vec{a} بر امتداد بردار $\vec{b} - \vec{a}$ چقدر است؟

- ۱۶ (۴) ۱۵ (۳) ۱۴ (۲) ۱۲ (۱)

-۴۸- مثلث ABC با رأس‌های $A(1, 3, 0)$, $B(0, 1, 1)$, $C(0, -1, 1)$ مفروض است. طول ارتفاع وارد بر ضلع AC چند برابر $\sqrt{21}$ است؟

- $\frac{1}{6}$ (۴) $\frac{3}{7}$ (۳) $\frac{2}{5}$ (۲) $\frac{2}{7}$ (۱)

-۴۹- بردارهای $\vec{a} = \vec{i} + \alpha\vec{j} + 2\vec{k}$, $\vec{b} = 4\vec{i} - 2\vec{j}$, $\vec{c} = 2\vec{i} + \beta\vec{j} + 4\vec{k}$ را در نظر بگیرید. به ازای چند زوج مرتب (α, β) با مقادیر صحیح،

این سه بردار هم صفحه خواهند بود؟

- (۱) صفر
(۲) ۲
(۳) ۴
(۴) بی‌شمار

-۵۰- اگر $|\vec{a}| = 3$, $|\vec{b}| = 6$ و $\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c} = \vec{0}$ باشند، مقدار عبارت $\vec{a} \cdot \vec{b}$ چقدر است؟

- ۴۵ (۴) -۲۲/۵ (۳) ۴۵ (۲) ۲۲/۵ (۱)



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: آمار استباطی: صفحه‌های ۹۷ تا ۱۲۱ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵۲ تا ۱۷۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۱۵۱ تا ۱۶۱) و (۱۷۰ تا ۱۷۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۵۱- در نمونه‌گیری سامانمند از بین ۲۱۰ نفر که به ترتیب شماره‌گذاری شده‌اند. اگر ۱۵ نفر انتخاب شوند و یکی از شماره‌های منتخب،

۹۴ باشد، نفر چندم از هر طبقه باید انتخاب شود؟

۱) سوم
۲) دهم
۳) هفتم
۴) سیزدهم

۵۲- انحراف معیار طول میزهای یک کارخانه، ۳ سانتی‌متر اعلام شده است. برای داشتن یک نمونه از میزها که میانگین طول آن‌ها از

میانگین اعلام شده کمتر از ۱ سانتی‌متر اختلاف داشته باشد، طول حداقل چند میز را باید اندازه‌گیری کنیم؟

۱) ۵۰
۲) ۲۶/۲
۳) ۳۷
۴) ۱۷

۵۳- بازه اطمینان ۹۵ درصد برای میانگین جامعه‌ای با انحراف معیار ۲/۲۵ براساس یک نمونه به صورت [۴/۱, ۴/۷] است. مجموع

اعضای این نمونه چقدر است؟

۱) ۹۹۰
۲) ۹۲۲/۵
۳) ۹۰۱/۶
۴) ۹۵۴

۵۴- اگر اندازه نمونه افزایش یابد، طول فاصله اطمینان می‌یابد و در صورتی که انحراف معیار جامعه افزایش یابد، طول فاصله

اطمینان می‌یابد.

۱) افزایش- افزایش
۲) کاهش- افزایش
۳) افزایش- کاهش
۴) کاهش- کاهش

۵۵- کران بالای بازه اطمینان ۹۵ درصد در نمونه‌ای به اندازه ۲۵۰۰ و میانگین ۱۵/۱۲ است. اگر تعداد اعضای نمونه ۹۰۰ واحد

کاهش یابد، طول بازه اطمینان چقدر خواهد شد؟

۱) ۰/۱
۲) ۰/۲
۳) ۰/۳
۴) ۰/۴

محل انجام محاسبات



۵۶- در کدام یک از موضوعات زیر، از دادگان برای جمع آوری داده‌ها نمی‌توان استفاده کرد؟

(۱) تیراز روزنامه‌های کشور

(۲) تعداد مجروهان تصادفات رانندگی سال ۱۴۰۳ در کل کشور

(۳) تعداد پروازهای خروجی فرودگاه امام خمینی در یک روز خاص

(۴) تعداد عابرانی که در یک روز خاص از یک پل عابر استفاده می‌کنند.

۵۷- اگر جامعه آماری را اعداد طبیعی تک رقمی در نظر بگیریم، با کدام احتمال یک نمونه ۷ عضوی، میانگین را دقیق برآورد می‌کند؟

$\frac{2}{3}$ (۲)

$\frac{1}{3}$ (۱)

$\frac{7}{9}$ (۴)

$\frac{1}{9}$ (۳)

۵۸- برای نظرسنجی در مورد تغییر ساعت رسمی کشور در نیمه اول سال، چه تعداد از روش‌های نمونه‌گیری زیر اریب هستند؟

(الف) افراد در دسترس را انتخاب کنیم.

(ب) پرسشنامه‌ای به ایمیل‌هایی که به تصادف انتخاب شده، ارسال کنیم.

(پ) از دفترچه راهنمای تلفن، تعدادی شماره به تصادف انتخاب کنیم.

(ت) یک نمونه غیرتصادفی انتخاب کنیم. (افراد حاضر در نمونه از قبل مشخص شده باشند)

۴ (۴)

۳ (۳)

۲ (۲)

۱ (۱)

۵۹- می‌خواهیم میزان رضایت ۲۰۰ دانش‌آموز مدرسه را از مدیریت بررسی کنیم. نمونه‌ای ۱۰ عضوی به روش سیستماتیک انتخاب

می‌کنیم. احتمال انتخاب فرد شماره ۱۲۳ آم کدام است؟

$\frac{1}{2}$ (۲)

$\frac{123}{200}$ (۱)

۰/۰۵ (۴)

۰/۴ (۳)

۶۰- می‌خواهیم بهره‌هشی دانش‌آموزان پایه دوازدهم شهر اراک را بررسی کنیم. اگر فهرست همه دانش‌آموزان را نداشته باشیم،

ولی نام دبیرستان‌های اراک و تعداد کلاس‌های دوازدهم دبیرستان‌ها موجود باشد، کدام روش نمونه‌گیری بهتر است؟

(۱) تصادفی ساده

(۲) طبقه‌ای

(۳) خوش‌های

(۴) سامانمند

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

آمار و احتمال: احتمال: صفحه‌های ۳۵ تا ۶۸ / ریاضی ۱: آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۴۱ تا ۱۵۱

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوالات آمار و احتمال (۱۵۱ تا ۱۶۰) و (۱۶۱ تا ۱۷۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و باسخ دهید.

۶۱- از مجموعه اعداد طبیعی دو رقمی که بر ۴ یا ۶ بخش پذیرند ولی بر ۱۲ بخش پذیر نیستند، عددی به تصادف انتخاب کرده‌ایم. با

کدام احتمال این عدد بر ۴ بخش پذیر نیست؟

$$\frac{7}{29} \quad (۴)$$

$$\frac{15}{29} \quad (۳)$$

$$\frac{2}{3} \quad (۲)$$

$$\frac{1}{3} \quad (۱)$$

۶۲- دو خانواده A و B دارای تعدادی مساوی فرزند هستند. ۳ بلیط شهر بازی به صورت تصادفی بین همه بچه‌ها توزیع می‌کنیم

به‌طوری که به هیچ بچه‌ای بیش از یک بلیط نرسد. اگر احتمال آن که هر سه بلیط به فرزندان خانواده B برسد $\frac{1}{12}$ باشد تعداد

فرزندان هر خانواده کدام است؟

$$۶ \quad (۴)$$

$$۵ \quad (۳)$$

$$۴ \quad (۲)$$

$$۳ \quad (۱)$$

۶۳- در یک مسابقه علمی، احتمال اول شدن نگین، پرنیان، صبا و فاطمه، با همین ترتیب، تشکیل یک دنباله حسابی با قدرنسبت $\frac{1}{8}$

می‌دهند. احتمال این که صبا یا فاطمه، اول شوند چند برابر احتمال اول شدن نگین است؟

$$۱۲ \quad (۴)$$

$$۸ \quad (۳)$$

$$۴ \quad (۲)$$

$$۲ \quad (۱)$$

۶۴- احتمال این که مریم در آزمون‌های قلمچی شرکت کند $6/0$ و احتمال شرکت پگاه هم در این آزمون‌ها با مریم برابر است. اگر مریمدر آزمون شرکت کند، احتمال شرکت پگاه $8/0$ می‌شود. اگر مریم در آزمون شرکت نکند، با کدام احتمال پگاه در آزمون

شرکت می‌کند؟

$$۰/۲ \quad (۴)$$

$$۰/۳۵ \quad (۳)$$

$$۰/۶ \quad (۲)$$

$$۰/۳ \quad (۱)$$

۶۵- ۳ سکه را به هوا پرتاب می‌کنیم. اگر هر ۳ بار رو آمده باشد ۲ تاس، اگر حداقل ۱ بار رو آمده باشد ۳ تاس و در سایر حالات ۱

تاس پرتاب می‌کنیم. اگر عدد همگی تاس‌ها در هر حالت فرد آمده باشد، چقدر احتمال دارد هر ۳ سکه رو آمده باشد؟

$$\frac{۳}{۸} \quad (۴)$$

$$\frac{۱}{۹} \quad (۳)$$

$$\frac{۲}{۹} \quad (۲)$$

$$\frac{۱}{۸} \quad (۱)$$

محل انجام محاسبات



۶۶- چهار مهره سفید و چهار مهره سیاه هر کدام به شماره‌های ۱ تا ۴ در کیسه‌ای قرار دارند. دو مهره از کیسه خارج می‌کنیم، اگر

بدانیم مجموع عددهای دو مهره عددی اول است، با چه احتمالی دو مهره غیرهمزنگ‌اند؟

$$\frac{9}{17} \quad (4)$$

$$\frac{8}{12} \quad (3)$$

$$\frac{9}{16} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} \quad (1)$$

۶۷- در جعبه‌ای ۵ مهره قرمز و ۳ مهره آبی قرار دارد. در برداشتن یک مهره از این طرف، اگر آبی بود، آن مهره را به همراه ۲ مهره آبی

دیگر به طرف برمی‌گردانیم و اگر قرمز بود، آن را کنار می‌گذاریم. طبق شرط مذکور، در برداشتن متوالی ۳ مهره از طرف، با

کدام احتمال فقط مهره دوم آبی است؟

$$\frac{5}{42} \quad (4)$$

$$\frac{15}{56} \quad (3)$$

$$\frac{5}{6} \quad (2)$$

$$\frac{3}{8} \quad (1)$$

۶۸- در کیسه‌ای ۳ توپ وجود دارد که هر کدام از آن‌ها به یکی از دو رنگ سفید یا سیاه هستند که ما از آن اطلاعی نداریم. یک توپ

سفید داخل کیسه می‌اندازیم و سپس توپی به تصادف خارج می‌کنیم. احتمال سفید بودن توپ خارج شده چقدر است؟

$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{5}{8} \quad (1)$$

$$\frac{9}{16} \quad (4)$$

$$\frac{7}{12} \quad (3)$$

۶۹- در یک کلاس ۲۵ نفره که افراد a و b نیز جزء آن‌ها می‌باشند، نمره درس آمار و احتمال هیچ دو دانش‌آموزی برابر نیست. اگر نمره

شخص a از نمره شخص b بیشتر باشد، با کدام احتمال شخص b نفر دهم کلاس است؟

$$\frac{4}{100} \quad (2)$$

$$\frac{3}{100} \quad (1)$$

$$\frac{6}{100} \quad (4)$$

$$\frac{3}{40} \quad (3)$$

۷۰- در یک کیسه ۵ مهره با شماره‌های ۱ تا ۵ وجود دارد. در یک آزمایش تصادفی، از این کیسه به تصادف و با جای‌گذاری هر بار یک

مهره خارج می‌کنیم تا به مهره‌ای با شماره زوج برسیم. با کدام احتمال حداقل در بار سوم، در این آزمایش موفق می‌شویم؟

$$\frac{21}{25} \quad (2)$$

$$\frac{98}{125} \quad (1)$$

$$\frac{117}{125} \quad (4)$$

$$\frac{108}{125} \quad (3)$$

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: ترکیبات: صفحه‌های ۵۹ تا ۷۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۷۱- چند عدد طبیعی چهار رقمی وجود دارد که رقم هزارگان آن با مجموع ارقام یکان، دهگان و صدگان آن برابر باشد؟

(۱) ۲۰۹ (۲) ۲۱۰ (۳) ۲۱۹ (۴) ۲۲۰

۷۲- اگر A مربع لاتین 4×4 باشد، چند مربع لاتین متعامد با A مانند B وجود دارد که درایه سطر چهارم و ستون چهارم آن عدد ۲ است؟

(۱) هیچ (۲) ۳ (۳) ۲ (۴) ۱

۷۳- ۷ نفر به چند طریق می‌توانند به ۴ نفر کاندیدای عضویت در هیئت مدیره یک شرکت رأی بدهند به‌طوری که هر نفر به حداقل یک نفر بتواند رأی بدهد؟ (در این رأی‌گیری، فقط تعداد آرای کاندیداهای مهم است.)

(۱) ۳۳۰ (۲) ۲۱۰ (۳) ۱۲۰ (۴) ۲۴۰

۷۴- در یک مربع لاتین 3×3 ، با کدام تغییرات زیر، مربع لاتین متعامد با مربع اول می‌توان ساخت؟

- (۱) جایه‌جایی دو سطر، سپس جایه‌جایی دو ستون
 (۲) جایه‌جایی دو سطر، سپس جایه‌جایی دو سطر
 (۳) جایه‌جایی دو سطر، سپس جایه‌جایی دو سطر دیگر

۷۵- تعداد جواب‌های طبیعی $= 12 = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5$ با شرط $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5 \in \mathbb{N}$ ، کدام است؟

(۱) ۴۲ (۲) ۴۶ (۳) ۳۶ (۴) ۲۱

۷۶- معادله $= 12 = x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5$ چند جواب صحیح و نامنفی دارد؟

(۱) ۲۸ (۲) ۳۹ (۳) ۴۴ (۴) ۵۴

۷۷- اعداد x, y, z و t به گونه‌ای در دو مربع زیر قرار گرفته‌اند که هر دو مربع، مربع‌هایی لاتین تشکیل داده‌اند. مقدار $x+y+z+t$ کدام است؟

	y	۳	
		z	
	۴	۱	t
۲			

	۱		x
		۲	
۲			

۷۸- از بین ۵ نوع گل رز، ارکیده، لاله، شقایق و داوودی به چند طریق می‌توان ۱۲ شاخه گل انتخاب کرد به گونه‌ای که دقیقاً ۳ شاخه گل شقایق، حداقل ۳ شاخه گل رز و بیش از ۳ شاخه گل لاله را شامل شود؟

(۱) ۱۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴) ۲۱

۷۹- معادله $\frac{x_1}{x_4} + x_2 + x_3 + \frac{x_4}{x_1} = 11$ چند جواب صحیح و نامنفی با شرط $x_1, x_2, x_3, x_4 \in \mathbb{N}$ دارد؟

(۱) ۱۰ (۲) ۴۰ (۳) ۵۰ (۴) ۹۰

۸۰- می‌خواهیم برای تدریس ۴ مدرس T_1, T_2, T_3 و T_4 برای ۴ جلسه در ۴ کلاس C_1, C_2, C_3 و C_4 برنامه‌ریزی کنیم، به گونه‌ای که هر مدرس در هر کلاس، دقیقاً یک جلسه تدریس کند. اگر بدانیم مدرس T_2 در جلسه‌های اول و چهارم به ترتیب در کلاس‌های C_1 و C_4 و مدرس T_3 در جلسه‌های دوم و سوم به ترتیب در کلاس‌های C_2 و C_3 تدریس می‌کند، این برنامه‌ریزی به چند طریق امکان‌پذیر است؟

(۱) ۱ (۲) ۲ (۳) ۳ (۴) ۴

مشابه سؤال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

ریاضیات گسسته: صفحه‌های ۷۳ تا ۸۴

دانش آموزانی که خود را برای کنکور موجله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۸۱- ۲ تهرانی، ۲ اصفهانی و ۲ شیرازی به چند طریق می‌توانند کنار هم در یک ردیف بایستند به‌طوری که هیچ ۲ همشهری کنار هم نباشند؟

(۱) ۲۴۰ (۲) ۳۰۰ (۳) ۱۲۰ (۴) ۴۸۰

۸۲- چهار عکس مختلف را به چند طریق می‌توانیم در ۳ پاکت مختلف قرار بدھیم به‌طوری که حداقل یک پاکت خالی بماند؟

(۱) ۳۶ (۲) ۴۵ (۳) ۲۴ (۴) ۴۸

۸۳- از مجموعه اعداد طبیعی دو رقمی حداقل چند عضو انتخاب کنیم تا مطمئن باشیم دو عضو مضرب ۷ انتخاب کردہ‌ایم؟

(۱) ۷۷ (۲) ۷۸ (۳) ۷۹ (۴) ۸۰

۸۴- چند عدد زوج در مجموعه اعداد $\{x \mid x \in \mathbb{N}, x \leq 90\}$ وجود دارد که بر هیچ کدام از اعداد ۳ و ۵ بخش‌پذیر نیست؟

(۱) ۲۴ (۲) ۳۳ (۳) ۳۹ (۴) ۲۱

۸۵- چند تابع از مجموعه $\{A \mid A \text{ به روی خودش می‌توان نوشت به‌طوری که برد تابع حداقل ۳ عضو داشته باشد}\}$?

(۱) ۱۲۴ (۲) ۱۴۴ (۳) ۱۵۶ (۴) ۱۶۸

۸۶- به چند طریق ۵ دانش آموز یک مدرسه را می‌توان در ۷ کلاس مختلف تقسیم کرد به‌طوری که یکی از دانش آموزان به نام رضا، در

کلاس A قرار گیرد و در هر کلاس حداقل یکی از دانش آموزان حضور داشته باشد؟ (هر دانش آموز فقط در یک کلاس باشد).

(۱) ۷۲۰ (۲) ۳۶۰ (۳) ۲۴۰ (۴) ۱۵۰

۸۷- در یک مدرسه حداقل چند دانش آموز حضور داشته باشند تا مطمئن شویم حداقل ۴ نفر آن‌ها، دو حرف اول و دوم نامشان

غیر تکراری و مثل هم می‌باشد؟ (هیچ دانش آموزی در این مدرسه وجود ندارد که حرف اول و دوم نامش یکسان باشد)

(۱) ۲۹۷۰ (۲) ۲۹۷۶ (۳) ۲۹۷۷ (۴) ۲۹۸۰

۸۸- اگر ۱۱ عدد از مجموعه $\{m, \dots, 13, 10, 11, 12, 9, 8, 7, 6, 5, 4, 3\}$ انتخاب کنیم، مطمئن هستیم که دو عدد متولی در

بین اعداد انتخاب شده وجود دارد. بیشترین مقدار m کدام است؟

(۱) ۲۰ (۲) ۲۱ (۳) ۲۲ (۴) ۲۳

۸۹- در چند عدد چهار رقمی با ارقام ۱، ۲ و ۳، فقط یکی از ارقام ۱ یا ۲ (بدون توجه به تعداد آن‌ها) وجود دارد؟

(۱) ۱۰ (۲) ۱۵ (۳) ۲۰ (۴) ۳۰

۹۰- فرض کنید A زیرمجموعه‌ای از اعداد طبیعی باشد که اعضای آن به جز ۲، ۳، ۷ و ۱۱ بر هیچ عدد اول دیگری بخش‌پذیر نباشند.

حداقل چند عضو از A انتخاب کنیم تا مطمئن شویم حاصل ضرب حداقل دو عضو از میان آن‌ها، قطعاً مربع کامل است؟

(۱) ۵ (۲) ۹ (۳) ۱۷ (۴) ۲۵

محل انجام محاسبات

علوم
ریاضی
و فنی

دوازدهم ریاضی

دفترچه شماره ۲ (از ۲)

دفترچه اختصاصی - ۲



آزمون ۱۴۰۳ اسفند

آزمون اختصاصی
گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی

عنوان مواد امتحانی آزمون اختصاصی گروه آزمایشی علوم ریاضی و فنی، تعداد، شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	عادی پیشروی سریع	۱۰	۹۱	۱۱۰
		۱۰		
۲	زوج کتاب	۱۰	۱۱۱	۱۲۰
		۱۰		
۳	عادی پیشروی سریع	۱۰	۱۲۱	۱۳۰
		۱۰		
۴	زوج کتاب	۱۰	۱۳۱	۱۵۰
		۱۰		
۵	زوج کتاب	۱۰	۱۵۱	۱۶۰
		۱۰		
۶	شیمی ۱	۱۰	۱۶۱	۱۷۰
		۱۰		



آزمون «۲۴ اسفند ۱۴۰۳» اختصاصی دوازدهم ریاضی (فیزیک و شیمی)

نقد و سوال

مدت زمان کل پاسخ‌گویی سوالات عادی و سریع: ۷۰ دقیقه
(از ساعت ۹:۵۰ صبح تا ۱۱)

تعداد کل سوالات: ۸۰ سوال
(۴۰ سوال اجباری + ۴۰ سوال اختیاری)

شماره سوال	تعداد سوال	نام درس
۹۱-۱۱۰	۱۰	عادی
	۱۰	
۱۱۱-۱۲۰	۱۰	بیش روی سریع
	۲	
۱۲۱-۱۳۰	۱۰	زوج کتاب
	۱	
۱۳۱-۱۵۰	۱۰	عادی
	۱	
۱۵۱-۱۶۰	۱۰	بیش روی سریع
	۲	
۱۶۱-۱۷۰	۱۰	زوج کتاب
	۱	

پدیده‌آورندگان

نام طراحان	نام درس	فرم
مهران اسماعیلی-حسین الهی-عبدالرضا امینی نسب-علی بزرگ-علیرضا جباری-مسعود خندانی-مصطفی کیانی محمد کاظم منشادی-امیر احمد میرسعید-افشین مینو-حسام نادری-مجتبی نکونیان	فیزیک	فیزیک
امیر علی بیات-محمد رضا پور جاوید-سعید تیزرو-محمد رضا جمشیدی-امیر حاتمیان-امیر حسین حسن نژاد-پیمان خواجهی مجد حیدر ذبیحی-یاسر راش-روزبه رضوانی-رضا سلیمانی-رسول عابدینی زواره-میلاد عزیزی-آرمین عظیمی-محمد عظیمیان زواره محمد فائز نیا-علی کریمی-امیر محمد کنگرانی-محسن مجتبی-امین نوروزی-اکبر هنرمند	شیمی	شیمی

گزینشگران و ویراستاران

شیمی	فیزیک	نام درس
ایمان حسین نژاد	مصطفی کیانی	گزینشگر
حسین شاهسواری محمدحسن محمدزاده مقدم یاسر راش آرش ظرفیت	بهنام شاهنی زهره آقامحمدی	گروه ویراستاری
ماهان فرهمندفر	سینا صالحی اوستا عباسی	ویراستاری رقبه های برتر
امیر علی بیات	حسام نادری	مسئول درس
امیرحسین توحیدی	علیرضا همایون خواه	مسئلend سازی
محمد صدرا وطنی محسن دستجردی	مهدی صالحی سجاد بهارلوی پرham مهر آرا	ویراستاران مسئلend سازی

کروه فنی و تولید

مهرداد ملوندی	مدیر گروه
نرگس غنی زاده	مسئول دفترچه
مسئول دفترچه: الهه شهرابی	کروه مستندسازی
مدیر گروه: محیا اصغری	فرزانه فتح الهزاده
فرزانه فتح الهزاده	حروف نگار
سوزان نعیمی	ناظر چاپ

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلم چی «وقف عام»

دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۲۳ - تلفن: ۰۱۶۴۶۳

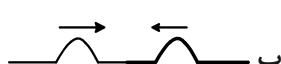
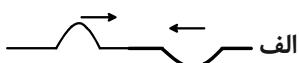


وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: برهمنش‌های موج + آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۰۳ تا ۱۳۶

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۹۱- شکل زیر، انتشار دو تپ موج در ریسمان را نشان می‌دهد. در تداخل این دو تپ، در طناب «الف» تداخل و در طناب «ب» تداخل ایجاد شده و بعد از همپوشانی، هر تپ حرکت اولیه، ادامه مسیر می‌دهد.



۱) ویرانگر - سازنده - در خلاف جهت

۲) سازنده - ویرانگر - در خلاف جهت

۳) ویرانگر - سازنده - در جهت

۴) سازنده - ویرانگر - در جهت

۹۲- با اعمال چند مورد از تغییرات زیر، پهنانی نوارهای تداخلی در آزمایش یانگ افزایش می‌یابد؟

الف) استفاده از نور تکفام قرمز به جای نور تکفام سبز

ب) انجام آزمایش در محیط غلیظتر

پ) استفاده از نور تکفام آبی به جای نور تکفام زرد

۴) صفر

۱ (۳)

۲ (۲)

۳ (۱)

۹۳- چگالی خطی جرم یک تار مرتعش $\frac{g}{m} = 5$ و طول آن 75 cm است. اگر نیروی کشش این تار از 162 N به 288 N برسد، بسامد هماهنگ دوم آن نسبت به قبل چند هرتز تغییر می‌کند؟

۸۰۰ (۴)

۸۰ (۳)

۴۰۰ (۲)

۴۰ (۱)

۹۴- در یک آزمایش فتوالکترویک، طول موج نور فرودی بر فلز 240 nm و بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌های خارج شده ازفلز 6 eV است. طول موج نور فرودی چند میکرومتر کاهش یابد تا بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌ها $3/6\text{ eV}$ شود؟

$$(h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}, c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}})$$

۰/۰۹ (۴)

۹۰ (۳)

۰/۰۴۵ (۲)

۴۵ (۱)

۹۵- در یک آزمایش فتوالکترویک، بسامد نور مورد آزمایش k برابر بسامد آستانه است. اگر بسامد نور مورد نظر را k برابر کنیم،

بیشینه انرژی جنبشی فتوالکترون‌ها نسبت به حالت اول چند برابر می‌شود؟

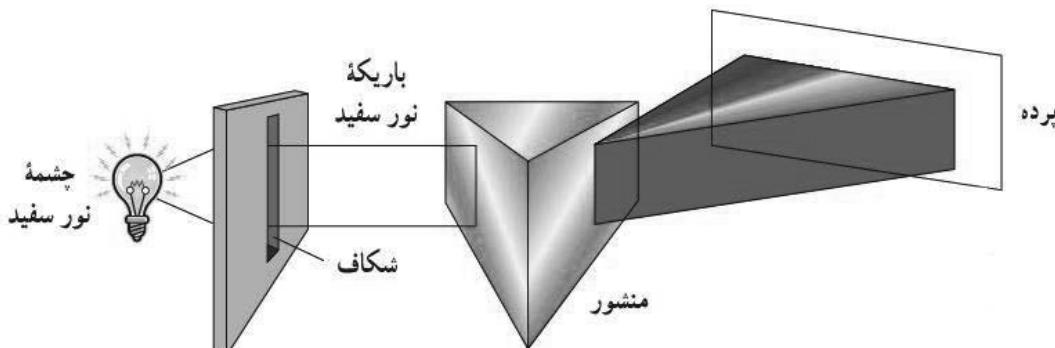
 $k^2 - 1$ (۴) $k^2 + 1$ (۳) $k + 1$ (۲) k (۱)

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۹۶- شکل زیر مربوط به طیف از طول موج ها است و تشکیل این طیف توسط جسم ناشی از است.



۲) گستته-برهم کنش قوی بین اتم های آن

۱) گستته-برهم کنش آن با محیط

۴) پیوسته-برهم کنش قوی بین اتم های آن

۳) پیوسته-برهم کنش آن با محیط

۹۷- نسبت کوتاه ترین طول موج به بلند ترین طول موج گسیلی در رشتہ برآخت ($n' = n$) اتم هیدروژن کدام است؟

$$\frac{9}{25} \quad (4)$$

$$\frac{25}{9} \quad (3)$$

$$\frac{1}{16} \quad (2)$$

$$\frac{3}{16} \quad (1)$$

۹۸- در اتم هیدروژن، کدام گذار منجر به گسیل فوتونی با انرژی $\frac{5}{3} eV$ می شود؟

$$(R = 0/01 \text{ nm}) \quad c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}} \quad h = 4 \times 10^{-15} \text{ eV.s}$$

$$n' = 1 \quad n = 3 \quad (4)$$

$$n' = 1 \quad n = 4 \quad (3)$$

$$n' = 2 \quad n = 3 \quad (2)$$

$$n' = 2 \quad n = 4 \quad (1)$$

۹۹- اختلاف طول موج پرتوهای A و B برابر با 100 nm است. اگر انرژی هر فوتون پرتوی B، ۶ برابر انرژی هر فوتون پرتوی A باشد،

بسامد پرتوی A چند مگاهرتز است؟ ($c = 3 \times 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$)

$$2/5 \times 10^9 \quad (4)$$

$$5 \times 10^{10} \quad (3)$$

$$2/5 \times 10^{15} \quad (2)$$

$$5 \times 10^{16} \quad (1)$$

۱۰۰- کدام موارد زیر نادرست است؟

الف) مدل اتمی بور نمی تواند طیف خطی Li^{3+} را توجیه کند.

ب) با مطالعه طیف جذبی خورشید می توان گازهایی را که در جو زمین هستند، شناسایی کرد.

پ) فوتون های گسیلی باریکه لیزر هم بسامد و هم فاز هستند.

ت) در گسیل القایی برخلاف گسیل خود به خود، فوتون در جهت کاتورهای گسیل می شود.

ث) در مدل اتمی تامسون، تابش امواج الکترومغناطیسی با نوسان الکترون ها حول وضع تعادل شان توجیه می شود.

$$(4) \quad پ، ت، ث$$

$$(3) \quad \text{الف، ت}$$

$$(2) \quad \text{ب، ث}$$

$$(1) \quad \text{الف، ب، ت}$$



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۳: آشنایی با فیزیک هسته‌ای: صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۵۶

دانش آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشروی سریع) نیز، پاسخ دهند.

۱۰۱- عدد نوترونی عنصر X^{Z+} برابر با ۵۲ است. به ترتیب از راست به چپ، اختلاف تعداد نوترون‌ها و پروتون‌های اتم $Z_{\text{نوترون}}^{Z+} Y^{Z+}$ و بارخالص هسته آن در SI چقدر است؟ ($e = 1/12 \times 10^{-19} \text{ C}$)

۳/۵۲×۱۰^{-۱۸} ۲ و ۲

۳/۲۲×۱۰^{-۱۹} ۲ و ۱

۳/۵۲×۱۰^{-۱۸} ۴ و ۴

۳/۲۲×۱۰^{-۱۹} ۴ و ۳

۱۰۲- چند مورد از عبارت‌های زیر صحیح‌اند؟

الف) نوکلئون‌های درون هسته می‌توانند هر مقدار انرژی دلخواهی را اختیار کنند.

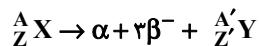
ب) اگر تعداد پروتون‌های درون هسته افزایش یابد، برای پایدار ماندن هسته باید تعداد نوترون‌ها کاهش یابد.

پ) در تمام فرآیندهای واپاشی پرتوزا مشاهده شده است که تعداد نوکلئون‌ها در طی فرآیند واپاشی هسته‌ای پایسته است.

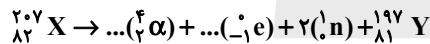
ت) هر پروتون موجود در هسته اتم به تمام پروتون‌های دیگر نیروی الکتروستاتیکی و هسته‌ای وارد می‌کند.

۱) صفر ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

۱۰۳- در فرایند واپاشی زیر، تعداد نوترون‌های هسته مادر با تعداد نوترون‌های هسته دختر چقدر اختلاف دارد؟



۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴ ۵) ۵

۱۰۴- عنصر پرتوزا X^{207}_{82} با واکنش هسته‌ای زیر به عنصر Y^{197}_{81} تبدیل شده است:تعداد تابش α و β در این واکنش به ترتیب از راست به چپ کدام است؟

۱) ۳ و ۳ ۲) ۲ و ۴ ۳) ۳ و ۲ ۴) ۴ و ۲

۱۰۵- کدام گزینه صحیح است؟

۱) هسته‌هایی که تعداد نوترون مساوی ولی تعداد پروتون متفاوت دارند، ایزوتوپ نامیده می‌شوند.

۲) عنصر X^{A}_{Z} با گسیل یک ذره آلفا و یک ذره β^+ به Y^{-4}_{Z-1} تبدیل می‌شود.۳) پس از گذشت دو نیمه عمر از لحظه $t=0$ ، تعداد هسته‌های مادر پرتوزا اولیه $\frac{1}{4}$ برابر می‌شود.۴) در واپاشی β^- ، یکی از پروتون‌های درون هسته به یک نوترون و یک الکترون تبدیل می‌شود.

محل انجام محاسبات



۱۰۶- تعداد هسته‌های مادر اولیه یک ماده پرتوزا پس از مدت ۱۲۰ روز، $\frac{1}{16}$ برابر می‌شود. ۳۰ روز قبل، چند درصد از این ماده پرتوزا

واپاشی کرده است؟

۸۹ (۴)

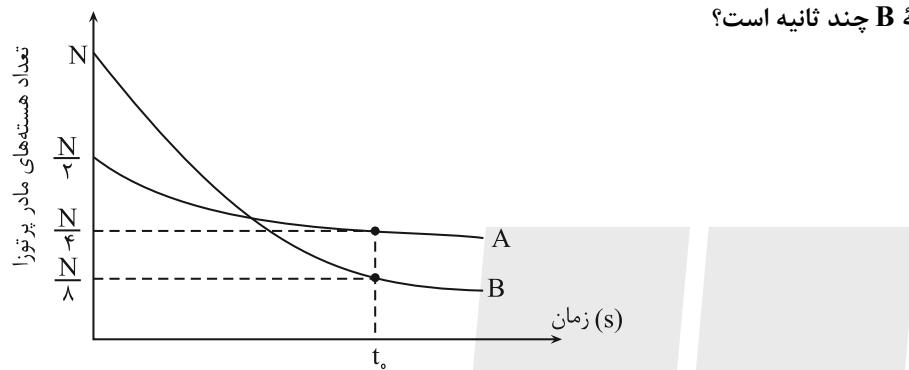
۹۳/۷۵ (۳)

۷۵ (۲)

۸۷/۵ (۱)

۱۰۷- نمودار تغییرات تعداد هسته‌های مادر پرتوزا دو نمونه A و B بر حسب زمان مطابق شکل زیر است. اگر نیمه عمر نمونه A برابر با

چهار ثانیه باشد، نیمه عمر نمونه B چند ثانیه است؟



۱۲ (۱)

 $\frac{4}{3}$ (۲)

۲ (۳)

۸ (۴)

۱۰۸- در هسته‌های پایدار، جرم هسته کمی از جرم تشکیل دهنده هسته کمتر است که اگر این اختلاف جرم را در مربع تندا

نور ضرب کنیم، به دست می‌آید.

۲) نوکلئون‌های - انرژی بستگی هسته‌ای

۱) پروتون‌های - نیروی هسته‌ای

۴) نوکلئون‌های - نیروی هسته‌ای

۳) پروتون‌های - انرژی بستگی هسته‌ای

۱۰۹- نیمه عمر یک ماده رادیواکتیو ۴ ماه است. جرم ماده واپاشیده در طی سال اول چند برابر جرم ماده واپاشیده در طی سال سوم است؟

۶۴ (۴)

۳۲ (۳)

۱۶ (۲)

۸ (۱)

۱۱- کدام گزینه نادرست است؟

۱) در واکنش گداخت هسته‌ای، به دلیل همچویی هسته‌ها، مجموع جرم محصولات فرایند کمتر از مجموع جرم هسته‌های اولیه است.

۲) افزایش غلظت ^{238}U در یک نمونه اورانیوم را غنی‌سازی می‌گویند.

۳) در واکنش $^{93}\text{n} + ^{235}\text{U} \rightarrow ^{133}\text{Sn} + ^{40}\text{Mo} + \text{x}^1\text{n}$ ، تعداد نوترون‌ها (x) برابر با ۲ است.

۴) میله‌های کنترل در یک راکتور هسته‌ای می‌توانند از جنس کادمیم باشند.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۲: الای کترومغناطیسی و جریان متناوب: صفحه های ۱۰۹ تا ۱۳۰

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۲ (۱۱۱ تا ۱۲۰) و فیزیک ۱ (۱۲۱ تا ۱۳۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۱۱- سیمی به طول 160cm را به صورت یک حلقه مربع شکل درمی آوریم. اگر این حلقه را طوری در میدان مغناطیسی $G = 200\text{ G}$ قرار دهیم که سطح حلقه با میدان زاویه 60° بسازد، شار عبوری از این سطح چند وبر می شود؟

(۴) $16\sqrt{3} \times 10^{-4}$

(۳) 16×10^{-4}

(۲) $8\sqrt{3} \times 10^{-4}$

(۱) 8×10^{-4}

۱۱۲- پیچه ای شامل 2000 دور و مقاومت الکتریکی 10Ω می باشد، به طور عمود بر میدان مغناطیسییکنواختی قرار دارد. آهنگ تغییرات میدان مغناطیسی چند تسلسلی باشد تا شدت جریان $1/10$ آمپر در پیچه ایجاد گردد؟

(۴) 250

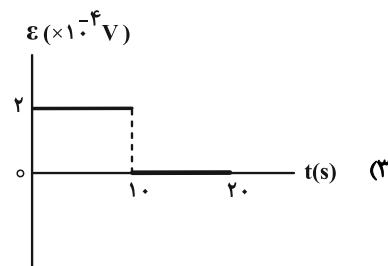
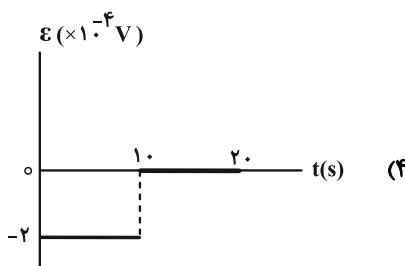
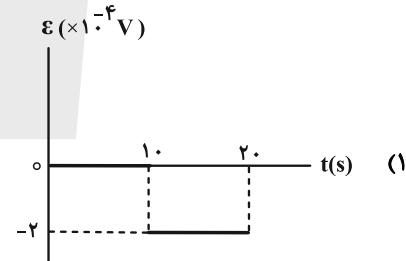
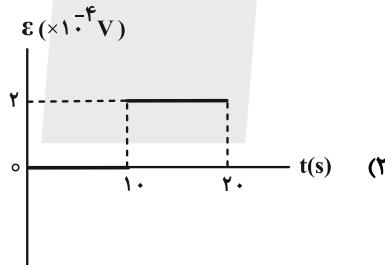
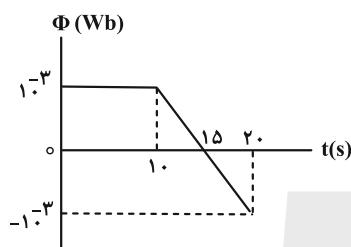
(۳) 25

(۲) $0/25$

(۱) $2/5$

۱۱۳- تغییرات شار مغناطیسی که از یک حلقه می گذرد، بر حسب زمان در نمودار شکل زیر نشان داده شده است. کدام گزینه نمودار

نیروی محرکه الای کایی بر حسب زمان را به درستی نشان می دهد؟

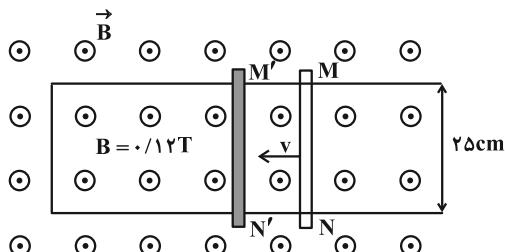


محل انجام محاسبات



۱۱۴- میله فلزی MN را روی رسانای U شکل با سرعت ثابت v در مدت زمان Δt از وضع $M'N'$ درمی آوریم. اگر نیروی

محرکه القا شده 15° ولت باشد، سرعت حرکت میله چند متربر ثانیه و جهت جریان القا شده در میله کدام است؟



(۱) و از N به طرف M

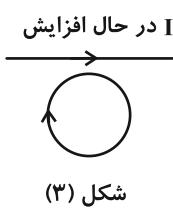
(۲) و از M به طرف N

(۳) و از N به طرف N'

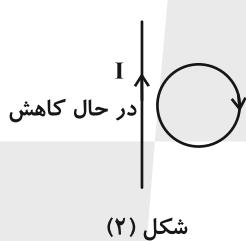
(۴) و از M به طرف M'

۱۱۵- در شکل های زیر، تغییرات شدت جریان I در سیم مستقیم حامل جریان در ۳ حالت مختلف نشان داده شده است. جهت جریان

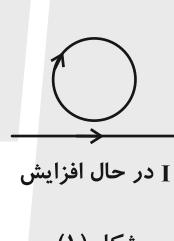
القایی در حلقه مجاور سیم در کدام شکل صحیح است؟



شكل (۳)



شكل (۲)



شكل (۱)

(۱) شکل (۱) و (۳)

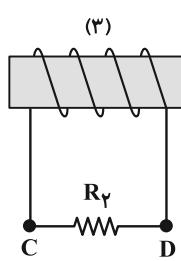
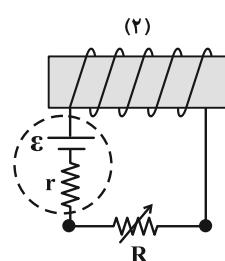
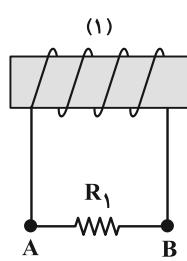
(۲) شکل (۲) و (۳)

(۳) شکل (۱) و (۲)

(۴) هر سه شکل

۱۱۶- در شکل زیر، با تغییر مقاومت رُئوستا، جریان القایی در مقاومت R_1 از B به طرف A ایجاد می شود. به ترتیب از راست به چپ،

مقاومت رُئوستا چگونه تغییر می کند و جهت جریان القایی در مقاومت R_2 در کدام جهت است؟



(۱) افزایش می یابد، از C به D

(۲) افزایش می یابد، از D به C

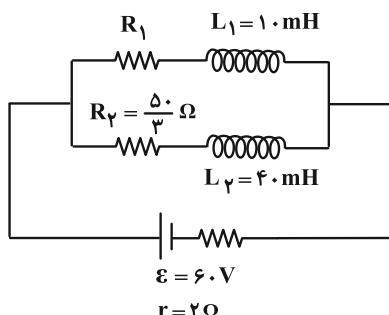
(۳) کاهش می یابد، از D به C

(۴) کاهش می یابد، از C به D

محل انجام محاسبات



۱۱۷- در مدار شکل زیر، مقاومت الکتریکی سیمیله‌ها ناچیز است. مقاومت R_1 چند اهم باشد تا انرژی ذخیره شده در سیمیله L_1 ، برابر انرژی ذخیره شده در سیمیله L_2 باشد؟ (مدار، به مدت طولانی در این حالت قرار گرفته است.)



۲۵ (۱)

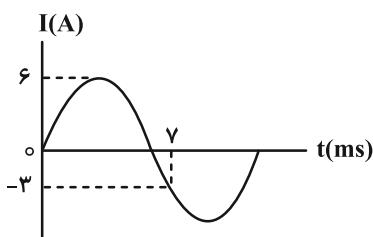
۵۰ (۲)

۱۲/۵ (۳)

۷۵ (۴)

۱۱۸- مطابق نمودار شکل زیر، جریان عبوری از یک الفاگر در طول زمان به صورت سینوسی تغییر می‌کند. اگر ضریب القاوری آن

میلی‌هانری باشد، انرژی ذخیره شده در این الفاگر در لحظه $t = 9\text{ ms}$ چند ژول است؟



۹ (۱)

۱۸ (۲)

۰/۹ (۳)

۱/۸ (۴)

۱۱۹- یک مولد جریان متناوب شامل پیچه‌ای به مساحت 25 cm^2 است. پیچه درون یک میدان مغناطیسی یکنواخت به بزرگی $2/0$ تスلا می‌چرخد. اگر در یک لحظه شار مغناطیسی گذرنده از پیچه $18\text{ Wb}/0/0003$ و شدت جریان القا شده در آن $2/4\text{ A}$ باشد،

شدت جریان القایی بیشینه در آن چند آمپر خواهد بود؟

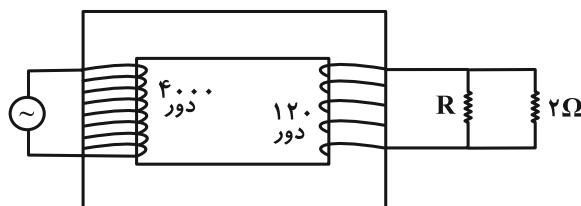
۴/۸ (۴)

۴ (۳)

۲/۶ (۲)

۳ (۱)

۱۲۰- اگر در مبدل آرمانی شکل زیر، بیشینه توان مصرفی مقاومت 2Ω برابر 18 W باشد، بیشینه اختلاف پتانسیل مولد چند ولت است؟



۱۰۰ (۱)

۱۲۰ (۲)

۲۲۰ (۳)

۲۰۰ (۴)

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۵ دقیقه

فیزیک ۱: ترمودینامیک: صفحه های ۱۲۷ تا ۱۴۹

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال فیزیک ۲ (۱۲۰ تا ۱۳۰) و فیزیک ۱ (۱۱۱ تا ۱۲۱) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۲۱- جاهای خالی عبارت زیر به ترتیب از راست به چپ با کدام گزینه به درستی تکمیل می شود؟

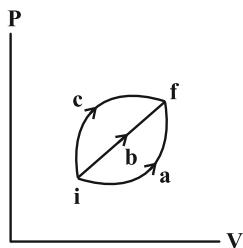
«در فرایند بی دررو، کار انجام شده روی گاز برابر و در فرایند همدما انرژی درونی است.»

۲) صفر - صفر

۱) قرینه گرمای مبادله شده - ثابت

۴) تغییرات انرژی درونی - ثابت

۳) قرینه تغییرات انرژی درونی - ثابت

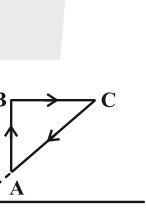
۱۲۲- نمودار $P - V$ گاز کاملی که از سه مسیر a، b و c از حالت i به حالت f می رود، مطابق شکل زیر است. اگر تغییر انرژی درونیگاز ΔU ، گرمایی که گاز می گیرد Q و کار انجام شده روی گاز W باشند، چند مورد از موارد زیر صحیح اند؟

۱ (۲)

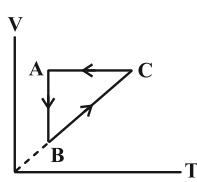
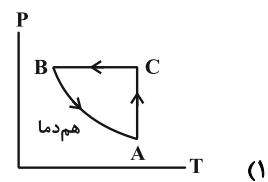
الف) $\Delta U_a = \Delta U_b = \Delta U_c = 0$ ب) $Q_a > Q_b > Q_c$ پ) $W_c > W_b > W_a$ ت) $\Delta U_c > 0, \Delta U_b = 0, \Delta U_a < 0$

۱) صفر

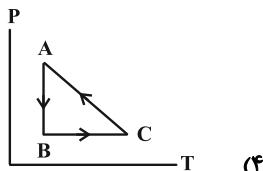
۲ (۳)



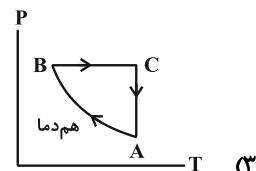
(۲)

۱۲۳- نمودار $V - T$ سه فرایند ترمودینامیکی گاز کاملی رسم شده است. نمودار $P - T$ آن کدام است؟

(۱)



(۴)



محل انجام محاسبات



۱۲۴- در فشار ثابت، دمای $\frac{2}{5}$ مول گاز کامل را از 30°C به چند درجه سلسیوس برسانیم تا کار انجام شده بر روی گاز در این فرایند

$$\text{برابر با } 415\text{ J} - \text{ شود؟ } (R = 8 / 3 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$$

۵۰ (۴)

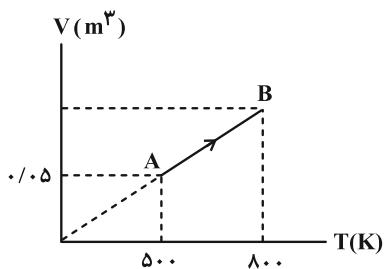
۴۰ (۳)

۱۰ (۲)

۲۰ (۱)

۱۲۵- در نمودار زیر، فرایند AB مربوط به دو مول گاز کامل تک اتمی است. به ترتیب از راست به چپ، فشار گاز در نقطه B چند

$$\text{اتمسفر و کار انجام شده روی گاز در این فرایند چند ژول است؟ } (1\text{ atm} = 10^5 \text{ Pa} \text{ و } R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$$



۴۸۰۰ ، ۱/۶ (۱)

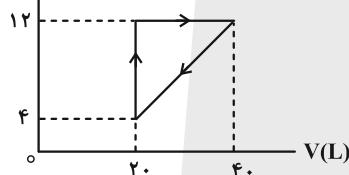
-۴۸۰۰ ، ۱/۶ (۲)

۲۴۰۰ ، ۰/۸ (۳)

-۲۴۰۰ ، ۰/۸ (۴)

۱۲۶- اگر چرخه شکل زیر، مربوط به یک گاز آرمانی تک اتمی باشد، کدام گزینه در مورد این گاز، در هر چرخه درست است؟

P(atm)



(۱) ۸ کیلوژول گرما از دست می‌دهد.

(۲) ۴ کیلوژول گرما از دست می‌دهد.

(۳) ۴ کیلوژول کار انجام می‌دهد.

(۴) ۸ کیلوژول کار انجام می‌دهد.

۱۲۷- مطابق شکل زیر، ۲ مول گاز کامل تک اتمی چرخه‌ای شامل سه فرایند هم حجم، بی‌دررو و هم‌دما را طی می‌کند. اگر اندازه گرمای

مبادله شده در فرایندهای CA و AB به ترتیب $J = 1200$ و 800 J باشد، اندازه کار انجام شده در فرایند BC چند ژول است؟

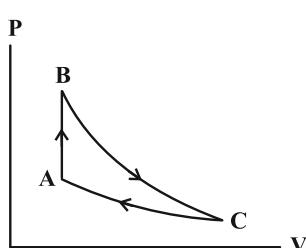
$$(R = 8 \frac{\text{J}}{\text{mol} \cdot \text{K}})$$

۶۰۰ (۱)

۸۰۰ (۲)

۱۲۰۰ (۳)

۲۰۰۰ (۴)



محل انجام محاسبات



۱۲۸- یک ماشین گرمایی، در هر دقیقه 270 kJ از منبع دمابالا گرمایی می‌گیرد. اگر بازده آن 40% باشد، گرمای تلف شده این ماشین در

هر دقیقه چند کیلوژول است؟

۱۶۲۰۰۰ (۲)

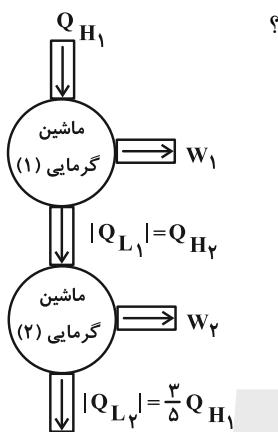
۱۰۸۰۰۰ (۱)

۱۶۲ (۴)

۱۰۸ (۳)

۱۲۹- در طرح واره شکل زیر، تمام انرژی گرمایی تلف شده در ماشین گرمایی آرمانی (۱) را ماشین گرمایی آرمانی (۲) دریافت می‌کند.

اگر بازده ماشین گرمایی (۲)، برابر با 20 درصد باشد، بازده ماشین گرمایی (۱) چند درصد است؟



۱۵ (۱)

۲۵ (۲)

۳۰ (۳)

۲۰ (۴)

۱۳۰- کدام موارد زیر درست است؟

الف) ماشین استرلینگ یک ماشین گرمایی برونو سوز است.

ب) مرحله ضربه قدرت در چرخه یک ماشین بنزینی، یک فرایند همدما است.

پ) نقض قانون دوم ترمودینامیک به بیان یخچالی لزوماً موجب نقض قانون دوم ترمودینامیک به بیان ماشین گرمایی نمی‌شود.

ت) اگر کسی بگوید که یک ماشین گرمایی با بازده 100 درصد ساخته است، قانون اول ترمودینامیک را نقض نکرده است.

۲) پ و ت

۱) ب و پ

۴) الف و ت

۳) الف، ب و ت



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روشن قر (تا انتهای انرژی فعال‌سازی در واکنش‌های شیمیایی): صفحه‌های ۹۱ تا ۱۰۲

پاسخ دادن به این سوالات برای همه دانش‌آموزان اجباری است.

۱۳۱- فناوری تعیین کننده علم شیمی در کدام دستاورده است؟

۱) کنترل شیوع بیماری‌ها از جمله ویا: فناوری شناسایی و تولید مواد بی‌حس کننده و آنتی بیوتیک

۲) کاهش آلودگی حاصل از مصرف سوخت‌های فسیلی: فناوری تولید مبدل‌های کاتالیستی

۳) کاهش نگرانی‌ها برای تأمین غذای جمعیت جهان: فناوری شناسایی و تولید کودهای شیمیایی مناسب مثل آمونیاک

۴) دگرگون شدن صنعت پوشک و صنعت بسته‌بندی (غذا، دارو و ...): فناوری تولید پلاستیک

۱۳۲- چند مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

• هوای خشک و پاک شامل مخلوطی از گازهای مختلف است که به طور یکنواخت در هواکره پخش شده‌اند.

• آلاتی‌نده‌های گازی و کربن‌دار که در هوای آلوده وجود دارند، می‌توانند از سوختن هیدروکربن‌ها تولید شده باشند.

• یکی از اتم‌ها در ساختار لوویس اکسید بی‌رنگ نیتروژن که توسط خودروها تولید می‌شود، از قاعده هشت‌تایی پیروی نمی‌کند.

• در معادله واکنش تولید اوزون تروپوسفری، ضریب آلوتروپ‌های اکسیژن در دو طرف معادله واکنش موازن شده برابر است.

۲ (۲)

۱ (۱)

۴ (۴)

۳ (۳)

۱۳۳- کدام یک از عبارت (های) زیر نادرست است؟

الف) استفاده از داش و فناوری همواره آسایش و رفاه را در زندگی تأمین می‌کند.

ب) استفاده از مبدل کاتالیستی مصرف سوخت وسایل نقلیه را کاهش داده است.

پ) فناوری تولید آمونیاک قبل از فناوری تولید ویتامین A راهاندازی شد.

ت) گسترش فناوری صفحه‌های نمایشگر در وسایل الکترونیک، مدیون دانش شیمی است.

۲) الف و ب

۱) فقط الف

۴) الف، ب و ت

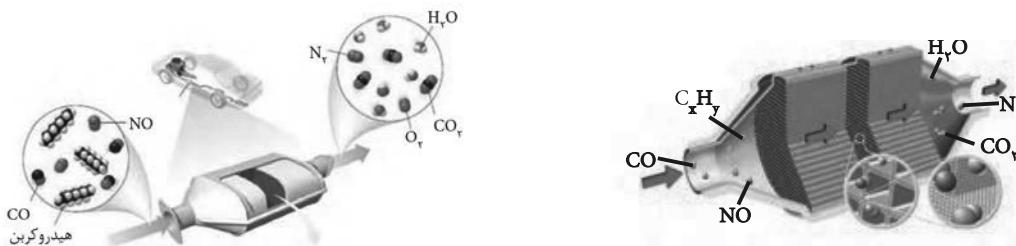
۳) ب، پ و ت

مشابه سوال‌هایی که با آیکون مشخص شده‌اند در امتحانات تشریحی وجود دارد.

محل انجام محاسبات



۱۳۴- با توجه به شکل های زیر، کدام گزینه درست است؟



۱) در این نوع از مبدل های کاتالیستی، بازده واکنش های تبدیل آلاینده ها با اندازه ذره های کاتالیزگر رابطه مستقیم دارد.

۲) برای این که واکنش های تبدیل آلاینده ها در اگزوز خودرو در دماهای پایین، متوسط و بالا انجام شود از ۳ نوع کاتالیزگر استفاده می شود.

۳) کاتالیزگرها مسیر و چگونگی انجام واکنش را تغییر می دهند و اغلب انتخابی و اختصاصی عمل می کنند.

۴) در مبدل های کاتالیستی خودروهای بنزینی از کاتالیزگرهای رودیم (Rh)، پلاتین (Pt) و پالادیم (Pa) استفاده می شود.

۱۳۵- کدام گزینه نادرست است؟

۱) هوای آلوده مخلوطی از گازهای گوناگون با ترکیب درصد متغیر در قسمت های مختلف هواگره است.

۲) بوی بد هوای آلوده و پوشانیده شدن سطح شهر تهران به ویژه در زمستان از وجود برخی آلاینده ها در آن نشأت می گیرد.

۳) پوسیدگی خودروها و فرسودگی ساختمان ها از وجود آلاینده های CO و O₂ در هوای آلوده نشأت می گیرد.

۴) تشکیل آلاینده های نیتروژن دار در ساعت ابتدایی صبح بر تشکیل گاز اوzon تروپوسفری تقدم دارد.

۱۳۶- چه تعداد از عبارت های زیر درباره آلاینده های هوای نادرست بیان شده است؟

• بر اثر تابش نور خورشید و آلودگی هوای میزان NO₂ کاهش و O₂ افزایش می یابد.• در اکثر ساعت شبانه روز، غلظت NO بیشتر از NO₂ می باشد.• آلاینده های SO₂، O₂، NO و C_xH_y مستقیماً از اگزوز خودرو خارج می شوند.

• نیتروژن دارای تنها ۲ اکسید با فرمول شیمیایی متفاوت می باشد که آلاینده محسوب می شوند.

۲ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۳ (۱)

محل انجام محاسبات



۱۳۷- با توجه به جدول داده شده و با فرض این که روزانه صد میلیون خودرو در جهان به طور متوسط ۵۰ کیلومتر مسافت پیمایند، روزانه چند تن آلاینده با مولکول‌های قطبی وارد هواکره زمین می‌شود؟

فرمول شیمیایی آلاینده	مقدار آلاینده به ازای طی یک کیلومتر (گرم)
CO	۵/۹۹
C_xH_y	۱/۶۷
NO	۱/۰۴

۳۵۱۵۰ (۱)

۸۳۵۰ (۲)

۲۹۹۵۰ (۳)

۱۳۵۵۰ (۴)

۱۳۸- کدام گزینه نادرست است؟

(۱) برای آغاز یک واکنش شیمیایی گرماده، همانند یک واکنش گرماییر نیاز به مقدار معینی از انرژی اولیه است.

(۲) کاتالیزگرها در واکنش شرکت می‌کنند و انرژی فعال‌سازی را کاهش می‌دهند، اما در پایان واکنش باقی می‌مانند.

(۳) استفاده از توری پلاتینی مانند ایجاد جرقه، باعث کاهش انرژی فعال‌سازی و انفجاری شدن واکنش میان گازهای H_2 و O_2 می‌شود.

(۴) استفاده از کاتالیزگرها، آلودگی محیط زیست، زمان انجام واکنش و دمای لازم برای انجام واکنش را می‌تواند کاهش دهد.

۱۳۹- با توجه به نمودار انرژی-پیشرفت واکنش زیر و اطلاعات مربوط به آن و با توجه به این که میانگین آنتالپی پیوند $C=O$ و آنتالپی

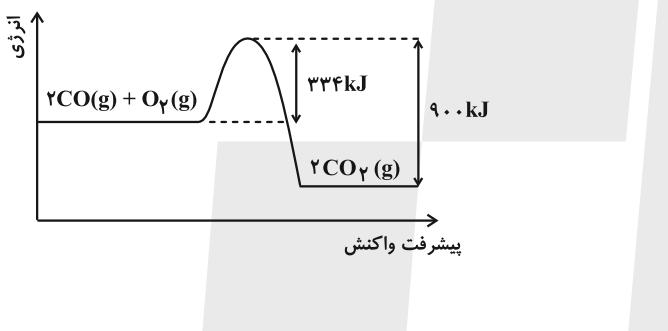
پیوند $O=O$ به ترتیب برابر ۸۰۰ و ۴۹۴ کیلوژول بر مول باشد، آنتالپی پیوند $C \equiv O$ برابر چند $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ است؟

۶۳۶ (۱)

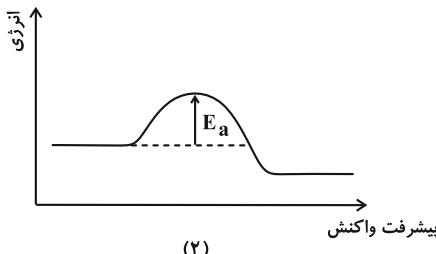
۸۱۸ (۲)

۱۱۴۰ (۳)

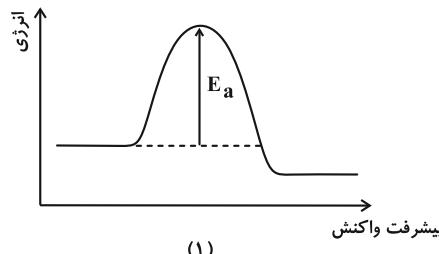
۱۰۷۰ (۴)



۱۴۰- با توجه به نمودارهای زیر کدام مطلب نادرست است؟



پیشرفت واکنش



پیشرفت واکنش

(۱) نمودارهای (۱) و (۲) مربوط به واکنش‌های گرماده هستند و سرعت واکنش (۱) نسبت به (۲) در شرایط یکسان، کمتر است.

(۲) اگر نمودار (۱) مربوط به سوختن هیدروژن به کمک جرقه باشد، نمودار (۲) را می‌توان مربوط به سوختن هیدروژن در حضور توری پلاتین در نظر گرفت.

(۳) با افزایش دما در واکنش (۱) سرعت واکنش و E_a آن به ترتیب افزایش و کاهش می‌یابند.

(۴) در نمودار (۲) مجموع آنتالپی پیوند واکنش‌دهنده‌ها از مجموع آنتالپی پیوند فراورده‌ها کمتر است.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۳: شیمی، راهی به سوی آینده‌ای روش‌قره: صفحه‌های ۱۱۱ تا ۱۲۳

دانش‌آموزانی که خود را برای کنکور مرحله اول آماده می‌کنند، باید به این دسته سوالات (پیشوی سریع) نیز، پاسخ دهند.

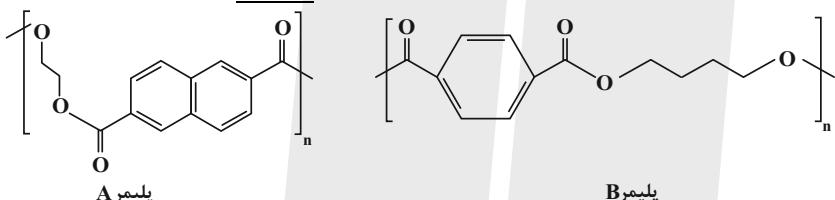
۱۴۱- کدام موارد از مطالب بیان شده درست هستند؟

آ) از واکنش گاز کلر با گاز اتن، کلرواتان تولید می‌شود که در افسانه‌های بی‌حس‌کننده موضعی کاربرد دارد.

ب) اتن در شرایط مناسب در واکنش با آب، اتانول تولید می‌کند که از اکسایش این فراورده اتانوییک اسید به دست می‌آید.

پ) از واکنش بین اتانول و اتان، اتیل استات تولید می‌شود که حلal چسب است.

ت) گاز اتن در دما و فشار بالا، به جامد سفیدرنگ پلی‌اتن تبدیل می‌شود.

(۱) آ، ب ۲) ب، ت ۳) آ، ب، ت ۴) پ، ت۱۴۲- برای تولید $9/2$ گرم اتانول با خلوص 80 درصد از گاز اتن، به چند گرم آب نیاز است و اگر در واکنشی دیگر گاز اتن مورد استفاده در این واکنش با مقدار کافی گاز هیدروژن واکنش دهد، به تقریب چند لیتر گاز اتان در شرایط STP تولید می‌شود؟
($O = 16, C = 12, H = 1: g/mol^{-1}$) (گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)(۱) ۴/۴۸ ، ۳/۶ ۲) ۴/۴۸ ، ۲/۸۸ ۳) ۳/۵۸ ، ۳/۶ ۴) ۳/۵۸۱۴۳- شکل‌های زیر ساختار دو پلیمر را نشان می‌دهند. با توجه به آن‌ها کدام گزینه نادرست است؟ ($O = 16, C = 12, H = 1: g/mol^{-1}$)

- ۱) الكل سازنده پلی‌استر A و اسید سازنده پلی‌استر B، مونومرهای سازنده پلی‌اتیلن ترفتالات هستند.
- ۲) تعداد اتم‌های هیدروژن در اسید سازنده پلی‌استر A، برابر با تعداد اتم‌های هیدروژن در نفتالن است.
- ۳) تعداد اتم‌های هیدروژن در الكل سازنده پلی‌استر B، برابر با تعداد اتم‌های هیدروژن در پارازایلن است.
- ۴) اختلاف جرم مولی الكل سازنده پلی‌استر B و الكل سازنده پلی‌استر A، برابر با جرم مولی اتان است.

۱۴۴- کدام موارد زیر نادرست است؟

- آ) بطري آب از پلیمر ساخته شده که در هر واحد تکرارشونده آن 12 اتم کربن وجود دارد.
- ب) یکی از مونومرهای سازنده PET، ترفتالیک اسید است که در ساختار خود همانند ساختار واحد تکرارشونده PET، یک حلقه بنزن دارد.
- پ) در ساختار واحد تکرارشونده پلی‌اتیلن ترفتالات، 5 پیوند دوگانه و 8 پیوند «C-H» وجود دارد.
- ت) طی واکنش یک الكل تک عاملی و یک اسید آلی تک عاملی، یک مولکول استر و دو مولکول آب تولید می‌شود.

(۱) آ و ب ۲) آ و ت ۳) ب، پ و پ ۴) آ و

۱۴۵- چه تعداد از عبارت‌های زیر درباره مولکول‌های پارازایلن و ترفتالیک اسید درست است؟

- آ) شمار گروه‌های متیل در پارازایلن با شمار گروه‌های کربوکسیل در ترفتالیک اسید، برابر است.
- ب) شمار پیوندهای دوگانه در مولکول هر دو ماده با هم برابر است.
- پ) شمار اتم‌های سازنده در هر مولکول از این دو ماده با هم برابر است.
- ت) در هر دو مولکول، 6 اتم کربن با عدد اکسایش -1 یافت می‌شود.

(۱) ۱ ۲) ۲ ۳) ۳ ۴) ۴

محل انجام محاسبات

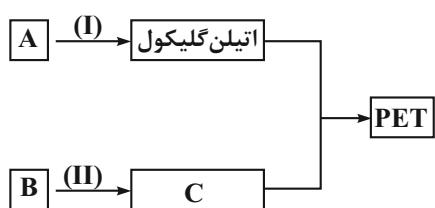
۱۴۶- چند مورد از مطالب زیر درست است؟

- آ) چون اتیلن‌گلیکول ساختاری متقارن دارد، گشتاور دوقطبی مولکول‌های آن برخلاف اتانول برابر صفر است.
- ب) در واکنش سوختن گاز متان همانند واکنش تبدیل آن به گازهای CO و H_2 ، اتم کربن اکسایش می‌یابد.
- پ) برای تولید بطربای آب، یک نمونه خالص از PET را در قالب‌های مخصوص می‌ریزند.
- ت) چگالی کم، نفوذناپذیری در مقابل هوای ارزان‌بودن و مقاومت در برابر خوردگی، از جمله ویژگی‌های پلاستیک‌ها است.

(۱) ۱ ۳ (۲) ۴ (۳) ۴ (۴) ۲

۱۴۷- با توجه به نمودار مقابل، کدام موارد از مطالب زیر نادرست است؟

- آ) شرایط انجام واکنش (II) در دمای اتاق، حتی با وجود غلظت بالای اکسیده تأمین نمی‌شود.



- ب) درصد جرمی کربن در فرمول مولکولی ماده A، بیشتر از ماده B است.

- پ) مجموع اعداد اکسایش اتم‌های کربن در فراورده‌های واکنش (I) و (II) برابر صفر است.

- ت) تفاوت شمار پیوندها در فراورده‌های آلی واکنش‌های (I) و (II) برابر با ۱۴ است.

(۱) آ، ب (۲) آ، ت (۳) فقط ب (۴) پ، ت

۱۴۸- کدام گزینه نادرست است؟

- (۱) PET در شرایط مناسب با متانول واکنش می‌دهد و به مواد مفیدی تبدیل می‌شود.

- (۲) بخش قابل توجهی از گاز متان را در میدان‌های گازی برای افزایش ایمنی می‌سوزانند.

- (۳) مونومرهای سازنده PET، اتیلن‌گلیکول و ترفتالیک‌اسید هستند که در نفت خام وجود دارند.

- (۴) در صنعت، متانول را از واکنش گاز کربن مونوکسید و گاز هیدروژن در شرایط مناسب و در حضور کاتالیزگر تولید می‌کنند.

۱۴۹- با توجه به واکنش موازن نشده زیر، از واکنش چند میلی لیتر محلول $4 / ۰$ مولار پتاسیم پرمنگنات با مقدار کافی پارازایلن، ۸ گرم ترفتالیک‌اسید با درصد خلوص ۸۳% تولید می‌شود و تغییر عدد اکسایش گونه اکسیده در این واکنش کدام است؟

(گزینه‌ها را از راست به چپ بخوانید.)



(۱) ۳ - ۲۰۰ (۲) ۴ - ۴۰۰ (۳) ۳ - ۴۰۰ (۴) ۴ - ۲۰۰

۱۵۰- کدام موارد از مطالب زیر درباره متانول و روش‌های تولید آن درست است؟

- آ) از گاز یکسانی به عنوان واکنش‌دهنده در هر دو روش مستقیم و غیرمستقیم برای تولید متانول استفاده می‌شود.

- ب) در روش مستقیم برخلاف روش غیرمستقیم از کاتالیزگر استفاده می‌شود.

- پ) در روش غیرمستقیم تولید متانول، آلاینده بیشتری تولید می‌شود.

- ت) گاز متان واکنش‌پذیری بالایی دارد و در حضور کاتالیزگر و دمای بالا با بخار آب واکنش داده و گاز کربن مونوکسید و گاز هیدروژن تولید می‌شود.

(۱) آ و ت (۲) ب و ت (۳) آ و پ (۴) ب و پ

وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۲: پوشک، نیازی پایان ناپذیر؛ صفحه‌های ۹۹ تا ۱۲۳

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سؤال شیمی ۲ (۱۵۱ تا ۱۶۰) و شیمی ۱ (۱۶۱ تا ۱۷۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۵۱- کدام موارد از مطالب زیر درست است؟

الف) حدود ۵۰ درصد از لباس‌های تولیدی در جهان از پنبه تهیه می‌شود.

ب) نوع عنصرهای سازنده الیاف پنبه با نوع عنصرهای سازنده اتانول یکسان است.

پ) سلولز، نشاسته و اتن همگی درشت مولکول محسوب شده و اندازه مولکول آن‌ها بسیار بزرگ است.

ت) اگر گاز C_2H_4 را در فشار بالا گرمایی، جامد سفید رنگی به دست می‌آید که جرم مولی آن اغلب دهها هزار گرم بر مول است.

ث) تعیین تعداد دقیق مونومرهای شرکت‌کننده در یک واکنش پلیمری شدن ممکن نیست و تاکنون هیچ قاعده‌ای برای چگونگی اتصال مونومرها به یکدیگر ارائه نشده است.

(۴) الف ، ب ، پ

(۳) الف ، ب ، پ

(۲) ب ، ت ، پ

(۱) الف ، ب ، ت

۱۵۲- درصد جرمی اولین نافلز گروه ۱۷، در مخلوطی از وینیل کلرید و تترافلورواتن برابر ۵۷٪ است. اگر در شرایط مناسب و یکسان این دو

ماده در واکنش بسپارش شرکت کنند و جرم پلیمر تولید شده از هر کدام، با هم برابر باشد، نسبت بازده این دو واکنش کدام گزینه می‌تواند باشد؟ (شمار واحدهای تکرارشونده در هر دو پلیمر برابر است). ($H=1$ ، $C=12$ ، $F=19$ ، $Cl=35/5: g.mol^{-1}$)(۱) $\frac{1}{4}$ (۲) $\frac{1}{3}$ (۳) $\frac{1}{6}$

(۴)

۱۵۳- کدام گزینه از نظر درستی یا نادرستی با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

۱) پلی‌استرها، دسته‌ای از پلیمرها هستند که از اتم‌های H، C، N و O تشکیل شده‌اند.

۲) بو و طعم خوش آناناس به دلیل وجود استری به نام اتیل اتانوات در آن است.

۳) یک پلی‌استر با n گروه عاملی دارای ۴n الکترون ناپیوندی است.

۴) ساده‌ترین استر شامل ۲ اتم کربن است.

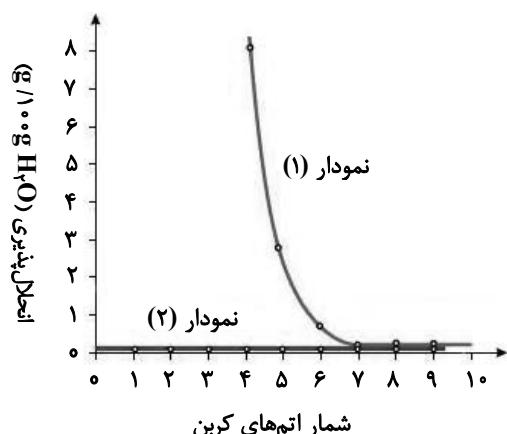
۱۵۴- در کدام گزینه فرمول مولکولی پلی‌استر نشان داده شده، ساده‌ترین واحد تکرارشونده را دارد؟

 $(C_2H_2O_4)_n$ (۱) $(C_4H_4O_4)_n$ (۲) $(C_2H_4O_4)_n$ (۳) $(C_4H_6O_4)_n$ (۴)

محل انجام محاسبات



۱۵۵- با توجه به نمودار زیر که اتحال پذیری آلکان‌های راست زنجیر و الکل‌ها را نشان می‌دهد، کدام عبارت‌ها درست هستند؟



الف) نمودار ۱ مربوط به اتحال پذیری الکل‌ها و نمودار ۲ مربوط به اتحال پذیری آلکان‌های راست زنجیر است.

ب) آلکان‌ها به دلیل ناقطبی بودن محلول در آب نیستند.

پ) با کاهش تعداد کربن در الکل‌ها، خصلت آب دوستی آن‌ها کاهش می‌یابد.

ت) الکل‌های سبک (تا ۵ کربن) با تشکیل پیوند هیدروژنی در آب به خوبی حل می‌شوند.

(۱) الف ، ت

(۲) ب ، پ

(۳) پ ، ت

(۴) الف ، ب ، ت

۱۵۶- «رامنولیپید» ترکیبی از گلیکولیپیدها است که توسط نوعی باکتری تولید می‌شود. چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد ساختار

این ترکیب درست است؟



(۱)

(۲)

(۳)

(۴)

۱۵۷- ۲۳ گرم اتانول را با مقدار کافی از یک کربوکسیلیک اسید تک عاملی با گروه هیدروکربنی سیرشده وارد واکنش کرده‌ایم. اگر تفاوت

جرم استر و آب تولید شده برابر با ۴۹ گرم باشد، شمار پیوندهای اشتراکی در هر مولکول از اسید آلی به کار رفته در تهیه این استر

به تقریب چند برابر تعداد پیوندهای اشتراکی در هر مولکول از ساده‌ترین آمید است؟ ($O = 16$ ، $C = 12$ ، $H = 1 : g \cdot mol^{-1}$)

(۱) ۱/۲۲

(۲) ۱/۵۵

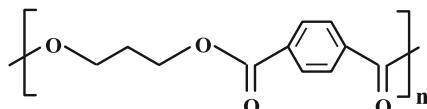
(۳) ۱/۸۳

(۴) ۲/۳۳

محل انجام محاسبات

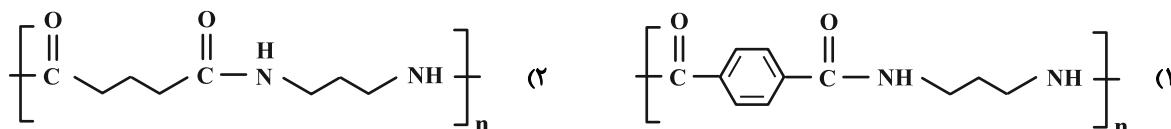


۱۵۸- کدام یک از گزینه‌های زیر نشان‌دهندهٔ فراوردهٔ پلیمری حاصل از واکنش دی‌اسید سازندهٔ پلی بوتیلن ترفتالیک داده شده

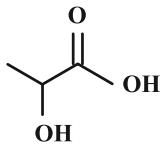


پلی بوتیلن ترفتالیک

با $\text{H}_2\text{N}(\text{CH}_2)_4\text{NH}_2$ خواهد بود؟



۱۵۹- از واکنش پلیمری شدن کامل ۱ گرم از ترکیب زیر، چند گرم پلیمر حاصل می‌شود؟ ($\text{C} = 12, \text{H} = 1, \text{O} = 16 : \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)



۰/۷۵ (۱)

۰/۸ (۲)

۰/۹ (۳)

۱ (۴)

۱۶۰- کدام گزینه از نظر درستی یا نادرستی با سایر گزینه‌ها متفاوت است؟

(۱) به دسته‌ای از پلیمرها که اگر در طبیعت رها شوند، توسط جانداران ذره‌بینی تجزیه می‌شوند و دوستدار محیط‌زیست هستند، پلیمر سبز می‌گویند.

(۲) پلیمرهای سبز بعد از تجزیه شدن در طبیعت به مولکول‌های ساده‌ای مانند آب و کربن دی‌اکسید تبدیل می‌شوند.

(۳) شیر ترش شده دارای پلی‌لکتیک اسید است.

(۴) پلیمرهای سبز را می‌توان از فراورده‌های کشاورزی مانند سیب‌زمینی، ذرت و نیشکر تهیه کرد.

محل انجام محاسبات



وقت پیشنهادی: ۱۰ دقیقه

شیمی ۱: آب، آهنگ زندگی؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۲۲

توجه:

دانش آموزان گرامی: از دو مجموعه سوال شیمی ۱ (۱۶۰ تا ۱۶۱) و شیمی ۲ (۱۵۱ تا ۱۷۰) یک مجموعه را به اختیار انتخاب کرده و پاسخ دهید.

۱۶۱- اگر در حجم‌های برابر از محلول‌های جداگانه از KOH و Na_2SO_4 ، جرم برابر از این نمک‌ها وجود داشته باشد و غلظت Na^+ در محلول Na_2SO_4 برابر 6900 ppm باشد، مولاریتۀ محلول KOH کدام است؟ (چگالی محلول Na_2SO_4 برابر $1/12$ گرم بر میلی‌لیتر می‌باشد؛ $(\text{Na} = ۲۳, \text{K} = ۳۹, \text{S} = ۳۲, \text{O} = ۱۶, \text{H} = ۱)$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۳/۹۶ (۴)

۴/۲۶ (۳)

۰/۴۲۶ (۲)

۰/۲۱۳ (۱)

۱۶۲- براساس واکنش موازنۀ نشده: $\text{KI(aq)} + \text{Cl}_2(\text{g}) \rightarrow \text{KCl(aq)} + \text{I}_2(\text{s})$ ، چند لیتر گاز کلر در شرایط استاندارد با محلولی به جرم 200 گرم از پتاسیم ییدید که غلظت یون پتاسیم در آن 5850 ppm است، به طور کامل واکنش می‌دهد و چند مول I_2

تولید می‌شود؟ ($\text{K} = ۳۹ \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۰/۳ ، ۴/۴۸ (۴)

۰/۳ ، ۳/۳۶ (۳)

۰/۱۵ ، ۴/۴۸ (۲)

۰/۱۵ ، ۳/۳۶ (۱)

۱۶۳- همه عبارت‌های زیر درست‌اند، به جز:

(۱) بیشترین مقدار از یک حل شونده را که در دمای معین، 100 گرم حل می‌شود، انحلال‌پذیری آن ماده می‌نامند.(۲) نفره کلرید، باریم سولفات و کلسیم فسفات ترکیب‌های یونی سه‌تایی بوده و انحلال‌پذیری آن‌ها در آب از $0/0$ گرم در 100 گرم آب کمتر است.(۳) اگر انحلال‌پذیری KCl در دمای 75°C برابر 50 گرم در 100 گرم آب باشد درصد جرمی محلول سیرشده آن در این دما تقریباً برابر $33/33$ % خواهد بود.(۴) درصد جرمی محلول سیرشده لیتیم سولفات در دمای 90°C از درصد جرمی محلول سیرشده آن در دمای 40°C کمتر است.۱۶۴- با توجه به معادله انحلال‌پذیری نمک‌های A و B، کدام گزینه نادرست است؟ ($A = ۱۴۸, B = ۲۴۸: \text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

نمک	معادله انحلال‌پذیری	معادله انحلال‌پذیری
A	$S = -0/40 + 34$	$S = 3/75$ گرم B را در $12/5$ گرم آب با دمای 10°C حل کنیم، محلول سیرشده پدید می‌آید.
B	$S = 0/80 + 28$	با افزایش دمای 481 گرم محلول سیرشده نمک A از 10°C به 60°C مول از آن رسوب می‌کند.

(۳) معادله انحلال‌پذیری نمک‌های A و B را به ترتیب می‌توان به نمک‌های لیتیم سولفات و پتاسیم نیترات نسبت داد.

(۴) اگر چگالی دو محلول سیرشده از نمک‌های A و B در دمای 25°C یکسان باشد، غلظت مولی آن‌ها در این دما برابر خواهد بود.

محل انجام محاسبات



۱۶۵- کدام مورد از عبارت‌های زیر درست است؟

الف) اتم اکسیژن مولکول‌های SO_3 در میدان الکتریکی، به سمت مثبت میدان الکتریکی جهت‌گیری می‌کنند.

ب) مولکول‌های آب از سمت اتم اکسیژن خود به سمت میله شیشه‌ای مالش داده شده به موی سر نزدیک می‌شوند.

پ) در مولکول‌های قطبی، به طور حتم نقطه جوش ترکیبی بیشتر است که جرم مولی بالاتری دارد.

ت) به دلیل بیشتر بودن جرم مولی Cl_2 از F_2 ، مولکول‌های کلر سریع‌تر به مایع تبدیل می‌شوند.

ث) علی‌رغم جرم مولی مشابه N_2 و CO ، نقطه جوش CO به دلیل قطبی بودن بیشتر است.

۴) ت و ث

۳) ب، پ و ت

۲) الف و ث

۱) الف، ت و ث

۱۶۶- چه تعداد از عبارت‌های زیر در مورد پیوند هیدروژنی درست است؟

- حجم یک مول آب در حالت مایع، از حجم یک مول یخ و یک مول بخار آب کمتر است.

- در حلقه‌های شش‌ضلعی یخ، تعداد اتم‌های هیدروژن و اکسیژن برابر است و تعداد پیوندهای هیدروژنی در هر حلقه برابر با نصف مجموع تعداد اتم‌ها است.

- اگر ماده X امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با آب را داشته باشد، نمی‌توان با قطعیت گفت بین مولکول‌های X نیز پیوند هیدروژنی برقرار است.

- پیوند اتم H به یکی از اتم‌های F، O یا N، سبب ایجاد یک نوع جاذبه الکترواستاتیکی قوی میان این اتم‌ها می‌شود.

۱) ۴

۲) ۳

۳) ۲

۴) ۱

۱۶۷- با توجه به نمودارهای شکل زیر، که انحلال‌پذیری گازها در آب در دمای 20°C را نشان می‌دهد، چند مورد از مطالعه زیر درست است؟

- در فشار 3 atm ، انحلال‌پذیری گاز CO_2 می‌تواند برابر 0.03 g باشد.

- در فشار 6 atm ، انحلال‌پذیری گاز N_2 در آب شور، به بیش از 0.02 g گرم می‌رسد.

- در فشار 5 atm ، تفاوت انحلال‌پذیری گازهای O_2 و NO ، برابر 0.02 g گرم است.

- در دمای 50°C ، شبیه تغییرات انحلال‌پذیری هر سه گاز، نسبت به نمودار داده شده، کاهش می‌یابد.

- اگر شبیه تغییرات انحلال‌پذیری گاز X_2 ، بیش از گاز O_2 باشد، انحلال‌پذیری

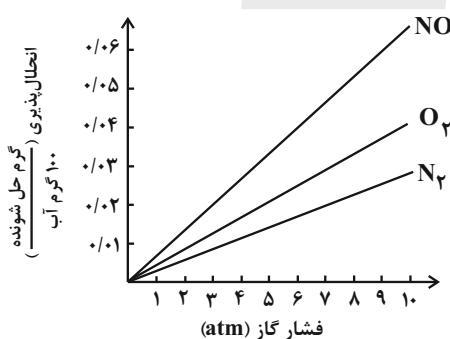
آن در فشار 4 atm ، می‌تواند برابر 0.02 g گرم باشد.

۴) پنج

۳) چهار

۲) سه

۱) دو



محل انجام محاسبات



۱۶۸- چند مورد از مطالب زیر نادرست هستند؟

الف) در هر دما و فشار مشخص، به دلیل قطبی بودن NO ، انحلال پذیری گاز NO بیشتر از CO_2 است.

ب) گاز CO_2 به دلیل انحلال فیزیکی که در آب دارد، در تولید نوشیدنی گازدار نقش دارد.

پ) مهم‌ترین عامل انحلال پذیری گازها در مایعات، پس از بررسی امکان واکنش با حلال، بررسی میزان قطبیت گاز و حلال مورد نظر است.

ت) قانون هنری مربوط به اثر دما بر میزان انحلال پذیری گازها در آب است.

ث) احساس خستگی پس از ورزش‌های سنگین می‌تواند با مصرف الکتروولیت‌های بدن مانند K^+ جبران شود.

۳ (۲)

۲ (۱)

۵ (۴)

۴ (۳)

۱۶۹- در دما و فشار معین، مقدار ۵ / ۰ مول گاز NO_2 را وارد ۵ لیتر آب می‌کنیم. اگر تنها ۱۰ درصد این گاز درون آب حل شود، محلول آن به تقریب

چند ppm است؟ (چگالی آب را ۱ گرم بر میلی لیتر در نظر بگیرید). (فرض کنید گاز با آب واکنش نمی‌دهد). ($N = 14$, $O = 16$: $\text{g} \cdot \text{mol}^{-1}$)

۵۱۰ (۲)

۴۶۰ (۱)

۳۹۰ (۴)

۴۱۰ (۳)

۱۷۰- کدام گزینه درست است؟

(۱) با روش اسمز معکوس، نمی‌توان میکروب‌ها و ترکیبات آلی فرآر را از آب جدا کرد.

(۲) آب به دست آمده از روش صافی کربن، نیاز به ضدغفونی کردن دارد.

(۳) تنها گازی که برای گندزدایی می‌توان استفاده کرد کلر است که گازی زرد رنگ است.

(۴) غشاء نیمه تراوا در ساختار خیار اجازه عبور غیرانتخابی تمامی یون‌ها را می‌دهد، عاملی که باعث چروکیده شدن آن، در آب شور می‌شود.

محل انجام محاسبات



دفترچه سؤال ?

فرهنگیان

(رشته عمومی ریاضی و فیزیک، علوم تجربی
و فنی و حرفه‌ای / کاردانش)

۱۴۰۳ اسفند ماه

تعداد سؤالات و زمان پاسخ‌گویی آزمون

نام درس	تعداد سؤال	شماره سؤال	وقت پیشنهادی
تعلیم و تربیت اسلامی	۲۰	۲۵۱ - ۲۷۰	۲۰
هوش و استعداد معلمی	۲۰	۲۷۱ - ۲۹۰	۴۰
مجموع دروس	۴۰	—	۶۰

طراحان به ترتیب حروف الفبا

محمد رضایی‌بقا - یاسین ساعدی - عباس سید شبستری - مرتضی محسنی کبیر	تعلیم و تربیت اسلامی
حیدر لنجانزاده اصفهانی، فاطمه راسخ، مهدی ونکی فراهانی، هادی زمانیان، فرزاد شیرمحمدی، هونمن رجائیان	هوش و استعداد معلمی

گزینشگران و براستاران به ترتیب حروف الفبا

نام درس	مسئول درس‌های مستندسازی	گروه ویراستاری	گزینشگر	مسئول درس
تعلیم و تربیت اسلامی	سجاد حقیقی‌پور	محمد‌مهدی مانده‌علی	یاسین ساعدی	یاسین ساعدی
هوش و استعداد معلمی	علیرضا همایون‌خواه	فاطمه راسخ	حیدر لنجانزاده اصفهانی	حیدر لنجانزاده اصفهانی

الهام محمدی - حمید لنجانزاده اصفهانی	مدیران گروه
مدیر، معیا اصغری، مسئول دفترچه؛ علیرضا همایون‌خواه	مستندسازی و مطابقت با مصوبات
زهرا تاجیک - معصومه روحانیان	حروف‌نگار و صفحه‌آرا

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب - بین صبا و فلسطین - پلاک ۹۳۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱



۲۰ دقیقه

تعلیم و تربیت اسلامی

دین و زندگی ۱
فصلت آراستگی
زیبایی پوشیدگی
درس ۱۱ ۱۲
صفحة ۱۵۲ تا ۱۳۶
دین و زندگی ۲
پیوند مقدس
درس ۱۲
صفحة ۱۵۸ تا ۱۴۸
مهارت معلمی
فصل سوم: وظایف معلم
صفحة ۱۱۶ تا ۷۵

۲۵۱- قرآن کریم «تبرج» را چه نوع کاری می‌شمارد و به چه علت دین اسلام ما را از آن پرهیز می‌دهد؟

- ۱) جاهلانه - چون تمجید دیگران قدرت تعقل و تفکر را از انسان می‌گیرد و باعث می‌شود استعدادهایش شکوفا نشود.
- ۲) حیرانه - چون تمجید دیگران قدرت تعقل و تفکر را از انسان می‌گیرد و باعث می‌شود استعدادهایش شکوفا نشود.
- ۳) جاهلانه - باعث غفلت انسان از هدف اصلی و اشتغال به کارهایی می‌شود که عاقبتی جز دورشدن از خدا ندارد.
- ۴) حیرانه - باعث غفلت انسان از هدف اصلی و اشتغال به کارهایی می‌شود که عاقبتی جز دورشدن از خدا ندارد.

۲۵۲- با وجود این که پیشوایان همواره آراسته به زیبایی‌های باطنی بودند، تفاوت در آراستگی ظاهری آنان بر

اساس تغییر در کدام شرایط، قابل فهم است؟

- ۱) شرایط زندگی مردم و توانایی آنان
- ۲) سلایق و رویکردهای گوناگون نسبت به آراستگی
- ۳) تفاوت‌های فردی میان پیشوایان مذهبی
- ۴) اوضاع اجتماعی و سیاسی حاکمان در دوره‌های مختلف

۲۵۳- امام صادق (ع) استفاده از کدام پوشش را نهی کردند و در همان روایت، علت آن را چگونه بیان نمودند؟

- ۱) پوشیدن لباس نازک و بدنه نما - فرد با انجام آن به جنگ با خدا می‌رود.
- ۲) پوشیدن لباس چسبان و کوتاه - فرد با انجام آن به جنگ با خدا می‌رود.
- ۳) پوشیدن لباس نازک و بدنه نما - نشانه سستی و ضعف دینداری فرد است.
- ۴) پوشیدن لباس چسبان و کوتاه - نشانه سستی و ضعف دینداری فرد است.

۲۵۴- کدام بخش از آیه شریفة «یا ایها التبی قل لا زواجک و بناتک و نساء المؤمنین یعنی علیهنه من جلابیبهنهنّ ذلک ادنی یعرفن فلا یؤذین و کان الله غفوراً رحیماً»، بیان کننده فلسفه رعایت حجاب است؟

- ۱) «قل لا زواجک و بناتک و نساء المؤمنین»
- ۲) «یدنین علیهنه من جلابیبهنهنّ»
- ۳) «ذلک ادنی یعرفن فلا یؤذین»
- ۴) «و کان الله غفوراً رحیماً»

۲۵۵- ریشه و علت بی‌حجابی زنان غرب را در کدام گزینه می‌توان یافت؟

- ۱) تعالیم حضرت موسی (ع) که مورد غفلت قرار گرفته بود.
- ۲) اروپاییان نسبت به دستورات پیامبر اکرم (ص) و اسلام بی‌توجه بودند.
- ۳) بدینی و کینه‌توزی آنان نسبت به مسلمانان که ریشه در جنگ‌های صلیبی داشت.
- ۴) بی‌حجابی زنان غرب، بازگشتی به سنت‌های مشرکانه قبل از حضرت عیسی (ع) به شماره‌ی رود.

۲۵۶- نیاز به مقبولیت، در کدام دوران نمود بیشتری دارد و پاسخ‌گویی صحیح به این نیاز، چه نتیجه‌های در پی دارد؟

- ۱) تشکیل خانواده - تحسین دیگران و خلق آثار گوناگون هنری همراه با خودبزرگ‌بینی
- ۲) نوجوانی و جوانی - تحسین دیگران و خلق آثار گوناگون هنری همراه با خودبزرگ‌بینی
- ۳) تشکیل خانواده - کشف و شکوفایی استعدادها و توانایی‌ها و عرضه آن به جامعه
- ۴) نوجوانی و جوانی - کشف و شکوفایی استعدادها و توانایی‌ها و عرضه آن به جامعه

۲۵۷- به ترتیب، چگونگی و نوع پوشش تا حدود زیادی تابع چیست و رعایت حجاب در چه صورت نزد خدا، بالرژش‌تر محسوب می‌شود؟

- ۱) دین و آیین - ساده و بی‌پیرایه
- ۲) دین و آیین - کامل‌تر و دقیق‌تر
- ۳) آداب و رسوم - کامل‌تر و دقیق‌تر
- ۴) آداب و رسوم - ساده و بی‌پیرایه

۲۵۸- طبق مقررات اسلامی، رضایت کامل دختر و پسر برای ازدواج چه حکمی دارد و اگر عقدی بهزور انجام گرفته باشد، حکمش چیست؟

- (۱) مستحب و مؤکد - مکروه
 (۲) مستحب و مؤکد - باطل
 (۳) ضروری - باطل
 (۴) ضروری - مکروه

۲۵۹- به ترتیب، هر یک از موارد «مدارا و تحمل سختی‌ها» و «تیازمندی به زندگی با دیگری» از مصاديق کدام یک از اهداف ازدواج می‌باشد؟

- (۱) رشد اخلاقی و معنوی - پاسخ به نیاز جنسی
 (۲) رشد اخلاقی و معنوی - انس با همسر
 (۳) رشد و پرورش فرزندان - انس با همسر
 (۴) رشد و پرورش فرزندان - پاسخ به نیاز جنسی

۲۶۰- موارد «سلامت جسمی و روانی» و «عدم ارتباط قبلی با جنس مخالف» به ترتیب، مصاديق های کدام برنامه در مورد تشکیل خانواده می‌باشد؟

- (۱) رشد و پرورش فرزندان - پاسخ به نیاز جنسی
 (۲) شناخت معیارهای همسر مناسب - پاسخ به نیاز جنسی
 (۳) رشد و پرورش فرزندان - معیارهای همسر مناسب
 (۴) شناخت معیارهای همسر مناسب - شناخت معیارهای همسر مناسب

۲۶۱- «تجربه کردن مسئولیت‌پذیری» و «تحکیم بخش وحدت روحی زن و مرد» به ترتیب در کدام یک از اهداف ازدواج عنوان شده است؟

- (۱) رشد اخلاقی و معنوی - انس با همسر
 (۲) رشد اخلاقی و معنوی - رشد و پرورش فرزندان
 (۳) پاسخ به نیاز جنسی - رشد و پرورش فرزندان
 (۴) پاسخ به نیاز جنسی - انس با همسر

۲۶۲- روایت شریف از امام علی (ع) مبنی بر «حب الشیء یعنی و یضم»، به کدام موضوع در خصوص ازدواج اشاره دارد و راه محفوظماندن از عواقب آن

چیست؟

- (۱) علاقه و محبت به یک شخص، عقل را به حاشیه می‌راند. - توکل بر خدا
 (۲) محبت و علاقه، سرچشمۀ اصلی همه کارهای انسان است. - توکل بر خدا
 (۳) علاقه و محبت به یک شخص، عقل را به حاشیه می‌راند. - مشورت با پدر و مادر
 (۴) محبت و علاقه، سرچشمۀ اصلی همه کارهای انسان است. - مشورت با پدر و مادر

۲۶۳- آرامش یافتن با همسر و قراردادن دوستی و رحمت میان آن‌ها توسط خدای متعال، از مفهوم کدام آیه استنباط می‌شود و اولین بلوغی که انسان

برای ازدواج نیازمند رسیدن به آن است، کدام مورد است؟

- (۱) «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلَقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ...» - جنسی
 (۲) «وَمِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَلَقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ...» - عقلی
 (۳) «وَاللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَرْوَاجًا...» - جنسی
 (۴) «وَاللَّهُ جَعَلَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَرْوَاجًا...» - عقلی

۲۶۴- این که امام خمینی (ره) سرمای پاریس را تحمل می‌کرد و از نفت استفاده نمی‌کرد، نشان از کدام ویژگی ایشان دارد و برخورد آیت‌الله بروجردی

(ره) پس از آن که به طلبهای سوال‌کننده تندي بی‌جا کرده بودند، با کدام یک از بایدهای معلمی مرتبط است؟

- (۱) تواضع و دوری از کبر و غرور - جبران ضعفها
 (۲) تواضع و دوری از کبر و غرور - همدردی
 (۳) همراهی و همدردی با مردم - همدردی
 (۴) همراهی و همدردی با مردم - جبران ضعفها



۲۶۵- برخورداری انسان از پاداش الهی «يرفع الله» مشروط به چه چیزی است و سخن «إن هذا آلا ملک کريم» اشاره به چه شخصیتی دارد؟

۱) «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا قَبْلَ لَكُمْ تَفَسَّحَوْا فِي الْمَجَالِسِ فَافْسُحُوا» - حضرت یوسف (ع)

۲) «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا قَبْلَ لَكُمْ تَفَسَّحَوْا فِي الْمَجَالِسِ فَافْسُحُوا» - رسول اکرم (ص)

۳) «وَ إِذَا قَبِيلَ أَنْشَزُوا فَانْشَزُوا» - رسول اکرم (ص)

۴) «وَ إِذَا قَبِيلَ أَنْشَزُوا فَانْشَزُوا» - حضرت یوسف (ع)

۲۶۶- گام اول در مسیر عبودیت و بندگی کدام مورد است و امام رضا (ع) در این باره چه می‌فرمایند؟

۱) «بِسْمِ اللَّهِ» - «بِهِ اسْمِ اعْظَمِ الْهَمَى از سیاهی چشم به سفیدی آن نزدیکتر است.»

۲) «بِسْمِ اللَّهِ» - «خداها هدف من تنها تو هستی، نه مردم، نه طاغوت‌ها، نه جلوه‌ها و نه هوش‌ها.»

۳) «الله اکبر» - «به اسم اعظم الهی از سیاهی چشم به سفیدی آن نزدیکتر است.»

۴) «الله اکبر» - «خداها هدف من تنها تو هستی، نه مردم، نه طاغوت‌ها، نه جلوه‌ها و نه هوش‌ها.»

۲۶۷- به ترتیب، تعابیر «مادر همه خیرات» و «نور مستقر در جان که اثرش در گفتار و رفتار انسان هویدا می‌گردد»، بیانگر مقوله‌ای هستند که در کدام

یک از وظایف معلم تجلی دارند؟

۱) آغاز کار با نام خدای متعال - برخورداری از حکمت

۲) آغاز کار با نام خدای متعال - اهل ذکر بودن

۳) برخورداری از حکمت - اهل ذکر بودن

۲۶۸- کدام آیه انسان را به دفع بدی‌های مردم با عمل خوب فرامی‌خواند و ثمره و برکات جنبی چنین کاری چگونه تبیین شده است؟

۱) «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا اتَّقُوا اللَّهَ وَ قُولُوا قَوْلًا سَدِيدًا» - تبدیل کینه و دشمنی به دوستی گرم

۲) «يَا أَيُّهَا الَّذِينَ آمَنُوا اتَّقُوا اللَّهَ وَ قُولُوا قَوْلًا سَدِيدًا» - اصلاح عمل و بخشش گناهان

۳) «وَ لَا تُسْتَوِي الْحَسَنَةُ وَ لَا السَّيِّئَةُ ادْفَعُ بِالْأَتْقَى هِيَ أَحْسَنُ» - اصلاح عمل و بخشش گناهان

۴) «وَ لَا تُسْتَوِي الْحَسَنَةُ وَ لَا السَّيِّئَةُ ادْفَعُ بِالْأَتْقَى هِيَ أَحْسَنُ» - تبدیل کینه و دشمنی به دوستی گرم

۲۶۹- کدام گزینه نادرست است؟

۱) این که کسی ندانسته جواب بدهد، نشانه جهالت اوست؛ اما این که به راحتی و راستی بگوید: «نمی‌دانم»، نشانه برخورداری او از نصف علم است.

۲) شاگردان و اطرافیان ما قبل از آن که به حرف‌های ما توجه کنند، به رفتار ما توجه و از آن تأسی می‌کنند. لذا دعوت معلم باید عملی باشد.

۳) شرط امر به معروف و نهی از منکر، عمل خود انسان است.

۴) علم، زمانی کامل است که علاوه بر وصل بودن به تاریخ کهن، پویا و بهروز نیز باشد.

۲۷۰- توصیف خداوند از کافران کوردلی که به حقایق گوش نمی‌دهند، چگونه است و در قرآن کریم به چه عنوانی از کار شیطان و منافقان یاد شده است؟

۱) «ذلک بآنهم قوم لا يعلمنون» - مأیوس کردن دیگران

۲) «وَ إِذَا ذَكَرُوا لَا يَذَكَّرُونَ» - مأیوس کردن دیگران

۳) «وَ إِذَا ذَكَرُوا لَا يَذَكَّرُونَ» - جلوگیری از رشد فکری انسان



۴۰ دقیقه

هوش و استعداد معلمنی

* بر اساس متن زیر به چهار پرسشی که در پی می‌آید پاسخ دهید.

رشته‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت یکی از رشته‌های حوزه‌ی علوم تربیتی در دوره‌ی دکتری و شامل مجموعه‌ای هماهنگ از فعالیت‌های آموزشی و پژوهشی است. دانش آموزش و پرورش، یکی از نیازهای اساسی جامعه‌ی بشری از جمله جامعه‌ی ماست. کلیه‌ی برنامه‌ها و فعالیت‌های آموزشی و پژوهشی در کلیه‌ی سطوح از خانواده‌ی تا نهادهای رسمی و غیررسمی به بهره‌گیری از یافته‌های این حوزه نیاز دارد اتا در این میان توجه به زیرساخت‌های این فعالیت‌ها نقطه‌ی آغاز و تعیین‌کننده‌ی اهداف و سوگیری‌های کلیه‌ی فعالیت‌ها و نهادهای آموزشی و پژوهشی است. رشته‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت در پی بررسی مبانی نظری و بنیادهایی است که زیربنای تعیین اهداف برنامه‌ها و محتواست. در غیر این صورت خطر انحراف از یکپارچگی، هماهنگی و اهداف، برنامه‌ها را تهدید می‌کند و معیاری برای ارزیابی نخواهد بود. متخصصان این رشته در وزارت‌خانه‌های آموزش و پژوهش، آموزش عالی، بخش آموزش در کلیه‌ی وزارت‌خانه‌ها و در نهادهای غیررسمی آموزش و پژوهش می‌توانند مفید و فعال باشند. هدف از برگزاری این دوره تربیت متخصصان کارآمدی است که به تحلیل و بررسی مبانی نظری و فلسفی آموزش و پژوهش در سیاست‌گذاری، برنامه‌ریزی و نحوه‌ی اجرای برنامه‌ها و کلیه‌ی فعالیت‌های آموزشی و پژوهشی در حوزه‌ی کلان سطوح ستادی و نیز حوزه‌ی عمل در نهادهای آموزشی بپردازد.

ضرورت و اهمیت بازنگری در این فلسفه، مبتنی بر توجه و تمرکز بر غایات اهداف و ارزش‌های است که جایگاه اصلی آنها در حوزه‌های انسان‌شناسی و ارزش‌شناسی است، زیرا انسان به مثابه‌ی موضوع تعلیم و تربیت است و ارزش‌ها تعیین‌کننده‌ی جهت‌گیری‌های کلی و اساسی در تربیت و غفلت از اهداف و ارزش‌های مذکور موجود آسیب‌ها و خساراتی در عرصه‌ی آموزش و پژوهش است زیرا مؤلفه‌های مورد نظر در حکم راهنمای عمل آدمی برای تحقق انسان آرمانی است و اهتمام به موارد مذکور موجب شفافسازی اقدام در زمینه‌ی آموزش و پژوهش.

- ۲۷۱ - کدام گزینه واژه‌ی «موجد» را در متن، بهتر معنا کرده است؟

- (۱) نتیجه
 (۲) درمان شده
 (۳) عامل
 (۴) برطرف کننده

- ۲۷۲ - منظور از بخش مشخص شده در متن، «این صورت»، کدام است؟

- (۱) بی‌توجهی به مبانی اندیشه‌های فلسفه‌ی آموزشی
 (۲) بهره‌نگرفتن از اندیشه‌های اندیشمندان مختلف در حوزه‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت

(۳) توجه به مبانی اندیشه‌های فلسفه‌ی آموزشی

(۴) بهره‌گرفتن از اندیشه‌های اندیشمندان مختلف در حوزه‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت

- ۲۷۳ - متن به کدام پرسش‌ها پاسخ می‌دهد؟

الف) برای فارغ‌التحصیلان رشته‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت، چه آینده‌ی شغلی می‌توان متصور بود؟

ب) متناسب‌سازی اهداف ترسیم‌شده‌ی تعلیم و تربیت با محیط مورد بحث، با چه معاییری انجام می‌شود؟

ج) به چه علت رشته‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت تنها در دوره‌ی دکتری تدریس می‌شود؟

- (۱) فقط «الف»
 (۲) فقط «ب»
 (۳) «الف» و «ج»
 (۴) «ب» و «ج»

- ۲۷۴ - کدام فعل در متن بالا نادرست به کار رفته است؟

- (۱) دارد
 (۲) تهدید می‌کند
 (۳) نخواهد بود
 (۴) بپردازد

- ۲۷۵ - بدیهی است با کاهش ارزش پول یک کشور در قیاس با کشوری دیگر، می‌باید همان گونه که قیمت کالاهای وارداتی بیشتر می‌شود، قیمت کالاهای صادراتی برای کشور مقصد کاهش یابد و امکان صادرات بیشتر فراهم شود. برای مثال ایالات متحده‌ی امریکا چین را به کاهش عمدی ارزش پول خود متهم می‌کند که به صادرات بیشتر این محصول به امریکا منجر می‌شود. با این حال در بسیاری از کشورها چنین اتفاقی رخ نمی‌دهد، چرا که ..

- (۱) سیاستمداران آن کشورها تدبیر لازم را برای افزایش ارزش پول خود ندارند.
 (۲) کاهش ارزش پول ملی یک کشور به افزایش قیمت مواد اولیه‌ی وارداتی و در نتیجه افزایش قیمت نهایی محصول تولیدی منجر می‌شود.
 (۳) برخی کشورها با کشورهای بزرگی نظیر چین و امریکا مبادله‌ی تجاری ندارند.
 (۴) افزایش ارزش پول ملی یک کشور، به گسترش سفرهای بین‌المللی منجر می‌شود که نیاز به سرمایه‌گذاری در این امر را ایجاد می‌کند.



* بر اساس متن زیر به دو پرسش بعدی پاسخ دهید.

مطمئن نیستیم اوّین بار بومیان امریکای شمالی بودند که علامت‌دادن با دود نیز مثل دیگر انواع پیام‌ها، قوانینی دارد. فرستنده‌گان این پیام‌ها، چیزی شبیه به پتو را در فواصل زمانی معین روی آتشی قرار می‌دهند و بر می‌دارند تا دودها نیز در فواصلی معین به هوا فرستاده شود. بدیهی است که پیام‌ها تا فاصله‌ای قابل ارسالند که مطمئن باشیم همه علامت‌ها دیده می‌شود؛ برای مثال فرض کنید در میان بومیان یادشده، دو دود غلیظ نشانه آمدن دوست و چهار دود غلیظ نشانه حمله دشمن باشد و گیرنده پیام، دو تا از پیام‌ها را نبیند. علاوه بر این، شرط مهم دیگر در برقراری ارتباط با دود، آشنایی گیرنده پیام با مقاهم است. می‌گویند از زمانی که سرخ‌پوست‌ها توانستند بر اسب‌ها مسلط شوند و راحت‌تر گرد هم بیایند، تدریجاً شکل‌های بیشتری را با یکدیگر قرارداد کردند. معمولاً از آنجایی که این پیام‌ها عمومیت ندارند، لو نمی‌روند. با این همه برخی از این پیام‌ها امروزه نیز کارایی دارند.

- برای پیام‌های دودی، کدام دو عنصر مهم در متن ذکر شده است؟ ۲۷۶

۴) حجم - شکل

۳) غلظت - حجم

۲) فاصله زمانی - غلظت

۱) شکل - فاصله زمانی

- طبق متن ... ۲۷۷

(۱) همه علامت‌های پیام‌های سرخپوستان تا کنون کشف رمز شده است.

(۲) نخستین ارتباط‌های بین انسانی در شرق آسیا شکل گرفته است.

(۳) برقراری ارتباط به وسیله دود، امروزه کاملاً منسوخ شده است.

(۴) گاه ناقص رسیدن پیام از نرسیدن آن خطناک‌تر است.

* هفت کارت «خرداد، تیر، مرداد، مهر، آبان، آذر، دی» هر کدام با یکی از رنگ‌های رنگین‌کمان «بنفش، آبی، نیلی، سبز، زرد، نارنجی، قرمز» در یک ردیف روی میز چیده شده است، ولی ما روی کارت‌ها را نمی‌بینیم. در این‌باره می‌دانیم کارت سبز دقیقاً بین کارت‌های نیلی و زرد است و کارت مهر دقیقاً کارت میانی است. همچنین کارت دی، بنفش است و کارت مرداد نارنجی نیست. بر این اساس به چهار سؤال بعدی پاسخ دهید.

- اگر کارت سبز ششین کارت باشد ... ۲۷۸

۴) آبان قطعاً نارنجی است.

۳) مهر قطعاً نیلی نیست.

۲) آبان قطعاً قرمز است.

(۱) مهر قطعاً نارنجی است.

- اگر کارت‌های «آبان، آذر، دی» به همین ترتیب کنار هم و کارت مهر قرمز باشد، کارت‌های آبان و آذر ... ۲۷۹

(۱) ممکن است نیلی، سبز یا زرد باشند.

(۲) قطعاً نارنجی و آبی هستند.

(۳) ممکن است آبی، زرد یا سبز باشند.

- اگر کارت‌های بنفش، آبی و قرمز هیچ کدام بی‌فاصله کنار هم نباشند، می‌توان گفت ... ۲۸۰

۱) مهر قطعاً آبی است.

۲) مهر قطعاً نیلی یا زرد است.

۳) مرداد قطعاً آبی است.

- اگر بدانیم دو کارت ابتدایی و انتهایی، کارت‌های دی و مرداد است و کارت «قرمز» آذر به کارت دی چسبیده است و کارت آبی آبان به کارت آذر، می‌توان گفت قطعاً ... ۲۸۱

(۱) مهر نارنجی است.

۲) تیر زرد است.

۳) مهر نارنجی نیست.

- کاری را که سه کارگر با روزی پنج ساعت کار در هشت روز انجام می‌دهند، دو سرکارگر در چهار روز سه ساعت کاری تمام می‌کنند. یک کارگر و یک سرکارگر برای انجام کار با هم، به چند روز چهار ساعت کاری احتیاج دارند؟ کارگرها با هم یکسانند و سرکارگرها هم با هم.

۶) ۴

۵

۴

۳

- بین n شخص در یک اتاق، مطمئنیم روزی در هفته هست که روز تولد حداقل سه نفر از آنان باشد، هر چند نمی‌دانیم آن روز، کدام روز هفته است. همچنین بین m شخص در اتاقی دیگر، فصلی در سال هست که می‌دانیم فصل تولد حداقل چهار نفر از آن‌هاست. هرچند نمی‌دانیم آن فصل بهار است یا تابستان، یا پاییز یا زمستان. حاصل $m-n$ کدام است؟ ۲۸۲

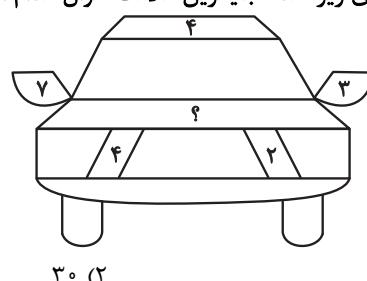
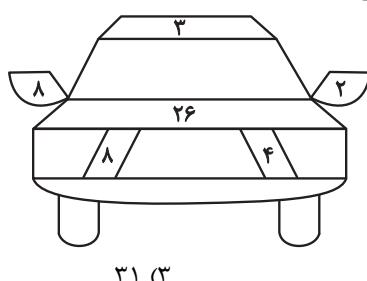
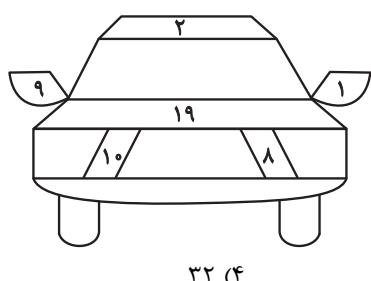
-۲) ۴

-۱) ۳

۱) ۲

۲) ۱

- در الگوی زیر، عدد جایگزین علامت سؤال کدام است؟ ۲۸۴

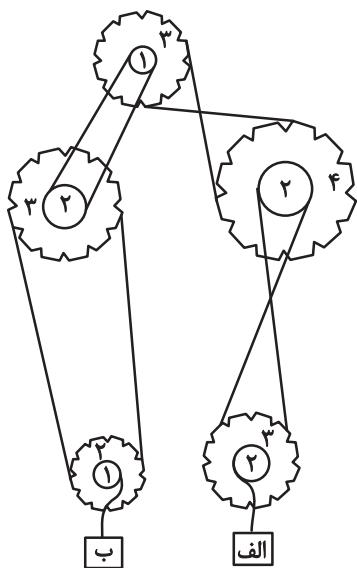


۲۹) ۱

- ۲۸۵- اگر جعبه «الف» در سازوکار زیر با سرعت ۷۲ سانتی‌متر بر ثانیه به سمت بالا شروع به حرکت کند،

جعبه «ب» با چه سرعتی بر حسب سانتی‌متر بر ثانیه به کدام جهت حرکت حرکت را آغاز می‌کند؟ قطرهای

نسبی چرخدنده‌ها نوشته شده است.



(۱) ۵۴- بالا

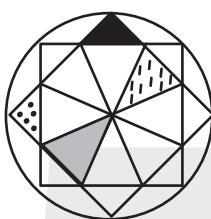
(۲) ۹۶- بالا

(۳) ۹۶- پایین

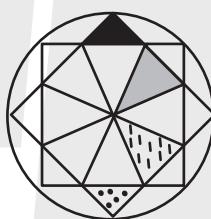
(۴) ۵۴- پایین

* در دو پرسش بعدی، شکل جایگزین علامت سؤال را در الگوی ارائه شده تعیین کنید.

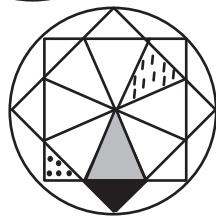
- ۲۸۶



?



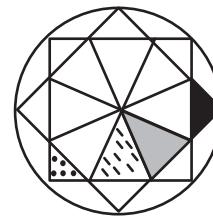
(۱)



(۲)

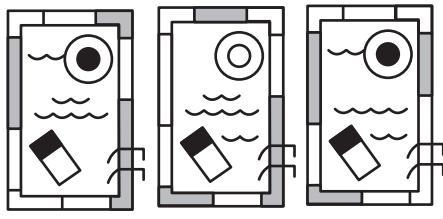
(۳)

(۴)

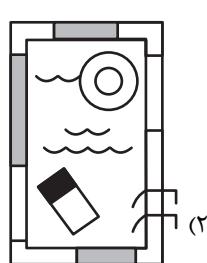


(۱)

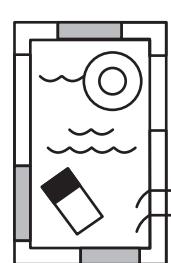
- ۲۸۷



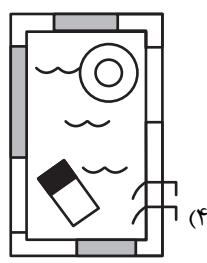
?



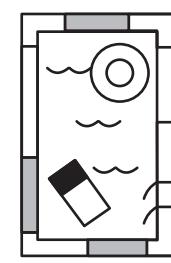
(۱)



(۱)



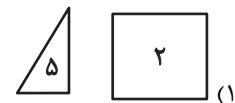
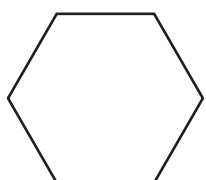
(۲)



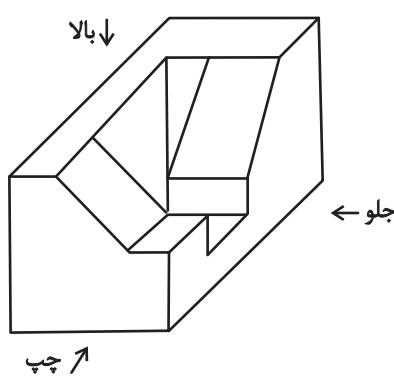
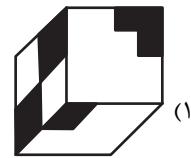
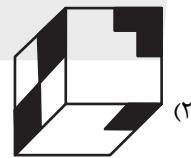
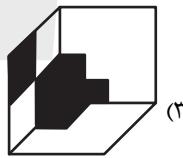
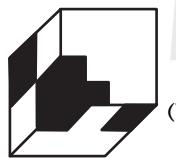
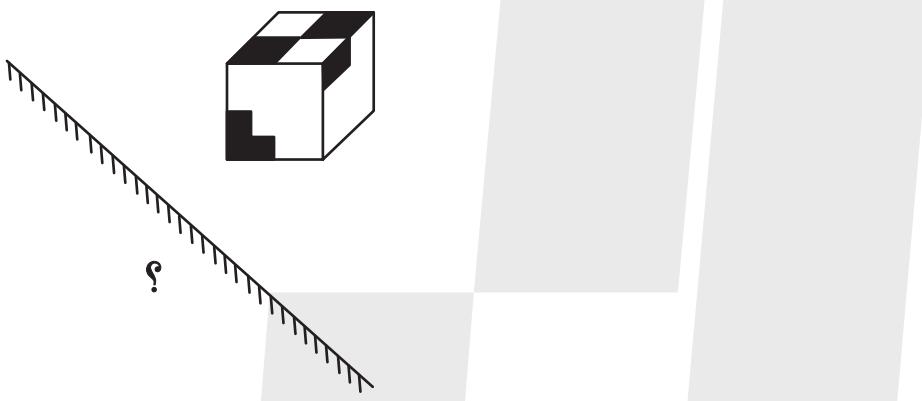
(۱)



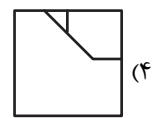
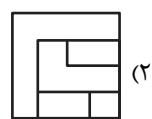
- ۲۸۸- با کنار هم قرار دادن همه قطعه‌های کدام گزینه می‌توان شکل زیر را ساخت؟ تعداد قطعه‌ها روی آن‌ها نوشته شده است.



- ۲۸۹- قرینه تصویر زیر نسبت به آینهٔ تخت رسم شده، کدام گزینه خواهد بود؟



- ۲۹۰- کدام گزینه نمایی از حجم زیر نیست؟





۱۴۰۳ اسفند ۲۴ آزمون

اختصاصی دوازدهم ریاضی

رقمی پاسخ

نام درس	نام طراحان
حسابان ۲ و ریاضی پایه	کاظم اجلالی- بهمن امیدی- دانیال آرکیش- داود بولحسنی- شاهین پروازی- افشن خاصه‌خان- سینا خیرخواه- احمد رضا ذاکر زاده محمد زنگنه- علی سلامت- کیان کریمی خراسانی- محمد گودرزی- مهسان گودرزی- رضا ماجدی- حامد معنوی- نیما مهندس علیرضا ندافزاده- غلامرضا نیازی- جهانبخش نیکنام
هندسه و آمار و ریاضیات گستره	امیرحسین ابومحبوب- اسحاق اسفندیار- علی ایمانی- جواد ترکمن- سید محمد رضا حسینی فرد- افشن خاصه‌خان- کیوان دارابی مصطفی دیداری- سوگند روشنی- علیرضا شریف طبیبی- هون عقیلی- شبیم غلامی- احمد رضا فلاخ- مهرداد ملوندی- نیلوفر مهدوی نیما مهندس
فیزیک	مهران اسماعیلی- حسین الهی- عبد الرضا امینی نسب- علی برزگر- علیرضا جباری- مسعود خندانی- مصطفی کیانی محمد کاظم منشادی- امیر احمد میرسعید- افشنین مینو- حسام نادری- مجتبی نکویان
شیمی	امیر علی بیات- محمد رضا پور جاوید- سعید تیزرو- محمد رضا چمشیدی- امیر حسین حسن نژاد- پیمان خواجه‌ی مجد حمید ذیحی- یاسر راش- روزبه رضوانی- رضا سلیمانی- رسول عابدی‌نی‌زواره- میلاد عزیزی- آرمین عظیمی- محمد عظیمیان زواره محمد فائز‌نیا- علی کریمی- امیر محمد کنگرانی- محسن مجنوی- امین نوروزی- اکبر هرنمند

گزینشگران و ویراستاران

نام درس	حسابان ۲ و ریاضی پایه	هندسه	آمار و ریاضیات گستره	فیزیک	شیمی
گزینشگر	کیان کریمی خراسانی	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب	امیرحسین ابو محبوب	ایمان حسین نژاد
گروه ویراستاری	امیرحسین ابو محبوب	مهرداد ملوندی	امیرحسین ابو محبوب	مهرداد ملوندی	حسین شاهسواری محمد حسن محمدزاده مقدم یاسر راش آرش ظرفی
بازبینی نهایی رتبه های برتر	محمد پارسا سبزه‌ای	محمد پارسا سبزه‌ای	سینا صالحی اوستا عباسی	سینا صالحی اوستا عباسی	ماهان فرهمندفر
مسئول درس	مهرداد ملوندی	سرژ یقیازاریان تبریزی	سرژ یقیازاریان تبریزی	رسانی	امیر علی بیات
مستندسازی	سمیه اسکندری	سجاد سلیمی	سجاد سلیمی	علیرضا همایون خواه	امیرحسین توحیدی
ویراستاران مستندسازی	معصومه صنعت کار- علیرضا عیاسی زاده- محمد رضا مهدوی				محمد صدری وطنی محسن دستجردی

گروه فنی و تولید

مدیر گروه	مهرداد ملوندی
مسئول دفترچه	نرگس غنی‌زاده
گروه مستندسازی	مدیر گروه: محبی اصغری مسئول دفترچه: الهه شهبازی
حروف نگار	فرزانه فتح‌اله‌زاده
ناظر چاپ	سوران نعیمی

گروه آزمون بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

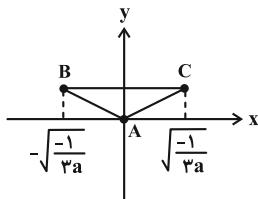
دفتر مرکزی: خیابان انقلاب بین صبا و فلسطین - بلاک ۹۳۳ - کانون فرهنگی آموزش - تلفن: ۰۲۱-۶۴۶۳



$x = 0$ نقطه بحرانی تابع f است چون $f'_-(0) \neq f'_+(0)$. همچنین نقاط

بحرانی‌ای که مشتق تابع f به ازای آن‌ها صفر است را می‌یابیم:

$$f'(x) = 0 \Rightarrow x = \pm\sqrt{-\frac{1}{3a}} \Rightarrow f(\pm\sqrt{-\frac{1}{3a}}) = \frac{2}{3}\sqrt{-\frac{1}{3a}}$$



با توجه به نمودار تابع f ، مساحت مثلث ABC به صورت زیر می‌شود:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times \left(\frac{2}{3}\sqrt{-\frac{1}{3a}}\right) \times \left(2\sqrt{-\frac{1}{3a}}\right) = \frac{2}{3}\left(-\frac{1}{3a}\right)$$

$$\text{طبق فرض: } S_{ABC} = \frac{1}{18} \Rightarrow \frac{2}{3}\left(-\frac{1}{3a}\right) = \frac{1}{18} \Rightarrow a = -4$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۷۹ تا ۱۸۰)

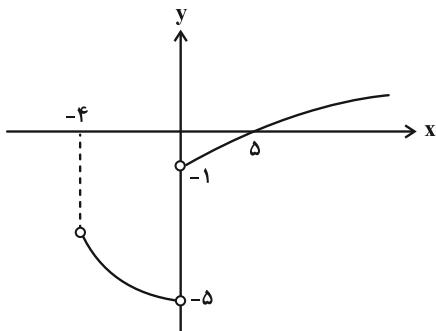
(بهانه‌شن نیلام)

گزینه «۲»

تابع f را به صورت یک تابع سه ضابطه‌ای می‌نویسیم:

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x| \sqrt{x+4} - 3x}{x}, & x \in [-4, +\infty) - \{0\} \\ a, & x = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} \sqrt{x+4}^3, & x > -4 \\ \sqrt{x+4}^3, & x < 0 \\ a, & x = 0 \end{cases}$$



با توجه به نمودار تابع f ، اگر $a = -1, -2, -3, -4$ باشد، a اکسترمم نسبی نخواهد بود.

$$a = -1 - 2 - 3 - 4 = -10$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۷۹ تا ۱۸۰)

(سینا فیرنواه)

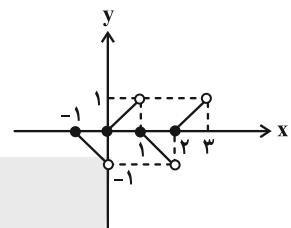
حسابان ۲

گزینه «۲»

-۱

نمودار تابع را با بازه‌بندی رسم می‌کنیم:

$$\begin{cases} -1 \leq x < 0 \Rightarrow [x] = -1 \Rightarrow y = -(x - [x]) = [x] - x \\ 0 \leq x < 1 \Rightarrow [x] = 0 \Rightarrow y = x - [x] \\ 1 \leq x < 2 \Rightarrow [x] = 1 \Rightarrow y = -(x - [x]) = [x] - x \\ 2 \leq x < 3 \Rightarrow [x] = 2 \Rightarrow y = x - [x] \end{cases}$$



طبق نمودار رسم شده، تابع $f(x)$ مطلق دارد و نه \max مطلق.
توجه: تابع f یک تابع متناوب با دوره تناوب $T = 2$ است.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۷۹ تا ۱۸۰)

گزینه «۳»

-۲

(رانیال آرکیشن)

کافی است مشتق تابع مذکور را گرفته و تعیین علامت کنیم:

$$y = (x-1)^2(x+2) \Rightarrow y' = 2(x-1)(x+2) + (x-1)^2$$

$$\Rightarrow y' = (x-1)(2x+4+x-1) = 0 \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -1 \end{cases}$$

x	$-\infty$	-1	+1	$+\infty$
y'	+	0	-	0
y	↗	↓	↑	↗

صعودی نزولی صعودی

در بین گزینه‌ها، تابع فوق تنها در بازه $(-1, +\infty)$ صعودی است.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۷۹ تا ۱۸۰)

(بهانه‌شن نیلام)

گزینه «۴»

-۳

تابع f را به صورت دو ضابطه‌ای می‌نویسیم:

$$f(x) = |x|(ax^3 + 1) = \begin{cases} ax^3 + x, & x \geq 0 \\ -ax^3 - x, & x < 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 3ax^2 + 1, & x > 0 \\ -3ax^2 - 1, & x < 0 \end{cases}$$



$$\Rightarrow S_{\max} = (x+y) \cdot \frac{L}{4} = (50) \left(\frac{25}{4} \right) = 312.5$$

$$x+y=2L=50 \Rightarrow \begin{cases} x+y=50 \\ L=25 \end{cases}$$

توجه:

(حسابان - ۲ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

(شاهین پژوهشی)

$$f'(x) = \frac{-(2x+4)(a-10)}{(x^2+4x+a)^2} = \frac{(10-a)(2x+4)}{(x^2+4x+a)^2}$$

x ریشهٔ تابع f' است پس همین نقطه باید \min نسبی تابع باشد و برای

این که این نقطه \min نسبی باشد، باید جدول تغیرات f به صورت زیر باشد:

x	-۲			
f'	-		+	
	↓	↗		

پس $10-a > 0$ و در نتیجه $a < 10$.

با توجه به این که صورت کسر $f(x)$ ، منفی است اگر مخرج کسر تابع f ریشهٔ ساده یا مضاعف داشته باشد، در حداقل یکی از طرفین ریشه‌ها، مخرج کسر برابر $(-\infty)$ می‌شود که در این صورت \min مطلق ندارد، در نتیجه مخرج کسر ریشه ندارد و داریم:

$$\Delta \quad a > 0 \Rightarrow 16 - 4a < 0 \Rightarrow a > 4$$

پس $10 < a < 4$ است. اما دقت کنید اگر $a = 10$ باشد، آن گاه تابع $f(x)$ به تابع ثابت $= 0$ تبدیل خواهد شد که همه نقاط آن هم \min نسبی و هم \min مطلق هستند، پس $10 \leq a \leq 4$ و در نتیجه حداقل و حداقل مقدار صحیح a به ترتیب 10 و 5 خواهد بود.

$$a_{\max} + a_{\min} = 10 + 5 = 15$$

(حسابان - ۲ - صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۹)

(شاهین پژوهشی)

«۲»

کافی است k برابر \max تابع $f(x) = \frac{4}{x-1} - \frac{1}{x}$ در بازه $(1, \infty)$ باشد.

$$f'(x) = \frac{-4}{(x-1)^2} + \frac{1}{x^2} \xrightarrow{f'(x)=0} \frac{1}{x^2} = \frac{4}{(x-1)^2}$$

$$\frac{1}{|x|} = \frac{2}{|x-1|} \xrightarrow{x \in (0, 1)} \frac{1}{x} = \frac{2}{1-x} \Rightarrow 2x = 1-x \Rightarrow x = \frac{1}{3}$$

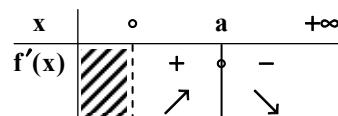
(محمد کورزی)

با توجه به این که f روی $(0, +\infty)$ مشتق‌بزیر است،

می‌نویسیم:

$$f'(x) = \frac{\frac{1}{2\sqrt{x}}(x+a)-1(\sqrt{x})}{(x+a)^2} = 0$$

$$\Rightarrow f'(x) = \frac{a-x}{2\sqrt{x}(x+a)^2} = 0 \Rightarrow x = a$$



بنابراین تابع f روی $(\infty, a]$ اکیداً نزولی است. بنابراین باید:

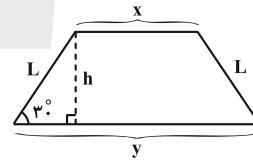
$$a \leq 3a - 5 \Rightarrow 2a \geq 5 \Rightarrow a \geq \frac{5}{2}$$

در نتیجه کمترین مقدار طبیعی ممکن برای a برابر ۳ است.

(حسابان - ۲ - صفحه‌های ۱۲۰ تا ۱۲۳)

«۳»

راه حل اول: طول قاعده‌ها را x و y و طول ساق ذوزنقه را L می‌گیریم. با توجه به فرض و شکل زیر داریم:



: محیط ذوزنقه $P = x + y + 2L = 100 \Rightarrow x + y = 100 - 2L$

$$h = L \sin 30^\circ = \frac{L}{2}$$

$$S = \left(\frac{x+y}{2} \right) \cdot h = \left(\frac{100-2L}{2} \right) \cdot \frac{L}{2} = 25L - \frac{L^2}{2}$$

$$S' = 25 - L = 0 \Rightarrow L = 25$$

$$\Rightarrow S_{\max} = 25(25) - \frac{(25)^2}{2} = \frac{625}{2} = 312.5$$

راه حل دوم:

نکته: اگر مجموع دو یا چند متغیر مثبت، عددی ثابت باشد، حاصل ضرب آن‌ها وقتی \max است که با هم برابر باشند. پس:

$$(x+y) + (2L) = 100$$



حسابان ۲ - پیشروی سریع

(اصمیرضا گلزاره)

«۴»

$$y = \sin^2 x + 2 \sin x$$

مشتق دوم تابع را به دست می آوریم:

$$\Rightarrow y' = 2 \sin x \cos x + 2 \cos x = \sin 2x + 2 \cos x$$

$$\Rightarrow y'' = 2 \cos 2x - 2 \sin x = 2(1 - 2 \sin^2 x) - 2 \sin x$$

ریشهای مشتق دوم تابع عبارتند از:

$$y'' = -2 \frac{(\sin x - 1)(\sin x + 1)}{(\sin^2 x + \sin x - 1)} = 0 \Rightarrow \sin x = -1 \text{ یا } \sin x = \frac{1}{2}$$

$$\text{در بازه } 0 < x < \pi, \text{ قابل قبول است و } \sin x = \frac{1}{2} \text{ طول تنها}$$

$$\text{نقطه عطف تابع در بازه } 0 < x < \frac{\pi}{2} \text{ است. شیب خط مماس بر نمودار تابع در}$$

این نقطه برابر می شود با:

$$y' = \sin 2x + 2 \cos x \xrightarrow{x=\frac{\pi}{2}} \text{شیب خط مماس در } \frac{\pi}{2}$$

$$m = \sin\left(\frac{\pi}{3}\right) + 2 \cos\left(\frac{\pi}{6}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2} + 2\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right) = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

(حسابان ۲ - صفحه های ۱۳۴ تا ۱۳۶)

(مسان کوثری)

«۲»

راه حل اول: ضابطه تابع هموگرافیک $y = f(x)$ را به دست می آوریم:

$$\frac{1}{y-3} = 1 - \frac{1}{x-2} \Rightarrow \frac{1}{y-3} = \frac{x-2-1}{x-2} \Rightarrow \frac{1}{y-3} = \frac{x-3}{x-2}$$

$$\Rightarrow y-3 = \frac{x-2}{x-3} \Rightarrow y = \frac{x-2}{x-3} + 3$$

جانب‌های قائم و افقی تابع f به صورت زیر می‌شود:

$$x-3=0 \Rightarrow x=3 \quad (\text{جانب قائم})$$

$$\lim_{x \rightarrow \infty} y = \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x-2}{x-3} + 3 \right) = 1 + 3 = 4 \Rightarrow y = 4 \quad (\text{جانب افقی})$$

نقطه $(4, 3)$ برخورد جانب‌ها است.

راه حل دوم:

$$\begin{cases} \text{جانب افقی: } x \rightarrow \pm\infty : 0 + \frac{1}{y-3} = 1 \Rightarrow y = 4 \\ \text{جانب قائم: } y \rightarrow \pm\infty : \frac{1}{x-2} + 0 = 1 \Rightarrow x = 3 \end{cases} \Rightarrow (3, 4)$$

(حسابان ۲ - صفحه های ۱۳۴ تا ۱۳۶)

در نتیجه ماکزیمم مطلق تابع f در بازه $(1, 0)$ برابر است با:

$$f\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{4}{\frac{1}{3}-1} - \frac{1}{\frac{1}{3}} = -9 \Rightarrow k = -9$$

توجه: خطوط $x=0$ و $x=1$ مجانب‌های قائم تابع f هستند که در بازه $(1, 0)$ مقادیر تابع f در مجاورت این مجانب‌ها به سمت $(-\infty)$ می‌کند و تابع f مینیمم مطلق ندارد.

(حسابان ۲ - صفحه های ۱۳۷ تا ۱۳۹)

(کاظم اجلالی)

«۳»

ابتدا توجه کنید که $[3, -\infty)$ و داریم:

$$f'(x) = \frac{1}{3} - \frac{1}{2\sqrt{3-x}-3} = \frac{2\sqrt{3-x}-3}{6\sqrt{3-x}}$$

$$\leq \Rightarrow \sqrt{3-x} \leq \Rightarrow - \leq \frac{9}{4} \Rightarrow \geq \frac{3}{4}$$

بنابراین تابع f روی بازه $[3, \frac{3}{4}]$ نزولی است و بیشترین مقدار $b-a$

$$3 - \frac{3}{4} = \frac{9}{4}$$

(حسابان ۲ - صفحه های ۱۴۰ تا ۱۴۲)

برابر می‌شود با:

(کیان کریمی فراسانی)

«۱»

چون تابع f فاقد نقطه بحرانی است، نتیجه می‌گیریم که $f'(a)$ موجوداست. پس تابع f باید پیوسته باشد که با بررسیمقادیر $\lim_{x \rightarrow a^+} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow a^-} f(x)$ که تابع f نتیجه می‌گیریم که تابع f در a پیوسته می‌باشد. لذا باید مشتق چپ و راست f در این نقطه

$$f'_-(a) = f'_+(a) \Rightarrow 3a^3 = 12 \Rightarrow a = \pm 2$$

برابر باشد:

به ازای $a=2$ ، تابع f در $x=0$ نقطه بحرانی خواهد داشت. چون $f'(0)=0$ ، ولی به ازای $a=-2$ این اتفاق نمی‌افتد.

(حسابان ۲ - صفحه ۱۴۷)



$$\frac{(1), (2)}{a - b = -1} \Rightarrow \begin{cases} 3a - 3b = -3 \\ 4a + 3b = 0 \end{cases} \Rightarrow a = -\frac{3}{7}, b = \frac{4}{7}$$

$$f(x) = -\frac{3}{7}x^4 + \frac{4}{7}x^3 + 1 \Rightarrow m = f(1) = \frac{1}{7}$$

در نتیجه:

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

گزینه «۳» - ۱۳

برای این که یک تابع درجه سوم، سه ریشه متمایز داشته باشد، اولاً باید دارای ماکریم و مینیم نسبی باشد و ثانیاً حاصل ضرب مقادیر ماکریم و مینیم نسبی آن منفی باشد.

مقادیر اکسٹرم نسبی تابع را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = 9x^3 - 3ax + 2a \Rightarrow f'(x) = 27x^2 - 3a = 0$$

$$\xrightarrow{\text{باشد}} \begin{cases} x = \frac{\sqrt{a}}{3} \\ x = -\frac{\sqrt{a}}{3} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = \frac{\sqrt{a}}{3} \Rightarrow f\left(\frac{\sqrt{a}}{3}\right) = \frac{-2a\sqrt{a}}{3} + 2a : \min \\ x = -\frac{\sqrt{a}}{3} \Rightarrow f\left(-\frac{\sqrt{a}}{3}\right) = \frac{2a\sqrt{a}}{3} + 2a : \max \end{cases}$$

$$\Rightarrow \left(2a - \frac{2a\sqrt{a}}{3}\right)\left(2a + \frac{2a\sqrt{a}}{3}\right) = 4a^2 - \frac{4a^3}{9} < 0$$

$$\Rightarrow 4a^2\left(1 - \frac{a}{9}\right) < 0 \xrightarrow{\text{باشد}} 1 - \frac{a}{9} < 0 \Rightarrow a > 9$$

در نتیجه $a > 9$ مقدار طبیعی ۹، ۲، ۱ را نمی‌تواند قبول کند.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

گزینه «۳» - ۱۴

ضابطه تابع f را به صورت $f(x) = ax^4 + bx^3 + cx^2 + dx + e$ در $x = 0$ نظر می‌گیریم. با توجه به نمودار $f(0) = 1$ ، $e = 1$. همچنین $f''(0) = 0$ و داریم:

$$\begin{cases} f'(x) = 4ax^3 + 3bx^2 + 2cx + d \xrightarrow{f'(0)=0} d = 0 \\ f''(x) = 12ax^2 + 6bx + 2c \xrightarrow{f''(0)=0} c = 0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f(x) = ax^4 + bx^3 + 1$$

نقطه $(0, 1)$ روی نمودار قرار دارد. پس:

$$f(-1) = 0 \Rightarrow a - b + 1 = 0 \Rightarrow a - b = -1 \quad (1)$$

از طرفی در $x = 1$ مشتق تابع برابر صفر است:

$$f'(1) = 4a(1)^3 + 3b(1)^2 = 0 \Rightarrow 4a + 3b = 0 \quad (2)$$

$$6x^2 - a = 0 \Rightarrow x = \pm \sqrt{\frac{a}{6}}$$

مختصات نقطه عطف $I = (0, b)$

اکسٹرم نسبی تابع به دست می‌آید. پس داریم:

$$y + 4x = 5 \xrightarrow{x=\sqrt{\frac{a}{6}}} y + 4\sqrt{\frac{a}{6}} = 5 \Rightarrow y = -4\sqrt{\frac{a}{6}} + 5$$

$$\left(\sqrt{\frac{a}{6}}, -4\sqrt{\frac{a}{6}} + 5\right) \in f \xrightarrow{-4\sqrt{\frac{a}{6}} + 5 = 2\sqrt{\frac{a}{6}} - a\sqrt{\frac{a}{6}} + 5}$$

$$\xrightarrow{\text{باشد}} -4 = \frac{a}{3} - a = -\frac{2a}{3} \Rightarrow a = 6$$

در نتیجه $a - b = 6 - 5 = 1$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۰)

(محمد زکنه) گزینه «۴» - ۱۶

مشتق دوم تابع f را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = 9x^2 \sqrt{x^2} - 20x^2 \Rightarrow f(x) = 9x^3 - 20x^2$$

$$\Rightarrow f'(x) = 9x^2 \cdot \frac{5}{3} - 40x \Rightarrow f''(x) = 9x^2 \cdot \frac{2}{9} - 40 = 4x^2 - 40$$



$$\Rightarrow f''(x) = \frac{4(\sqrt[3]{x^2}) - \frac{3 \times 2}{\sqrt[3]{x}}(4x + m)}{\sqrt[9]{x^4}} = \frac{4x - 2m}{9x\sqrt[3]{x^2}}$$

در نقاط به طول $x = 0$ و $\frac{m}{2}$ ، تابع f تغییر علامت می‌دهد و در هر کدام از آنها خط مماس بکتابت بر تابع f وجود دارد، پس هر دوی آنها نقاط عطف تابع f هستند و طبق فرض داریم:

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

(به انفس نیکنام)

گزینه «۱»

با توجه به این‌که نمودار تابع f بر محور X ها مماس است، پس معادله $= 0$ دارای ریشه مضاعف است. از طرفی مقادیر تابع f در همسایگی مجانب قائم $x = 1$ به سمت $(+\infty)$ میل می‌کند پس در مخرج کسر عامل $(x-1)^2$ وجود دارد. با توجه به ضابطه تابع f داریم:

$$f(x) = \frac{(x+a)^2}{(x-1)^2(x+a)} \xrightarrow{f(0)=\frac{3}{2}} f(0) = \frac{a^2}{4} = \frac{3}{2}$$

$$\Rightarrow \frac{a}{2} = \frac{3}{2} \Rightarrow a = 6$$

$$f(x) = \frac{(x+3)^2}{(x-1)^2(x+6)} = \frac{(x+3)^2}{x^3 + 4x^2 - 11x + 6}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} c = 4 \\ d = -11 \end{cases} \Rightarrow f(d+2c) = f(-3) = 0$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

در نتیجه:

(کیان کریمی فراسانی)

گزینه «۴»

تابع را به صورت دو ضابطه‌ای می‌نویسیم، با فرض $a \neq 4$ داریم:

$$f(x) = \begin{cases} ax^3 - (3a+12)x + 36 & , x \geq 3 \\ -ax^3 + (3a+12)x - 36 & , x < 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f'(x) = \begin{cases} 2ax - 3a - 12 & , x > 3 \\ -2ax + 3a + 12 & , x < 3 \end{cases}$$

$$\Rightarrow f''(x) = \begin{cases} 2a & , x > 3 \\ -2a & , x < 3 \end{cases}$$

با توجه به f'' ، تابع در هیچ کدام از دو بازه $(-\infty, 3)$ و $(3, +\infty)$ تغییر نمی‌دهد. ولی اگر $a = 4$ باشد، آن‌گاه تابع f در $x = 3$ هم مشتق‌پذیر می‌شود و هم در این نقطه تغییر تقریب می‌دهد، یعنی نقطه عطف است.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

ریشه‌های مشتق دوم تابع f عبارتند از:

$$f''(x) = 0 \Rightarrow 40(x^3 - 1) = 0 \Rightarrow x = \pm 1$$

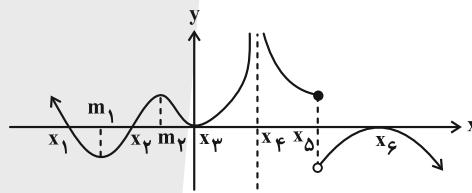
تقریب تابع f در نقاط به طول $x = \pm 1$ عوض شده و در این نقاط، خط مماس بر نمودار تابع f رسم می‌شود، پس نقاط عطف تابع هستند:

$$\begin{cases} A(1, -11) \\ B(-1, -11) \end{cases} \Rightarrow m_{AB} = \frac{-11+11}{1+1} = 0$$

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

(داود بولفسنی)

گزینه «۱»

نقاط به طول x_1, x_2, \dots, x_6 نقاط بحرانی تابع f هستند.جدول تعیین علامت f' برای این نقاط به صورت زیر می‌شود:

x	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5	x_6
f'	+	-	+	+	+	-

نقاط به طول x_1 و x_5 ماقزیم نسبی و نقطه به طول x_2 مینیم نسبی است.از طرفی در نقاط $x_1, m_1, x_3, m_2, x_5, m_4$ ، مقدار f'' تغییر علامت می‌دهد و

در همه آنها مماس وجود دارد، پس این ۴ نقطه، عطف هستند.

در نقطه x_4 نیز f'' وجود ندارد ولی f'' تغییر علامت می‌دهد و در این نقطه،مماس قائم دارد، پس x_4 هم عطف (قائم) است.پس تابع f ، x_2 نقطه ماقزیم نسبی، x_1 نقطه مینیم نسبی و x_5 نقطه عطف دارد.توجه: در نقطه به طول x_5 ، با وجود این‌که f'' تغییر علامت می‌دهد ولیچون تابع f در این نقطه، مشتق‌ناظدیز است، لذا مماس واحد نداریم و x_5 نمی‌تواند نقطه عطف باشد.

(مسابان ۲ - صفحه‌های ۱۳۱ تا ۱۳۴)

(به انفس نیکنام)

گزینه «۴»

مشتق دوم تابع را به دست می‌آوریم:

$$f(x) = (x+m)\sqrt[3]{x} \Rightarrow f'(x) = \sqrt[3]{x} + \frac{x+m}{3\sqrt[3]{x^2}} = \frac{4x+m}{3\sqrt[3]{x^2}}$$



(یومن امیدی)

گزینه «۲» - ۲۲

طبق فرض سؤال داریم:

$$2\sin^2 \alpha - 3\cos^2 \alpha = 1 \Rightarrow 2(1 - \cos^2 \alpha) - 3\cos^2 \alpha = 1$$

$$2 - 5\cos^2 \alpha = 1 \Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{1}{5} \Rightarrow \sin^2 \alpha = \frac{4}{5}$$

$$\sin \alpha = \frac{2}{\sqrt{5}}, \quad \cos \alpha = \frac{1}{\sqrt{5}} \quad \text{حاده است، پس: } \alpha$$

در مثلث قائم الزاویه AHC داریم:

$$\sin \alpha = \frac{x}{x+1} = \frac{2}{\sqrt{5}} \Rightarrow 2x + 2 = \sqrt{5}x$$

$$\Rightarrow \sqrt{5}x - 2x = 2 \Rightarrow x = \frac{2}{\sqrt{5}-2} \times \frac{\sqrt{5}+2}{\sqrt{5}+2} = 2\sqrt{5} + 4$$

$$\cos \alpha = \frac{AH}{x+1} \Rightarrow \frac{1}{\sqrt{5}} = \frac{AH}{2\sqrt{5}+5} \quad \text{از طرفی:}$$

$$\Rightarrow AH = \frac{2\sqrt{5}+5}{\sqrt{5}} = 2 + \sqrt{5}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۰، ۳۵ و ۴۳)

(جوابنیش نیکنام)

گزینه «۲» - ۲۳

با توجه به فرض، رابطه سینوسی را برای مساحت مثلث ABC می‌نویسیم:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times (4 + \sin x) \left(\frac{1}{1 + \cos x} \right) \times \sin 30^\circ = \frac{3}{4}$$

$$\Rightarrow \frac{4 + \sin x}{1 + \cos x} = 3 \Rightarrow 4 + \sin x = 3 + 3 \cos x$$

$$\Rightarrow \sin x = 3 \cos x - 1 \quad \text{توان ۲}$$

$$\Rightarrow 1 - \cos^2 x = 9 \cos^2 x - 6 \cos x + 1$$

$$\Rightarrow 10 \cos^2 x - 6 \cos x = 0 \Rightarrow \begin{cases} \cos x = 0 \\ \cos x = \frac{3}{5} \Rightarrow \sin x = \frac{4}{5} \end{cases}$$

(حادر معنوی)

ریاضی پایه

گزینه «۳» - ۲۱

$$1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \Rightarrow 1 + \left(\frac{12}{5}\right)^2 = \frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\Rightarrow \cos^2 \alpha = \frac{25}{169} \xrightarrow{\text{ربع اول}} \cos \alpha = \frac{5}{13} \Rightarrow \sin \alpha = \frac{12}{13}$$

مطابق شکل داریم:

$$\begin{cases} A\left(\frac{5}{13}, \frac{12}{13}\right) \\ B(-1, 0) \end{cases} \Rightarrow m_{AB} = \frac{\frac{12}{13} - 0}{\frac{5}{13} + 1} = \frac{\frac{12}{13}}{\frac{18}{13}} = \frac{12}{18} = \frac{2}{3}$$

معادله خط گذرا از نقاط A و B به صورت زیر می‌شود:

$$y - 0 = \frac{2}{3}(x + 1) \Rightarrow y = \frac{2}{3}x + \frac{2}{3}$$

مختصات نقطه M را به دست می‌آوریم:

$$y = \frac{2}{3}x + \frac{2}{3} \xrightarrow{x=0} M(0, \frac{2}{3})$$

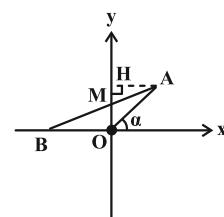
برای به دست آوردن مساحت مثلث OAM می‌توان از دو روش زیر استفاده کرد:

$$S_{OAM} = \frac{1}{2} \times OM \times OA \times \underbrace{\sin\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right)}_{\cos \alpha} \quad \text{روش اول:}$$

$$\Rightarrow S_{OAM} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times 1 \times \frac{5}{13} = \frac{5}{39}$$

روش دوم: ارتفاع AH در مثلث OAM برابر با $\cos \alpha$ است، پس:

$$S_{OAM} = \frac{1}{2} \times OM \times \underbrace{AH}_{\cos \alpha} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{3} \times \frac{5}{13} = \frac{5}{39}$$



(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۳۶ و ۴۳)



$$\Rightarrow \sin \alpha = \frac{\sqrt{2}}{2} (\cos \beta - \sin \beta) = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\frac{5x}{\sqrt{34}x} - \frac{3x}{\sqrt{34}x} \right)$$

$$= \frac{\sqrt{2}}{2} \times \frac{2}{\sqrt{34}} = \frac{1}{\sqrt{17}}$$

(مسابان ا- مثلثات: صفحه‌های ۱۰، ۱۱ و ۱۲)

(علیرضا نرافزاره)

گزینه «۳» - ۲۶

$$f(x) = \frac{\sin x}{x}$$

با توجه به کار در کلاس صفحه ۱۲۰ کتاب درسی، تابع

حول $x = 0$ با مقادیر کمتر به عدد ۱ نزدیک می‌شود، پس:

$$\lim_{x \rightarrow 0^-} \left[\frac{x}{\sin x} \right] = [1^+] = 1$$

از طرفی در یک همسایگی راست $x = 0$ ، عبارت $\sin x - x$ کمتر از صفر

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} [\sin x - x] = [0^-] = -1$$

است، پس:

پس حاصل عبارت مورد نظر برابر می‌شود با $2 - (-1) = 1$

(مسابان ا- هر و پیوستگی: صفحه‌های ۱۰، ۱۱ و ۱۲)

(غلامرضا نیازی)

گزینه «۴» - ۲۷

ابتدا حد چپ تابع f در $x = 1$ را به دست می‌آوریم:

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} ([x^2] - x^2) = [1^-] - 1 = 0 - 1 = -1$$

حد راست تابع f در $x = 1$ برابر می‌شود با:

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x - \sqrt{x+3}}{x - \sqrt{x}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{2x - \sqrt{x+3}}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)} \times \frac{2x + \sqrt{x+3}}{2x + \sqrt{x+3}}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{4x^2 - x - 3}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)(2x + \sqrt{x+3})}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(x-1)(4x+3)}{\sqrt{x}(\sqrt{x}-1)(2x + \sqrt{x+3})}$$

در نتیجه مساحت مثلث $A'B'C'$ برابر می‌شود با:

$$S_{A'B'C'} = \frac{1}{2} (\sin x \cos x) \sin x = \frac{1}{2} \times \left(\frac{4}{5}\right)^2 \times \frac{3}{5} = \frac{24}{125}$$

(ریاضی ا- مثلثات: صفحه‌های ۱۳۳، ۱۳۵، ۱۴۲ و ۱۴۳)

(علی سلامت)

گزینه «۱» - ۲۴

ابتدا عبارت داده شده را به صورت زیر بازنویسی می‌کنیم:

$$\frac{\tan 547^\circ - \cot 173^\circ}{2 \tan 353^\circ - \cot 91^\circ} = \frac{\tan(540^\circ + 7^\circ) - \cot(180^\circ - 7^\circ)}{2 \tan(360^\circ - 7^\circ) - \cot(90^\circ + 7^\circ)}$$

$$= \frac{\tan 7^\circ + \cot 7^\circ}{-2 \tan 7^\circ + \tan 7^\circ} = \frac{\tan 7^\circ + \cot 7^\circ}{-\tan 7^\circ}$$

$$= -(1 + \cot^2 7^\circ) = x \Rightarrow 1 + \cot^2 7^\circ = -x$$

$$\Rightarrow \frac{1}{\sin^2 7^\circ} = -x \Rightarrow \sin^2 7^\circ = -\frac{1}{x}$$

از طرفی با توجه به رابطه $\cos 2x = 1 - 2 \sin^2 x$ داریم:

$$\cos 14^\circ = 1 - 2 \sin^2 7^\circ = 1 + \frac{2}{x} = \frac{x+2}{x}$$

(مسابان ا- مثلثات: صفحه‌های ۹۸، ۱۰۴ و ۱۱۳)

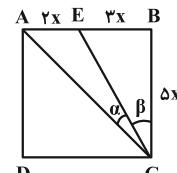
(اخشنین فاضلیان)

گزینه «۲» - ۲۵

با توجه به فرض، $AB = BC = 5x$ ، $EB = 3x$ ، $AE = 2x$ است و

$$EC = \sqrt{25x^2 + 9x^2} = \sqrt{34}x$$

همچنین:

مطابق شکل $\alpha + \beta = \frac{\pi}{4}$ و داریم:

$$\sin \alpha = \sin\left(\frac{\pi}{4} - \beta\right) = \sin \frac{\pi}{4} \cos \beta - \cos \frac{\pi}{4} \sin \beta$$



$$b = \lim_{x \rightarrow 1^+} [f(f(x))] = \lim_{t \rightarrow 1^-} [f(t)] = [3^-] = 2$$

توجه: وقتی $x \rightarrow 1^+$, آن‌گاه تابع f با مقادیر کمتر به عدد ۱ نزدیک

می‌شود؛ همچنین وقتی $x \rightarrow 1^-$, آن‌گاه تابع f با مقادیر کمتر به عدد ۳ نزدیک می‌شود.

$$h(x) = (x^3 - 6x + 8)[x]$$

در نتیجه:

عبارت X در بازه $(1, 5)$ به ازای $4, 3, 2, x = 2$, مقادیر صحیح می‌شود
ولی $x = 2, 4$ ریشه‌های عبارت پشت $[x]$ هستند، پس تابع $h(x)$ فقط در $x = 3$ ناپیوسته می‌باشد.

(حسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۲۹ تا ۱۳۰ و ۱۴۵ تا ۱۵۰)

(راور بوالسن)

«گزینه ۱» - ۳۰

با توجه به این‌که تابع f در \mathbb{R} پیوسته است، پس $x = a$ باید تنها

ریشه $x^3 - 4x + c = 0$ باشد؛ از طرفی ریشه صورت نیز می‌باشد
(یعنی $x^3 - x - 2 = 0$), پس ریشه مشترک صورت و مخرج است:

$$x^3 - x - 2 = 0 \Rightarrow (x - 2)(x + 1) = 0 \Rightarrow x = 2, x = -1$$

$$\begin{cases} a = 2 \Rightarrow 2^3 - 4(2) + c = 0 \Rightarrow c = 0 \\ a = -1 \Rightarrow (-1)^3 - 4(-1) + c = 0 \Rightarrow c = -3 \end{cases}$$

مقادیر b در هر یک از حالت‌ها را محاسبه می‌کنیم:

$$\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x - 2)(x + 1)}{x^3 - 4x} = \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x + 1}{x(x + 2)} = \frac{3}{4} = b_1$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{(x - 2)(x + 1)}{x^3 - 4x} = \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x - 2}{x^3 - x - 3} = \frac{-3}{-1} = 3 = b_2$$

در نتیجه نسبت مقادیر ممکن برای b برابر با یکی از مقادیر ۸ یا $\frac{1}{4}$ است.

(حسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۴۵ تا ۱۵۰)

$$= \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{(\sqrt{x} + 1)(4x + 3)}{\sqrt{x}(2x + \sqrt{x} + 3)} = \frac{2(7)}{4} = \frac{7}{2} = 3.5$$

در نتیجه اختلاف حد چپ و راست برابر است با:

$$3.5 - (-1) = 4.5$$

(حسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۲۹ تا ۱۳۰ و ۱۴۵ تا ۱۵۰)

«گزینه ۲» - ۲۸

حاصل حد را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin x - \cos x}{\cos x - \sin x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin^3 x - \cos^3 x}{\sin x \cdot \cos x}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sin^3 x - \cos^3 x}{(\sin x \cdot \cos x)(\sqrt{2} \cos x)(\cos x - \sin x)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{(\sin x - \cos x)(\sin x + \cos x)}{\sqrt{2}(\sin x \cdot \cos x)(\cos x - \sin x)}$$

$$= \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{-(\sin x + \cos x)}{\sqrt{2}(\sin x \cdot \cos x)} = \frac{-\sqrt{2}}{\sqrt{2}(1)(\frac{\sqrt{2}}{2})} = -\sqrt{2}$$

(حسابان ا- مر و پیوستگی؛ صفحه‌های ۱۳۷ تا ۱۴۳)

«گزینه ۳» - ۲۹

با توجه به فرض و شکل صورت سوال، مقادیر a و b را به دست می‌آوریم:

$$a = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{x^2[x] - 8}{x[x] - 4} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2x^2 - 8}{2x - 4}$$

$$= \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{2(x+2)(x-2)}{2(x-2)} = \lim_{x \rightarrow 2^+} (x+2) = 4$$



بلندترین میانه، متناظر با کوتاه‌ترین ضلع (یعنی \overline{AB}) است. نقطه M ، وسط

ضلع \overline{AB} به صورت $(\frac{1}{2}, \frac{5}{2}, -\frac{3}{2})$ است و طول میانه CM برابر

می‌شود با:

$$CM = \sqrt{\left(-1 - \frac{1}{2}\right)^2 + \left(1 - \frac{5}{2}\right)^2 + \left(0 + \frac{3}{2}\right)^2} \Rightarrow CM = \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

(هنرسه ۳۳ - صفحه‌های ۶۱۳ تا ۶۱۴)

(سید محمد رضا هسینی فرد)

گزینه «۴» - ۳۴

به کمک مختصات نقطه $A(2, -1, -2)$ ، مختصات بقیه نقاط را به دست

می‌آوریم:

$$\begin{cases} B(0, 0, -2) \\ C(2, 0, -2) \\ D(0, -1, 0) \end{cases}$$

بنابراین مؤلفه‌های بردارهای مورد نظر به صورت زیر می‌شود:

$$\begin{cases} \overrightarrow{AB} = (-2, 1, 0) \\ \overrightarrow{CD} = (-2, -1, 2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB} - \overrightarrow{CD} = (-2, 1, 0) - (-2, -1, 2) = (0, 2, -2)$$

(هنرسه ۳۳ - صفحه‌های ۶۱۳ و ۶۱۴ تا ۷۵۵)

(اخشین فاصله‌نمایان)

گزینه «۴» - ۳۵

با توجه به فرض، رابطه $\frac{C+A}{2} = B$ برقرار است، لذا مختصات نقطه C

به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\begin{cases} \frac{x_C+1}{2} = 0 \Rightarrow x_C = -1 \\ \frac{y_C+0}{2} = -a \Rightarrow y_C = -2a \\ \frac{z_C-6}{2} = a-3 \Rightarrow z_C = 2a \end{cases}$$

$$|\overrightarrow{OC}| = 3 \Rightarrow \sqrt{(-1)^2 + (-2a)^2 + (2a)^2} = 3 \quad \text{از طرفی داریم:}$$

$$\Rightarrow 1 + 4a^2 + 4a^2 = 9 \Rightarrow 8a^2 = 8 \Rightarrow a = \pm 1$$

مجموع مقادیر ممکن برای a مساوی صفر می‌شود.

(هنرسه ۳۳ - صفحه‌های ۶۱۳ تا ۶۱۴ و ۷۳۳)

هندسه ۳

گزینه «۱» - ۳۱

در ناحیه ششم داریم $x > 0, y > 0, z < 0$ ، پس:

$$\begin{cases} 2m - 5 < 0 \\ 3 > 0 \\ -2 < 0 \end{cases} \Rightarrow m < \frac{5}{2} \quad (1)$$

در ناحیه سوم نیز $x > 0, y > 0, z > 0$ ، بنابراین داریم:

$$\begin{cases} -1 < 0 \\ 3 - 7m < 0 \Rightarrow m > \frac{3}{7} \\ 4 > 0 \end{cases} \quad (2)$$

از (۱) و (۲) نتیجه می‌شود که $\frac{3}{7} < m < \frac{5}{2}$ و تنها مقادیر صحیح ۱ و ۲ را قبول می‌کند که میانگین آن‌ها برابر $\frac{3}{2}$ است.

(هنرسه ۳۳ - صفحه‌های ۶۱۳ و ۶۱۴)

(همون عقیلی)

گزینه «۴» - ۳۲

$$\begin{cases} \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AC} \\ \overrightarrow{MP} + \overrightarrow{PN} = \overrightarrow{MN} \end{cases}$$

$$\text{داریم: } \overrightarrow{AC} = \overrightarrow{AB} + \overrightarrow{BC} + 3(\overrightarrow{MP} + \overrightarrow{PN}) = \overrightarrow{O} \Rightarrow \overrightarrow{AC} = -3\overrightarrow{MN}$$

پس دو بردار \overrightarrow{AC} و \overrightarrow{MN} با هم موازی و خلاف جهت یکدیگر هستند و با یکدیگر زاویه 180° می‌سازند.

(هنرسه ۳۳ - صفحه‌های ۶۹ تا ۷۲۲)

(اسماق اسفندیار)

گزینه «۲» - ۳۳

بلندترین میانه، میانه وارد بر کوتاه‌ترین ضلع است. طول اضلاع مثلث را پیدا می‌کنیم:

$$AB = \sqrt{1+1+1} = \sqrt{3}$$

$$AC = \sqrt{4+1+1} = \sqrt{6}$$

$$BC = \sqrt{1+4+4} = 3$$



$$|OB| = \sqrt{10} \Rightarrow \sqrt{3^2 + t'^2 + 0} = \sqrt{10} \Rightarrow 9 + t'^2 = 10$$

$$\Rightarrow t'^2 = 1 \Rightarrow t' = \pm 1 \xrightarrow{0 \leq t' \leq 2} t' = 1 \Rightarrow B(3, 1, 0)$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA} = (1, -1, -1)$$

هر بردار به صورت $(m, -m, -m)$ ، همانند بردار گزینه (۳) است.

موازی \overrightarrow{AB} می‌باشد.

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۶۱ تا ۷۶)

«۲» ۳۶ گزینه

چون مؤلفه‌های X و Z در دو نقطه A و B با هم برابرند، پس معادله خط گذرا از دو نقطه A و B به صورت $d : (x = 2, z = 1)$ می‌باشد. مختصات همه نقاط روی این خط به شکل $(2, t, 1)$ می‌باشد. پس مختصات نقطه M به شکل $(2, t, 1)$ است. از طرفی فاصله نقطه M تا مبدأ مختصات، ۳ واحد است، پس:

$$|OM| = 3 \Rightarrow \sqrt{2^2 + t^2 + 1^2} = 3 \Rightarrow t^2 + 5 = 9$$

$$\Rightarrow t^2 = 4 \Rightarrow t = \pm 2$$

فاصله نقطه M از محور X ها برابر می‌شود با:

$$\sqrt{y_M^2 + z_M^2} = \sqrt{(\pm 2)^2 + 1^2} = \sqrt{5}$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۶۱ تا ۷۶)

«۲» ۳۷ گزینه

با توجه به فرض، بردار \vec{a} به صورت $(4, 2, 0)$ خواهد بود و داریم:

$$\begin{cases} \overrightarrow{AM} = \overrightarrow{OM} - \overrightarrow{OA}, & \overrightarrow{MB} = \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OM} \\ \overrightarrow{OA} = (-1, 2, 3), & \overrightarrow{OB} = (-3, 4, 5) \end{cases}$$

رابطه برداری مفروض به صورت زیر ساده می‌شود:

$$4\overrightarrow{OM} - 2\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OM} + (0, 2, 4) = \vec{0} \\ (-1, 0, -1)$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{OM} + (-1, 2, 3) = \vec{0}$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{OM} = (1, -2, -3)$$

در نتیجه مجموع مؤلفه‌های نقطه M برابر -4 می‌شود.

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

«۳» ۳۸ گزینه

نقطه A روی فصل مشترک صفحات 1 و 2 است. پس مختصات آن به فرم $A(t, 2, 1)$ است. t میانگین مختصات آن بوده و $x = 3$ و $z = 0$ است. پس مختصات آن به

فرم $(0, 0, t')$ است. طبق فرض داریم:

$$|OA| = 3 \Rightarrow \sqrt{t^2 + 2^2 + 1^2} = 3 \Rightarrow t^2 + 5 = 9$$

$$\Rightarrow t^2 = 4 \Rightarrow t = \pm 2 \xrightarrow{0 \leq t \leq 3} t = 2 \Rightarrow A(2, 2, 1)$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

«۱» ۴۰ گزینه

با توجه به فرض داریم:

$$\overrightarrow{AC} = 3\overrightarrow{BC} \Rightarrow \overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OA} = 3(\overrightarrow{OC} - \overrightarrow{OB})$$

$$\Rightarrow 2\overrightarrow{OC} = 3\overrightarrow{OB} - \overrightarrow{OA}$$

$$= (3, -6, 12) - (-1, 0, 0) = (4, -6, 12)$$

$$\Rightarrow \overrightarrow{OC} = (2, -3, 6)$$

فاصله نقطه C از مبدأ مختصات برابر است با:

$$|\overrightarrow{OC}| = \sqrt{2^2 + (-3)^2 + 6^2} = \sqrt{49} = 7$$

(هنرسه ۳ - صفحه‌های ۷۳ تا ۷۶)

(اصدرضا غلاج)



(سوکنند روشن)

گزینه «۳» - ۴۳

طبق خاصیت کشی- شوارتز داریم $|\vec{a} \cdot \vec{b}| \leq |\vec{a}| |\vec{b}|$. بردارهای \vec{a} و \vec{b}

به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

$$\vec{a} = (x-1, y+2, z+1)$$

$$\vec{b} = (1, -3, 4)$$

داریم:

$$|(x-1-3y-6+4z+4)| \leq \sqrt{(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z+1)^2} \times \sqrt{1+9+16}$$

$$\text{توان } ۲ \rightarrow ۲۶ \times ۲۶ \leq [(x-1)^2 + (y+2)^2 + (z+1)^2] \times ۲۶$$

در نتیجه کمترین مقدار عبارت مذکور برابر ۲۶ است.

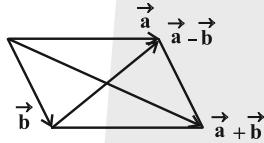
(هنرسه ۳ - صفحه های ۷۹ تا ۷۷)

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه «۴» - ۴۴

طبق شکل، اگر با بردارهای \vec{a} و \vec{b} متوازی‌الاضلاع بسازیم آن‌گاه

$\vec{a} - \vec{b}$ و $\vec{a} + \vec{b}$ قطراهای آن هستند، پس طبق فرض:



$$|\vec{a} + \vec{b}| = 11, \quad |\vec{a} - \vec{b}| = 3$$

$$\begin{cases} |\vec{a} + \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + 2\vec{a} \cdot \vec{b} \\ |\vec{a} - \vec{b}|^2 = |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} \end{cases}$$

$$\Rightarrow |\vec{a} + \vec{b}|^2 - |\vec{a} - \vec{b}|^2 = 4\vec{a} \cdot \vec{b} \Rightarrow 11^2 - 3^2 = 4\vec{a} \cdot \vec{b} \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 28$$

البته اگر $\vec{a} \cdot \vec{b} = -28$ باشد، آن‌گاه $|\vec{a} + \vec{b}| = 3$ و $|\vec{a} - \vec{b}| = 11$

(هنرسه ۳ - صفحه های ۷۹ تا ۷۷)

(سید محمد رضا مسینی فرد)

گزینه «۳» - ۴۵

بردارهای \vec{AB} و \vec{AC} دو ضلع از این مثلث هستند و بردار

هر بردار همراستا با آن، بر صفحه شامل مثلث ABC عمود است، پس:

$$\begin{cases} \vec{AB} = (1, 1, -3) \\ \vec{AC} = (0, 3, 0) \end{cases} \Rightarrow \vec{AB} \times \vec{AC} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ 1 & 1 & -3 \\ 0 & 3 & 0 \end{vmatrix} = (9, 0, 3)$$

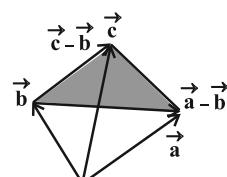
هندسه ۳ - پیشروی سریع

گزینه «۴» - ۴۱

(اصمود رضا غلاح)

طبق شکل، مثلث رنگی، مثلثی است که روی بردارهای $\vec{a} - \vec{b}$ و $\vec{c} - \vec{b}$

ساخته شده است. بنابراین:



$$S = \frac{1}{2} |(\vec{c} - \vec{b}) \times (\vec{a} - \vec{b})| = 4\sqrt{6}$$

$$\begin{cases} \vec{c} - \vec{b} = (-2, 0, 4) \\ \vec{a} - \vec{b} = (\alpha - 4, -4, 4) \end{cases}$$

$$\Rightarrow (\vec{c} - \vec{b}) \times (\vec{a} - \vec{b}) = \begin{vmatrix} i & j & k \\ -2 & 0 & 4 \\ \alpha - 4 & -4 & 4 \end{vmatrix} = 16\vec{i} + (4\alpha - 8)\vec{j} + 8\vec{k}$$

$$\Rightarrow S = 4\sqrt{6} \Rightarrow \frac{1}{2} \sqrt{16^2 + (4\alpha - 8)^2 + 8^2} = 4\sqrt{6}$$

$$\Rightarrow \sqrt{16^2 + (\alpha - 2)^2} = \sqrt{6} \rightarrow +(\alpha - 2)^2 =$$

$$\Rightarrow (4\alpha - 8)^2 = 64 \Rightarrow 4^2(\alpha - 2)^2 = 64 \Rightarrow (\alpha - 2)^2 = 4$$

$$\Rightarrow \begin{cases} \alpha - 2 = 2 \Rightarrow \alpha = 4 \\ \alpha - 2 = -2 \Rightarrow \alpha = 0 \end{cases}$$

مجموع مقادیر α برابر ۴ می‌شود.

(هنرسه ۳ - صفحه های ۸۱ و ۸۰)

(اسماق اسفنریار)

گزینه «۳» - ۴۲

$$|\vec{i} \times \vec{j}| = |\vec{k} \times \vec{i}| = |\vec{j} \times \vec{i}| =$$

$$|(\vec{3i} - \vec{j}) \times \vec{k}| = |\vec{3i} \times \vec{k} - \vec{j} \times \vec{k}| = |-3\vec{j} - \vec{i}|$$

$$= \sqrt{(-1)^2 + (-3)^2 + 0^2} = \sqrt{10}$$

$$\frac{|(\vec{i} \times \vec{j}) \times \vec{i}|}{|(\vec{3i} - \vec{j}) \times \vec{k}|} = \frac{1}{\sqrt{10}} = \frac{\sqrt{10}}{10}$$

در نتیجه:

(هنرسه ۳ - صفحه های ۸۱ و ۸۰)



$$\Rightarrow S_{ABC} = \frac{1}{2} |(-2, 4, 2)| = \frac{1}{2} \sqrt{4+16+4} = \frac{1}{2} \sqrt{24} = \sqrt{6}$$

مطابق شکل زیر، طول ارتفاع BH را به صورت زیر به دست می‌آوریم:

$$S_{ABC} = \frac{1}{2} |AC| \times |BH| \Rightarrow \sqrt{6} = \frac{1}{2} \sqrt{1+4} |BH|$$

$$\Rightarrow |BH| = \frac{2\sqrt{6}}{\sqrt{1+4}} = \frac{2\sqrt{3}}{\sqrt{2}} = \frac{2\sqrt{21}}{2}$$

(هنرسه -۳ - صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(نیما مهندس)

گزینه «۱» -۴۹

اگر سه بردار مذکور بخواهند هم صفحه باشند، آن‌گاه:

$$\begin{vmatrix} 1 & \alpha & 2 \\ 4 & -2 & 0 \\ 3 & \beta & 4 \end{vmatrix} = 0 \xrightarrow[\text{به سطر اول}]{\text{بسط نسبت}} -8 - \alpha(4 \times 4 - 3 \times 0) + 2 \times (4\beta + 6) = 0$$

$$\xrightarrow{+4} -2 - 4\alpha + (2\beta + 3) = 0 \Rightarrow 4\alpha - 2\beta = 1 \quad (*)$$

به ازای مقادیر صحیح α و β ، حاصل $4\alpha - 2\beta = 1$ عددی زوج خواهد بود که

با رابطه $(*)$ در تضاد است، پس هیچ زوج مرتب (α, β) با مقادیر صحیح

وجود ندارد.

(هنرسه -۳ - صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(همون عقیلی)

گزینه «۳» -۵۰

با توجه به فرض سؤال داریم:

$$\vec{a} + \vec{b} + 2\vec{c} = \vec{O} \Rightarrow \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} + \vec{c} = \vec{O}$$

$$\Rightarrow \vec{a} + \vec{b} + \vec{c} = -\vec{c} \Rightarrow |\vec{a} + \vec{b} + \vec{c}|^2 = |-\vec{c}|^2$$

$$\Rightarrow |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 + |\vec{c}|^2 + 2(\underbrace{\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c}}_x) = |\vec{c}|^2$$

$$\Rightarrow 9 + 36 + 2x = 0 \Rightarrow x = \vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{a} \cdot \vec{c} + \vec{b} \cdot \vec{c} = -22/5$$

(هنرسه -۳ - مشابه تمرين ۳ صفحه ۱۴)

بردار $\vec{k} = \frac{1}{3}(\vec{AB} \times \vec{AC}) = 2\vec{i} + \vec{k}$ بر صفحه شامل مثلث ABC عمود است.

(هنرسه -۳ - صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(علی ایمانی)

گزینه «۴» -۴۶

$$\begin{cases} \vec{a} \times \vec{a} = \vec{0} \\ \vec{a} \cdot (\vec{a} \times \vec{b}) = 0 \\ \vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) = -\vec{a} \cdot (\vec{c} \times \vec{b}) \end{cases}$$

$$V = |\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})| = 2$$

طبق فرض داریم:

حجم متوازی السطوح مورد نظر به صورت زیر به دست می‌آید:

$$(2\vec{a} + 3\vec{b}) \cdot ((2\vec{a} + 3\vec{c}) \times (2\vec{b} + 3\vec{c}))$$

$$= (2\vec{a} + 3\vec{b}) \cdot (4\vec{a} \times \vec{b} + 6\vec{a} \times \vec{c} - 6\vec{b} \times \vec{c})$$

$$= -12\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c}) + 18\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c})$$

$$= -12\vec{b} \cdot (\vec{c} \times \vec{a}) + 18\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c})$$

$$= 12\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c}) + 18\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c}) = 30\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c})$$

$$\Rightarrow V' = |30\vec{b} \cdot (\vec{a} \times \vec{c})| = 30 \times 2 = 60$$

(هنرسه -۳ - صفحه‌های ۸۱ و ۸۲)

(همون عقیلی)

گزینه «۴» -۴۷

با توجه به فرض داریم:

$$|\vec{a} - \vec{b}| = 7 \Rightarrow |\vec{a} - \vec{b}|^2 = 49 \Rightarrow |\vec{a}|^2 + |\vec{b}|^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 49$$

$$\Rightarrow 400 + 225 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} = 49 \Rightarrow \vec{a} \cdot \vec{b} = 288$$

اندازه تصویر قائم بردار \vec{a} بر امتداد بردار $\vec{a} - \vec{b}$ برابر می‌شود با:

$$|\vec{a}'| = \frac{|\vec{a} \cdot (\vec{a} - \vec{b})|}{|\vec{a} - \vec{b}|} = \frac{||\vec{a}|^2 - \vec{a} \cdot \vec{b}|}{|\vec{a} - \vec{b}|} = \frac{400 - 288}{7} = 16$$

(هنرسه -۳ - صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)

(علیرضا شریف‌نژادی)

گزینه «۱» -۴۸

مطابق دستور مساحت مثلث داریم:

$$\begin{cases} \vec{AB} = (-2, -2, 2) \\ \vec{AC} = (-1, -2, 3) \end{cases} \Rightarrow \vec{AB} \times \vec{AC} = \begin{vmatrix} i & j & k \\ -2 & -2 & 2 \\ -1 & -2 & 3 \end{vmatrix} = (-2, 4, 2)$$



$$\Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n = 990$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(شبین غلام)

گزینه «۲»

-۵۴

بازه اطمینان ۹۵ درصد برای برآورد میانگین به صورت زیر است:

$$\left[\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \right]$$

بنابراین طول فاصله اطمینان برابر $\frac{4\sigma}{\sqrt{n}}$ می‌باشد. بدینه است با افزایش

اندازه نمونه، مخرج کسر بزرگ شده و در نتیجه طول فاصله اطمینان کاهش

می‌یابد و بر عکس با افزایش انحراف معیار، صورت کسر بزرگ شده و در

نتیجه طول فاصله اطمینان افزایش پیدا می‌کند.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(سوکن روشن)

گزینه «۳»

-۵۵

می‌دانیم کران بالای بازه اطمینان $\bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}$ است که σ انحراف معیار

جامعه و n اندازه نمونه است.

$$15 + \frac{2\sigma}{\sqrt{2500}} = 15 / 12 \Rightarrow \frac{2\sigma}{50} = \frac{12}{100} = \frac{6}{50} \Rightarrow \sigma = 3$$

اگر تعداد اعضای نمونه ۹۰۰ واحد کاهش یابد، $n = 1600$ خواهد شد و داریم:

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = \frac{4(3)}{\sqrt{1600}} = \frac{4(3)}{40} = 0 / 3$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(بواره ترکمن)

آمار و احتمال

-۵۱

چون ۱۵ نفر انتخاب شده است، پس ۱۵ طبقه وجود دارد. چون $14 = \frac{210}{15}$

پس تعداد افراد داخل هر طبقه ۱۴ نفر است و فاصله دو شماره متولی

منتخب (قدرتسیت) برابر ۱۴ است. از طرفی $10 + 6 \times 14 = 94$ ، پس

عدد ۹۴ از طبقه هفتم می‌باشد و نفر دهم این طبقه است. پس از هر طبقه نفر

دهم انتخاب می‌شود.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)

(بواره ترکمن)

-۵۲

$$|\mu - \bar{x}| \leq \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \xrightarrow{|\mu - \bar{x}| < 1} \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} < 1$$

$$\Rightarrow \frac{2 \times 3}{\sqrt{n}} < 1 \Rightarrow \sqrt{n} > 6 \Rightarrow n > 36 \Rightarrow \min(n) = 37$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی: صفحه‌های ۱۵ و ۱۶)

(نیلوفر مهربوی)

-۵۳

می‌دانیم میانگین جامعه (μ)، با اطمینان بیش از ۹۵ درصد، عددی در بازه

$$\left[\bar{x} - \frac{2\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + \frac{2\sigma}{\sqrt{n}} \right]$$

$$\bar{x} = \frac{4 / 1 + 4 / 2}{2} = 4 / 4$$

$$\frac{4\sigma}{\sqrt{n}} = 4 / 2 - 4 / 1 \Rightarrow \frac{4 \times 2 / 25}{\sqrt{n}} = 0 / 6 \Rightarrow \sqrt{n} = 15 \Rightarrow n = 225$$

$$\bar{x} = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{n} \Rightarrow 4 / 4 = \frac{x_1 + x_2 + x_3 + \dots + x_n}{225}$$



(شنبه غلامی)

«گزینه ۴» - ۵۸

اگر یک روش نمونه‌گیری از نمونه‌گیری ایده‌آل فاصله بگیرد و به سمت خاص انحراف پیدا کند، می‌گویند آن روش نمونه‌گیری اریب است. همه موارد ذکر شده در روش‌های «الف» تا «ت» اریب هستند. دقت کنید که در موارد «ب» و «پ» ممکن است بخش‌هایی از جامعه فاقد ایمیل باشند و یا دسترسی به خط تلفن نداشته باشند، بنابراین شانسی برای حضور در نمونه‌گیری ندارند.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)

(شنبه غلامی)

«گزینه ۴» - ۵۶

هیچ دادگان ثبت شده‌ای برای تعداد عابرانی که در یک روز خاص از یک پل عابر استفاده می‌کنند، وجود ندارد و بهترین روش جمع‌آوری داده‌ها در این زمینه، روش مشاهده است. در مورد سایر موضوعات، اطلاعات ثبته در سازمان‌های مربوطه وجود دارد و می‌توان از دادگان استفاده کرد.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۰۶ تا ۱۰۹)

(سوکندر روشی)

«گزینه ۴» - ۵۹

برای تعیین نمونه ۱۰ عضوی باید هر طبقه $\frac{۲۰۰}{۱۰} = ۲۰$ عضو داشته باشد.

$$\text{پس احتمال انتخاب هر فرد } \frac{۱}{۲۰} = ۰.۰۵ \text{ خواهد شد.}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)

(سوکندر روشی)

«گزینه ۴» - ۵۷

طبق فرض داریم:
 $\begin{cases} \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9\} \\ \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5, a_6, a_7\} \end{cases}$

$$\bar{x}_{جامعة} = \frac{1+9}{2} = 5$$

$$n(S) = \binom{9}{7} = 36$$

$$\frac{a_1 + a_2 + a_3 + \dots + a_7}{7} = 5 \Rightarrow a_1 + a_2 + \dots + a_7 = 35$$

$$\frac{9 \times 10}{2} = 45 \Rightarrow 45 - 35 = 10 \quad : \text{می‌دانیم } 1+2+3+\dots+9 = 45$$

باید جمع دو عضو غیرواقع در نمونه ۷ عضوی برابر ۱۰ باشد، پس:

۴ حالت $\Rightarrow \{1, 9\}, \{2, 8\}, \{3, 7\}, \{4, 6\}$

$$P = \frac{4}{36} = \frac{1}{9} \quad : \text{احتمال مورد نظر}$$

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۱۱۲ تا ۱۱۵)

(شنبه غلامی)

«گزینه ۳» - ۶۰

بهترین روش نمونه‌گیری در این شرایط، نمونه‌گیری خوش‌های است که در آن واحدهای نمونه‌گیری اولیه همان دیبرستان‌ها (کلاس‌های دیبرستان‌ها) هستند و سپس همه واحدهای آماری خوش‌های انتخاب شده (تمام دانش‌آموزان هر کلاس) را به عنوان نمونه در نظر می‌گیریم. دقت کنید که در سه روش دیگر

به فهرست دانش‌آموزان نیاز داریم.

(آمار و احتمال - آمار استنباطی؛ صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۴)



(سوکنر، روشن)

گزینه ۱۴

مریم و پگاه را به ترتیب M و P درنظر می‌گیریم. طبق فرض داریم:

$$P(M) = P(P) = \frac{1}{6}$$

$$P(P|M) = \frac{P(P \cap M)}{P(M)} = \frac{1}{6}$$

$$\Rightarrow P(P \cap M) = \frac{1}{6} \times \frac{1}{6} = \frac{1}{36}$$

احتمال مورد نظر برابر می‌شود با:

$$P(P|M') = \frac{P(P \cap M')}{P(M')} = \frac{P(P - M)}{1 - P(M)} = \frac{P(P) - P(P \cap M)}{1 - P(M)}$$

$$= \frac{\frac{1}{6} - \frac{1}{36}}{\frac{5}{6}} = \frac{\frac{5}{36}}{\frac{5}{6}} = \frac{1}{12}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۱۴، ۳۲ و ۳۹ تا ۵۲)

(اصدرضا فلاح)

گزینه ۱۵

پیشامدهای آزمایش را به صورت زیر تعریف می‌کنیم:

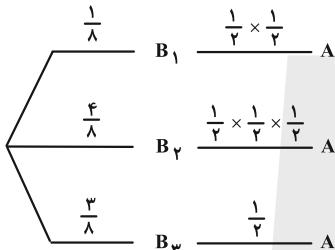
A : پیشامد فرد آمدن رقم تاس

B_1 : پیشامد هر ۳ سکه رو

B_2 : پیشامد حداقل ۱ سکه رو

B_3 : (سکه رو) سایر حالات

طبق فرض نمودار درختی به صورت زیر می‌شود:



$$\Rightarrow P(A) = \frac{1}{8} \times \frac{1}{2} + \frac{4}{8} \times \frac{1}{2} + \frac{3}{8} \times \frac{1}{2} = \frac{2+4+12}{64} = \frac{18}{64}$$

طبق قاعده بیز، احتمال خواسته شده را می‌یابیم:

$$P(B_1 | A) = \frac{P(B_1 \cap A)}{P(A)} = \frac{\frac{1}{8} \times \frac{1}{2}}{\frac{18}{64}} = \frac{1}{32} = \frac{1}{9}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۶۰)

(اخشین فاضه‌فان)

گزینه ۱۶

می‌دانیم شرط. فضای نمونه‌ای را به خود محدود می‌کند. فضای نمونه‌ای محدود شده عبارتست از:

$$\{(1,1), (1,2), (1,4), (2,1), (2,3), (3,4)\}$$

\rightarrow تعداد حالتها

(۱،۱) فقط یک حالت وجود دارد که غیرهمزنگ می‌باشد.

برای هر کدام از زوج‌ها مثلاً (۱،۲) چهار حالت وجود دارد (هر دو سفید / هر دو سیاه / یکی سفید و دیگری سیاه و برعکس)، لذا در کل با شرط داده شده ۱۷ حالت وجود دارد که ۸ حالت آن همزنگ و ۹ حالت آن غیرهمزنگ‌اند.

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۹ تا ۴۷)

آمار و احتمال**گزینه ۱۶**

داریم:

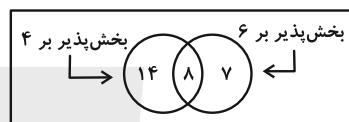
(سوکنر، روشن)

$$\left[\frac{99}{4} \right] - \left[\frac{9}{4} \right] = 22$$

$$\left[\frac{99}{6} \right] - \left[\frac{9}{6} \right] = 15$$

$$\left[\frac{99}{12} \right] - \left[\frac{9}{12} \right] = 8$$

مطلوب نمودار ون زیر، احتمال مورد نظر برابر می‌شود با:



$$\Rightarrow P(A) = \frac{7}{21} = \frac{1}{3}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۹ تا ۴۳)

گزینه ۱۷

فرض کنیم تعداد فرزندان هر خانواده n نفر باشد. طبق فرض، احتمال آن که هر سه بليط به فرزندان خانواده B برسد، برابر می‌شود با:

$$\frac{\binom{n}{3}}{\binom{2n}{3}} = \frac{1}{12} \Rightarrow \frac{n(n-1)(n-2)}{2n(2n-1)(2n-2)} = \frac{1}{12}$$

$$\Rightarrow \frac{n(n-1)(n-2)}{2n(2n-1)(2n-2)} = \frac{1}{12} \Rightarrow \frac{n-2}{2n-1} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow 3n-6 = 2n-1 \Rightarrow n = 5$$

(رياضي - آمار و احتمال: صفحه‌های ۱۵ تا ۱۶)

(علی ایمانی)

گزینه ۱۸

طبق فرض داریم:

$$\begin{array}{c|c|c|c|c} \text{دانشآموز} & \text{نگین} & \text{پرنیان} & \text{صبا} & \text{فاطمه} \\ \hline \text{احتمال اول شدن} & a & a + \frac{1}{8} & a + \frac{2}{8} & a + \frac{3}{8} \end{array}$$

$$\Rightarrow 4a + \frac{6}{8} = 1 \Rightarrow 4a = \frac{2}{8} \Rightarrow a = \frac{1}{16}$$

در نتیجه داریم:

$$\frac{2a + \frac{5}{8}}{a} = \frac{\frac{1}{16} + \frac{5}{8}}{\frac{1}{16}} = \frac{\frac{6}{16}}{\frac{1}{16}} = 12$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۳۷ تا ۴۷)



(پیوار، ترکمن)

«گزینه ۱»

(نمره $b > a$ نفر دهم است) راه حل اول:

$$= \frac{P(\text{نمره } b \cap \text{نفر دهم است})}{P(\text{نمره } a < \text{نمره } b)}$$

$$= \frac{P(\text{نفر دهم است} | (\text{نمره } a < \text{نمره } b) \cdot P((\text{نمره } a < \text{نمره } b) \text{ نفر دهم است})}{P(\text{نمره } a < \text{نمره } b)}$$

$$= \frac{\frac{1}{25} \times \frac{9}{24}}{\frac{1}{2}} = \frac{3}{100}$$

توجه کنید چون b نفر دهم است، پس رتبه دهم توسط b پُر شده است و لذا ۲۴ حالت ممکن برای a باقی می‌ماند که از بین آن‌ها ۹ حالت مطلوب (رتبه‌های ۱ تا ۹) مورد نظر است. پس:

$$P(b | \text{نفر دهم است}) = \frac{9}{24}$$

$$\text{راحل دوم: به } \left(\begin{array}{c} 25 \\ 2 \end{array} \right) = 300 \text{ حالت. دو جایگاه (از نفر اول تا نفر ۲۵) ام}$$

انتخاب کرده و نمره بیشتر را a و نمره کمتر را b قرار می‌دهیم. (شرط بیان شده به عنوان فضای نمونه‌ای جدید).

پیشامد مطلوب آن است که نفر دهم را b قرار دهیم که در آن صورت ۹ جایگاه برای a قابل قبول است. در نتیجه احتمال مورد نظر برابر است با:

$$P = \frac{9}{300} = \frac{3}{100}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۷ تا ۵۲)

(امیرحسین ابوالمحبوب)

«گزینه ۱»

روش اول: خروج مهره‌ای با شماره زوج حداقل در بار سوم به این معناست که در بار اول یا بار دوم و یا بار سوم مهره‌ای با شماره زوج خارج شود. با توجه به مستقل بودن پیشامد خارج کردن مهره‌ها از یکدیگر داریم:

$$P(A) = \frac{2}{5} + \frac{3}{5} \times \frac{2}{5} + \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{2}{5}$$

↓ ↓ ↓ ↓ ↓ ↓
بار سوم بار دوم بار اول بار دوم بار اول بار اول
زوج باشد فرد باشد فرد باشد زوج باشد فرد باشد زوج باشد

$$= \frac{2}{5} + \frac{6}{25} + \frac{18}{125} = \frac{50+30+18}{125} = \frac{98}{125}$$

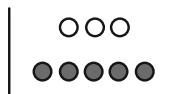
روش دوم: متمم پیشامد A آن است که در سه بار اول، مهره با شماره فرد خارج شود، پس داریم:

$$P(A') = \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{27}{125} \Rightarrow P(A) = 1 - \frac{27}{125} = \frac{98}{125}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۶۱ تا ۶۰)

(سوکندر، روشنی)

اگر ظرف را به صورت زیر در نظر بگیریم، خواهیم داشت:



$$= \frac{5}{8} \times \frac{3}{7} \times \frac{4}{9} = \frac{5}{42}$$

دقیق کنید که در بار اول احتمال خارج کردن مهره قرمز برابر $\frac{5}{8}$ است. بعد از خروج یک مهره قرمز، ۳ مهره آبی و ۴ مهره قرمز در جعبه باقی مانده است، پس احتمال خارج کردن مهره آبی برابر $\frac{3}{7}$ است. حال این مهره آبی را به همراه ۲ مهره آبی دیگر به جعبه بر می‌گردانیم، یعنی ۴ مهره قرمز و ۵ مهره آبی در جعبه موجود خواهد بود که احتمال خارج کردن مهره قرمز برابر $\frac{4}{9}$ است.

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۲ تا ۵۱)

«گزینه ۴»

(محمطفی دیراری)

راحل اول: با توجه به حالت‌بندی رنگ توپ‌های داخل جعبه، نمودار درختی زیر را رسم می‌کنیم:

احتمال سفید بودن = $\frac{4}{4}$	یک توپ سفید هر ۳ توپ سفید اضافه می‌کنیم
۲ سفید و ۱ سیاه	$\frac{3}{4}$
۱ سفید و ۲ سیاه	$\frac{2}{4}$
هر ۳ توپ سیاه	$\frac{1}{4}$



در نتیجه احتمال سفید بودن توپ خارج شده برابر می‌شود با:

$$P(\text{سفید}) = \left(\frac{1}{8} \times 1 \right) + \left(\frac{3}{8} \times \frac{2}{4} \right) + \left(\frac{3}{8} \times \frac{2}{4} \right) + \frac{1}{8} \times \frac{1}{4}$$

$$= \frac{4}{32} + \frac{9}{32} + \frac{6}{32} + \frac{1}{32} = \frac{20}{32} = \frac{5}{8}$$

راحل دوم: به احتمال $\frac{1}{4}$ توپ خارج شده همان توپ سفید (که در کيسه انداخته‌ایم) می‌باشد، در غیر این صورت، توپ خارج شده، به احتمال $\frac{1}{2}$ سفید

خواهد بود. پس احتمال سفید بودن توپ خارج شده برابر می‌شود با:

$$P(\text{سفید}) = \frac{1}{4} \times 1 + \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{5}{8}$$

(آمار و احتمال - احتمال: صفحه‌های ۵۵ تا ۵۷)



$$\binom{7+5-1}{5-1} = \binom{11}{4} = \frac{11 \times 10 \times 9 \times 8}{4 \times 3 \times 2} = 330.$$

(ریاضیات گسته - صفحه های ۵۹ تا ۶۱)

(اخشین فاصله فان)

گزینه «۳»

در مربع لاتین 3×3 , با تعویض دو سطر یا دو ستون، مربع لاتین حاصل با مربع قبلی متعامد است. با تکرار این عمل، مربع لاتین حاصل با مربع اول متعامد نخواهد بود، پس فقط گزینه «۳» جواب درست خواهد بود.

(ریاضیات گسته - مشابه تمرین ۱۳ صفحه ۷۲)

(علی ایمان)

گزینه «۲»

$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 12$: معادله موردنظر
با توجه به شرط $x_1, x_2 = 6$, دو حالت پیش می آید:
 $\{x_1, x_2\} = \{1, 6\} \Rightarrow x_3 + x_4 + x_5 = 5$

$$\text{تعداد جوابهای طبیعی} \Rightarrow \binom{5-1}{3-1} = \binom{4}{2} = 6$$

 $\{x_1, x_2\} = \{2, 3\} \Rightarrow x_3 + x_4 + x_5 = 7$

$$\text{تعداد جوابهای طبیعی} \Rightarrow \binom{7-1}{3-1} = \binom{6}{2} = 15$$

از آنجا که در هر یک از حالت‌ها، مقادیر x_1 و x_2 , دو حالت جایگشت دارند، پس تعداد جوابهای طبیعی کل برابر می‌شود با:

$$2 \times (6 + 15) = 42$$

(ریاضیات گسته - صفحه های ۵۹ تا ۶۱)

(ممطوفی (بداری))

گزینه «۲»

x_4 حتماً باید زوج باشد پس $x_4 = 2k$ و داریم:
 $2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + 3(2k) = 12$
 $\frac{+2}{x_1 + x_2 + x_3 + 3k = 6}$

با حالت‌بندی مقادیر k , تعداد جوابهای صحیح و نامنفی معادله را به دست می‌آوریم:

$$\left\{ \begin{array}{l} k=0 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 6 \Rightarrow \binom{6+3-1}{3-1} = \binom{8}{2} = 28 \\ k=1 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 3 \Rightarrow \binom{3+3-1}{3-1} = \binom{5}{2} = 10 \end{array} \right.$$

$$\left. \begin{array}{l} k=2 \Rightarrow x_1 + x_2 + x_3 = 0 \Rightarrow \text{فقط یک جواب (همگی صفر)} \end{array} \right.$$

پس تعداد کل جوابها برابر است با:

(ریاضیات گسته - صفحه های ۵۹ تا ۶۱)

(سوکندر روشن)

گزینه «۴»

در مربع سمت راستی، دو درایه‌ای که در سطر اول و ستون‌های اول و سوم قرار گرفته‌اند غیر از ۱ و ۲ هستند (یعنی ۳ و ۴) و در نتیجه باید $x = 2$ باشد. از طرفی در مربع سمت چپی، با توجه به این نکته که در هر سطر یا هر ستون عدد ۲ وجود دارد، نتیجه می‌گیریم که باید $y = z = t = 2$ باشد.

پس: $2x + y + z + t = 5 \times 2 = 10$

(ریاضیات گسته - صفحه های ۶۲ تا ۶۴)



ریاضیات گستته - پیشروی سریع

(امیرحسین افلاج)

«۸۱ گزینه ۱»

مجموعه های زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{cases} A: \text{حالاتی که دو تهرانی کنار هم باشند.} \\ B: \text{حالاتی که دو اصفهانی کنار هم باشند.} \\ C: \text{حالاتی که دو شیرازی کنار هم باشند.} \end{cases}$$

خواسته سؤال به صورت زیر به دست می آید:

$$|A' \cap B' \cap C'| = |S| - |A \cup B \cup C|$$

کل حالات

$$= |S| - (|A| + |B| + |C| - |A \cap B|)$$

$$= |S| - (3|A| - 3|A \cap B| + |A \cap B \cap C|)$$

$$= 6! - (3 \times 2! \times 2! \times 4! + 3 \times 2! \times 2! \times 2!)$$

$$= 720 - 480 = 240$$

۲۴۰ طریق استادن برای این ۶ نفر وجود دارد طوری که هیچ ۲ همشهری کنار هم نباشند.

(ریاضیات گستته - صفحه های ۷۳ تا ۷۷)

(امیرحسین افلاج)

«۸۲ گزینه ۲»

کافی است از کل حالات قرار گرفتن ۴ عکس متمایز در ۳ پاکت مختلف،
حالاتی که هیچ پاکتی خالی نمی ماند را کم کنیم و این معادل است با
تعداد کل توابع از مجموعه ۴ عضوی به مجموعه ۳ عضوی، منهای تعداد توابع
پوشای همان دو مجموعه (تعداد توابعی که پوشای نمی باشد).

تعداد کل توابع برابر $81 = 3^4$ می باشد و همچنین تعداد توابع پوشای یک
مجموعه ۴ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی برابر است با:

$$3^4 - 3 \times 2^4 + 3 = 36$$

در نتیجه جواب سؤال برابر خواهد شد با:

(ریاضیات گستته - صفحه های ۷۷ و ۷۸)

(افشین فاضلخان)

«۸۳ گزینه ۳»

بدترین حالت زمانی است که ابتدا همه اعداد دو رقمی غیر مضرب ۷
انتخاب شوند:

$$\begin{cases} S = \{10, 11, \dots, 99\} \\ \{14, 21, \dots, 98\} = A \end{cases}$$

$$|S| = 90, \quad |A| = [\frac{99}{7}] - [\frac{9}{7}] = 13$$

$$90 - 13 = 77$$

بنابراین حداقل ۷۹ عدد باید انتخاب شود تا مطمئن باشیم دو عدد مضرب ۷
انتخاب شده است.

(ریاضیات گستته - صفحه های ۷۹ تا ۸۳)

(امیرحسین ابومصوب)

«۷۸ گزینه ۱»

فرض کنید تعداد گلهای رز، ارکیده، لاله، شقایق و داوودی را به ترتیب
با x_1, x_2, x_3, x_4, x_5 نمایش دهیم. در این صورت داریم:

$$\begin{cases} x_1 \geq 3 \Rightarrow x_1 = y_1 + 3 \\ x_3 > 3 \Rightarrow x_3 \geq 4 \Rightarrow x_3 = y_3 + 4 \\ x_4 = 3 \end{cases}$$

در نتیجه:

$$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 12 \Rightarrow y_1 + y_2 + y_3 + y_4 + x_5 = 2$$

$$\Rightarrow \text{تعداد جوابهای صحیح و نامنفی} = \binom{2+4-1}{4-1} = \binom{5}{3} = 10$$

(ریاضیات گستته - صفحه های ۵۹ تا ۶۱)

(امیرحسین ابومصوب)

«۷۹ گزینه ۲»

با فرض $x_4 \in \mathbb{Z}, x_1, x_2, x_3$ برای این که هر دو عبارت $\frac{x_4}{x_1}$ و $\frac{x_1}{x_4}$ عددی

صحیح شود، لازم است $x_4 = 0$ باشد. در این صورت تنها مقدار

$$\text{صحیح برای } x_1 = x_4 + \frac{x_4}{x_1} \text{ عدد ۲ است و مثلاً به ازای } 1, x_1 = x_4 = 9$$

معادله $x_2 + x_3 = 9$ حاصل می شود که تعداد جوابهای صحیح و نامنفی
آن برابر می شود با:

$$\binom{9+2-1}{2-1} = \binom{10}{1} = 10$$

همچنین متغیرهای دیگر x_1 و x_4 هر دو برابر ۲، ۳ یا ۴ می توانند باشند.
پس تعداد کل جوابها برابر است با:

(ریاضیات گستته - صفحه های ۵۹ تا ۶۱)

(شبیم غلام)

«۸۰ گزینه ۴»

برای این برنامه ریزی، یک مربع لاتین 4×4 رسم می کنیم که سطرها
نشان دهنده کلاس ها و ستون ها نمایانگر جلسات باشند. اگر
مدرسان T_1, T_2, T_3 و T_4 را به ترتیب با شماره های ۱ تا ۴ در مربع لاتین
مشخص کنیم، آن گاه مربع اولیه به صورت مربع A است که با پر کردن
اعداد ۲ و ۳ به شکل مربع B درمی آید.

$$A = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 2 & & & \\ \hline & 3 & & \\ \hline & & 3 & \\ \hline & & & 2 \\ \hline \end{array} \Rightarrow B = \begin{array}{|c|c|c|c|} \hline 2 & & & 3 \\ \hline & 3 & 2 & \\ \hline & 2 & 3 & \\ \hline 3 & & & 2 \\ \hline \end{array}$$

با توجه به این که اعداد ۱ و ۴ در سطرهای اول و چهارم به دو صورت و نیز
در سطرهای دوم و سوم به دو صورت پر می شوند، تعداد مربع های لاتین
ممکن طبق اصل ضرب برابر است با:

(ریاضیات گستته - صفحه های ۶۲ تا ۶۴)



برای حرف اول و دوم نام هر شخص در زبان فارسی 31×32 حالت

(غیر تکراری) انتخاب داریم. در نتیجه:

$$1 + 1 = 2977 \quad (31 \times 32) - 4 = \text{حداقل تعداد دانشآموزان}$$

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۷۹ تا ۸۴)

(مسئله دیباری)

گزینه «۳»

بدترین حالت انتخاب اعداد، این است که متواتی نباشد. اگر ۱۰ عدد به صورت زیر برداریم هیچ کدام از اعداد متواتی نیستند:

$$3, 5, 7, 9, 11, 13, 15, 17, 19, 21$$

اگر $m = 23$ باشد، اعداد بالا به همراه ۲۳، یازده عددی هستند که هیچ دو عددی از آنها متواتی نیستند. پس اگر $m = 23$ باشد نمی توانیم مطمئن باشیم و در نتیجه بیشترین مقدار m برابر ۲۲ است.

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۷۹ تا ۸۴)

(مهندس ملوندی)

گزینه «۴»

برای اعداد چهار رقمی صورت سؤال، مجموعه های زیر را تعریف می کنیم:

$$\begin{cases} |A| = |B| = 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16 \\ |A \cap B| = 1 \times 1 \times 1 \times 1 = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \text{مجموعه اعداد فاقد ۱:} \\ \text{مجموعه اعداد فاقد ۲:} \end{cases}$$

این که فقط یکی از ارقام ۱ یا ۲ وجود دارد، یعنی مجموعه های $A' \cap B$ یا $A \cap B'$ ، که در آن صورت تعداد اعداد مطلوب برابر می شود با:

$$\begin{aligned} & |A' \cap B| + |A \cap B'| = |B| - |A \cap B| + |A| - |A \cap B| \\ & = |A| + |B| - 2|A \cap B| = 2 \times 16 - 2 = 30 \end{aligned}$$

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۷۳ تا ۷۷)

(شبیم غلام)

گزینه «۳»

فرض کنید x و y دو عضو از مجموعه A باشند. طبق فرض، x و y به صورت زیر نوشته می شوند:

$$\begin{cases} x = 2^{\alpha_1} \times 3^{\beta_1} \times 7^{\gamma_1} \times 11^{\theta_1} \\ y = 2^{\alpha_2} \times 3^{\beta_2} \times 7^{\gamma_2} \times 11^{\theta_2} \end{cases}$$

$$\Rightarrow xy = 2^{\alpha_1+\alpha_2} \times 3^{\beta_1+\beta_2} \times 7^{\gamma_1+\gamma_2} \times 11^{\theta_1+\theta_2}$$

عدد xy در صورتی مریع کامل است که هر ۴ مقدار $\alpha_1, \alpha_2, \beta_1, \beta_2$ و $\gamma_1, \gamma_2, \theta_1, \theta_2$ زوج باشند.

این موضوع در صورتی امکان پذیر است که توان های پایه های مشابه در x و y ، همزمان هر دو زوج یا هر دو فرد باشند و چون ۴ پایه مختلف وجود دارد، پس طبق اصل ضرب، $2 \times 2 \times 2 \times 2 = 16$ حالت مختلف برای زوج یا فرد بودن توان ها در xy وجود دارد. در نتیجه طبق اصل لانه کبوتری با انتخاب ۱۶ عضو، حداقل دو عضو وجود دارد که توان های آنها از نظر زوج یا فرد بودن دقیقاً مانند یکدیگر بوده و حاصل ضرب آنها مریع کامل باشد.

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۸۱ تا ۸۴)

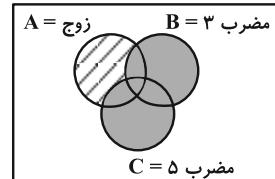
(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۱»

اگر A, B, C به ترتیب مجموعه اعداد زوج، مضرب ۳ و مضرب ۵ باشند،

ناحیه هاشورخورده در نمودار ون زیر، پاسخ سؤال است، پس:

M



$$|A - (B \cup C)| = |A| - |A \cap (B \cup C)|$$

$$= |A| - (|A \cap B| + |A \cap C| - |A \cap B \cap C|)$$

$$= \left[\frac{90}{2} \right] - \left(\left[\frac{90}{2 \times 3} \right] + \left[\frac{90}{2 \times 5} \right] - \left[\frac{90}{2 \times 3 \times 5} \right] \right)$$

$$= 45 - (15 + 9 - 3) = 45 - 21 = 24$$

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۷۳ تا ۷۷)

(سید محمد رضا حسینی فرد)

گزینه «۴»

طبق فرض، برد تابع باید سه عضوی یا چهار عضوی باشد:

$$\left(\frac{4}{3} \right) \times (3^4 - 3(2^4 - 1)) = 4 \times 36 = 144 \quad \text{برد تابع، ۳ عضوی}$$

توابع پوشای ۴ به ۳ عضوی ↓

انتخاب اعضای برد

$$\Rightarrow 4! = 24$$

$$144 + 24 = 168$$

در نتیجه جواب نهایی برابر می شود با:

(ریاضیات کلسنیت - صفحه های ۷۱ و ۷۷)

(علیرضا شریف نظری)

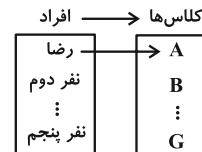
گزینه «۲»

بکی از افراد و یکی از کلاس ها کلاً حذف می شوند پس ۴ دانش آموز دیگر

باید در ۶ کلاس تقسیم شوند و در هر کلاس حداقل یکی قرار گیرد. این

مسئله مانند تعداد توابع یک به یک از مجموعه ۴ عضوی به مجموعه ۶ عضوی

است، در نتیجه:



$$\begin{matrix} \text{نفر پنجم} & \times & \text{نفر چهارم} & \times & \text{نفر دوم} & \times & \text{نفر سوم} \\ 3 & & 4 & & 5 & & 6 \end{matrix} = 360$$

(ریاضیات کلسنیت - صفحه ۱)

(علیرضا شریف نظری)

گزینه «۳»

طبق اصل لانه کبوتری داریم:

$$(n-1)k + 1 = \text{تعداد کل کبوترها}$$



(علیرضا بیاری)

«۳» ۹۳ - گزینه

تندی انتشار موج و سپس بسامد هماهنگ دوم تار را در حالتی که نیروی کشش تار 162 N است، به دست می‌آوریم:

$$v = \sqrt{\frac{F}{\mu}} = \sqrt{\frac{162}{5 \times 10^{-3}}} = \sqrt{\frac{162 \times 2}{10^{-2}}} = \sqrt{\frac{81 \times 4}{10^{-2}}} = 18.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f_n = \frac{nv}{2L} \xrightarrow{n=2, v=18.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}, L=0.75 \text{ m}} f_2 = \frac{2 \times 18.0}{2 \times 0.75} = 24.0 \text{ Hz}$$

تندی انتشار موج و سپس هماهنگ دوم تار را در حالت دوم نیز به دست می‌آوریم:

$$v' = \sqrt{\frac{F'}{\mu}} = \sqrt{\frac{288}{5 \times 10^{-3}}} = \sqrt{\frac{288 \times 2}{10^{-2}}} = \sqrt{\frac{144 \times 4}{10^{-2}}} = 24.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

$$f'_n = \frac{nv'}{2L} \xrightarrow{n=2, v'=24.0 \frac{\text{m}}{\text{s}}, L=0.75 \text{ m}} f'_2 = \frac{2 \times 24.0}{2 \times 0.75} = 32.0 \text{ Hz}$$

اکنون می‌توانیم تغییر بسامد هماهنگ دوم تار را پیدا کنیم:

$$f'_2 - f_2 = 32.0 - 24.0 = 8.0 \text{ Hz}$$

بنابراین بسامد هماهنگ دوم تار 8.0 Hz افزایش می‌یابد.

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۷ تا ۱۰۸)

(ممدر/اظلم منشادی)

«۴» ۹۴ - گزینه

$$K_{\max} = hf - W_0 \Rightarrow \begin{cases} K_{\max_2} = hf_2 - W_0 \\ K_{\max_1} = hf_1 - W_0 \end{cases}$$

$$\Rightarrow K_{\max_2} - K_{\max_1} = hf_2 - hf_1$$

$$hf = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow K_{\max_2} - K_{\max_1} = hc \left(\frac{1}{\lambda_2} - \frac{1}{\lambda_1} \right)$$

$$\frac{3}{6} - \frac{0}{6} = 4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8 \left(\frac{1}{\lambda_2} - \frac{1}{\lambda_1} \right) \times 10^9$$

$$\Rightarrow \lambda_2 = 15.0 \text{ nm}$$

$$\lambda_2 - \lambda_1 = -9.0 \text{ nm} = -0.09 \mu\text{m}$$

(علامت منفی نشان دهنده کاهش طول موج است.)

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه ۱۱۸)

(مهران اسماعیلی)

«۲» ۹۵ - گزینه

با توجه به رابطه اثر فتوالکتریک ($K_{\max} = hf - W_0$) در دو حالت داریم:

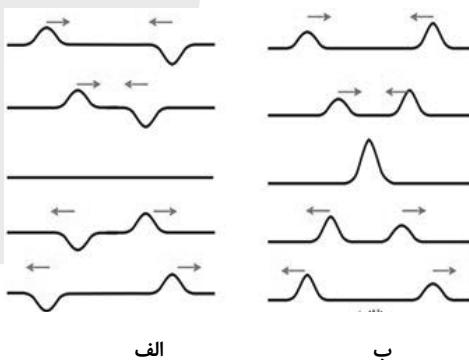
$$K_{\max_1} = hf_1 - W_0$$

فیزیک ۳

«۳» ۹۱ - گزینه

(لکلور ریاضی تیر ۱۴۰۳)

شکل زیر عکس‌های دو تپ را که در جهت‌های مخالف هم در یک ریسمان کشیده شده حرکت می‌کنند در چند لحظه متوالی نشان می‌دهد. وقتی این تپ‌ها به هم رسند و با یکدیگر همپوشانی می‌کنند، بنابر اصل بر هم نهی، تپ برایند با مجموع دو تپ برابر است. توجه کنید چه برای تپ‌ها و چه برای موج‌هایی که همپوشانی می‌کنند، آن‌ها به هیچ وجه شکل و حرکت یکدیگر را تغییر نمی‌دهند، و بنابراین پس از همپوشانی، بدون هرگونه تغییر شکلی به حرکت خود ادامه می‌دهند به ترکیب موج‌ها با یکدیگر، تداخل می‌گویند. به بیان دیگر تداخل، ترکیب دو یا چند موج است که هم‌زمان از یک منطقه عبور می‌کنند. در شکل ب، تپ‌ها هنگام همپوشانی تپ بزرگ‌تری را ایجاد کرده‌اند که به آن تداخل سازنده می‌گویند، در حالی که در شکل الف، تپ‌ها هنگام همپوشانی اثر یکدیگر را حذف کرده‌اند که به آن تداخل ویرانگر می‌گویند.



(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه ۱۰۳)

(حسام نادری)

«۳» ۹۶ - گزینه

می‌دانیم پهنهای نوارها در طرح تداخلی آزمایش یانگ با طول موج نور تاییده متناسب است. پس هر چه طول موج نور افزایش یابد، پهنهای نوارها افزایش می‌یابد.

با انجام مورد (الف) طول موج افزایش و در نتیجه پهنهای نوارها افزایش می‌یابد:

$$\lambda f = \frac{c}{n} \begin{cases} \text{پهنهای بیشتر} \Rightarrow \lambda \uparrow & \text{نور قرمز به جای سبز} \\ \text{پهنهای کمتر} \Rightarrow \lambda \downarrow & \text{نور آبی به جای زرد} \\ \text{پهنهای کمتر} \Rightarrow \lambda \downarrow \text{ ثابت, } f \uparrow & \text{محیط غلیظتر} \end{cases}$$

(فیزیک ۳- برهمکنش‌های موج: صفحه‌های ۱۰۴ و ۱۰۵)



$$\Rightarrow \lambda = \frac{12 \times 10^{-7} \times 3}{5} = 7 / 2 \times 10^{-7} \text{ m}$$

$$\Rightarrow \lambda = 720 \times 10^{-9} \text{ m} = 720 \text{ nm}$$

این طول موج در محدوده نور مرئی قرار دارد و مربوط به رشته بالمر است.

یعنی $n' = 2$. اکنون با استفاده از رابطه ریدبرگ، شماره مدار بزرگ‌تر را

محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right) \Rightarrow \frac{1}{720} = \frac{1}{100} \left(\frac{1}{2^2} - \frac{1}{n^2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{5}{36} = \frac{1}{4} - \frac{1}{n^2} \Rightarrow \frac{1}{n^2} = \frac{1}{9} \Rightarrow n = 3$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۵۷ و ۱۱۳)

(مبتنی کوئیان)

گزینه «۴»

با توجه به این که انرژی هر فoton از رابطه $E = hf = \frac{hc}{\lambda}$ به دست

می‌آید، داریم:

$$E_B = 6 E_A \Rightarrow \frac{hc}{\lambda_B} = 6 \frac{hc}{\lambda_A} \Rightarrow \lambda_A = 6 \lambda_B$$

$$\lambda_A - \lambda_B = 100 \text{ nm} \xrightarrow{\lambda_A = 6\lambda_B} 6\lambda_B - \lambda_B = 100 \text{ nm}$$

$$\Rightarrow \lambda_B = 20 \text{ nm}, \quad \lambda_A = 120 \text{ nm}$$

در نهایت بسامد پرتوی A را به صورت زیر محاسبه می‌کنیم:

$$f_A = \frac{c}{\lambda_A} = \frac{3 \times 10^8}{12 \times 10^{-8}} = 2 / 5 \times 10^{15} \text{ Hz} = 2 / 5 \times 10^9 \text{ MHz}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۸)

(مسام نادری)

گزینه «۳»

موارد (الف) و (ت) نادرست‌اند.

بررسی موارد نادرست:

الف) مدل اتمی بور طیف اتم‌های هیدروژن گونه (مثل Li^{2+}) را می‌تواند توجیه کند.

ت) در گسیل خود به خود، فoton در جهت کاتورهای گسیل می‌شود.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۲۵، ۱۲۹ و ۱۳۱ تا ۱۳۳)

$$\frac{f_\gamma = kf_*}{W_* = hf_*} \rightarrow K_{\max_1} = h(kf_*) - hf_* = hf_*(k-1)$$

$$f_\gamma = kf_* \xrightarrow{f_\gamma = kf_*} f_\gamma = k(kf_*) = k^2 f_*$$

$$K_{\max_2} = hf_\gamma - W_*$$

$$\frac{f_\gamma = k^2 f_*}{W_* = hf_*} \rightarrow K_{\max_2} = h(k^2 f_*) - hf_* = hf_*(k^2 - 1)$$

با تقسیم کردن انرژی جنبشی بیشینه در دو حالت، داریم:

$$\frac{K_{\max_2}}{K_{\max_1}} = \frac{hf_*(k^2 - 1)}{hf_*(k-1)} = \frac{(k-1)(k+1)}{k-1} = k+1$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۱۸ و ۱۱۹)

(حسین الی)

گزینه «۴»

شكل مربوط به تابش گرمایی رشته داغ یک لامپ می‌باشد که طیفی پیوسته است و ناشی از برهم‌کنش قوی بین اتم‌های سازنده آن است.

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه ۱۲۱)

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه «۴»

طول موج طیف اتم هیدروژن از رابطه $\frac{1}{\lambda} = R \left(\frac{1}{n'^2} - \frac{1}{n^2} \right)$ محاسبه می‌شود که n' شماره متناظر با نام رشته می‌باشد. می‌دانیم کوتاه‌ترین طول موج به ازای $n = \infty$ به دست می‌آید و بلندترین طول موج به ازای نزدیک‌ترین تراز یعنی $n + 1$ به دست می‌آید:

$$\left. \begin{aligned} \frac{1}{\lambda_{\min}} &= R \left(\frac{1}{16} - \frac{1}{\infty} \right) \\ \frac{1}{\lambda_{\max}} &= R \left(\frac{1}{16} - \frac{1}{25} \right) \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{\lambda_{\max}}{\lambda_{\min}} = \frac{\frac{1}{16}}{\frac{9}{400}} = \frac{400}{9 \times 16} = \frac{25}{9}$$

$$\Rightarrow \frac{\lambda_{\min}}{\lambda_{\max}} = \frac{9}{25}$$

(فیزیک ۳- آشنایی با فیزیک اتمی: صفحه‌های ۱۲۳ و ۱۲۴)

(علیرضا بیاری)

گزینه «۲»

ابتدا به کمک انرژی فoton گسیل شده، طول موج مربوط به آن را به دست می‌آوریم:

$$\Delta E = \frac{hc}{\lambda} \Rightarrow \frac{5}{3} = \frac{4 \times 10^{-15} \times 3 \times 10^8}{\lambda}$$



می‌دانیم تعداد نوترون‌های هسته یک اتم، برابر است با اختلاف عدددهای جرمی و اتمی آن. بنابراین داریم:

$$N = A - Z \Rightarrow N - N' = (A - Z) - (A' - Z')$$

$$N' = A' - Z' \Rightarrow N - N' = (A - A') + (Z' - Z)$$

$$\Rightarrow N - N' = (A - A') + (Z' - Z) \xrightarrow{A-A'=4} Z' - Z = 1$$

$$N - N' = 4 + 1 = 5$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(اخشین مینو)

- ۱۰۴ گزینه «۴»

طبق معادله واکنش‌هسته‌ای در صورت سؤال داریم:

$$^{207}_{\Lambda} X \rightarrow m(^4_{\Lambda}\alpha) + n(^1_{-1}e) + 2(^1_{+1}n) + ^{197}_{\Lambda} Y$$

$$207 = 4m + 2 + 197 \Rightarrow m = 2$$

$$82 = 2m - n + 81 \Rightarrow 1 = 2m - n \Rightarrow n = 3$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(مسام تاری)

- ۱۰۵ گزینه «۳»

بررسی گزینه‌های نادرست:

گزینه «۱»: هسته‌هایی که تعداد پروتون مساوی ولی تعداد نوترون متفاوت

دارند، ایزوتوپ نامیده می‌شوند.

گزینه «۲».

$$^{A}_{Z} X \rightarrow ^{A'}_{Z'} Y + ^4_{\Lambda}\alpha + ^1_{-1}\beta \Rightarrow \begin{cases} A = A' + 4 \\ Z = Z' + 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} A = A' - 4 \\ Z = Z' - 1 \end{cases}$$

گزینه «۴»: در واپاشی β^- یکی از نوترون‌های درون هسته به یک پروتون و یک الکترون تبدیل می‌شود.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۲ تا ۱۴۵)

(امیراحمد میرسعید)

- ۱۰۶ گزینه «۱»

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{2^n} \Rightarrow \frac{1}{2^n} = \frac{1}{16} \Rightarrow n = 4$$

$$4 = \frac{t}{T_1} \Rightarrow 4 = \frac{120}{T_1} \Rightarrow T_1 = 30 \text{ روز}$$

فیزیک ۳ - پیش روی سریع

- ۱۰۱ گزینه «۴»

در عنصری با نام شیمیایی $A_{Z}^{A'} (Z+N)$ برابر عدد جرمی Z و برابر عدد اتمی می‌باشد:

$$^{100}_{\Lambda} X \Rightarrow N + Z = 100 \xrightarrow{N=52} Z = 48 \Rightarrow ^{100}_{48} X$$

$$^{48}_{22} Y^{2+} \Rightarrow \begin{cases} Z' = 22 \\ N' + Z' = 48 \end{cases} \Rightarrow N' = 26 \Rightarrow N' - Z' = 26 - 22 = 4$$

بار خالص هسته $^{48}_{22} Y^{2+}$ ناشی از ۲۲ پروتون موجود در هسته است:

$$+22e = 22 \times 1 / 52 \times 10^{-18} C = 3 / 52 \times 10^{-18} C$$

(توجه شود که بار کل اتم برابر $+2e$ است).

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۸ و ۱۴۹)

- ۱۰۲ گزینه «۲»

تنها عبارت «پ» درست است.

بررسی عبارات نادرست:

(الف) انرژی نوکلئون‌های وابسته به هسته نیز مانند انرژی الکترون‌های وابسته به اتم کوانتیداند و نوکلئون‌های درون هسته نیز توانند هر انرژی دلخواهی را اختیار کنند.

(ب) اگر تعداد پروتون‌های درون هسته افزایش یابد، برای پایدار ماندن هسته

باید تعداد نوکلئون‌ها افزایش یابد.

(ت) هر نوکلئون فقط به نزدیک‌ترین نوکلئون‌های مجاورش نیزروی هسته‌ای وارد می‌کند.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۱، ۱۴۲ و ۱۴۳)

(علیرضا بهاری)

- ۱۰۳ گزینه «۱»

با توجه به یکسان بودن مجموع عدددهای جرمی در دو طرف واکنش و همچنین یکسان بودن مجموع عدددهای اتمی در دو طرف واکنش می‌توان نوشت:

$$^{A}_{Z} X \rightarrow ^4_{\Lambda}\alpha + 2(^1_{-1}\beta^-) + ^{A'}_{Z'} Y$$

$$A = 4 + 3(0) + A' \Rightarrow A - A' = 4$$

$$Z = 2 + 3(-1) + Z' \Rightarrow Z' - Z = 1$$



(مهربان اسماعیلی)

«۱۰۹» گزینه

ابتدا باید جرم ماده باقیمانده را در پایان سال اول و دوم و سوم به دست آوریم:

$$m_1 = \frac{m_0}{\gamma^{n_1}} \xrightarrow{n_1 = \frac{12}{4} = 3} m_1 = \frac{m_0}{\gamma^3}$$

پایان سال اول:

$$m_2 = \frac{m_0}{\gamma^{n_2}} \xrightarrow{n_2 = \frac{24}{4} = 6} m_2 = \frac{m_0}{\gamma^6}$$

پایان سال دوم:

$$m_3 = \frac{m_0}{\gamma^{n_3}} \xrightarrow{n_3 = \frac{36}{4} = 9} m_3 = \frac{m_0}{\gamma^9}$$

پایان سال سوم:

حال می‌توانیم جرم واپاشیده را در طی سال اول و سوم به دست آوریم.

$$m'_1 = m_0 - \frac{m_0}{\gamma^3} = \frac{\gamma}{\lambda} m_0$$

جرم واپاشیده در طی سال اول:

جرم واپاشیده در طی سال سوم:

$$m'_3 = m_0 - m_2 = \frac{m_0}{\gamma^6} - \frac{m_0}{\gamma^9} = \frac{\gamma m_0}{\gamma^{12}}$$

$$\frac{m'_1}{m'_3} = \frac{\frac{\gamma}{\lambda} m_0}{\frac{\gamma m_0}{\gamma^{12}}} = \frac{\gamma^{12}}{\lambda}$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

(مسام تاری)

«۱۱۰» گزینه

گزینه «۲» نادرست است؛ زیرا افزایش غلظت U^{235} در یک نمونه اورانیم

را غنی‌سازی می‌گویند.

بررسی سایر گزینه‌ها:

گزینه «۱»: درست؛ در واکنش گداخت، به دلیل همچوشه هسته‌ها، مجموع جرم محصولات فرایند کمتر از مجموع جرم هسته‌های اولیه است و این کاستی جرم در انرژی آزاد شده خود را نشان می‌دهد.



گزینه «۳»: درست؛

گزینه «۴»: درست؛ میله‌های کترل در یک راکتور هسته‌ای، از مواد جذب کننده نوترون مثل بور و کادمیم ساخته می‌شوند و گرافیت به عنوان کندساز نوترون‌ها استفاده می‌شود.

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۸ و ۱۴۹)

۳۰ روز قبل از روز ۱۲۰ آم، یعنی روز ۹۰ آم که معادل ۳ نیمه عمر است:

$$n' = \frac{t}{T_1} = \frac{90}{\frac{1}{2}} = 3$$

$$\frac{N}{N_0} = \frac{1}{\gamma^{n'}} \Rightarrow \frac{N}{N_0} = \frac{1}{\lambda}$$

یعنی $\frac{1}{\lambda}$ آن باقی می‌ماند، پس $\frac{7}{\lambda}$ آن واپاشیده می‌شود.

$$\frac{7}{\lambda} \times 100 = 87 / 5\%$$

(فیزیک ۳ - صفحه‌های ۱۴۶ و ۱۴۷)

(محمد راظم منشاری)

«۱۰۷» گزینه

$$N = N_0 \left(\frac{1}{\gamma}\right)^n \Rightarrow \begin{cases} \frac{N}{N_0} = \frac{1}{\gamma}^{n_A} \Rightarrow n_A = 1 \\ \frac{N}{N_0} = \frac{1}{\lambda}^{n_B} \Rightarrow n_B = 3 \end{cases}$$

$$n = \frac{t}{T} \begin{cases} n_A = \frac{t}{T_A} \Rightarrow T_A = \frac{t}{n_A} \\ n_B = \frac{t}{T_B} \Rightarrow T_B = \frac{t}{n_B} \end{cases} \Rightarrow \frac{T_B}{T_A} = \frac{n_A}{n_B} = \frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow T_B = \frac{1}{3} T_A = \frac{4}{3} s$$

(فیزیک ۳ - صفحه ۱۴۷)

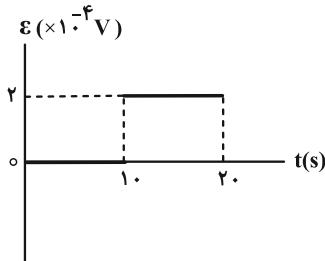
(حسین الهی)

«۱۰۸» گزینه

در اندازه‌گیری‌های دقیق نشان داده شده است که جرم هسته از مجموع جرم پروتون‌ها و نوترون‌های تشکیل‌دهنده‌اش اندکی کمتر است. اگر این اختلاف جرم را که به آن کاستی جرم هسته گفته می‌شود، مطابق رابطه معروف اینشتین ($E = mc^2$)، در مربع تندی نور (c) ضرب کنیم انرژی بستگی هسته‌ای به دست می‌آید.

هسته اتم از نوترون‌ها و پروتون‌ها تشکیل شده است که به طور کلی نوکلئون نامیده می‌شوند.

(فیزیک ۳ - صفحه ۱۴۴)



(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

(کنکور سراسری ریاضی ۹۶)

«۱۱۴ - گزینه»

$$\epsilon = B\ell v \frac{\epsilon = 15V, B = 12T}{\ell = 25m} \Rightarrow 0 / 15 = 0 / 12 \times 0 / 25 \times v$$

$$\Rightarrow v = 5 \frac{m}{s}$$

هنگامی که میله به سمت چپ حرکت می‌کند، شار گذرنده از قاب کاهش می‌یابد. برای جلوگیری از کاهش شار طبق قانون لنز، میدان موافق میدان خارجی ایجاد می‌شود، بنابراین اگر چهار انگشت دست راست را در جهت حرکت میله و خم شدن انگشت‌ها را در جهت میدان قرار دهیم، انگشت شست جهت جریان الکتریکی در سیم را که از N به طرف M می‌یابد، نشان می‌دهد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۵ تا ۱۱۸)

(علی برکر)

«۱۱۵ - گزینه»

طبق قانون لنز، جهت جریان القایی در جهتی است که با تغییرات شار عبوری از حلقه مخالفت کند، بنابراین در شکل (۱) به دلیل افزایش جریان شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد، لذا جهت جریان القایی باید ساعتگرد باشد تا میدان مغناطیسی ناشی از آن در جهت مخالف میدان سیم راست باشد. در شکل (۲) به دلیل کاهش جریان شار عبوری از حلقه کاهش می‌یابد، لذا جهت جریان القایی باید ساعتگرد باشد تا میدان سیم راست باشد. در شکل (۳) به دلیل افزایش جریان شار عبوری از حلقه افزایش می‌یابد، لذا جهت جریان القایی باید پاد ساعتگرد باشد تا میدان مغناطیسی ناشی از آن در جهت مخالف میدان سیم راست باشد.

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۷ و ۱۱۸)

(محمد راظم منشاری)

۲ فیزیک

«۱۱۱ - گزینه»

$$a = \frac{16^0}{4} = 40 \text{ cm} \Rightarrow A = a^2 = (\frac{40}{100})^2 = 0 / 16 \text{ m}^2$$

$$\Phi = AB \cos \theta = 0 / 16 \times 200 \times 10^{-4} \times \cos 30^\circ$$

$$= \times 10^{-4} \times \frac{\sqrt{3}}{2} = \sqrt{3} \times 10^{-4} \text{ Wb}$$

(فیزیک ۲ - صفحه ۱۱۱)

«۱۱۲ - گزینه»

(عبدالرضا امینی نسب)

ابتدا به کمک قانون اهم ($\epsilon = IR$) نیروی محرکه القایی را به دست می‌آوریم:

$$\left. \begin{aligned} I &= 0 / 1 \text{ A} \\ R &= 10 \Omega \end{aligned} \right\} \Rightarrow \epsilon = RI = 10 \times 0 / 1 = 1 \text{ V}$$

سپس به کمک رابطه $\epsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ مجھول مسئله را می‌یابیم. در این

مسئله آهنگ تغییرات میدان مغناطیسی مدنظر است، پس داریم:

$$\epsilon_{av} = \left| -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t} \right| = \left| -NA \cdot \cos \theta \frac{\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\Rightarrow 1 = \left| -2000 \times 20 \times 10^{-4} \times 1 \times \frac{\Delta B}{\Delta t} \right|$$

$$\Rightarrow \left| \frac{\Delta B}{\Delta t} \right| = \frac{1 \text{ T}}{4 \text{ s}} = 0 / 25 \text{ T/s}$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)

«۱۱۳ - گزینه»

می‌دانیم نیروی محرکه القایی در هر مدار از رابطه $\epsilon_{av} = -N \frac{\Delta \Phi}{\Delta t}$ به

دست می‌آید. در بازه زمانی صفر الی ۱۰ ثانیه داریم:

$$\epsilon_{av} = -1 \times \frac{10^{-3} - 10^{-3}}{10 - 0} = 0$$

در بازه زمانی ۱۰ ثانیه الی ۲۰ ثانیه داریم:

$$\epsilon_{av} = -1 \times \frac{-10^{-3} - 10^{-3}}{20 - 10} = -\left(\frac{-2 \times 10^{-3}}{10}\right) \Rightarrow \epsilon_{av} = 2 \times 10^{-4} \text{ V}$$



(سینیں (الج))

«۱۱۸ - گزینه ۴»

ابتدا با توجه به نمودار معادله جریان متناسب را به دست می‌آوریم:

$$I = I_m \sin\left(\frac{2\pi}{T}t\right) \Rightarrow -3 = 6 \sin\left(\frac{2\pi}{T} \times 7\right)$$

$$\Rightarrow -\frac{3}{6} = -\frac{1}{2} = \sin\left(\frac{2\pi}{T} \times 7\right) \Rightarrow \frac{7\pi}{6} = \frac{2\pi}{T} \times 7$$

$$\Rightarrow T = 12ms = \frac{12}{1000}s$$

بنابراین:

$$I = 6 \sin\left(\frac{500\pi}{3}t\right) \xrightarrow{t=9ms} I = 6 \sin\left(\frac{500\pi}{3} \times 9 \times 10^{-3}\right)$$

$$\Rightarrow I = 6 \sin\left(\frac{1500\pi}{1000}\right) = 6 \sin\left(\frac{3\pi}{2}\right) = -6$$

$$U = \frac{1}{2}LI^2 \xrightarrow{L=100mH, I=-6} U = \frac{1}{2} \times 100 \times 10^{-3} \times 36 = 1.8J$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۲۵ و ۱۲۶)

(مهران اسماعیلی)

«۱۱۹ - گزینه ۱»

با توجه به رابطه شار مغناطیسی عبوری از پیچه داریم:

$$\Phi = BA \cos \theta \xrightarrow{\Phi = 3 \times 10^{-4} Wb, B = 0.2T, A = 2.5 \times 10^{-4} m^2}$$

$$3 \times 10^{-4} = 0.2 \times 2.5 \times 10^{-4} \cos \theta \Rightarrow \cos \theta = \frac{3}{5}$$

$$\sin \theta = \sqrt{1 - \cos^2 \theta} = \sqrt{1 - \left(\frac{3}{5}\right)^2} = \frac{4}{5}$$

از طرفی دیگر، بنایه معادله جریان القایی در پیچه داریم:

$$I = I_m \sin \theta \xrightarrow{\frac{I=2/4A}{\sin \theta = \frac{4}{5}}} 2/4 = I_m \times \frac{4}{5} \Rightarrow I_m = 3A$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۲۵ و ۱۲۶)

(مسعود فردانی)

«۱۲۰ - گزینه ۴»

اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت 2Ω با اختلاف پتانسیل دو سر پیچه برابر است:

$$P = \frac{V_2^2}{R} \Rightarrow 18 = \frac{V_2^2}{2} \Rightarrow V_2 = 6V$$

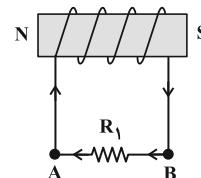
$$\frac{V_2}{V_1} = \frac{N_2}{N_1} \Rightarrow \frac{6}{N_1} = \frac{120}{4000} \Rightarrow V_1 = 200V$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۲۶ و ۱۲۷)

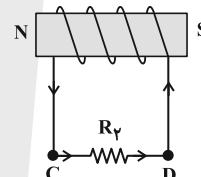
(علیرضا بباری)

«۱۱۶ - گزینه ۱»

با توجه به قاعدة دست راست و معلوم بودن جهت جریان در مقاومت R_1 ، قطب‌های S و N در دو سر سیم‌لوله (۱)، مطابق شکل زیر تشکیل می‌شود.



جهت جریان در مدار (۲) به گونه‌ای است که میدان مغناطیسی درون آن با میدان مغناطیسی سیم‌لوله (۱) هم‌جهت است، بنابراین با توجه به قانون لنز، شار مغناطیسی ناشی از سیم‌لوله (۲) در حال کاهش است. یعنی جریان آن کاهش پیدا کرده و در نتیجه مقاومت رئوستا در حال افزایش است. با توجه به قانون لنز و کاهش شار مغناطیسی عبوری از سیم‌لوله (۳)، جهت میدان مغناطیسی در سیم‌لوله (۳) باید هم‌جهت با میدان سیم‌لوله (۲) یعنی به طرف چپ باشد. بنابراین جهت جریان القایی در مقاومت R_2 از C به طرف D است.



(فیزیک ۲ - صفحه ۱۷)

(امیر احمد میرسعید)

«۱۱۷ - گزینه ۱»

$$U_2 = 9U_1 \Rightarrow \frac{1}{2}L_2 I_2^2 = 9 \times \frac{1}{2}L_1 I_1^2$$

$$\Rightarrow 40 \times 10^{-3} \times I_2^2 = 9 \times 10 \times 10^{-3} I_1^2 \Rightarrow I_2 = \frac{3}{2} I_1$$

چون اختلاف پتانسیل دو سر مقاومت‌های موازی یکسان می‌باشد، می‌توان نوشت:

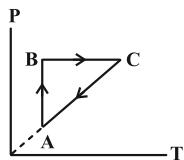
$$V_2 = V_1 \Rightarrow R_2 I_2 = R_1 I_1 \Rightarrow \frac{I_2}{I_1} = \frac{R_1}{R_2}$$

$$\Rightarrow \frac{R_1}{\frac{50}{3}} = \frac{3}{2} \Rightarrow R_1 = 25\Omega$$

(فیزیک ۲ - صفحه‌های ۱۲۲ تا ۱۲۴)



نکته: هر گاه نمودار $V - T$ پاد ساعتگرد باشد، آن گاه نمودار $P - T$ ساعتگرد می‌باشد.



(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۶)

(علی بزرگ)

«۴» ۱۲۴

$$W = -P \cdot \Delta V = -nR\Delta T \quad \text{در فرایند هم فشار داریم:}$$

$$\frac{n=\gamma/\delta \text{ mol}}{W=-415 \text{ J}} \rightarrow -415 = -2 / \delta \times 8 / 3 \times \Delta T \Rightarrow \Delta T = 20^\circ \text{C}$$

$$\Delta T = T_f - T_i \Rightarrow 20 = T_f - 30 \Rightarrow T_f = 50^\circ \text{C}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۶)

(علیرضا بهاری)

«۲» ۱۲۵

ابتدا به کمک معادله گازهای کامل، فشار گاز در نقطه A را به دست می‌آوریم:

$$P_A V_A = nRT_A \xrightarrow[R=\lambda \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}, T_A=500\text{K}]{V_A=\gamma \delta m^r, n=\gamma \text{ mol}} P_A \times 0.05 = 2 \times 8 \times 500$$

$$\Rightarrow P_A = \frac{16 \times 5 \times 10^3}{5 \times 10^{-2}} = 1/6 \times 10^6 \text{ Pa} = 1/6 \text{ atm}$$

از طرفی با توجه به شکل نمودار داده شده، این فرایند در فشار ثابت انجام می‌گیرد، بنابراین:

$P_A = P_B \Rightarrow P_B = 1/6 \text{ atm}$
فرایند AB هم فشار است. در نتیجه کار انجام شده روی گاز به صورت زیر به دست می‌آید:

$$W = -P\Delta V = -nR\Delta T = -nR(T_B - T_A)$$

$$\frac{n=\gamma \text{ mol}, R=\lambda \frac{\text{J}}{\text{mol.K}}}{T_A=500\text{K}, T_B=800\text{K}}$$

$$W = -2 \times 8(800 - 500) = -16 \times 300 = -4800 \text{ J}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۲ تا ۱۳۶)

(علیرضا بهاری)

«۴» ۱۲۶

می‌دانیم مساحت داخل یک چرخه در نمودار $P - V$ با اندازه کار انجام شده در آن چرخه برابر است. بنابراین داریم:

$$|W| = S_{\text{نمودار}} = \frac{(12-4) \times 10^5 \times (40-20) \times 10^{-3}}{2}$$

$$= \frac{8 \times 20 \times 10^2}{2} = 8000 \text{ J} \Rightarrow |W| = 8 \text{ kJ}$$

فیزیک ۱

«۴» ۱۲۱

در فرایندهای بی دررو $Q = 0$ است:

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{\text{بی دررو}} W = \Delta U$$

پس در فرایند بی دررو، کار انجام شده روی گاز برابر است با تغییرات انرژی درونی گاز و در فرایند هم دما، انرژی درونی گاز ثابت و تغییرات انرژی درونی صفر است.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۳)

«۱» ۱۲۲

تغییرات انرژی درونی گاز به مسیر بستگی نداشته و تنها به نقاط ابتدایی و انتهایی بستگی دارد:

$$\Delta U_a = \Delta U_b = \Delta U_c$$

$$PV = nRT \xrightarrow[P_f V_f > P_i V_i]{P \propto T} T_f > T_i$$

$$\xrightarrow{U \propto T} U_f > U_i \Rightarrow \Delta U > 0$$

مساحت سطح زیر نمودار $P - V$ برابر با اندازه کار انجام شده توسط محیط بر روی گاز است:

$$S_c > S_b > S_a \Rightarrow |W_c| > |W_b| > |W_a|$$

$$\Delta V > 0 \Rightarrow W < 0 \Rightarrow W_c < W_b < W_a$$

$$\Delta U_a = \Delta U_b = \Delta U_c > 0$$

$$\Rightarrow W_a + Q_a = W_b + Q_b = W_c + Q_c > 0$$

$$\Rightarrow Q_c > Q_b > Q_a > 0$$

پس هیچ یک از عبارات داده شده، درست نیستند.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۹ تا ۱۴۳)

(عبدالرضا امین نسب)

«۲» ۱۲۳

فرایند AB یک فرایند هم دما می‌باشد که حجم آن کم شده، بنابراین طبق رابطه $PV = nRT$ هنگامی که حجم کم شود، فشار گاز افزایش می‌یابد.

فرایند BC یک فرایند هم فشار است که دمای آن افزایش یافته، حجم آن نیز افزایش یافته است.

فرایند CA یک فرایند هم حجم است که دمای آن کم شده، بنابراین طبق رابطه $PV = nRT$ فشار آن نیز کاهش می‌یابد.



$$\Delta U = 0 \Rightarrow Q_H + Q_L + W = 0 \Rightarrow Q_H = |Q_L| + |W|$$

از طرفی رابطه بازده ماشین گرمایی به صورت $\eta = \frac{|W|}{Q_H}$ می‌باشد.

بنابراین ابتدا، از رابطه بازده ماشین گرمایی مقدار W را محاسبه می‌کنیم.

$$\eta = \frac{|W|}{Q_H} \Rightarrow \frac{40}{100} = \frac{|W|}{270} \Rightarrow |W| = 4 \times 270 = 108 \text{ kJ}$$

$$Q_H = |Q_L| + |W|$$

$$\Rightarrow |Q_L| = Q_H - |W| = 270 - 108 = 162 \text{ kJ}$$

(فیزیک ا- صفحه ۱۶۵)

(محضفی کیانی)

گزینه «۲»

با استفاده از رابطه بازده ماشین گرمایی آرمانی و با توجه به این که

$$|Q_{L_1}| = \frac{3}{5} Q_{H_1} \quad \text{و} \quad Q_{H_1} = |Q_{L_1}|$$

$$\eta_2 = 1 - \frac{|Q_{L_1}|}{Q_{H_1}} = 1 - \frac{\frac{3}{5} Q_{H_1}}{Q_{H_1}} = 1 - \frac{3}{5} = \frac{2}{5}$$

$$\frac{Q_{H_1} = |Q_{L_1}|}{\frac{4}{5} = \frac{3}{5} |Q_{H_1}|} \Rightarrow \frac{4}{5} = \frac{3}{5} \frac{Q_{H_1}}{|Q_{L_1}|} \Rightarrow \frac{|Q_{L_1}|}{Q_{H_1}} = \frac{4}{3}$$

$$\eta_1 = 1 - \frac{|Q_{L_1}|}{Q_{H_1}} \Rightarrow \eta_1 = 1 - \frac{3}{4} \Rightarrow \eta_1 = \frac{1}{4} \Rightarrow \eta_1 = 25\%$$

(فیزیک ا- صفحه ۱۶۵)

(مسام نادری)

گزینه «۴»

موارد (الف) و (ت) صحیح‌اند.

بررسی موارد نادرست:

ب) مرحله ضربه قدرت در چرخه یک ماشین بنزینی، یک فرایند بی‌دررو است.

ب) نقض قانون دوم ترمودینامیک به بیان بخارالی موجب نقض نقض قانون دوم

ترمودینامیک به بیان ماشین گرمایی می‌شود.

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۴۷ تا ۱۴۸)

با توجه به این‌که جهت این چرخه ساعتگرد است، W بوده و می‌توان

$$W = -8 \text{ kJ}$$

از طرفی با توجه به قانون اول ترمودینامیک، می‌توان گرمایی مبادله شده را به

$$\Delta U = Q + W \xrightarrow{\text{در یک چرخه}} Q = -W \quad \text{دست آورد:}$$

$$\xrightarrow{W = -8 \text{ kJ}} Q = 8 \text{ kJ}$$

یعنی دستگاه 8 kJ گرمای دیرافت می‌کند.

(فیزیک ا- صفحه ۱۳۹)

(معران اسماعیلی)

گزینه «۳»

همان‌طور که می‌دانیم همواره تغییر فشار در فرایند بی‌دررو بیشتر از فرایند

هم‌دمای است، بنابراین فرایند BC بی‌دررو و فرایند CA هم‌دمای است. با

توجه به این‌که تغییر انرژی درونی گاز در چرخه برابر صفر است، داریم:

$$\Delta U = 0 \Rightarrow \Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = 0 \quad \text{هم‌دمای بی‌دررو هم حجم}$$

در فرایند هم‌حجم $\Delta U_{AB} = Q_{AB}$ ، در فرایند بی‌دررو

$\Delta U_{CA} = 0$ است.

با توجه به این‌که در فرایند هم‌حجم فشار افزایش یافته، دمای گاز نیز

افزایش می‌یابد، یعنی گاز گرمایی گیرد. بنابراین:

$$\Delta U_{AB} = Q_{AB} = 1200 \text{ J}$$

$$\Delta U_{AB} + \Delta U_{BC} + \Delta U_{CA} = 0 \xrightarrow{\Delta U_{BC} = W_{BC}, \Delta U_{CA} = 0} \Delta U_{AB} = 1200 \text{ J}$$

$$1200 + W_{BC} + 0 = 0 \Rightarrow W_{BC} = -1200 \text{ J}$$

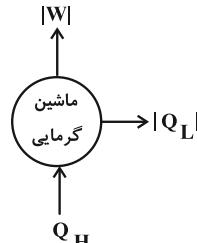
$$\Rightarrow |W_{BC}| = 1200 \text{ J}$$

(فیزیک ا- صفحه‌های ۱۳۰ تا ۱۳۱)

(عبدالرضا امینی نسب)

گزینه «۴»

مطابق قانون اول ترمودینامیک برای چرخه ماشین‌های آرمانی داریم:





(شیمی ۳ - صفحه های ۹۲ و ۹۳) ب) استفاده از مبدل کاتالیستی، آلودگی ناشی از مصرف سوخت را کاهش می دهد.

(پ) با توجه به نمودار صفحه ۹۳ کتاب درسی دوازدهم صحیح است. گسترش فناوری صفحه های نمایشگر در وسایل الکترونیک، مدیون دانش شیمی است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۹۱، ۹۲ و ۹۳)

(علی کریمی)

۱۳۴ - گزینه «۳»

گزینه «۱»: هر چه اندازه ذره های کاتالیزگر ریزتر باشد، سطح تماس و در نتیجه بازده واکنش های تبدیل آلاینده ها بیشتر می شود.
گزینه «۲»: به این دلیل از ۳ نوع کاتالیزگر استفاده می شود که ۳ نوع واکنش مختلف داریم.

گزینه «۴»: نماد پالادیم Pd می باشد.

(شیمی ۳ - صفحه های ۱۰۰ تا ۱۰۲)

(یاسر راشن)

۱۳۵ - گزینه «۳»

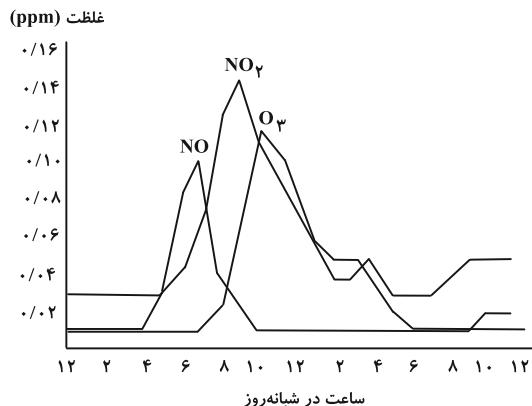
هوای آلوده شامل اکسیدهای نیتروژن دار و گوگرددار بوده و بر اثر واکنش این آلاینده ها با آب، باران اسیدی شکل می گیرد. دو مورد از پیامدهای باران اسیدی، «پوسیدگی خودروها» و «فرسودگی ساختمانها» است.

بررسی سایر گزینه ها:

(۱) هوای خشک و پاک مخلوطی از گازهای گوناگون است که به طور یکنواخت در هواکره پخش شده اند. در حالی که هوای آلوده افزون بر آن ها حاوی گازهای گوناگونی مانند NO_x , CO , NO_2 , O_3 , SO_2 ، CO_2 ، N_2 ، ذره های معلق و مواد آلی فرآراست. از طرفی میزان آلودگی هواکره در شهرهای مختلف متفاوت بوده و در نتیجه ترکیب درصد هوای آلوده در قسمت های مختلف هواکره متغیر است.

(۲) به دلیل وجود آلاینده ها هوای آلوده بوی بدی دارد. وجود گاز آلاینده NO_x در هواکره باعث می شود سطح شهرهای بزرگ مثل تهران به ویژه در زمستان با لایه قهوه ای رنگی پوشانیده شود.

(۳) با توجه به نمودار زیر این گزاره صحیح است:



(شیمی ۳ - صفحه های ۹۳ و ۹۴)

شیمی ۳

۱۳۱ - گزینه «۱»

مجموعه تلاش های بشریت برای حل مشکلات و مسئله ها در هر زمان و مکان و یافتن راهکارهای علمی، در گذر زمان منجر به تولید و انباست دانش و فناوری شده است. یکی از آن ها، دانش شیمی و فناوری های آن است که نقش پررنگی برای گذر از تنگناها و رسیدن به زندگی مدرن امروزی داشته است. شکل زیر برخی از دستاوردهای مهم شیمی را در این راستا نشان می دهد:



فناوری شناسایی و تولید مواد
بین حس کننده و اسپیرونیک، راه را
پوای جراحی های گوناگون هموار کرد.

فناوری تولید بلاستیک، صفت
پوشک و صفت بسته بندی (غذا،
دارو و...) را دادگری کن ساخت.

فناوری تصفیه آب، هان گسترش
بیهودگی هایی از جمله وبا در جهان
شده است.



گسترش فناوری سفنه های نهادی
در وسایل الکترونیک، مدیون داشت
شیمی است.



فناوری تولید بنزین به محل و نقل
سرعت بخشید و مدل های کاتالیستی
آلودگی ناشی از مصرف ان را کاهش داد.



(شیمی ۳ - صفحه های ۹۲ و ۹۳)

(ممدرضا پور چاودر)

۱۳۲ - گزینه «۴»

همه عبارت های داده شده درست هستند.

• آلاینده های کربن داری همچون CO و CO_2 می توانند از سوختن ناقص و کامل هیدروکربن ها تولید شوند.

• اکسید بی رنگ نیتروژن، نیتروژن مونوکسید (NO) است که در ساختار آن N از قاعده هشت تایی پیروی نمی کند:



• تولید اوزون تروپوسفری طبق واکنش $\text{NO}_x + \text{O}_2 \rightarrow \text{NO} + \text{O}_3$ (به عنوان آلتوتروب های اکسیژن) در این واکنش یکسان است.

(شیمی ۳ - صفحه های ۹۳ و ۹۴)

(مسن مینونی)

۱۳۳ - گزینه «۲»

بررسی موارد:

(الف) با توجه به متن کتاب درسی، با این که استفاده بینه و درست از دانش و فناوری، آسایش و رفاه را در زندگی تأمین می کند، اما استفاده نادرست از آن، آثاری مغرب تر و زیان بارتری به دنبال خواهد داشت.



$$\Delta H = [2\Delta H_{C \equiv O} + \Delta H_{O=O}] - [4\Delta H_{C \equiv O}]$$

$$-566 = 2\Delta H_{C \equiv O} + 494 - 4 \times 80$$

$$\Delta H_{C \equiv O} = 1070 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(پیمان فوایوی مهر)

گزینه «۳» - ۱۴۰

با افزایش دما انرژی فعال‌سازی واکنش تغییر نمی‌کند. بلکه میزان جنب و جوش ذره‌ها افزایش می‌یابد و از این طریق سرعت واکنش افزایش پیدا می‌کند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

شیمی ۳ - پیشروی سریع

(رسول عابدین زواره)

گزینه «۲» - ۱۴۱

عبارت‌های (ب) و (ت) درست است.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) از واکنش اتن با هیدروژن کلرید, ترکیب کلرواتان به دست می‌آید که در افشه‌های بی‌حس کننده موضعی کاربرد دارد.

(ب) از واکنش اتن با آب در شرایط مناسب، اتانول به دست می‌آید و از اکسایش اتانول، اتانویک اسید حاصل می‌شود.

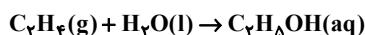
(پ) اتیل استات حلال چسب است که از واکنش اتانول و اتانویک اسید تولید می‌شود.

(ت) در دما و فشار بالا، از واکنش پلیمری شدن اتن، پلی‌اتن تولید می‌شود.

(شیمی ۳ - صفحه ۹۶ تا ۱۰۰)

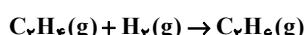
(امیر هاتمیان)

گزینه «۳» - ۱۴۲



$$?gH_2O = 1 / 2gC_2H_5OH \times \frac{10}{100} \times \frac{1 \text{ mol } C_2H_5OH}{46 \text{ g } C_2H_5OH}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol } H_2O}{1 \text{ mol } C_2H_5OH} \times \frac{18 \text{ g } H_2O}{1 \text{ mol } H_2O} = 2 / 88 \text{ g } H_2O$$



$$?LC_2H_6 = 1 / 2gC_2H_5OH \times \frac{10}{100} \times \frac{1 \text{ mol } C_2H_5OH}{46 \text{ g } C_2H_5OH}$$

$$\times \frac{1 \text{ mol } C_2H_4}{1 \text{ mol } C_2H_5OH} \times \frac{1 \text{ mol } C_2H_6}{1 \text{ mol } C_2H_4} \times \frac{22 / 4LC_2H_6}{1 \text{ mol } C_2H_6} \approx 3 / 58LC_2H_6$$

(شیمی ۳ - صفحه ۹۶ تا ۱۰۰)

(ممدر فائز زیار)

گزینه «۱» - ۱۳۶

تنها مورد اول به درستی بیان شده است. بررسی موارد نادرست:

مورد دوم: در بیشتر ساعت شبانه‌روز، غلظت NO_2 بیشتر از NO می‌باشد.مورد سوم: گاز O_3 ، مستقیماً از اگزوز خودرو خارج نمی‌شود.مورد چهارم: N_2O_5 , N_2O_7 , N_2O , NO_2 , NO و ... از اکسیدهای نیتروژن هستند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹۳ و ۹۴)

گزینه «۱» - ۱۳۷

(رسول عابدین زواره)

در بین فرمول شیمیایی آلاینده‌های داده شده، فقط مولکول‌های C_xH_y از نوع ناقطبی‌اند.

$$\text{میزان آلاینده‌های با مولکول قطبی} \leftarrow \frac{g}{km} \quad 5 / 99 + 1 / 04 = 7 / 03$$

$$\text{آلاینده قطبی)} ? ton \times \frac{50 \text{ km}}{1 \text{ km}} \times \frac{7 / 03 \text{ g}}{(خودرو)} = (خودرو) \times \frac{1}{1 \text{ km}}$$

$$\times \frac{1 \text{ ton}}{10^6 \text{ g}} = 35150 \text{ ton} \quad (\text{آلاینده قطبی})$$

(شیمی ۳ - صفحه ۹۴)

گزینه «۳» - ۱۳۸

بررسی گزینه‌ها:

(۱) برای آغاز هر واکنش، به انرژی فعال‌سازی نیاز است.

(۲) کاتالیزگرها با این‌که در واکنش شرکت می‌کنند، اما مصرف نمی‌شوند.

(۳) جرقه انرژی فعال‌سازی واکنش میان گازهای H_2 و O_2 را تأمین می‌کند، ولی استفاده از توری پلاتینی، E_a واکنش را کاهش می‌دهد. جرقه باعث تغییر E_a نمی‌شود.

(۴) دقیقاً

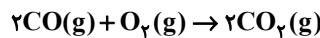
(شیمی ۳ - صفحه‌های ۹۶ تا ۱۰۰)

(مسنون مبنوی)

گزینه «۴» - ۱۳۹

با توجه به نمودار، مقدار آنتالپی واکنش را محاسبه می‌کنیم. با توجه به این‌که واکنش گرماده است، پس ΔH آن منفی است.پس $|\Delta H| = 900 - 334 = 566 \text{ kJ} \Rightarrow \Delta H = -566 \text{ kJ}$ می‌باشد.

حال با توجه به واکنش و آنتالپی پیوند مواد داریم:



پ) فرمول ساختاری واحد تکرارشونده پلی‌اتیلن ترفتالات (PET) به صورت ساختار رسم شده در قسمت «آ» است. در ساختار این واحد تکرارشونده، ۵ پیوند دوگانه و ۸ پیوند «کربن - هیدروژن» وجود دارد.

ت) از واکنش یک الکل تک‌عاملی (ROH) و یک اسید آلی تک‌عاملی $\text{O} \quad \text{O}$
 $\text{R}-\text{C}(=\text{O})-\text{OR}'$ ، یک مولکول استر (R'COH) و یک مولکول آب تولید می‌شود.

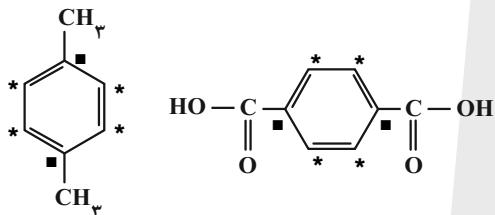
(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۱۶، ۱۱۷ و ۱۱۸)

(رسول عابرینی‌زواره)

«گزینه ۴» - ۱۴۵

عبارت‌های (آ) و (پ) درست‌اند.

ساختار مولکول‌های پارازایلن و ترفتالیک اسید به صورت زیر است:



بررسی عبارت‌ها:

(آ) شمار گروه‌های متیل در پارازایلن = ۲، شمار گروه‌های کربوکسیل در ترفتالیک اسید = ۲

(ب) شمار پیوندهای دوگانه در پارازایلن = ۳، شمار پیوندهای دوگانه در ترفتالیک اسید = ۵

(پ) فرمول مولکولی پارازایلن C₈H₁₀ و شمار اتم‌ها = ۱۸، فرمول مولکولی ترفتالیک اسید C₈H₆O₄ و شمار اتم‌ها = ۱۸

(ت) در هر دو مولکول، اتم‌های کربن ستاره‌دار عدد اکسایش -۱ و اتم‌های کربن ■ دار، عدد اکسایش صفر دارند. (۶ اتم کربن در هر مولکول با عدد اکسایش یکسان)

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۱۶ تا ۱۱۸)

(امین نوروزی)

«گزینه ۴» - ۱۴۶

موارد (ب) و (ت) درست‌اند.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) اتیلن گلیکول یک الکل دو عاملی با فرمول شیمیابی C₂H₆O₂ است. چیش اتم‌ها در اطراف اتم‌های کربن موجود در ساختار اتیلن گلیکول متقاض نبوده و هریک از اتم‌های کربن موجود در ساختار مولکولی این ماده، به اتم‌های متفاوتی از ۳ عنصر مختلف متصل شده است، پس گشتاور دوقطبی مولکول‌های این ماده بزرگ‌تر از صفر است.

(رضا سلیمانی)

«گزینه ۴» - ۱۴۳

بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: الكل سازنده پلی‌استر A، همان اتیلن گلیکول (C₂H₆O₂) و اسید سازنده پلی‌استر B، همان ترفتالیک اسید (C₈H₆O₄) است. این دو ترکیب مونومرهای سازنده پلی‌اتیلن ترفتالات (PET) هستند.گزینه «۲»: در مولکول اسید سازنده پلی‌استر A، ۸ اتم هیدروژن وجود دارد که با تعداد اتم‌های هیدروژن در مولکول نفتالن (C₁₀H₈) برابر است.گزینه «۳»: در مولکول الكل سازنده پلی‌استر B، ۱۰ اتم هیدروژن وجود دارد که با تعداد اتم‌های هیدروژن در مولکول پارازایلن (C₈H₁₀) برابر است.گزینه «۴»: الكل سازنده پلی‌استر B، مولکول C₄H₁₀O₂ و الكل سازنده پلی‌استر A، مولکول C₂H₆O₂ است.

$$\text{C}_4\text{H}_{10}\text{O}_2 = 90 \text{ g.mol}^{-1} = (4 \times 12) + (10 \times 1) + (2 \times 16)$$

$$\text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2 = 62 \text{ g.mol}^{-1} = (2 \times 12) + (6 \times 1) + (2 \times 16)$$

تفاوت جرم مولی این دو ترکیب برابر ۲۸ گرم بر مول بوده و جرم مولی اتان (C₂H₆) برابر ۳۰ گرم بر مول است.

(شیمی ۳- صفحه‌های ۱۱۶ و ۱۱۷)

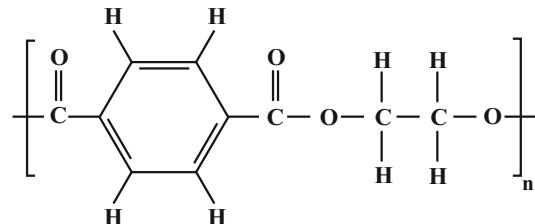
(رضا سلیمانی)

«گزینه ۴» - ۱۴۴

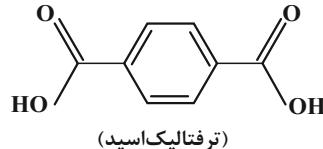
عبارت‌های (آ) و (ت) نادرست هستند.

بررسی عبارت‌ها:

(آ) بطري آب از پلیمر PET ساخته شده است که در واحد تکرارشونده آن مطابق ساختار زیر، ۱۰ اتم کربن وجود دارد.



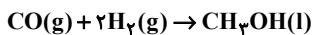
(ب) یکی از مونومرهای سازنده PET، ترفتالیک اسید است که در ساختار خود همانند ساختار واحد تکرارشونده PET یک حلقة بنزن دارد.



(ترفتابلیک اسید)



گزینه «۴»: گاز کربن مونوکسید و هیدروژن در شرایط مناسب و در حضور کاتالیزگر با هم واکنش داده و متانول را تولید می‌کنند.

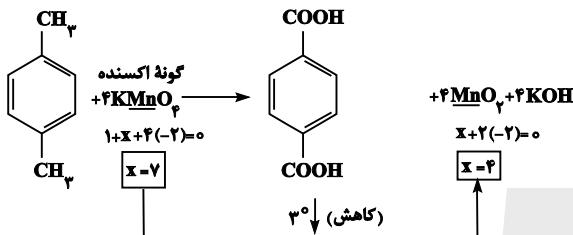


(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۱)

(امیر هاتمیان)

گزینه «۳» - ۱۴۹

از معادله موازنۀ شده واکنش داریم:



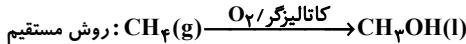
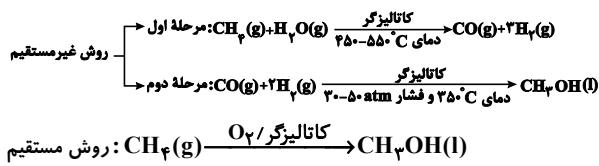
$$\begin{aligned} ? \text{mL محلول} &= \lambda g \text{C}_6\text{H}_5\text{O}_4 \times \frac{\lambda}{100} \times \frac{1 \text{mol C}_6\text{H}_5\text{O}_4}{166 \text{g C}_6\text{H}_5\text{O}_4} \\ &\times \frac{4 \text{mol KMnO}_4}{1 \text{mol C}_6\text{H}_5\text{O}_4} \times \frac{1 \text{L}}{4 \text{mol KMnO}_4} \\ &\times \frac{1000 \text{mL}}{1 \text{L}} = 400 \text{mL} \end{aligned}$$

(شیمی ۳ - صفحه ۱۱۵)

(میلاد عزیزی)

گزینه «۳» - ۱۵۰

م atanول را می‌توان به ۲ روش مستقیم و غیرمستقیم تهیه کرد که روش غیرمستقیم، خود شامل ۲ مرحله است. اما روش مستقیم فقط ۱ مرحله است:



بررسی عبارت‌ها:

(آ) در هر دو روش مستقیم و غیرمستقیم، از گاز متان به عنوان واکنش دهنده استفاده می‌شود.

(ب) در هر دو روش و در هر سه واکنش از کاتالیزگر استفاده می‌شود.

(پ) در روش غیرمستقیم، برای تأمین دمای بالا اغلب از سوزاندن سوخت‌های فسیلی استفاده می‌شود که با تولید کربن دی‌اکسید (CO2) که یک آلاینده است، همراه می‌باشد.

(ت) گاز متان (CH4) یک هیدروکربن سیرشده است و واکنش بذیری بسیار کمی دارد.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۲۰ و ۱۲۱)

ب) واکنش‌های سوختن، اکسایشی‌اند.

(پ) برای تولید بطری‌های آب، PET را به همراه برخی افزودنی‌ها در قالب‌های ویژه‌ای می‌ریزند.

(ت) موارد گفته شده همگی از ویژگی‌های پلاستیک‌ها محسوب می‌شوند.

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۱۹ تا ۱۲۱)

(کلیر هنرمند)

گزینه «۳» - ۱۴۷

(آ) با وجود غلطت بالای یون پرمگنتات (اکسنده)، باز هم شرایط انجام واکنش تبدیل پارازایلن به ترفتالیک اسید تأمین نمی‌شود، مگر آن‌که دمای مخلوط افزایش یابد.

(ب)

$$A(\text{C}_2\text{H}_4) = \%C = \frac{C}{C_2\text{H}_4} \times 100 = \frac{2 \times 12}{28} \times 100 = \%85.7$$

$$B(\text{C}_2\text{H}_{10}) = \%C = \frac{C}{C_2\text{H}_{10}} \times 100 = \frac{8 \times 12}{106} \times 100 = \%90.6$$

روش دوم: چون نسبت $\frac{C}{H}$ در مولکول C_2H_{10} نسبت به مولکول

C_2H_4 بیشتر است، بنابراین درصد جرمی کربن در پارازایلن بیشتر است.

$$(I) \text{C}_2\text{H}_6\text{O}_2 : x + 6(+1) + 2(-2) = 0 \Rightarrow x = -2 \quad (\text{پ})$$

$$(II) \text{C}_2\text{H}_6\text{O}_4 : y + 6(+1) + 4(-2) = 0 \Rightarrow y = +2$$

$$C_2H_6O_2 = \frac{\frac{C}{(2 \times 4)} + \frac{H}{(6 \times 1)} + \frac{O}{(2 \times 2)}}{2} = 9 \quad (\text{ت})$$

$$C_2H_6O_4 = \frac{\frac{C}{(8 \times 4)} + \frac{H}{(6 \times 1)} + \frac{O}{(4 \times 2)}}{2} = 23$$

(شیمی ۳ - صفحه‌های ۱۱۸ تا ۱۲۰)

(رسول عابدینی زواره)

گزینه «۳» - ۱۴۸

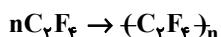
بررسی گزینه‌ها:

گزینه «۱»: پلی‌اتیلن ترفتالات در شرایط مناسب با CH_3OH واکنش می‌دهد و به مواد مفیدی تبدیل می‌گردد.

گزینه «۲»: در میدان‌های گازی، CH_4 به فراوانی یافت می‌شود و بخش قابل توجهی از آن را برای افزایش اینمی می‌سوزانند.

گزینه «۳»: مونومرهای سازنده PET، اتیلن گلیکول و ترفتالیک اسید هستند.

این دو ماده در نفت خام وجود ندارد.



$$300 \text{ g } C_2F_4 \times \frac{1 \text{ mol}}{100 \text{ g}} \times \frac{1 \text{ mol}}{n \text{ mol}} \times \frac{100 \text{ g}}{1 \text{ mol}} \times a\% = \text{ تفلون}$$

$$= 100 \text{ g } C_2H_4Cl \times \frac{1 \text{ mol}}{52/5 \text{ g}} \times \frac{1 \text{ mol PVC}}{n \text{ mol}} \times \frac{52/5 \text{ g}}{1 \text{ mol PVC}} \times b\% = \text{ PVC}$$

$$\Rightarrow 300 \text{ a}\% = 100 \text{ b}\% \Rightarrow 3a\% = b\%$$

$$\frac{a}{b} = \frac{1}{3} \quad \text{یا} \quad \frac{b}{a} = 3$$

(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۶ تا ۱۰۷)

(رسول عابدینی زواره)

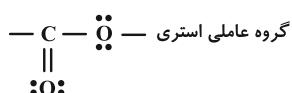
«گزینه ۴» - ۱۵۳

بررسی گزینه ها:

۱) نادرست: پلی استرها دسته ای از پلیمرها هستند که از اتم های C, H و O تشکیل شده اند و اتم N ندارند.

۲) نادرست: بو و طعم خوش آناناس به دلیل وجود استری به نام اتیل بوتانوات در آن است.

۳) نادرست: یک پلی استر با n گروه عاملی دارای ۸n الکترون ناپیوندی است. (۴n جفت الکترون ناپیوندی)



۴) درست: ساده ترین استر، متیل متانوآت بوده که شامل ۲ اتم کربن است:



(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۹ و ۱۱۰)

شیمی ۲

«۱» - ۱۵۱

(محمد عظیمیان زواره)

الف) درست: حدود نیمی از لباس های تولیدی در جهان از پنبه تهیه می شود.

ب) درست: پنبه از الیاف سلولز تشکیل شده است. مونومر سازنده سلولز،

گلوکز (C₆H₁₂O₆) می باشد. فرمول شیمیایی اتانول

می باشد. بنابراین نوع عنصرهای سازنده هر کدام C, H و O می باشد.

پ) نادرست: اتن درشت مولکول محسوب نمی شود.

ت) درست: با حرارت دادن گاز اتن (C₂H₂) در فشار بالا جامد سفید

رنگ پلی اتن به دست می آید و یک درشت مولکول محسوب شده و جرم

مولی آن اغلب به ده ها هزار گرم بر مول می رسد.

ث) نادرست: تاکنوں هیچ قاعده ای برای اتصال شمار مونومرها به یکدیگر

ارائه نشده است نه این که چگونه به هم وصل می شوند.

(شیمی ۲ - صفحه های ۱۰۴ تا ۱۰۵)

(امیرعلی بیات)

«۳» - ۱۵۲

درصد جرمی F در مخلوطی از C₂F₄ و C₂H₄Cl برابر ۵۷٪ است. این

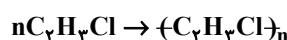
يعني اگر جرم مخلوط اولیه را ۴۰۰ g فرض کنیم:

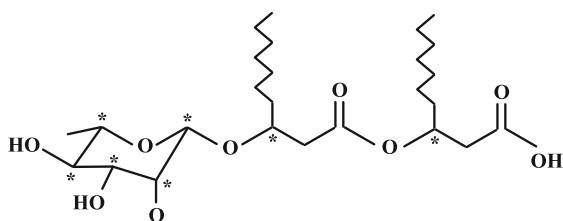
$$400 \times \frac{57}{100} = 4 \times 57 \text{ g F}$$

$$4 \times 57 \text{ g F} \times \frac{1 \text{ mol F}}{19 \text{ g F}} \times \frac{1 \text{ mol } C_2F_4}{4 \text{ mol F}} \times \frac{100 \text{ g } C_2F_4}{1 \text{ mol } C_2F_4}$$

$$= 300 \text{ g } C_2F_4$$

$$\Rightarrow 400 - 300 = 100 \text{ g } C_2H_4Cl$$

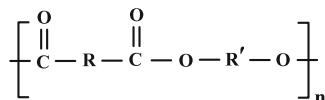




(شیمی ۲ - صفحه‌های ۱۰۹ تا ۱۱۳)

«۴» - گزینه ۴

فرمول کلی پلی استرها:



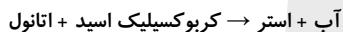
در ساده‌ترین واحد تکرارشونده، گروه R بدون اتم اس است و دو گروه R' بیوند یگانه به هم متصل می‌شوند و گروه R' نیز تنها دارای یک گروه CH_2 است.

(آرمین عظیمی)

«۴» - گزینه ۴

۲۳ گرم اتانول معادل با $5 / ۰$ مول است، از این‌رو $5 / ۰$ مول استر و $5 / ۰$

مول آب مطابق واکنش زیر تولید شده است:



$$18\text{ g H}_2\text{O} \times \frac{1\text{ mol H}_2\text{O}}{1\text{ mol H}_2\text{O}} = 5 / ۰ \text{ mol H}_2\text{O} \Rightarrow 5 / ۰ \text{ g H}_2\text{O} = 5 / ۰ \text{ g آب}$$

$$5 / ۰ \text{ g آب} - 5 / ۰ \text{ g استر} = 49\text{ g} \Rightarrow m = 49 \text{ g استر}$$

$$\Rightarrow m = 58\text{ g استر}$$

جرم $5 / ۰$ مول استر برابر با ۵۸ گرم است، بنابراین جرم مولی این استر برابر

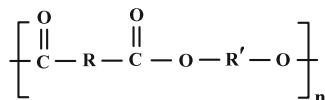
با ۱۱۶ گرم برابر است. فرمول کلی استرهای تک‌عاملی با زنجیر

هیدروکربنی سیرشده و دارای n اتم کربن به صورت $\text{C}_n\text{H}_{2n}\text{O}_2$ است.

بنابراین داریم:

$$12n + 2n + 32 = 116 \Rightarrow n = 6$$

(روزبه رضوانی)



(شیمی ۲ - صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۷)

«۴» - گزینه ۴

(امیر محمد کلناری)

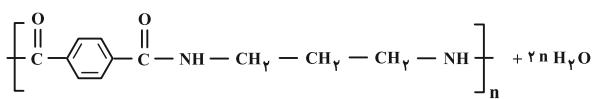
آلکان‌ها ناقطبی هستند و در آب حل نمی‌شوند اما الکل‌ها هم دارای بخش قطبی و هم بخش ناقطبی هستند. در ۵ عضو ابتدایی خانواده الکل‌های تک‌عاملی، راستزنگیر و سیرشده، بخش قطبی بر ناقطبی غلبه کرده و در آب به خوبی حل می‌شوند. هر چه تعداد کربن الکل‌ها کمتر باشد، بخش ناقطبی کوچک‌تر بوده و در آب راحت‌تر حل می‌شوند.

(شیمی ۲ - صفحه ۱۱۳)

«۴» - گزینه ۴

تمامی عبارت‌ها درست هستند.

در ساختار این ترکیب همانند ساختار ویتامین C گروه‌های عاملی «استر» و «هیدروکسیل» مشاهده می‌شود. در این ساختار همانند الکل‌ها دو نوع نیروی بین مولکولی وجود دارد: نیروی واندروالسی و پیوند هیدروژنی. همچنین اتم‌های کربن ستاره‌دار در ساختار زیر، تنها به یک اتم هیدروژن متصل هستند:

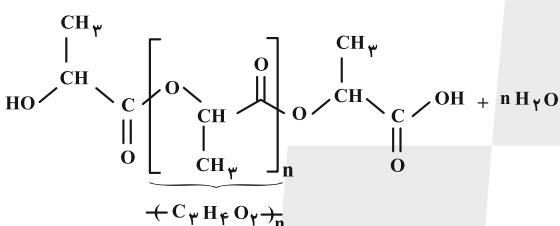
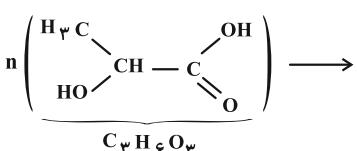


(شیمی ۲ - صفحه های ۱۷ تا ۱۸)

(یاسر راشن)

گزینه «۲» - ۱۵۹

واکنش پلیمری شدن به صورت زیر است:



$$\frac{72n \text{ g}}{\text{mol}} \times \frac{1 \text{ mol C}_7\text{H}_6\text{O}_2}{90 \text{ g C}_7\text{H}_6\text{O}_2} \times \frac{1 \text{ mol}}{n \text{ mol C}_7\text{H}_6\text{O}_2} = 1 \text{ g C}_7\text{H}_6\text{O}_2 \quad (\text{پلیمر})$$

$$\frac{72n \text{ g}}{\text{mol}} = \frac{1 \text{ g}}{8 \text{ g}} \times \frac{(\text{پلیمر})}{(\text{پلیمر})}$$

(شیمی ۲ - صفحه ۱۲)

(ممدرضا بهمنشیری)

گزینه «۳» - ۱۶.

بررسی مورد نادرست: گزینه «۳» شیر ترش شده دارای لاکتیک اسید است.

سایر گزینه ها درست هستند.

(شیمی ۲ - صفحه ۱۲)

اتانول یک الکل دوکربنی با فرمول مولکولی $\text{C}_2\text{H}_6\text{O}$ و فرمول مولکولیاستر به صورت $\text{C}_6\text{H}_{12}\text{O}_2$ است. بنابراین فرمول مولکولی اسید آلیصرف شده به صورت $\text{C}_4\text{H}_8\text{O}_2$ است.

$$\frac{(4 \times 4) + (1 \times 8) + (2 \times 2)}{2} = 14$$

فرمول ساختاری ساده ترین آمید به صورت زیر است:



این آمید دارای ۶ پیوند اشتراکی است. بنابراین در نهایت داریم:

$$\frac{14}{6} \approx 2 / 33$$

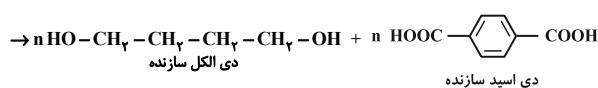
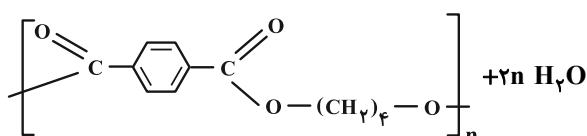
(شیمی ۲ - صفحه های ۱۷ تا ۱۸)

(ممدرضا پور جاویر)

گزینه «۱» - ۱۵۸

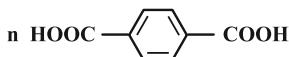
برای تعیین فرمول ساختاری دی اسید سازنده پلی پروپیلن ترفتالات، می توان

از واکنش آبکافت این پلیمر استفاده کرد.



به این ترتیب فراورده پلیمری حاصل از واکنش دی اسید تولید شده با

دی آمین مورد نظر عبارت است از:





شیمی ۱

گزینه «۲» - ۱۶۱

(مسن مبنوی)

در ابتدا مولاریتۀ $\text{Na}_\gamma\text{SO}_4$ را با استفاده از غلظت ppm یون سدیممحاسبه می کنیم: (فرض می کنیم ۱۰۰ گرم محلول $\text{Na}_\gamma\text{SO}_4$ در اختیار

داریم).

$$\text{ppm} = \frac{\text{Na}^+ \text{ جرم حلشونده}}{\text{جرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow ۶۹۰۰ = \frac{\text{Na}^+ \text{ جرم}}{۱۰۰ \text{ g}} \times 10^6$$

$$\Rightarrow \text{Na}^+ = ۰/۶۹ \text{ g}$$

می دانیم در هر مول از $\text{Na}_\gamma\text{SO}_4$ ، دو مول Na^+ وجود دارد. پس بامحاسبات استوکیومتری جرم $\text{Na}_\gamma\text{SO}_4$ را به دست می آوریم:

$$? \text{ g Na}_\gamma\text{SO}_4 = ۰/۶۹ \text{ g Na}^+ \times \frac{۱ \text{ mol Na}^+}{۲۳ \text{ g Na}^+} \times \frac{۱ \text{ mol Na}_\gamma\text{SO}_4}{۲ \text{ mol Na}^+}$$

$$\times \frac{۱۴۲ \text{ g Na}_\gamma\text{SO}_4}{۱ \text{ mol Na}_\gamma\text{SO}_4} = ۲/۱۳ \text{ g Na}_\gamma\text{SO}_4$$

در نتیجه با توجه به فرض سؤال، جرم KOH برابر $۲/۱۳ \text{ g}$ است.حجم ۱۰۰ g از محلول $\text{Na}_\gamma\text{SO}_4$ با چگالی $۱/۱۲ \text{ g/mL}$ برابر است با:

$$d = \frac{\text{حجم محلول}}{\text{حجم محلول}} \Rightarrow ۱/۱۲ = \frac{۱۰۰ \text{ g}}{V} \Rightarrow V = \frac{۱۰۰}{۱/۱۲} \text{ mL}$$

حال غلظت مولی محلول KOH را محاسبه می کنیم:

$$\text{مولاریته} = \frac{\text{mol}}{\text{V(L)}}$$

$$\text{KOH} = \frac{\frac{۲/۱۳ \text{ g}}{۵۶ \text{ g.mol}^{-1}}}{\frac{۱۰۰ \text{ mL}}{۱/۱۲ \text{ mL}} \times \frac{۱ \text{ L}}{۱۰۰۰ \text{ mL}}} = ۰/۴۲۶ \text{ mol.L}^{-1}$$

(شیمی ا- صفحه های ۹۸، ۹۹، ۱۰۰ و ۱۰۱)

(ممدر، خا بمشیدی)

گزینه «۱» - ۱۶۲

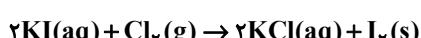
ابتدا مقدار K^+ را بر حسب گرم در ۲۰۰ گرم محلول KI به دست می آوریم:

$$۵۸۵۰۰ = \frac{\text{g K}^+}{۲۰۰} \times ۱۰^6 \Rightarrow \text{g K}^+ = ۱۱/۷ \text{ g}$$

حال اطلاعات KI را بر حسب مول از طریق مقدار K^+ به دست می آوریم:

$$۱۱/۷ \text{ g K}^+ \times \frac{۱ \text{ mol K}^+}{۳۹ \text{ g K}^+} \times \frac{۱ \text{ mol KI}}{۱ \text{ mol K}^+} = ۰/۳ \text{ mol KI}$$

حال با توجه به واکنش موازنۀ شده داریم:



$$۰/۳ \text{ mol KI} \times \frac{۱ \text{ mol Cl}_\gamma}{۲ \text{ mol KI}} \times \frac{۲۲/۴ \text{ L Cl}_\gamma}{۱ \text{ mol Cl}_\gamma} = ۳/۳۶ \text{ L Cl}_\gamma$$

$$۰/۳ \text{ mol KI} \times \frac{۱ \text{ mol I}_\gamma}{۲ \text{ mol KI}} = ۰/۱۵ \text{ mol I}_\gamma$$

(شیمی ا- صفحه های ۱۰۰ تا ۱۰۲)

(ممدر عظیمیان زواره)

گزینه «۲» - ۱۶۳

نقره کلرید (AgCl) یک ترکیب یونی دوتایی محسوب می شود.

بررسی گزینه های درست:

(۱) تعریف انحلال پذیری

$$\frac{۵۰}{۱۵۰} = \frac{۱}{۳} \times ۱۰۰ \approx ۳۳/۳۳ \quad (۳)$$

۴) زیرا با افزایش دما انحلال پذیری لیتیم سولفات در آب کاهش می یابد و

 محلول سیرشده آن در دمای بالاتر شامل مقدار کمتری حل شونده بوده و
 چگالی محلول آن کمتر است.

(شیمی ا- صفحه های ۱۰۰ تا ۱۰۲ و ۱۰۳)



(امیرحسین فسن‌نژاد)

«۴» - ۱۶۵

الف) مولکول‌های گوگرد تری اکسید ناقطبی بوده و در میدان الکتریکی

جهت‌گیری نمی‌کنند.

ب) مولکول‌های آب از سمت اتم هیدروژن خود به سمت میله شیشه‌ای مالش

داده شده به موی سر نزدیک می‌شوند.

پ) مولکول آب با وجود جرم مولی کمتر نسبت به H_2S نقطه جوش

بیشتری از آن دارد.

(شیمی - صفحه‌های ۱۷۷ تا ۱۷۸)

(سعید تیزرو)

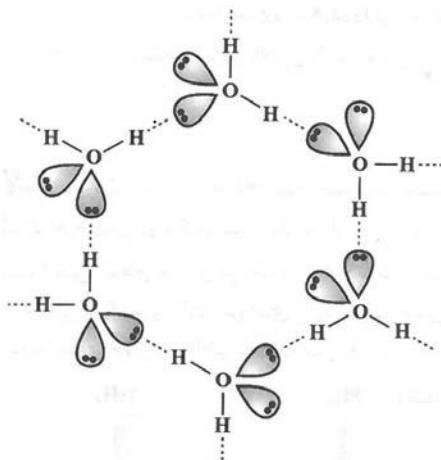
«۲» - ۱۶۶

تنها عبارت دوم نادرست است.

بررسی موارد:

مورد اول: تبدیل آب به یخ و بخار آب با افزایش حجم همراه است.

مورد دوم: ساختار حلقه‌های شش‌ضلعی یخ به صورت زیر است:



مطابق شکل در هر حلقة ۶ ضلعی، ۶ اتم O و ۶ بیوند هیدروژنی

وجود دارد.

(آرمن عظیمی)

«۳» - ۱۶۶

معادله انحلال پذیری پتانسیم نیترات به صورت خطی نیست.

بررسی سایر گزینه‌ها:

۱) انحلال پذیری نمک B در دمای $10^\circ C$ برابر است با:

$$S_B = (0 / 8 \times 10) + 28 = 36 \text{ g}$$

در $100^\circ C$ آب، ۳۶ گرم نمک وجود دارد، از این رو در $\frac{100}{8} = 12.5$ یاگرم آب، باید $\frac{36}{8} = 4.5$ گرم نمک وجود داشته باشد که سیرشده باشد.بنابراین محلول حاوی $\frac{3}{75}$ گرم نمک سیرشده است.۲) انحلال پذیری نمک A را در دماهای $10^\circ C$ و $60^\circ C$ حساب می‌کنیم:

$$S_{10^\circ C} = (0 / 4 \times 10) + 34 = 30 \text{ g}$$

$$S_{60^\circ C} = (0 / 4 \times 60) + 34 = 10 \text{ g}$$

حال مقدار رسوب تولید شده را محاسبه می‌کنیم:

$$\text{(رسوب)} = \frac{\text{رسوب}}{\text{محلول}} \times \frac{1 \text{ mol}}{148 \text{ g}} \times \frac{148 \text{ g}}{130 \text{ g}} = \frac{1 \text{ mol}}{130 \text{ g}} \times \frac{\text{رسوب}}{\text{محلول}}$$

۳) انحلال پذیری نمک‌های A و B را در دمای $25^\circ C$ به دست می‌آوریم:

$$A : S_{25^\circ C} = (0 / 4 \times 25) + 34 = 24 \text{ g}$$

$$B : S_{25^\circ C} = (0 / 8 \times 25) + 28 = 48 \text{ g}$$

حال نسبت غلظت مولی دو نمک را محاسبه می‌کنیم:

$$\frac{A}{B} = \frac{\frac{24}{148}}{\frac{48}{130}} = \frac{24}{48} \times \frac{130}{148} = \frac{130}{296} = \frac{65}{148} = \frac{1}{2}$$

(شیمی - صفحه‌های ۹۸ تا ۱۰۳)



(مادرضا بمشیدی)

گزینه «۱»

ابتدا مقدار گرم NO_2 حل شده را به دست می‌آوریم:

$$\frac{46 \text{ g } \text{NO}_2}{0.5 \text{ mol } \text{NO}_2} \times \frac{1 \text{ mol } \text{NO}_2}{1 \text{ mol } \text{NO}_2} \times \frac{10}{100} = 2/3 \text{ g } \text{NO}_2$$

حال جرم آب را به دست می‌آوریم:

$$5 \text{ L} \times \frac{1000 \text{ mL}}{1 \text{ L}} \times \frac{1 \text{ g}}{1 \text{ mL}} = 5000 \text{ g}$$

حال غلظت را بر حسب ppm به دست می‌آوریم:

$$\text{ppm} = \frac{\text{گرم حل شونده}}{\text{گرم محلول}} \times 10^6 \Rightarrow \text{ppm} = \frac{2/3}{5000} \times 10^6 = 460$$

توجه: در فرمول ppm در مخرج به جای گرم محلول، گرم آب را قرار می‌دهیم، زیرا مقدار حل شونده در برابر مقدار حل (آب) ناچیز است.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۱۵ و ۱۲۳)

(امیرعلی بیات)

گزینه «۴»

در همه روش‌های تصفیه آب، پس از انجام فرایند، باید آب به کمک کلر ضد عفونی شود.

بررسی گزینه‌های نادرست:

۱) با اسمز معکوس می‌توان ترکیبات آلی فرآر را از آب جدا کرد.

۳) گاز اوزون و کلر در گندزدایی کاربرد دارند.

۴) غشاء نیمه تراوا، غشایی انتخابی است و اجازه عبور همه یون‌ها را از غشاء نمی‌دهد.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۱۷، ۱۱۸ و ۱۱۹)

موردنمود: ترکیب‌هایی نظیر استون ($\text{H}_3\text{C}-\overset{\text{O}}{\underset{\parallel}{\text{C}}}-\text{CH}_3$) قادر توانایی تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های خودش بوده، اما امکان تشکیل پیوند هیدروژنی با مولکول‌های آب را دارند.

موردنمود: مطابق متن کتاب درسی این عبارت درست است.

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۰۸ و ۱۰۹)

گزینه «۲»

عبارت‌های اول، چهار و پنجم درست هستند. بررسی موارد:

موردنمود: اتحال پذیری $\text{CO}_2(\text{g})$ در هر فشار و دمایی از $\text{NO}(\text{g})$ بیشتر است. اتحال پذیری $\text{NO}(\text{g})$ در فشار 3 atm حدود 0.02 g است. بنابراین اتحال پذیری $\text{CO}_2(\text{g})$ از 0.02 g بیشتر است.

موردنمود: اتحال گازها در آب شور کمتر از آب خالص است.

اتحاد پذیری $\text{N}_2(\text{g})$ در فشار 6 atm حدود 0.02 g است. پس امکان ندارد اتحال پذیری این گازها در آب شور در همین دما بیشتر از 0.02 g باشد.

موردنمود: با توجه به نمودار، در هر فشار 5 atm ، اتحال پذیری $\text{O}_2(\text{g})$ حدود 0.02 g و اتحال پذیری $\text{NO}(\text{g})$ حدود 0.03 g است. بدین ترتیب تفاوت اتحال پذیری آنها حدود 0.01 g خواهد بود.

موردنمود: شب نمودار اتحال - فشار گازها به نوع گاز و دمای گاز بستگی دارد. با افزایش دما، از اتحال پذیری گازها کاسته می‌شود و مقدار شب بکاهش می‌باشد.

موردنمود: با توجه به بیشتر بودن شب منحنی مربوط به $\text{X}_2(\text{g})$ نسبت به منحنی $\text{O}_2(\text{g})$ ، اتحال گاز X_2 از گاز اکسیژن بیشتر است. اتحال پذیری $\text{O}_2(\text{g})$ در فشار 4 atm ، بین 0.01 تا 0.02 g گرم است. پس اتحال پذیری $\text{X}_2(\text{g})$ می‌تواند 0.02 g باشد.

(شیمی ا- صفحه ۱۱۵)

گزینه «۲»

بررسی عبارت‌ها:

الف) نادرست؛ چون CO_2 می‌تواند با آب واکنش دهد، اگرچه ناقطبی است؛

اما با این حال از برخی گازهای قطبی اتحال پذیری بیشتری در آب دارد.

ب) نادرست؛ گاز CO_2 با آب واکنش شیمیایی می‌دهد.

پ) درست

ت) نادرست؛ قانون هنری مربوط به اثر فشار بر میزان اتحال گازهای است.

ث) درست

(شیمی ا- صفحه‌های ۱۱۳ تا ۱۱۵)



دفترچه پاسخ فرهنگیان

(تعلیم و تربیت اسلامی و هوش و استعداد)

۱۴۰۳ اسفند ماه ۲۴

ریاضی و فیزیک، علوم تجربی و فنی و حرفه‌ای / کارداش

گروه آزمون

بنیاد علمی آموزشی قلمچی (وقف عام)

آدرس دفتر مرکزی: خیابان انقلاب- بین صبا و فلسطین- پلاک ۹۲۳ - تلفن چهار رقمی: ۰۶۴۶۳-۰۲۱.



(عباس سیدشusteri)

۲۵۷- گزینه «۳»

چگونگی و نوع پوشش، تا حدود زیادی تابع آداب و رسوم ملتها و اقوام است.

حجاب، مانند هر عمل دیگری، هرچه کامل‌تر و دقیق‌تر انجام شود، نزد خدا بالارزش‌تر و آثار و ثمرات فردی و اجتماعی آن افزون‌تر است.
(دین و زندگی، زیبایی پوشیدگی، صفحه ۱۱۶۸)

(عباس سیدشusteri)

۲۵۸- گزینه «۳»

طبق مقررات اسلامی، رضایت کامل دختر و پسر برای ازدواج ضروری است و اگر عقدی به زور انجام بگیرد، باطل است و مشروعيت ندارد.
(دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۳)

(ممدر رضایی‌رقا)

۲۵۹- گزینه «۲»

رشد اخلاقی و معنوی: پسر و دختر جوان با تشکیل خانواده، از همان ابتدا زمینه‌های فساد را از خود دور می‌کنند، مسئولیت‌پذیری را تجربه می‌نمایند، مهر و عشق به همسر و فرزندان را در خود پرورش می‌دهند، با گذشت و مدارا و تحمل سختی‌ها و ناگواری‌های زندگی، به درجات معنوی بالاتری نایل می‌شوند.

انس با همسر: هر یک از زن و مرد، علاوه بر نیاز جنسی، نیازمند به زندگی با دیگری هستند و این نیاز (انس با همسر) نیز پس از بلوغ آشکار می‌شود.
(دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۳)

(ممدر رضایی‌رقا)

۲۶۰- گزینه «۴»

سلامت جسمی و روانی از معیارهای همسر شایسته است. همچنین عدم ارتباط قبلي با جنس مخالف نیز از معیارهای دیگر همسر شایسته است.
(دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۴)

(عباس سیدشusteri)

۲۶۱- گزینه «۲»

رشد اخلاقی و معنوی: دختر و پسر جوان با تشکیل خانواده از همان ابتدا زمینه‌های فساد را از خود دور می‌کنند و مسئولیت‌پذیری را تجربه می‌کنند. رشد و پرورش فرزندان: خانواده بستر رشد و بالاندگی فرزندان است و هیچ نهادی نمی‌تواند جایگزین آن شود. فرزند، ثمرة زن و مرد و تحکیم‌بخش وحدت روحی آن‌هاست.

(دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۳)

(ممدر رضایی‌رقا)

۲۶۲- گزینه «۳»

امام علی (ع) می‌فرماید: «علاقة شدید به چیزی، آدم را کور و کر می‌کند.» علاقه و محبت به یک شخص، چشم و گوش را می‌بندد و عقل را به حاشیه می‌راند. از این رو، پیشوایان دین از ما خواسته‌اند که در مورد همسر آینده با پدر و مادر خود مشورت کنیم تا به انتخابی درست برسیم.

(دین و زندگی، پیوند مقدس، صفحه ۱۵۴)

تعلیم و تربیت اسلامی

۲۵۱- گزینه «۳»

(ممدر رضایی‌رقا)

قرآن کریم، «تبرّج» را کاری جاهله‌نه می‌داند که موجب غفلت از هدف اصلی زندگی و مشغول‌شدن به کارهایی می‌شود که عاقبتی جز دورشدن از خدا ندارد.

(دین و زندگی، خفیف‌لیت آراستگی، صفحه ۱۳۹)

۲۵۲- گزینه «۱»

(ممدر رضایی‌رقا)

چون زمان امام صادق (ع)، مردم شرایط بهتری داشتند، ایشان لباس زیبایی می‌پوشید، اما چون در گذشته مردم شرایط سختی داشتند، جد امام صادق (ع)، پوشش متفاوتی مناسب با شرایط زندگی مردم و توانایی آنان داشت.
(دین و زندگی، خفیف‌لیت آراستگی، صفحه ۱۳۷)

۲۵۳- گزینه «۳»

(ممدر رضایی‌رقا)

امام صادق (ع) می‌فرماید: «لباس نازک و بدنه نما نپوشید؛ زیرا چنین لباسی نشانه سستی و ضعف دینداری فرد است.»

(دین و زندگی، خفیف‌لیت آراستگی، صفحه ۱۴۰)

۲۵۴- گزینه «۳»

(عباس سیدشusteri)

در عبارت قرآنی «ذلک ادنی ان یعرفن فلا یؤذین؛ این برای آن که به (عفاف) شناخته شوند و مورد آزار قرار نگیرند، بهتر است» به فلسفه و چرایی حجاب اشاره شده است.

(دین و زندگی، زیبایی پوشیدگی، صفحه ۱۴۸)

۲۵۵- گزینه «۴»

(عباس سیدشusteri)

در دوران اخیر پای‌بندي به تعالیم دینی کمتر شده و آن بخش از دستورات و سنت‌های حضرت موسی (ع) و حضرت عیسی (ع) هم که باقی مانده، مورد غفلت قرار گرفته است و به آن‌ها عمل نمی‌شود. بنابراین، بی‌حجابی زنان غرب نه تنها جایگاهی در اندیشه مسیحیت حقیقی ندارد؛ بلکه بازگشتن به سنت‌های مشرکانه قبل از حضرت مسیح (ع) محسوب می‌شود.
(دین و زندگی، زیبایی پوشیدگی، صفحه ۱۵۰)

۲۵۶- گزینه «۴»

(ممدر رضایی‌رقا)

نیاز به مقبولیت در دوره جوانی و نوجوانی نمود بیشتری دارد و سبب می‌شود که نوجوان و جوان بیشتر به خود پردازد و توانایی‌ها و استعدادهای خود را کشف و شکوفا کند و در معرض دید دیگران قرار دهد. جوانی که با نشان‌دادن استعداد خود در یک رشته ورزشی یا خلق اثر هنری یا کار مؤثر در کارگاه صنعتی، تحسین دیگران را برانگیزد، از این قبیل است.
(دین و زندگی، خفیف‌لیت آراستگی، صفحه ۱۳۸)



(مرتضی محسنی کبیر)

«۲۶۷- گزینه ۴»

حکمت، مادر همه خیرات است. هر که آن را داشته باشد، چیزهای زیادی خواهد داشت، گرچه مال و ثروت خیر است، ولی خیر کثیر، داشتن دید و قدرت تشخیص است.

بر اساس روایات، حکمت همچون نوری است که در جان قرار می‌گیرد و آثار آن در گفتار و رفتار انسان پیدا می‌شود.

توجه:
حکمت:

- همچون نوری است که در جان قرار می‌گیرد و آثار آن در گفتار و رفتار انسان پیدا می‌شود.

- بینش و بصیرتی است که اگر فقیر باشد او را در جامعه از ثروتمند محبوب‌تر می‌کند و اگر صغیر باشد، او را بر بزرگ‌سالان برتری می‌بخشد.

- معرفت و تفکه در دین است، اطاعت از خدا و شناخت امام و پرهیز از گناهان است.

- هدیه‌ای کلیدی و مادر همه خیرات است (خیر کثیر).

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۱۰۵ و ۱۰۶)

(مرتضی محسنی کبیر)

«۲۶۸- گزینه ۴»

در آیه‌ای می‌خوانیم که به جای انتقام، بدی‌های مردم را با عمل خوبی از خود دفع کنید: «دفع بالّتی هی احسن» که این کار برکاتی دارد؛ از جمله این که کینه و دشمنی بین شما و آن شخص را به دوستی گرم تبدیل می‌کند: «فإذا آذى بّينك و بّينه عداوة كأنه ولی حميم».

آیه شریفه «لا تستوي الحسنة و لا السیئة ادفع بالّتی هی احسن» درباره یکی دیگر از بایدهای معلمی یعنی «توجه به آثار جنبی رفتار» اشاره دارد.

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۹۱ و ۹۹)

(یاسین ساعدی)

«۲۶۹- گزینه ۳»

تشريح گزینه نادرست:

شرط امر به معروف و نهی از منکر، عمل خود انسان نیست؛ یعنی اگر منکری را دیدیم باید از آن نهی کنیم؛ گرچه خودمان آن منکر را انجام دهیم.

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۷۱ و ۷۰)

(مرتضی محسنی کبیر)

«۲۷۰- گزینه ۴»

گوش ندادن به حقایق، صفت کافران کوردل است: «و لَهُمْ آذَانٌ لَا يَسْمَعُون بِهَا: آنَّا نَوْصَنَاهُمْ بِمَا كَانُوا لَا يَذَّكَّرُونَ» و «إِذَا ذَكَّرُوا لَا يَذَّكَّرُونَ».

هنگامی که به آن‌ها تذکر داده شود، پند نمی‌گیرند».

یأس از رحمت خداوند رحیم جزء گناهان کبیره است و مأیوس‌کردن دیگران، به تعبیر قرآن کریم، کار شیطان و منافقان.

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۱۰۱ و ۱۰۲)

(یاسین ساعدی)

«۲۶۳- گزینه ۱»

خداؤند در آیه ۲۱ سوره روم می‌فرماید: «وَ مِنْ آيَاتِهِ أَنَّ خَالِقَ لَكُمْ مِنْ أَنفُسِكُمْ أَزْوَاجًا لِتَسْكُنُوا إِلَيْهَا وَ جَعَلَ لِيْسَنَكُمْ مُؤَدَّةً وَ رَحْمَةً إِنَّ فِي ذَلِكَ لَآيَاتٍ لِقَوْمٍ يَتَّقَرَّبُونَ: وَ از نشانه‌های خدا آن است که همسرانی از نوع خودتان برای شما آفرید تا با آن‌ها آرامش بابد و میان شما دوستی و رحمت قرارداد. همانا که در این مورد، نشانه‌هایی است برای کسانی که تفکر می‌کنند.»

آمادگی برای ازدواج، نیازمند دو بلوغ است: یکی بلوغ جنسی و دیگری بلوغ عقلی و فکری که مدتی پس از بلوغ جنسی فرا می‌رسد.

(دین و زنگی، پیوند مقدس، صفحه‌های ۱۵۵ و ۱۵۶)

(مرتضی محسنی کبیر)

«۲۶۴- گزینه ۴»

امام خمینی (ره) به خاطر همدردی با مردم ایران، سرمای پاریس را تحمل می‌کرد و از نفت استفاده نمی‌کرد.

همین که آیت‌الله بروجردی فهمید نسبت به طلبۀ سؤال کننده، تندي بی‌جایی کرده است، در برابر همه شاگردان و علماء و مراجع، دست آن طلبه را بوسید که نشان از وظيفة جبران ضعف‌ها در معلمی دارد.

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۹۰ و ۹۱)

(مرتضی محسنی کبیر)

«۲۶۵- گزینه ۴»

«... و اذا قيل انشروا فانشروا يرفع الله ... و هرگاه گفته شود برخیزید، برخیزید، خدا شما را به درجه‌ات رفت و بزرگی می‌دهد ...».

در فرهنگ مردم «فرشته» مظهر خوبی و کرامت است؛ تا آن جا که زنان مصر در ستایش یوسف گفته‌ند: «إِنَّهُ هَذَا الْمَلِكُ كَرِيمٌ».

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۹۵، ۹۶ و ۹۷)

(یاسین ساعدی)

«۲۶۶- گزینه ۱»

«بسم الله» گام اول در مسیر بندگی و عبودیت است. امام رضا (ع) فرمود: «بسم الله به اسم اعظم الهی از سیاهی چشم به سفیدی آن نزدیک‌تر است».

(مهاارت معلمی، وظایف معلم، صفحه‌های ۷۷ و ۷۸)



(کتاب آمیز استعداداتعلیلی هوش کلامی)

«۲۷۷- گزینهٔ ۴»

وقتی متن دربارهٔ دو یا چهار دود در پیام صحبت می‌کند، به وضوح اشاره می‌کند که گاه ناقص رسیدن پیام از نرسیدن آن خطروناکتر است: دو دود غلیظ نشانهٔ آمدن دوست است و چهار دود غلیظ نشانهٔ حملهٔ دشمن، پس گاه ناقص رسیدن پیام از نرسیدن آن خطروناکتر است. دیگر گزینه‌ها از متن برداشت نمی‌شود.

(هوش کلامی)

اسعداد تحلیلی

«۲۷۱- گزینهٔ ۳»

موجد: ایجاد کننده

(ممیر اصفهانی)

(هوش کلامی)

(مهدی وکی فراهانی)

«۲۷۸- گزینهٔ ۳»

می‌دانیم کارت سبز ششمین کارت است و دقیقاً بین کارت‌های زرد و نیلی است. پس کارت نیلی یکی از کارت‌های شماره‌های ۵ و ۷ است. پس قطعاً مهر که در جایگاه چهارم است رنگ نیلی ندارد.

۷ ۶ ۵ ۴ ۳ ۲ ۱

مهر	زرد/نیلی	سبز				
-----	----------	-----	--	--	--	--

(هوش منطقی ریاضی)

(مهدی وکی فراهانی)

«۲۷۹- گزینهٔ ۴»

در این سؤال می‌دانیم مهر قرمز است و آبان و آذر و دی به همین ترتیب کنار همند. پس یکی از چهار حالت زیر ممکن است:

۷ ۶ ۵ ۴ ۳ ۲ ۱

آبان/دی	آذر	آبان/دی	مهر/قرمز			
۷	۶	۵	۴	۳	۲	۱

مهر/قرمز	آبان/دی	آذر	آبان/دی			
----------	---------	-----	---------	--	--	--

همچنین می‌دانیم کارت دی بنفش است و سه کارت سبز و نیلی و زرد کنار همند، پس قطعاً کارت‌های سبز و نیلی و زرد با در جدول بالا در جایگاه‌های ۵، ۶ و ۷ هستند، یا در جدول پایین در جایگاه‌های ۱، ۲ و ۳. پس آبان و آذر، قطعاً سبز، زرد و نیلی نیستند. قرمز هم که متعلق به مهر است و بنفش متعلق به دی، پس فقط رنگ‌های آبی و نارنجی است که ممکن است رنگ‌های آبان و آذر باشند.

(هوش منطقی ریاضی)

(مهدی وکی فراهانی)

«۲۸۰- گزینهٔ ۴»

در این سؤال، می‌دانیم کارت‌های زرد، سبز و نیلی به هم چسبیده‌اند. با محاسبهٔ قرینه‌های شکل‌های زیر، یکی از این سه حالت برای این سه رنگ ممکن است. حال سه رنگ دیگر، نیلی، بنفش، آبی و قرمز، باید به هم بچسبند. با این شرط، فقط حالت دوم و قرینه‌اش ممکن است درست باشند. در هر دو این حالت‌ها، کارت وسط، کارت مهر، قطعاً نیلی یا زرد است.

			مهر			
			مهر			
			مهر			

(هوش منطقی ریاضی)

(ممیر اصفهانی)

«۲۷۲- گزینهٔ ۳»

متن می‌گوید باید به مبانی اندیشه‌های فلسفه‌ی آموزشی توجه کرد، در غیر این صورت، آسیب‌زاست، یعنی در غیر این توجه به مبانی اندیشه‌های فلسفه‌ی آموزشی.

(هوش کلامی)

(ممیر اصفهانی)

«۲۷۳- گزینهٔ ۱»

متن برای فارغ‌التحصیلان رشته‌ی فلسفه‌ی تعلیم و تربیت، چند شغل احتمالی معرفی کرده است ولی به دیگر پرسش‌ها پاسخی نداده است.

(هوش کلامی)

(ممیر اصفهانی)

«۲۷۴- گزینهٔ ۴»

طبق متن، «هدف از برگزاری این دوره، تربیت متخصصان کارآمدی است که به ... پیردازند». معلوم است که نهاد جمع انسان، فعل جمع می‌خواهد.

(هوش کلامی)

(ممیر اصفهانی)

«۲۷۵- گزینهٔ ۲»

متن می‌گوید اگر ارزش پول ملی کشور «الف» در قیاس با پول ملی کشور «ب» کم شود، کشور «الف» مخصوصاً را راحت‌تر می‌تواند به کشور «ب» صادر کند. ولی این حداقل به شرطی است که افزایش ارزش پول ملی کشور «ب»، به افزایش قیمت محصولات کشور «الف» منجر نشود. مثلاً اگر محصولات اولیهٔ خود وارداتی باشد، قیمت آن‌ها هم بیشتر می‌شود که به افزایش قیمت محصول نهایی منجر می‌شود.

(هوش کلامی)

(کتاب آمیز استعداداتعلیلی هوش کلامی)

«۲۷۶- گزینهٔ ۲»

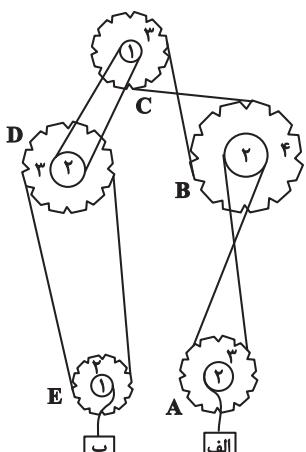
در متن صورت سؤال به اهمیتِ شکل و ارتفاع دودها اشاره‌ای نشده است. عبارت «فرستندگان این پیام‌ها، چیزی شبیه به پتو را در فواصل زمانی معین روی آتشی قرار می‌دهند و بر می‌دارند تا دودها نیز در فواصلی معین به هوا فرستاده شود» به اهمیتِ فاصله زمانی و عبارت «دو دود غلیظ نشانهٔ آمدن دوست و چهار دود غلیظ نشانهٔ حملهٔ دشمن» به اهمیتِ غلظت دودها اشاره می‌کند.

(هوش کلامی)



(فرزاد شیرمحمدی)

«۲۸۵- گزینه ۳»



نسبت سرعتها در انتقال چرخ‌دنده‌ها به قطر آن‌ها بستگی دارد. جهت حرکت هم به نیروی وارد شده بستگی دارد.
برای سرعت داریم:

\rightarrow A, B, C, D, E

$$72 \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{4} \times \frac{3}{1} \times \frac{2}{3} = 72 \times \frac{4}{3} = 96$$

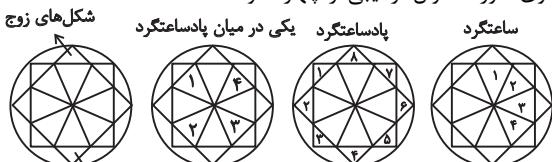
و برای جهت داریم:

ساعتگرد \Rightarrow C ساعتگرد \Rightarrow B پادساعتگرد \Rightarrow A ساعتگرد \Rightarrow D ساعتگرد \Rightarrow E رو به پایین \Rightarrow جبهه B رو به فرد

(هوش منطقی ریاضی)

«۲۸۶- گزینه ۴»

الگوی صورت سؤال ترکیبی از چهار الگو است:



(هاری زمانیان)

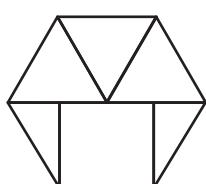
(هاری زمانیان)

یک دایره در شکل‌ها یکی در میان رنگی است. ولی چندضلعی‌های دور شکل، ساعتگرد یکی در میان در حرکتند و امواج نیز به سمت پایین استخرا پیشروی می‌کنند.

(هوش غیرکلامی)

(فاطمه راسخ)

«۲۸۷- گزینه ۴»



(هوش غیرکلامی)

(مهدی و نکی فراهانی)

«۲۸۱- گزینه ۱»

در این سؤال طبق جدول زیر، یا قرینه‌اش، رنگ‌های زرد، سبز و نیلی باید کنار هم باشند ولی مرداد نارنجی نیست پس مهر نارنجی است.

مرداد				مهر	آبان	آذر	دی
غیرnarنجی				مهر	آبان	آذر	دی

(هوش منطقی ریاضی)

«۲۸۲- گزینه ۳»

کسر کار هر کارگر در هر ساعت:

$$\frac{1}{3} \times \frac{1}{5} \times \frac{1}{8} = \frac{1}{120}$$

$$\frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times \frac{1}{3} = \frac{1}{24}$$

کسر کار هر سرکارگر در هر ساعت:

$$\frac{1}{120} + \frac{1}{24} = \frac{1+5}{120} = \frac{6}{120}$$

$$\frac{120}{6} = 20$$

پس کل زمان مورد نیاز گروه جدید، به ساعت:

$$\frac{20}{\frac{20}{4}} = 5 \text{ روز زمان نیاز دارند.}$$

(هوش منطقی ریاضی)

«۲۸۳- گزینه ۴»

(فاطمه راسخ) در بدترین حالت، فرض می‌کنیم $7 \times 2 = 14$ شخص در اتاق اول باشند که

یعنی در هر روز هفت، دو نفر به دنیا آمدند. حال نفر پانزدهم، در هر روز که

$n = 15$ به دنیا آمد باشد، شرط صورت سؤال را برآورده می‌کند.

همچنین در بدترین حالت، فرض می‌کنیم $4 \times 3 = 12$ شخص در اتاق دوم

هستند که یعنی در هر فصل، سه نفر به دنیا آمدند. حال نفر سیزدهم، در

هر فصل که به دنیا آمد باشد، شرط صورت سؤال را برآورده می‌کند.

$$m = 13$$

$$m - n = 13 - 15 = -2$$

پس:

(هوش منطقی ریاضی)

«۲۸۴- گزینه ۳»

(فاطمه راسخ)

$$(9 \times 2) + 1 = 19$$

$$9 + 1 = 10, 9 - 1 = 8$$

$$(8 \times 3) + 2 = 26$$

$$6 + 2 = 8, 6 - 2 = 4$$

$$(7 \times 4) + 3 = 31$$

$$3 + 1 = 4, 3 - 1 = 2$$

(هوش منطقی ریاضی)

جمع و اختلاف ارقام:

جمع و اختلاف ارقام:

جمع و اختلاف ارقام:

«۲۸۸- گزینه ۴»

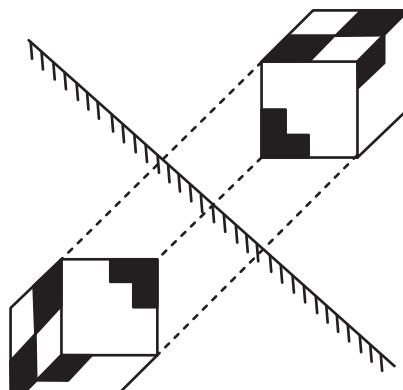
شکل متنظر:



(شمید کننی)

«۲۸۹ - گزینه «۱»

تقارن مذ نظر:



(هوش غیرکلامی)

(همون رجایان)

«۳۰ - گزینه «۳»

گزینه‌های «۱»، «۲» و «۴» به ترتیب نمایهای حجم صورت سؤال است از
جلو، بالا و چپ.

(هوش غیرکلامی)